



# PROTOKOLL STRÖMUNGSLEHRE

## Versuch Rohrwand

Gruppe II (BCUT3)

### Teilnehmer:

Carolin Lohmann  
Willy Messerschmidt  
Marcus Willbrandt  
Roman-Luca Zank

**Protokollführer:**

Carolin Lohmann &  
Roman-Luca Zank

**Datum der Versuchsdurchführung:**

16.12.2019

**Abgabedatum:**

13.01.2020

Merseburg den 10. Januar 2020

# Inhaltsverzeichnis

<b>Abbildungsverzeichnis</b>	<b>2</b>
<b>Tabellenverzeichnis</b>	<b>3</b>
<b>1 Aufgabenstellung</b>	<b>4</b>
<b>2 Physikalische Hintergründe</b>	<b>5</b>
<b>3 Durchführung</b>	<b>6</b>
<b>4 Ergebnisse</b>	<b>7</b>
4.1 Versuchsteil 1: . . . . .	7
<b>5 Diskussion</b>	<b>13</b>
<b>6 Fehlerbetrachtung</b>	<b>14</b>
<b>Anhang</b>	<b>17</b>
<b>Literaturverzeichnis</b>	<b>18</b>

# Abbildungsverzeichnis

4.1	$\lambda$ zu Druckverlust . . . . .	11
4.2	Druckverlust zu Volumenstrom . . . . .	12

# Tabellenverzeichnis

4.1	Messwerte zu Volumen, Zeit und Druck . . . . .	7
4.2	Volumenströme, mittlere Geschwindigkeiten und Druckverluste . . . .	8
4.3	Temperaturen, Dichten, kinetische Viskositäten und Reynoldszahlen .	10
4.4	Druckverluste, Volumenströme und Rohrleitungswiderstände . . . . .	11
6.1	Abweichungen und Messwerte für die Fehlerrechnung . . . . .	14
6.2	Ergebnisse der einzelnen Differentiale für den Messwert 1 des rauen Rohres . . . . .	15
6.3	Absolute und relative Fehler von $\lambda$ . . . . .	16
6.4	Dichte des Wassers zu unterschiedlichen Temperaturen mittels [Ber02]	17

# 1 Aufgabenstellung

Im folgenden Versuch wird das Strömungsverhalten variierender Wasservolumenströme durch unterschiedliche Rohrleitungen und Rohrleitungseinbauten untersucht. Dabei ist vor allem die nicht-lineare Abhängigkeit des Druckverlustes in der Rohrleitung und der Geschwindigkeit des Fluides darzustellen. Die sich daraus ergebenden Rohrreibungskoeffizienten  $\lambda$  sind in Abhängigkeit von der Reynoldszahl  $Re$  zu bestimmen, ebenso wie der Einfluss von Messfehlern auf die Ergebnisse.

## 2 Physikalische Hintergründe

Als physikalische Hintergründe sind die folgenden Gleichungen dargestellt. Diese beschränken sich im Wesentlichen auf die BERNOULLI-Gleichung mit deren Ableitungen, die REYNOLDSzahl, sowie dem  $K_V$ -Wert.

BERNOULLI-Gleichung:

$$p_1 + z_1 \cdot g \cdot \rho + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_1)^2 = p_2 + z_2 \cdot g \cdot \rho + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_2)^2 \quad (2.1)$$

BERNOULLI-Gleichung mit Druckverlust  $\Delta p_v$ :

$$p_1 + z_1 \cdot g \cdot \rho + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_1)^2 = p_2 + z_2 \cdot g \cdot \rho + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_2)^2 + \Delta p_v \quad (2.2)$$

