

Protokoll Organische Chemie III

Darstellung des Azofarbstoffes Orange II

Teilnehmer:

Roman-Luca Zank

Protokollführer: Roman-Luca Zank

Datum der Versuchsdurchführung: 22.10.2020

Abgabedatum: 24.10.2020

Merseburg den 24.10.2020

Inhaltsverzeichnis

| 1 | Einleitung und Versuchsziel | |
|-----|--|---------|
| 2 | Versuchsdurchführung | 3 |
| 3 | Ergebnisse 3.1 Versuchsteil 1: | 3 12 |
| 4 | Fehlerbetrachtung | 15 |
| 5 | Diskussion der Ergebnisse | 17 |
| 6 | Zusammenfassung und Fazit | 18 |
| Lit | teraturverzeichnis | 19 |
| Ar | nhang | 20 |

1 Einleitung und Versuchsziel

Im folgenden Versuch wird das Strömungsverhalten variierender Wasservolumenströme durch unterschiedliche Rohrleitungen und Rohrleitungseinbauten untersucht. Dabei ist vor allem die nicht-lineare Abhängigkeit des Druckverlustes in der Rohrleitung und der Geschwindigkeit des Fluides darzustellen. Die sich daraus ergebenden Rohrreibungskoeffizienten λ sind in Abhängigkeit von der Reynoldszahl Re zu bestimmen, ebenso wie der Einfluss von Messfehlern auf die Ergebnisse.

2 Versuchsdurchführung

Die Versuchsanlage besteht aus mehreren, einzeln absperrbaren Rohrleitungen unterschiedlicher Durchmesser und teils mit Einbauten. Für den Versuch werden je drei Rohrleitungen – eine angeraute Leitung und zwei hydraulisch glatte Leitungen unterschiedlicher Nenndurchmesser – ohne Einbauten sowie je eine Rohrleitung mit eingebautem Schrägsitzventil und einem Muffenschieber untersucht.

Für die rauen und hydraulisch glatten Rohrleitungen werden dazu für je fünf unterschiedliche Wasservolumenströme die Druckverluste in jeder einzelnen Rohrleitung über die Manometer am Ein- und Auslauf ermittelt. Vorher ist das System zu entlüften. Mittels der Druckverluste und der Strömungsgeschwindigkeiten berechnet sich schließlich für jede Rohrleitung eine entsprechende Rohrreibungszahl λ .

Die Rohrleitungen mit Einbauten werden auf die Druckverlustbeiwerte ζ untersucht, die durch die jeweiligen eingebauten Armaturen auftreten. Dazu werden die Druckverluste bei einem konstanten Wasservolumenstrom bestimmt, während die Öffnungsweite des Ventils bzw. des Muffenschiebers verändert wird. Die sich daraus ergebende Ventilkennlinie ist als ζ über den Öffnungswinkel und als kv-Wert über den Ventilhub aufzutragen.

Für die Rohrreibungszahl λ ist zusätzlich eine Fehlerrechnung durchzuführen, da anzunehmen ist, dass die Messwerte des Versuchs mit Fehlern behaftet sind.

Neben der Versuchsanlage mit den Messinstrumenten für Druck und Volumenstrom wurde weiterhin eine Stoppuhr genutzt.

3 Ergebnisse

3.1 Versuchsteil 1:

Die Auswertung des ersten Teilversuchs beläuft sich auf die Berechnung der jeweiligen Rohrreibungszahlen λ für die verschiedenen Rohre unterschiedlicher hydraulischer Glattheit. Dazu müssen zuerst die Volumenströme mittels der gemessenen Wasservolumina und Durchlaufzeiten und damit die mittleren Strömungsgeschwindigkeiten berechnet werden. Im Folgenden sind dazu beispielhaft

Berechnungen aufgezeigt.

Die jeweiligen Druckverluste für jede Messung ergeben sich aus der Differenz der angezeigten Manometerdrücke am Anfang und am Ende der zu untersuchenden Rohrleitungen.

Die berechneten Volumenströme, Geschwindigkeiten und Druckverluste sind die Grundlage für weiterführende Berechnungen hinsichtlich Reynoldszahl Re und Rohrreibungszahl λ , sowie deren grafische Auswertung im Moody-Diagramm (siehe Anhang).

Mit der kinetischen Viskosität können folglich die jeweiligen Reynoldszahlen berechnet werden. Beispielhaft wird die Rechnung für das hydraulisch raue Rohr gezeigt.

Die einzelnen Rohrleitungswiderstände für die zu untersuchenden Rohre berechnen sich nach der folgenden Formel und sind vollständig in Tab. 4 für alle drei Rohrleitungen aufgeführt.