Vereinfachung mit  $p_{\text{geodätisch}} = \text{const.}$  und  $p_{\text{dynamisch}} = \text{const.}$ :

$$p_1 = p_2 + \Delta p_v \quad (2.3)$$

Kontinuitätsgleichung:

$$\dot{V} = v \cdot A \quad (2.4)$$

$$\dot{V}_1 = \dot{V}_2 \quad (2.5)$$

$$v_1 \cdot A_1 = v_2 \cdot A_2 \quad (2.6)$$

Druckverluste:

$$\Delta p_v = \left( \lambda \cdot \frac{l}{d} + \sum \zeta_i \right) \cdot \frac{\rho}{2} \cdot v^2 \quad (2.7)$$

REYNOLDSzahl:

$$Re = \frac{v \cdot d \cdot \rho}{\eta} = \frac{v \cdot d}{\nu} \quad (2.8)$$

$K_V$ -Wert:

$$K_V = \sqrt{\frac{1 \text{ bar}}{\Delta p} \cdot \frac{\rho}{\rho_0}} \quad (2.9)$$

### 3 Durchführung

Die Versuchsanlage besteht aus mehreren, einzeln absperrbaren Rohrleitungen unterschiedlicher Durchmesser und teils mit Einbauten. Für den Versuch werden je drei Rohrleitungen – eine angeraute Leitung und zwei hydraulisch glatte Leitungen unterschiedlicher Nenndurchmesser – ohne Einbauten sowie je eine Rohrleitung mit eingebautem Schrägsitzventil und einem Muffenschieber untersucht.

Für die rauen und hydraulisch glatten Rohrleitungen werden dazu für je fünf unterschiedliche Wasservolumenströme die Druckverluste in jeder einzelnen Rohrleitung über die Manometer am Ein- und Auslauf ermittelt. Vorher ist das System zu entlüften. Mittels der Druckverluste und der Strömungsgeschwindigkeiten berechnet sich schließlich für jede Rohrleitung eine entsprechende Rohrreibungszahl  $\lambda$ .

Die Rohrleitungen mit Einbauten werden auf die Druckverlustbeiwerte  $\zeta$  untersucht, die durch die jeweiligen eingebauten Armaturen auftreten. Dazu werden die Druckverluste bei einem konstanten Wasservolumenstrom bestimmt, während die Öffnungsweite des Ventils bzw. des Muffenschiebers verändert wird. Die sich daraus ergebende Ventilkennlinie ist als  $\zeta$  über den Öffnungswinkel und als kv-Wert über den Ventilhub aufzutragen.

Für die Rohrreibungszahl  $\lambda$  ist zusätzlich eine Fehlerrechnung durchzuführen, da anzunehmen ist, dass die Messwerte des Versuchs mit Fehlern behaftet sind.

Neben der Versuchsanlage mit den Messinstrumenten für Druck und Volumenstrom wurde weiterhin eine Stoppuhr genutzt.

# 4 Ergebnisse

## 4.1 Versuchsteil 1:

Tabellen aufsteigend sortiert nach Druckverlustwerten

Tab. 4.1: Messwerte zu Volumen, Zeit und Druck

Messpunkt	Volumen	Zeit	Druck 1	Druck 2
raues Rohr				
1	0,01	37,6	0,07	0,01
2	0,01	25,2	0,18	0,04
3	0,01	18,4	0,35	0,10
4	0,01	16,8	0,45	0,14
5	0,01	14,9	0,56	0,17
glattes Rohr				
1	0,01	17,1	0,28	0,05
2	0,01	15,0	0,36	0,06
(3)	(0,01)	(12,3)	(0,44)	(0,10)
4	0,01	13,5	0,43	0,07
5	0,01	12,6	0,49	0,09
glattes, dickes Rohr				
1	0,01	10,6	0,11	0,04
2	0,01	9,1	0,15	0,07
3	0,01	7,9	0,23	0,10
4	0,01	7,3	0,26	0,12
5	0,01	6,5	0,33	0,16