Tab. 1: Messwerte zu Volumen, Zeit und Druck

| 1ab. 1. Messwerte zu volumen, Zeit und Druck | | | | | | | |
|--|---------------------------|----------|---------------|---------------|--|--|--|
| Messpunkt | Volumen [m ³] | Zeit [s] | Druck 1 [bar] | Druck 2 [bar] | | | |
| raues Rohr | | | | | | | |
| 1 | 0,01 | 37,6 | 0,07 | 0,01 | | | |
| 2 | 0,01 | 25,2 | 0,18 | 0,04 | | | |
| 3 | 0,01 | 18,4 | 0,35 | 0,10 | | | |
| 4 | 0,01 | 16,8 | 0,45 | 0,14 | | | |
| 5 | 0,01 | 14,9 | 0,56 | 0,17 | | | |
| glattes Rohr | | | | | | | |
| 1 | 0,01 | 17,1 | 0,28 | 0,05 | | | |
| 2 | 0,01 | 15,0 | 0,36 | 0,06 | | | |
| (3) | (0,01) | (12,3) | (0,44) | (0,10) | | | |
| 4 | 0,01 | 13,5 | 0,43 | 0,07 | | | |
| 5 | 0,01 | 12,6 | 0,49 | 0,09 | | | |
| glattes, dickes | Rohr | | | | | | |
| 1 | 0,01 | 10,6 | 0,11 | 0,04 | | | |
| 2 | 0,01 | 9,1 | 0,15 | 0,07 | | | |
| 3 | 0,01 | 7,9 | 0,23 | 0,10 | | | |
| 4 | 0,01 | 7,3 | 0,26 | 0,12 | | | |
| 5 | 0,01 | 6,5 | 0,33 | 0,16 | | | |

Berechnung des Volumenstroms

$$\dot{V} = \frac{V}{t}$$

$$\dot{V}_{1,rau} = \frac{V_{1,rau}}{t_{1,rau}}$$

$$= \frac{0.01 \,\mathrm{m}^3}{37.6 \,\mathrm{s}}$$

$$= 2.66 \cdot 10^{-4} \,\frac{\mathrm{m}^3}{\mathrm{s}} \approx \underline{958 \,\frac{\mathrm{L}}{\mathrm{h}}}$$
(1)

Berechnung der mittleren Geschwindigkeit

$$\overline{\omega} = \frac{\dot{V}}{A}$$

$$= \frac{4 \cdot \dot{V}}{\pi \cdot d^2}$$

$$\overline{\omega}_{1,rau} = \frac{4 \cdot \dot{V}_{1,rau}}{\pi \cdot (d_{1,rau})^2}$$

$$= \frac{4 \cdot 2,66 \cdot 10^{-4} \frac{\text{m}^3}{\text{s}}}{\pi \cdot (13,6 \cdot 10^{-3} \text{ m})^2}$$

$$= 1,83 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
(2)

Berechnung des Druckverlustes

$$\Delta p_v = p_{i,rau,1} - p_{i,rau,2}$$

$$\Delta p_{v_{1,rau}} = p_{1,rau,1} - p_{1,rau,2}$$

$$= 0.07 \,\text{bar} - 0.01 \,\text{bar}$$

$$= 0.06 \,\text{bar} \quad (0.056 \,\text{bar})$$
(3)

Tab. 2: Volumenströme, mittlere Geschwindigkeiten und Druckverluste

| Messpunkt | Volumenstrom $\left[\frac{L}{min}\right]$ | $\left \begin{array}{c} \text{mittlere Geschwindigkeit} \left[\frac{\text{m}}{\text{s}} \right] \end{array} \right $ | Druckverlust [bar] | | | |
|-----------------|---|--|--------------------|--|--|--|
| raues Rohr | | | | | | |
| 1 | 958 | 1,83 | 0,06 | | | |
| 2 | 1430 | 2,73 | 0,14 | | | |
| 3 | 1962 | 3,75 | 0,25 | | | |
| 4 | 2139 | 4,09 | 0,32 | | | |
| 5 | 2413 | 4,61 | 0,39 | | | |
| glattes Rohr | | | | | | |
| 1 | 2111 | 4,04 | 0,23 | | | |
| 2 | 2406 | 4,60 | 0,30 | | | |
| (3) | (2922) | (5,59) | (0,34) | | | |
| 4 | 2667 | 5,10 | 0,36 | | | |
| 5 | 2866 | 5,48 | 0,40 | | | |
| glattes, dickes | Rohr | | | | | |
| 1 | 3403 | 2,49 | 0,07 | | | |
| 2 | 3978 | 2,91 | 0,08 | | | |
| 3 | 4557 | 3,33 | 0,13 | | | |
| 4 | 4932 | 3,60 | 0,14 | | | |
| 5 | 5513 | 4,03 | 0,17 | | | |

Die folgende Gleichung für die Dichte des Wasser stammt aus linear interpolierten Daten, welche mittels Excel-AddIn für unterschiedlichen Temperaturen bestimmt wurde (siehe [1]). Genutzt wurde dafür die Funktion =densW(T[K],p[bar]) mit der Annahme, dass der Druck konstant 1 bar beträgt. Analog gilt dasselbe für die dynamische Viskosität mittels der Funktion =viscW(T[K],p[bar]) mit der man in Folge die kinetische Viskosität errechnen kann.