## Berechnung des Volumenstroms

$$\dot{V} = \frac{V}{t} \quad (4.1)$$

$$\dot{V}_{1,rau} = \frac{V_{1,rau}}{t_{1,rau}} \quad (4.2)$$

$$= \frac{0,01 \text{ m}^3}{37,6 \text{ s}} \quad (4.3)$$

$$= 2,66 \cdot 10^{-4} \frac{\text{m}^3}{\text{s}} \approx \underline{\underline{958 \frac{\text{L}}{\text{h}}}} \quad (4.4)$$



## Berechnung der mittleren Geschwindigkeit

$$\bar{\omega} = \frac{\dot{V}}{A} \quad (4.5)$$

$$= \frac{4 \cdot \dot{V}}{\pi \cdot d^2} \quad (4.6)$$

$$\bar{\omega}_{1,rau} = \frac{4 \cdot \dot{V}_{1,rau}}{\pi \cdot (d_{1,rau})^2} \quad (4.7)$$

$$= \frac{4 \cdot 2,66 \cdot 10^{-4} \frac{\text{m}^3}{\text{s}}}{\pi \cdot (13,6 \cdot 10^{-3} \text{m})^2} \quad (4.8)$$

$$= \underline{\underline{1,83 \frac{\text{m}}{\text{s}}}} \quad (4.9)$$

## Berechnung des Druckverlustes

$$\Delta p_v = p_{i,rau,1} - p_{i,rau,2} \quad (4.10)$$

$$\Delta p_{v1,rau} = p_{1,rau,1} - p_{1,rau,2} \quad (4.11)$$

$$= 0,07 \text{ bar} - 0,01 \text{ bar} \quad (4.12)$$

$$= \underline{\underline{0,06 \text{ bar}}} \quad (0,056 \text{ bar}) \quad (4.13)$$

Tab. 4.2: Volumenströme, mittlere Geschwindigkeiten und Druckverluste

Messpunkt	Volumenstrom	mittlere Geschwindigkeit	Druckverlust
raues Rohr			
1	958	1,83	0,06
2	1430	2,73	0,14
3	1962	3,75	0,25
4	2139	4,09	0,32
5	2413	4,61	0,39
glattes Rohr			
1	2111	4,04	0,23
2	2406	4,60	0,30
(3)	(2922)	(5,59)	(0,34)
4	2667	5,10	0,36
5	2866	5,48	0,40
glattes, dickes Rohr			
1	3403	2,49	0,07
2	3978	2,91	0,08
3	4557	3,33	0,13
4	4932	3,60	0,14
5	5513	4,03	0,17

Die folgende Gleichung für die Dichte des Wasser stammt aus linear interpolierten Daten, welche mittels Excel-AddIn für unterschiedlichen Temperaturen bestimmt wurde (siehe [Ber02]). Genutzt wurde dafür die Funktion =densW(T[K],p[bar]) mit der Annahme, dass der Druck konstant 1 bar beträgt. Analog gilt dasselbe für die dynamische Viskosität mittels der Funktion =viscW(T[K],p[bar]) mit der man in Folge die kinetische Viskosität errechnen kann.

In Bezug auf die Dichtefunktion wurde zwischen der maximal und minimal im Versuch gemessenen Temperatur interpoliert. Die interpolierten Werte sind der Tabelle 6.4 im Anhang unter Abschnitt 6 zu entnehmen, sowie die Gleichung selbst unter Gleichung 4.14.

$$\rho(T) = -0,2683 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3 \cdot \text{K}} \cdot T + 1003,8 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad (4.14)$$

## Berechnung der kinetischen Viskosität

$$\nu = \frac{\eta}{\rho(T)} \quad (4.15)$$

$$\nu_{1,rau} = \frac{8,63 \cdot 10^{-4} \text{ Pa} \cdot \text{s}}{996,7 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}} \quad (4.16)$$

$$= \frac{8,66 \cdot 10^{-7} \frac{\text{m}^2}{\text{s}}}{\underline{\underline{\text{s}}}} \quad (4.17)$$

## Berechnung der Reynoldszahl

$$Re = \frac{\bar{\omega} \cdot d}{\nu} \quad (4.18)$$

$$Re_{1,rau} = \frac{\bar{\omega}_{1,rau} \cdot d_{1,rau}}{\nu_{1,rau}} \quad (4.19)$$

$$= \frac{1,83 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 13,6 \cdot 10^{-3} \text{ m}}{8,66 \cdot 10^{-7} \frac{\text{m}^2}{\text{s}}} \quad (4.20)$$

$$\approx \underline{\underline{71687}} \quad (4.21)$$

Tab. 4.3: Temperaturen, Dichten, kinetische Viskositäten und Reynoldszahlen

Messpunkt	Temperatur	Dichte	kine. Viskosität [10 <sup>-7</sup> ]	Reynoldszahl
raues Rohr				
1	26,5	996,7	8,66	28766
2	26,8	996,6	8,61	43206
3	27,3	996,5	8,51	59940
4	27,5	996,4	8,47	65639
5	26,3	996,7	8,70	72117
glattes Rohr				
1	26,3	996,7	8,70	63108
2	26,1	996,8	8,74	71606
(3)	(25,4)	(997,0)	(8,88)	(85602)
4	25,9	996,9	8,78	78998
5	25,6	996,9	8,84	84344
glattes, dickes Rohr				
1	27,3	996,5	8,51	64267
2	27,0	996,6	8,57	74640
3	26,9	996,6	8,59	85318
4	26,6	996,7	8,64	91723
5	26,3	996,7	8,70	101862

## Berechnung des Rohrleitungswiderstandes

$$\lambda = \frac{2 \cdot \Delta p_v \cdot d}{l \cdot \rho(T) \cdot v^2} \quad (4.22)$$

$$\lambda_{1,rau} = \frac{2 \cdot \Delta p_{v_{1,rau}} \cdot d}{l_{1,rau} \cdot \rho(T)_{1,rau} \cdot (v_{1,rau})^2} \quad (4.23)$$

$$= \frac{2 \cdot 5600 \text{ Pa} \cdot 13,6 \cdot 10^{-3} \text{ m}}{2,5 \text{ m} \cdot 996,7 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot \left(1,83 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2} \quad (4.24)$$

$$= \underline{\underline{0,018}} \quad (4.25)$$

Tab. 4.4: Druckverluste, Volumenströme und Rohrleitungswiderstände

Messpunkt	Volumenstrom	Druckverlust	Rohrleitungswiderstand
raues Rohr			
1	958	0,06	0,018
2	1430	0,14	0,020
3	1962	0,25	0,019
4	2139	0,32	0,021
5	2413	0,41	0,020
glattes Rohr			
1	2111	0,24	0,026
2	2406	0,30	0,026
(3)	(2922)	(0,034)	(0,020)
4	2667	0,36	0,025
5	2866	0,41	0,025
glattes, dickes Rohr			
1	3403	0,07	0,031
2	3978	0,08	0,029
3	4557	0,13	0,033
4	4932	0,14	0,031
5	5513	0,17	0,031

Glatten Rohre müssten weniger Rohrleitungswiderstand haben, da sich aber Dichte des Wasser verringert steigt somit laut Gleichung der Rohrleitungswiderstand