In Bezug auf die Dichtefunktion wurde zwischen der maximal und minimal im Versuch gemessenen Temperatur interpoliert. Die interpolierten Werte sind der Tabelle 14 im Anhang unter Abschnitt 6 zu entnehmen, sowie die Gleichung selbst unter Gleichung 4.

$$\rho(T) = -0.2683 \, \frac{\text{kg}}{\text{m}^3 \cdot \text{K}} \cdot T + 1003.8 \, \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \tag{4}$$

Berechnung der kinetischen Viskosität

$$\nu = \frac{\eta}{\rho(T)}$$

$$\nu_{1,rau} = \frac{8,63 \cdot 10^{-4} \,\text{Pa} \cdot \text{s}}{996,7 \,\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}}$$

$$= 8,66 \cdot 10^{-7} \,\frac{\text{m}^2}{\text{s}}$$
(5)

Berechnung der Reynoldszahl

$$Re = \frac{\overline{\omega} \cdot d}{\nu}$$

$$Re_{1,rau} = \frac{\overline{\omega}_{1,rau} \cdot d_{1,rau}}{\nu_{1,rau}}$$

$$= \frac{1,83 \frac{m}{s} \cdot 13,6 \cdot 10^{-3} m}{8,66 \cdot 10^{-7} \frac{m^2}{s}}$$

$$\approx \underline{71687}$$
(6)

Tab. 3: Temperaturen, Dichten, kinetische Viskositäten und Reynoldszahlen

| Messpunkt | Temperatur | Dichte | kine. Viskosität $[10^{-7}]$ | Reynoldszahl | | | |
|-----------------|------------|---------|------------------------------|--------------|--|--|--|
| raues Rohr | | | | | | | |
| 1 | 26,5 | 996,7 | 8,66 | 28766 | | | |
| 2 | 26,8 | 996,6 | 8,61 | 43206 | | | |
| 3 | 27,3 | 996,5 | 8,51 | 59940 | | | |
| 4 | 27,5 | 996,4 | 8,47 | 65639 | | | |
| 5 | 26,3 | 996,7 | 8,70 | 72117 | | | |
| glattes Rohr | | | | | | | |
| 1 | 26,3 | 996,7 | 8,70 | 63108 | | | |
| 2 | 26,1 | 996,8 | 8,74 | 71606 | | | |
| (3) | (25,4) | (997,0) | (8,88) | (85602) | | | |
| 4 | 25,9 | 996,9 | 8,78 | 78998 | | | |
| 5 | 25,6 | 996,9 | 8,84 | 84344 | | | |
| glattes, dickes | Rohr | | | | | | |
| 1 | 27,3 | 996,5 | 8,51 | 64267 | | | |
| 2 | 27,0 | 996,6 | 8,57 | 74640 | | | |
| 3 | 26,9 | 996,6 | 8,59 | 85318 | | | |
| 4 | 26,6 | 996,7 | 8,64 | 91723 | | | |
| 5 | 26,3 | 996,7 | 8,70 | 101862 | | | |

Berechnung des Rohrleitungswiderstandes

$$\lambda = \frac{2 \cdot \Delta p_v \cdot d}{l \cdot \rho(T) \cdot v^2}$$

$$\lambda_{1,rau} = \frac{2 \cdot \Delta p_{v_{1,rau}} \cdot d}{l_{1,rau} \cdot \rho(T)_{1,rau} \cdot (v_{1,rau})^2}$$

$$= \frac{2 \cdot 5600 \,\text{Pa} \cdot 13,6 \cdot 10^{-3} \,\text{m}}{2,5 \,\text{m} \cdot 996,7 \,\frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot \left(1,83 \,\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2}$$

$$= 0,018$$
(7)