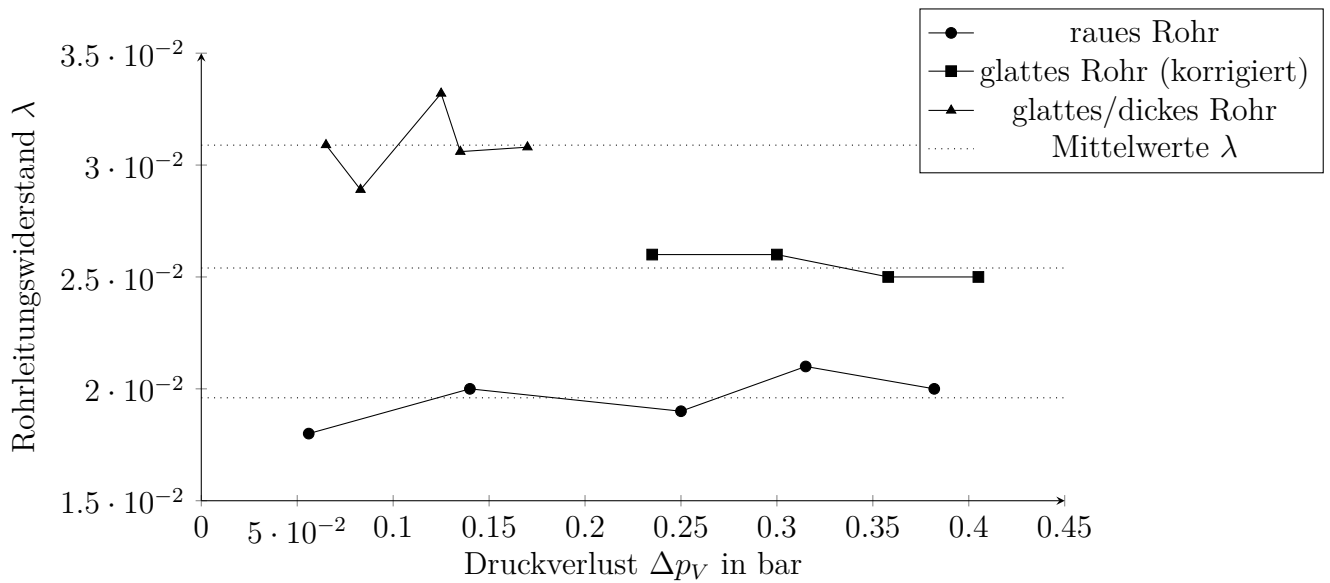


Abb. 4.1:  $\lambda$  zu Druckverlust

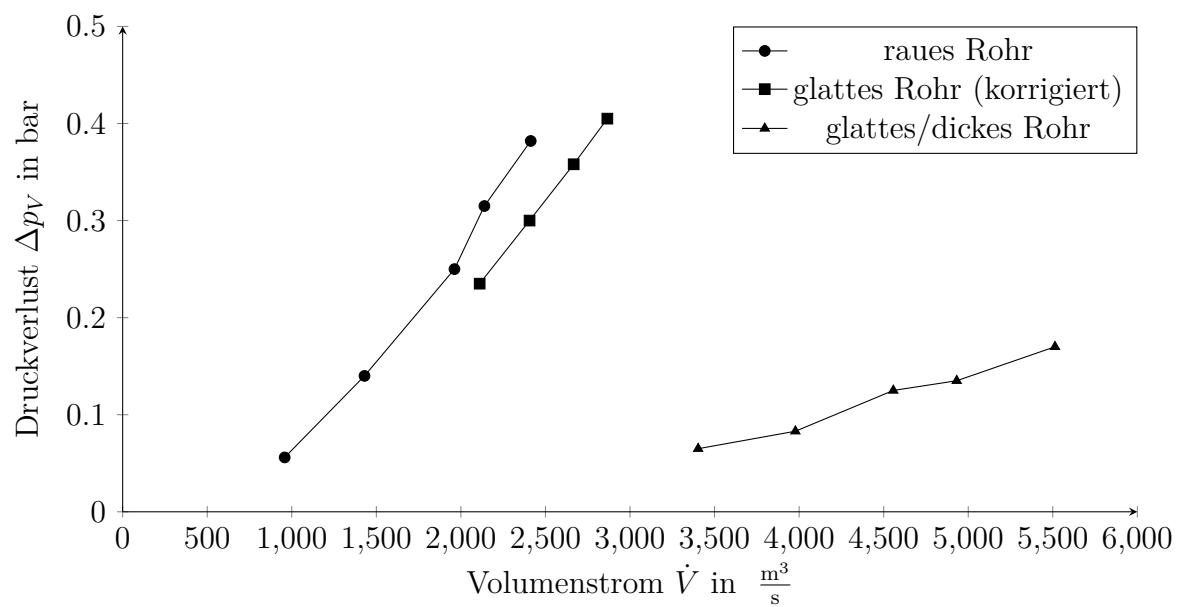


Abb. 4.2: Druckverlust zu Volumenstrom

## 5 Diskussion

# 6 Fehlerbetrachtung

## Beispielfehlerrechnung für den ersten Messwert des rauen Rohres:

Tab. 6.1: Abweichungen und Messwerte für die Fehlerrechnung

Messgröße	Messwert (1, raues Rohr)	Abweichung
Volumenstrom	$958 \frac{\text{L}}{\text{h}}$	$\pm 2,5\% + MW \approx 6,65 \cdot 10^{-6} \frac{\text{m}^3}{\text{s}}$
Temperatur	$26,5 \text{ }^\circ\text{C}$	$\pm 0,5 \text{ K}$
Druckmessungen	$0,06 \text{ bar}$	$2 \cdot \pm 2 \text{ mmWS} \approx 4079 \text{ Pa}$
Durchmesser	$13,6 \text{ mm}$	$\pm 0$
Länge	$2,5 \text{ m}$	$\pm 0$

$$\Delta p_v = \frac{1}{2} \cdot \frac{l}{d} \cdot \rho(T) \cdot v^2 \quad (6.1)$$

$$\lambda = \frac{2 \cdot \Delta p_v \cdot d}{l \cdot \rho(T) \cdot v^2} \quad (6.2)$$

$$= \frac{2 \cdot \Delta p_v \cdot d}{l \cdot \rho(T) \cdot \left(\frac{\dot{V}}{A}\right)^2} \quad (6.3)$$

Im Weiteren ist die eigentliche Fehlerrechnung für den ersten Messwert, der Messreihe des rauen Rohres, von  $\lambda$  über das totale Differential der Gleichung 6.3 aufgeführt. Wichtig ist dabei zu erwähnen, dass alle Variablen in SI-Einheiten einzusetzen sind bis auf die Temperatur, welche in  $[\text{ }^\circ\text{C}]$  eingesetzt wird.