Tab. 4: Druckverluste, Volumenströme und Rohrleitungswiderstände

| Messpunkt | Volumenstrom | Druckverlust | Rohrleitungswiderstand | | | |
|-----------------|--------------|--------------|------------------------|--|--|--|
| raues Rohr | | | | | | |
| 1 | 958 | 0,06 | 0,018 | | | |
| 2 | 1430 | 0,14 | 0,020 | | | |
| 3 | 1962 | 0,25 | 0,019 | | | |
| 4 | 2139 | 0,32 | 0,021 | | | |
| 5 | 2413 | 0,41 | 0,020 | | | |
| glattes Rohr | | | | | | |
| 1 | 2111 | 0,24 | 0,026 | | | |
| 2 | 2406 | 0,30 | 0,026 | | | |
| (3) | (2922) | (0,034) | (0,020) | | | |
| 4 | 2667 | 0,36 | 0,025 | | | |
| 5 | 2866 | 0,41 | 0,025 | | | |
| glattes, dickes | Rohr | | | | | |
| 1 | 3403 | 0,07 | 0,031 | | | |
| 2 | 3978 | 0,08 | 0,029 | | | |
| 3 | 4557 | 0,13 | 0,033 | | | |
| 4 | 4932 | 0,14 | 0,031 | | | |
| 5 | 5513 | 0,17 | 0,031 | | | |

Tab. 5: Mittelwerte der Rohrleitungswiderstände

| Rohr | Mittlerer Rohrleitungswiderstand |
|-----------------------|----------------------------------|
| raues Rohr | 0.0196 |
| glattes Rohr | 0.0254 |
| glattes, dickes Rohr | 0.0309 |

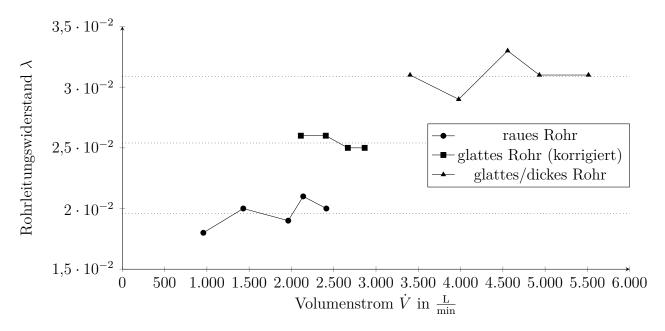


Abb. 1: Druckverlust in Abhängigkeit zum Volumenstrom

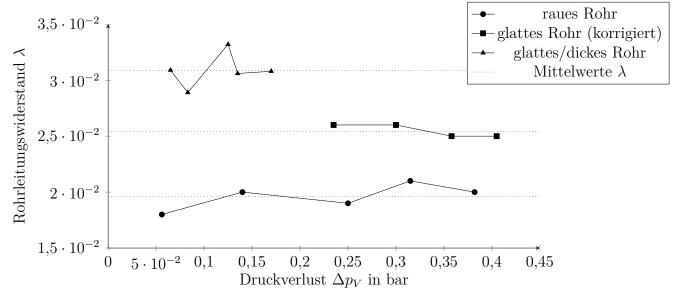


Abb. 2: λ zu Druckverlust

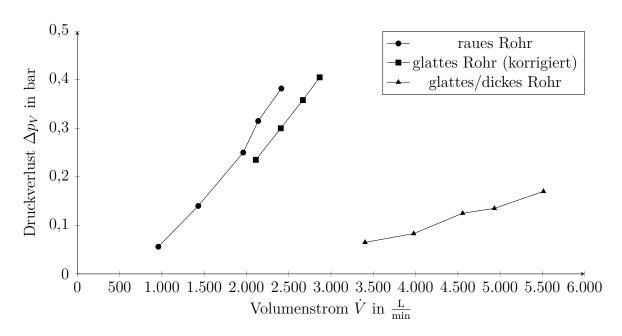
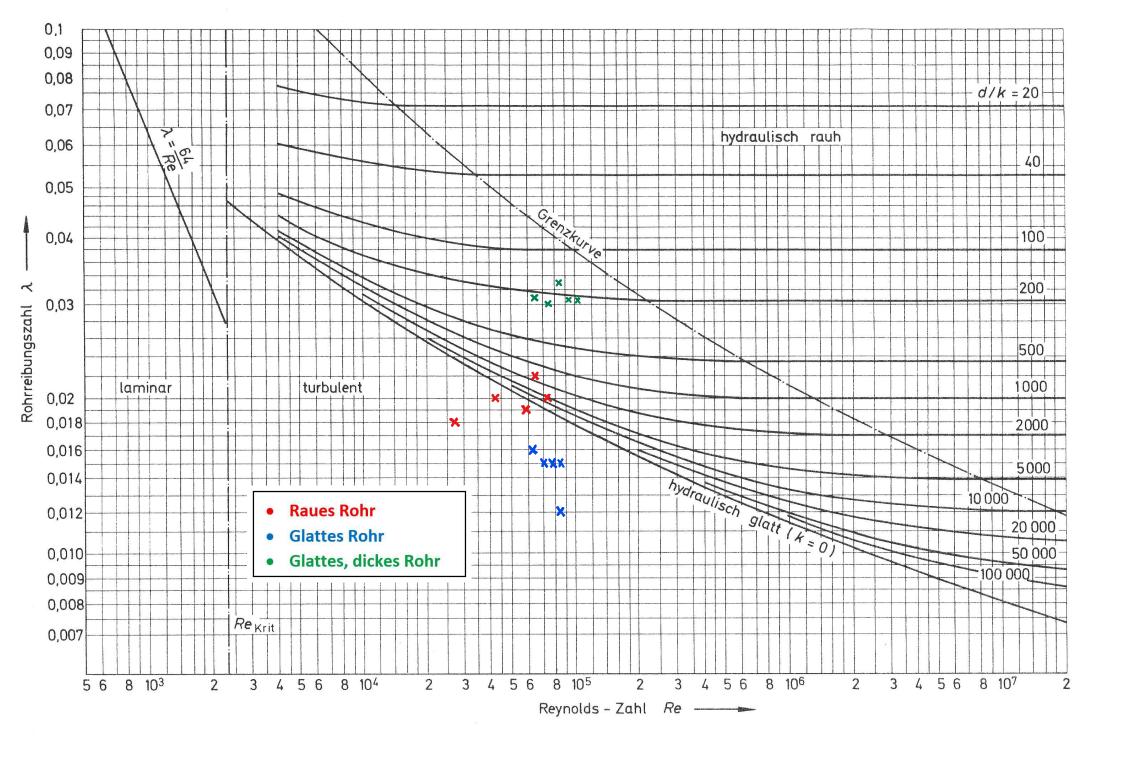


Abb. 3: Druckverlust in Abhängigkeit zum Volumenstrom

Glatte Rohre müssten weniger Rohrleitungswiderastand haben, da sich aber Dichte des Wasser verringert und Volumenstrom sehr hoch ist, steigt somit laut Gleichung der Rohrleitungswiderstand



3.2 Versuchsteil 2:

Tab. 6: Grundlegende Daten Schrägventil und Muffenschieber

| ${f Ventil}$ | Rohrdurchmesser | Volumenstrom | Geschwindigkeit |
|----------------|-----------------|--------------------|--------------------|
| Schrägventil | $40\mathrm{mm}$ | $47 \frac{L}{min}$ | $0.62 \frac{m}{s}$ |
| Muffenschieber | $40\mathrm{mm}$ | $47 \frac{L}{min}$ | $0.62 \frac{m}{s}$ |

Tab. 7: Messwerte Schrägventil

| Temperatur | Umdrehungen | Ventilhubstellung | Druck 1 | Druck 2 |
|------------|-------------|--------------------------|---------|---------|
| 27,3 | 0 | 0° 100% | 0,015 | 0,007 |
| 27,5 | 1 | $360 \degree \mid 98 \%$ | 0,015 | 0,008 |
| 27,9 | 2 | $720^{\circ}\mid 96\%$ | 0,015 | 0,009 |
| 28,2 | 3 | 1080° 91 % | 0,015 | 0,009 |
| 28,5 | 4 | 1440° 87% | 0,015 | 0,009 |
| 28,7 | 5 | 1800° 78 % | 0,018 | 0,009 |
| 28,7 | 6 | $2160^{\circ}\mid 70\%$ | 0,0,018 | 0,009 |
| 28,8 | 7 | 2520° 61 % | 0,020 | 0,008 |
| 28,9 | 8 | $2880\degree \mid 52\%$ | 0,020 | 0,007 |
| 29,0 | 9 | $3240^{\circ}\mid 43\%$ | 0,025 | 0,005 |
| 29,1 | 10 | $3600^{\circ}\mid35\%$ | 0,040 | 0,008 |
| 29,4 | 10,5 | $3780\degree \mid 26\%$ | 0,070 | 0,008 |
| 29,7 | 11 | 3960° 17% | 0,175 | 0,008 |
| 29,8 | 11,25 | $4050^{\circ}\mid 9\%$ | 0,460 | 0,009 |
| 29,8 | 11,5 | 4140° 0% | 1,100 | 0,008 |

Tab. 8: Messwerte Muffenschieber

| Temperatur | Umdrehungen | Ventilhubstellung | Druck 1 | Druck 2 |
|------------|-------------|-------------------------|---------|---------|
| 29,8 | 0 | 0° 100% | 0,015 | 0,015 |
| 29,9 | 1 | $360^{\circ}\mid 96\%$ | 0,018 | 0,016 |
| 29,9 | 2 | $720^{\circ}\mid 93\%$ | 0,020 | 0,017 |
| 30,0 | 3 | 1080° 91 % | 0,025 | 0,017 |
| 30,1 | 4 | 1440° 87% | 0,045 | 0,017 |
| 30,2 | 5 | 1800° 70 % | 0,143 | 0,017 |
| 30,3 | 5,25 | 1890° 52 % | 0,240 | 0,016 |
| 30,5 | 5,375 | $1935^{\circ}\mid 35\%$ | 0,435 | 0,017 |
| 30,7 | 5,5 | 1980° 17 % | 0,515 | 0,017 |
| 30,8 | 5,75 | 2070° 0 % | 1,000 | 0,017 |