### Bildung der Differentiale:

$$\frac{\partial \lambda}{\partial \Delta p_v} = \frac{2 \cdot d \cdot A^2}{l \cdot \rho(T) \cdot \dot{V}^2} = \frac{d^5 \cdot \pi^2}{8 \cdot l \cdot \rho(T) \cdot \dot{V}^2} \quad (6.4)$$

$$= \frac{1250 \cdot d^5 \cdot \pi^2 \cdot [\text{K} \cdot \text{m}^3]}{l \cdot (-2683 \cdot T + 10038000 \cdot [\text{K}]) \cdot \dot{V}^2 \cdot [\text{kg}]} \quad (6.5)$$

$$\frac{\partial \lambda}{\partial \dot{V}} = -\frac{4 \cdot \Delta p_v \cdot d \cdot A^2}{l \cdot \rho(T) \cdot \dot{V}^3} = -\frac{\Delta p_v \cdot d^5 \cdot \pi^2}{4 \cdot l \cdot \rho(T) \cdot \dot{V}^3} \quad (6.6)$$

$$= -\frac{2500 \cdot \Delta p_v \cdot d^5 \cdot \pi^2 \cdot [\text{K} \cdot \text{m}^3]}{l \cdot (-2683 \cdot T + 10038000 \cdot [\text{K}]) \cdot \dot{V}^3 \cdot [\text{kg}]} \quad (6.7)$$

$$\frac{\partial \lambda}{\partial T} = \frac{3353750 \cdot \Delta p_v \cdot d^5 \cdot \pi^2 \cdot [\text{K} \cdot \text{m}^3]}{l \cdot (-2683 \cdot T + 10038000 \cdot [\text{K}]) \cdot \dot{V}^2 \cdot [\text{kg}]} \quad (6.8)$$