Berechnung des Druckverlustbeiwert

$$\zeta = \frac{2 \cdot \Delta p}{\rho(T) \cdot v^2}$$

$$\zeta_{0,Schr\ddot{a}g} = \frac{2 \cdot \Delta p_{0,Schr\ddot{a}g}}{\rho(T)_{0,Schr\ddot{a}g} \cdot (v_{0,Schr\ddot{a}g})^2}$$

$$= \frac{2 \cdot 800 \,\mathrm{Pa}}{996.5 \,\frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{m}^3} \cdot (0.62 \,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}})^2}$$

$$= \underline{4,21} \tag{8}$$

Berechnung des K_v -Wertes

$$K_{v} = \dot{V} \cdot \sqrt{\frac{1 \text{ bar}}{\Delta p} \cdot \frac{\rho(T)}{1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^{3}}}}$$

$$K_{v_{0,Schr\ddot{a}g}} = \dot{V}_{0,Schr\ddot{a}g} \cdot \sqrt{\frac{1 \text{ bar}}{\Delta p_{0,Schr\ddot{a}g}} \cdot \frac{\rho(T)_{0,Schr\ddot{a}g}}{1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^{3}}}}$$

$$= 47 \frac{\text{L}}{\text{min}} \cdot \sqrt{\frac{1 \text{ bar}}{0,008 \text{ bar}} \cdot \frac{996,5 \frac{\text{kg}}{\text{m}^{3}}}{1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^{3}}}}$$

$$\approx 520 \frac{\text{L}}{\text{min}}$$

$$(9)$$

Tab. 9: Berechnete Werte Schrägventil

| Umdrehungen | Dichte | Druckverlust | Druckverlustbeiwert | K_v -Wert |
|-------------|--------|--------------|---------------------|-------------|
| 0 | 996,5 | 0,008 | 4,2 | 520 |
| 1 | 996,4 | 0,007 | 3,7 | 556 |
| 2 | 996,3 | 0,006 | 3,2 | 600 |
| 3 | 996,2 | 0,006 | 3,2 | 600 |
| 4 | 996,1 | 0,006 | 3,2 | 600 |
| 5 | 996,1 | 0,009 | 4,5 | 504 |
| 6 | 996,1 | 0,0,009 | 4,7 | 490 |
| 7 | 996,1 | 0,012 | 6,3 | 424 |
| 8 | 996,0 | 0,013 | 6,8 | 408 |
| 9 | 996,0 | 0,020 | 10,5 | 329 |
| 10 | 996,0 | 0,032 | 16,8 | 260 |
| 10,5 | 995,9 | 0,062 | 32,6 | 187 |
| 11 | 995,8 | 0,167 | 87,9 | 114 |
| 11,25 | 995,8 | 0,451 | 237,3 | 69 |
| 11,5 | 995,8 | 1,092 | 574,6 | 45 |

Tab. 10: Berechnete Werte Muffenschieber

| ${\bf Umdrehungen}$ | Dichte | Druckverlust | Druckverlustbeiwert | K_v -Wert |
|---------------------|--------|--------------|---------------------|-------------|
| 0 | 995,8 | 0,000 | 0 | - |
| 1 | 995,7 | 0,0015 | 0,8 | 1207 |
| 2 | 995,7 | 0,0030 | 1,6 | 854 |
| 3 | 995,7 | 0,0080 | 4,2 | 523 |
| 4 | 995,7 | 0,028 | 14,6 | 280 |
| 5 | 995,6 | 0,1255 | 65,2 | 132 |
| $5,\!25$ | 964,6 | 0,0,2240 | 116,4 | 99 |
| 5,375 | 995,5 | 0,4180 | 217,3 | 72 |
| $5,\!5$ | 995,5 | 0,4980 | 258,9 | 66 |
| 5,75 | 995,5 | 0,9830 | 511,0 | 47 |

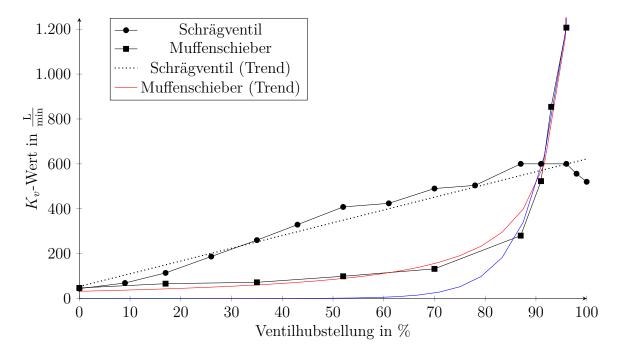


Abb. 4: K_V in Abhängigkeit von der Ventilhubstellung

Gleichungen für die Trendkurven:

- Schrägventil mittels linearer Regression: $f(x) = 5,6824 \cdot x + 53,456$
- Muffenschieber mittels Wachstumsgleichung: $g(x) = 0,000829961 \cdot (1,161889742)^{(x-1,358635786)}$

4 Fehlerbetrachtung

Beispielfehlerrechnung für den ersten Messwert des rauen Rohres:

| Tab. 11: Abweichungen und Messwerte für die Fehlerrechnung | | | | |
|--|----------|------------|--|--|
| Messgröße | Messwert | Abweichung | | |
| (1, raues Rohr) | | | | |

| Messgröße | ${f Messwert}$ | Abweichung |
|----------------|--------------------------|--|
| | (1, raues Rohr) | |
| Volumenstrom | $958 \frac{L}{h}$ | $\pm 2.5\% + MW \approx 6.65 \cdot 10^{-6} \frac{\text{m}^3}{\text{s}}$ |
| Temperatur | $26,5^{\circ}\mathrm{C}$ | $\pm 0.5\mathrm{K}$ |
| Druckmessungen | $0.06\mathrm{bar}$ | $2 \cdot \pm 2 \mathrm{mmWS} \approx 4079 \mathrm{Pa}$ |
| Durchmesser | $13,\!6\mathrm{mm}$ | ± 0 |
| Länge | $2.5\mathrm{m}$ | ±0 |

$$\Delta p_v = \frac{1}{2} \cdot \frac{l}{d} \cdot \rho(T) \cdot v^2$$

$$\lambda = \frac{2 \cdot \Delta p_v \cdot d}{l \cdot \rho(T) \cdot v^2}$$

$$= \frac{2 \cdot \Delta p_v \cdot d}{l \cdot \rho(T) \cdot \left(\frac{\dot{V}}{A}\right)^2}$$
(10)

Im Weiteren ist die eigentliche Fehlerrechnung für den ersten Messwert, der Messreihe des rauen Rohres, von λ über das totale Differential der Gleichung 10 aufgeführt. Wichtig ist dabei zu erwähnen, dass alle Variablen in SI-Einheiten einzusetzen sind bis auf die Temperatur, welche in [°C] eingesetzt wird.

Bildung der Differentiale:

$$\frac{\partial \lambda}{\partial \Delta p_v} = \frac{2 \cdot d \cdot A^2}{l \cdot \rho(T) \cdot \dot{V}^2} = \frac{d^5 \cdot \pi^2}{8 \cdot l \cdot \rho(T) \cdot \dot{V}^2}$$

$$= \frac{1250 \cdot d^5 \cdot \pi^2 \cdot [\mathbf{K} \cdot \mathbf{m}^3]}{l \cdot (-2683 \cdot T + 10038000 \cdot [\mathbf{K}]) \cdot \dot{V}^2 \cdot [\mathbf{kg}]} \tag{11}$$

$$\frac{\partial \lambda}{\partial \dot{V}} = -\frac{4 \cdot \Delta p_v \cdot d \cdot A^2}{l \cdot \rho(T) \cdot \dot{V}^3} = -\frac{\Delta p_v \cdot d^5 \cdot \pi^2}{4 \cdot l \cdot \rho(T) \cdot \dot{V}^3}$$

$$= -\frac{2500 \cdot \Delta p_v \cdot d^5 \cdot \pi^2 \cdot [\text{K} \cdot \text{m}^3]}{l \cdot (-2683 \cdot T + 10038000 \cdot [\text{K}]) \cdot \dot{V}^3 \cdot [\text{kg}]}$$

$$\frac{\partial \lambda}{\partial T} = \frac{3353750 \cdot \Delta p_v \cdot d^5 \cdot \pi^2 \cdot [\text{K} \cdot \text{m}^3]}{l \cdot (-2683 \cdot T + 10038000 \cdot [\text{K}]) \cdot \dot{V}^2 \cdot [\text{kg}]}$$
(12)

Tab. 12: Ergebnisse der einzelnen Differentiale für den Messwert 1 des rauen Rohres

| Differenzial | $rac{\partial \lambda}{\partial \Delta p_v}$ | $rac{\partial \lambda}{\partial \dot{V}}$ | $rac{\partial \lambda}{\partial T}$ |
|--------------|---|--|--|
| | $3,25 \cdot 10^{-6} \frac{\text{m} \cdot \text{s}^2}{\text{kg}}$ | $-146,69 \frac{\rm s}{{ m m}^3}$ | $5,25 \cdot 10^{-6} \frac{1}{\mathrm{K}}$ |