Tab. 6.2: Ergebnisse der einzelnen Differentiale für den Messwert 1 des rauen Rohres

Differenzial	$\frac{\partial \lambda}{\partial \Delta p_v}$	$\frac{\partial \lambda}{\partial \dot{V}}$	$\frac{\partial \lambda}{\partial T}$
	$3,25 \cdot 10^{-6} \frac{\text{m} \cdot \text{s}^2}{\text{kg}}$	$-146,69 \frac{\text{s}}{\text{m}^3}$	$5,25 \cdot 10^{-6} \frac{1}{\text{K}}$

### Berechnung des absoluten Fehlers:

$$\Delta \lambda = \left| \frac{\partial \lambda}{\partial \Delta p_v} \right| \cdot \Delta p + \left| \frac{\partial \lambda}{\partial \dot{V}} \right| \cdot \Delta \dot{V} + \left| \frac{\partial \lambda}{\partial T} \right| \cdot \Delta T \quad (6.9)$$

$$= \left| 3,25 \cdot 10^{-6} \frac{\text{m} \cdot \text{s}^2}{\text{kg}} \right| \cdot 4079 \text{ Pa} + \left| -146,69 \frac{\text{s}}{\text{m}^3} \right| \cdot 6,65 \cdot 10^{-6} \frac{\text{m}^3}{\text{s}} \quad (6.10)$$

$$+ \left| 5,25 \cdot 10^{-6} \frac{1}{\text{K}} \right| \cdot 0,5 \text{ K}$$

$$= \underline{0,0142} \quad (6.11)$$

### Berechnung des relativen Fehlers:

$$\frac{\Delta \lambda}{\lambda} = \frac{0,0142}{0,0182} \quad (6.12)$$

$$\approx \underline{\underline{78 \%}} \quad (6.13)$$



Tab. 6.3: Absolute und relative Fehler von  $\lambda$

Messpunkt	Rohrleitungswiderstand	Absoluter Fehler [–]	Relativer Fehler [%]
raues Rohr			
1	0,018	0,0142	78
2	0,020	0,0070	34
3	0,019	0,0041	21
4	0,021	0,0037	18
5	0,020	0,0031	16
glattes Rohr			
1	0,026	0,0035	22
2	0,026	0,0029	19
(3)	(0,020)	(0,0020)	(17)
4	0,025	0,0025	17
5	0,025	0,0022	15
glattes, dickes Rohr			
1	0,031	0,211	68
2	0,029	0,0156	54
3	0,033	0,0126	38
4	0,031	0,0108	35
5	0,031	0,0089	29

# Anhang

Tab. 6.4: Dichte des Wassers zu unterschiedlichen Temperaturen mittels [Ber02]

Temperatur	Dichte mittels $\rho_{\text{densW}}(T, p)$
25,4 °C	996,98 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
25,5 °C	996,96 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
25,6 °C	996,93 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
25,7 °C	996,91 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
25,8 °C	996,88 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
25,9 °C	996,85 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
26,0 °C	996,83 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
26,1 °C	996,80 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
26,2 °C	996,77 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
26,3 °C	996,75 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
26,4 °C	996,72 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
26,5 °C	996,69 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
26,6 °C	996,67 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
26,7 °C	996,64 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
26,8 °C	996,61 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
26,9 °C	996,58 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
27,0 °C	996,56 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
27,1 °C	996,53 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
27,2 °C	996,50 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
27,3 °C	996,48 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
27,4 °C	996,45 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
27,5 °C	996,42 $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$

# Literaturverzeichnis

- [Ber02] BERNHARD SPANG: *Water97\_v13.xls: Excel Add-In for Properties of Water and Steam*. Version: 2002. [http://alexmicinel.com/index.php?p=1\\_9](http://alexmicinel.com/index.php?p=1_9),  
Abruf: 09.01.2020