Berechnung des absoluten Fehlers:

$$\Delta\lambda = \left| \frac{\partial\lambda}{\partial\Delta p_v} \right| \cdot \Delta p + \left| \frac{\partial\lambda}{\partial\dot{V}} \right| \cdot \Delta\dot{V} + \left| \frac{\partial\lambda}{\partial T} \right| \cdot \Delta T$$

$$= \left| 3.25 \cdot 10^{-6} \frac{\text{m} \cdot \text{s}^2}{\text{kg}} \right| \cdot 4079 \,\text{Pa} + \left| -146.69 \,\frac{\text{s}}{\text{m}^3} \right| 6.65 \cdot 10^{-6} \,\frac{\text{m}^3}{\text{s}}$$

$$+ \left| 5.25 \cdot 10^{-6} \,\frac{1}{\text{K}} \right| \cdot 0.5 \,\text{K}$$

$$= 0.0142 \tag{13}$$

Berechnung des relativen Fehlers:

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda} = \frac{0,0142}{0,0182}$$

$$\approx \underline{78\%} \tag{14}$$

Tab. 13: Absolute und relative Fehler von λ

| Messpunkt | Rohrleitungswiderstand | Absoluter Fehler [–] | Relativer Fehler [%] | | |
|----------------------|------------------------|----------------------|----------------------|--|--|
| raues Rohr | raues Rohr | | | | |
| 1 | 0,018 | 0,0142 | 78 | | |
| 2 | 0,020 | 0,0070 | 34 | | |
| 3 | 0,019 | 0,0041 | 21 | | |
| 4 | 0,021 | 0,0037 | 18 | | |
| 5 | 0,020 | 0,0031 | 16 | | |
| glattes Rohr | | | | | |
| 1 | 0,026 | 0,0035 | 22 | | |
| 2 | 0,026 | 0,0029 | 19 | | |
| (3) | (0,020) | (0,0020) | (17) | | |
| 4 | 0,025 | 0,0025 | 17 | | |
| 5 | 0,025 | 0,0022 | 15 | | |
| glattes, dickes Rohr | | | | | |
| 1 | 0,031 | 0,211 | 68 | | |
| 2 | 0,029 | 0,0156 | 54 | | |
| 3 | 0,033 | 0,0126 | 38 | | |
| 4 | 0,031 | 0,0108 | 35 | | |
| 5 | 0,031 | 0,0089 | 29 | | |

5 Diskussion der Ergebnisse

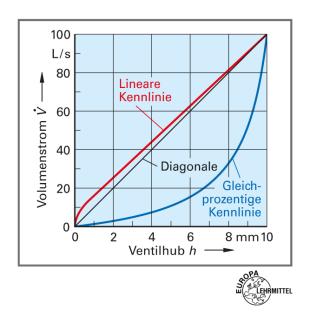


Abb. 5: Kennline von Ventilen [2, S.35, Bild 3]

6 Zusammenfassung und Fazit

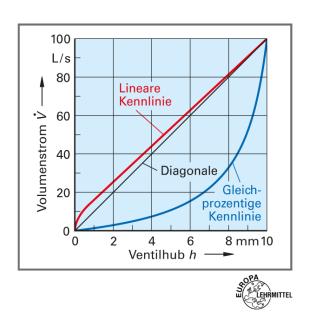


Abb. 6: Kennline von Ventilen [2, S.35, Bild 3]

Literatur

- [1] Spang, Bernhard: Water 97_v13.xla: Excel Add-In for Properties of Water and Steam. Version: 2002. http://alexmichinel.com/index.php?p=1_9, Abruf: 09.01.2020
- [2] IGNATOWITZ, Dr.-Ing. E.: *Chemietechnik*. 11. Aufl., 1. Dr. Haan-Gruiten: Verl. Europa-Lehrmittel, Nourney, Vollmer, 2013. ISBN 9783808570579

Anhang

Tab. 14: Dichte des Wassers zu unterschiedlichen Temperaturen mittels $\left[1\right]$

| Temperatur | Dichte mittels =densW(T,p) |
|--------------------------|--|
| 25,4 °C | $996,98 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $25,5^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,96 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $25,6^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,93 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $25,7^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,91 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $25,8^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,88 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $25,9^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,85 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $26,0^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,83 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $26,1^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,80 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $26,2^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,77 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $26,3^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,75 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $26,4^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,72 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $26,5^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,69 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $26,6^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,67 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $26,7^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,64 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $26.8^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,61 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $26,9^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,58 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $27.0^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,56 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $27,1^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,53 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $27,2^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,50 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $27,3^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,48 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| $27,4^{\circ}\mathrm{C}$ | $996,45 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ |
| 27,5 °C | $996,42 \frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{m}^3}$ |