Lista 9 - MAC0122 Princípios de Desenvolvimento de Algoritmos - POLI

Prof. Ronaldo Fumio Hashimoto

1 Exercícios

Os exercícios de 18 a 25 correspondem, respectivamente, aos exercícios de 4.18 a 4.25 do livro de Robert Sedgewick [1].

18. Abaixo são exibidos um programa (Programa 4.4 do livro) e uma figura (Figura 4.1 do livro). Dê os valores de s[0] ..., s[4] depois da execução das operações ilustradas na figura, usando o programa.

Programa 4.4

```
#include <stdlib.h>
#include "Item.h"
#include "STACK.h"
static Item *s;
static int N;
void STACKinit(int maxN)
    { s = malloc(maxN*sizeof(Item)); N = 0; }
int STACKempty()
    { return N == 0; }
void STACKpush(Item item;)
    { s[N++] = item; }
Item STACKpop()
    { return s[--N]; }
```

```
L
        L
Α
        L
             Α
    Α
        L
S
         L
             S
Τ
        L
             S
                 T
        L
             S
Ι
                 Т
                      Ι
        L
             S
    Ι
                 Τ
N
        L
             S
                 Τ
                      N
        L
             S
                 Т
    N
F
         L
             S
                 Τ
                      F
        L
             S
                      F
Ι
                 Τ
                           Ι
R
        L
             S
                 Τ
                           Ι
                               R
    R
        L
             S
                 Τ
                      F
                           Ι
*
S
        L
             S
                 Т
                      F
                           Ι
                               S
        L
             S
                      F
Т
                 T
                           Ι
                               S
                                   Т
    Т
        L
             S
                 T
                      F
                           Ι
                               S
                                   Т
        L
                      F
    S
             S
                 Τ
                           Ι
0
         L
             S
                 T
                      F
                           Ι
                               0
U
         L
             S
                 T
                           Ι
                               0
                                   U
    U
        L
             S
                 Т
                      F
                           Ι
                               0
                                   U
Т
             S
         L
                 T
                      F
                           Ι
                                   Т
                               0
        L
             S
    Τ
                 Τ
                      F
                           Ι
                               0
        L
             S
    0
                 Τ
                      F
                           Ι
    Ι
        L
             S
                 Т
                      F
    F
        L
             S
                 Τ
    Т
        L
             S
    \mathsf{S}
        L
    L
```

Figura 1: Figura adpatada de [2].

Exemplo de Pilha PushDown (fila LIFO)

Essa lista exibe o resultado da sequência de operações na coluna da esquerda (de cima para baixo), onde uma letra denota um empilhamento e um asterisco um desempilhamento. Cada linha exibe: a operação, a letra que foi desempilhada para a operação de desempilhamento, e o conteúdo da pilha depois da operação, na ordem do menos recente inserido para o mais recente inserido da esquerda para direita.

19. Suponha que você troque a interface da pilha pushdown, removendo o teste de pilha vazia pela contagem de elementos, que deve retornar o número de itens que estão na estrutura de dados. Forneça a implementação para a contagem de elementos utilizando a representação por vetor (array) do Programa do exercicio 18 (Programa 4.4 do livro) e a representação da lista ligada do programa abaixo (Programa 4.5 do livro).

Programa 4.5

```
#include <stdlib.h>
#include "Item.h"
typedef struct STACKnode* link;
struct STACKnode { Item item, link next; };
static link head;
link NEW(Item item, link next)
  { link x = malloc(sizeof *x);
    x->item = item; x->next = next;
    return x;
  }
void STACKinit(int maxN)
   { head = NULL; }
int STACKempty()
   { return head == NULL; }
STACKpush(Item item)
   { head = NEW(item, head); }
Item STACKpop()
   { Item item = head->item;
     link t = head->next;
     free(head); head = t;
     return item;
   }
```

- 20. Modifique a implementação da pilha *pushdown* que utiliza vetor (programa do exercicio 18) para chamar a função STACKerror se o cliente tentar desempilhar em uma pilha vazia ou empilhar em uma pilha cheia.
- 21. Modifique a implementação da pilha que utiliza a lista ligada (programa do exercicio 19) para chamar a função STACKerror se o cliente tentar desempilhar uma pilha vazia ou se não existir mais espaço para um malloc ao executar um empilhamento.

22. Modifique a implementação da pilha que utiliza lista ligada (programa do exercicio 19) para utilizar a implementação da lista que utiliza índices de vetor, tal com na figura abaixo (Figura 3.6 do livro)

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
item	1	2	3	4	5	6	7	8	9
next	1	2	3	4	5	6	7	8	0
5	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	1	2	3	5	5	6	7	8	0
1	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	1	2	3	5	5	6	7	8	1
_		0	0		J		_	0	
7	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	1	2	3	5	5	7	7	8	1
4	1	0	9	4	۲	c	-	0	0
4	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	1	2	5	5	5	7	7	8	1
3	1	2	3	4	5	6	7	8	9
9	1	5	5	5	5	7	7	8	1
	1	9	9	9	9	'	'	G	1
6	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Ü	1	7	5	5	5	7	7	8	1
	_	·				·	·		_
9	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	1	7	5	5	5	7	7	1	1
2	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	1	7	5	5	5	7	7	7	1

Figura 2: Figura adaptada de [3].

Representação de lista ligada como vetor.

Essa sequência exibe a lista ligada para o problema de Josephus, implementada como índices de vetores em vez de ponteiros. O índice do item seguinte ao item com índice 0 na lista é $\mathtt{next}[0]$, e assim por diante. Inicialmente (as três linhas do topo), o item da pessoa i tem índice i-1, e nós formamos uma lista circular estabelecendo $\mathtt{next}[i]$ para i+1 para i de 0 a 8 e $\mathtt{next}[8]$ para 0. Para simular o processo de remoção, nós trocamos os links (entrada de vetor \mathtt{next}) mas não movemos os itens. Cada par de linhas exibe o resultado de andar pela lista quatro vezes através de $\mathtt{x} = \mathtt{next}[\mathtt{x}]$. Então, apaga-se o quinto item (exibida ao lado esquerdo) ao modificarmos $\mathtt{next}[\mathtt{x}]$ para $\mathtt{next}[\mathtt{next}[\mathtt{x}]]$.

- 23. Escreva uma implementação de pilha *pushback* utilizando lista ligada que mantém os itens na lista na ordem do menos recente para o mais recente inserido. Você precisará de uma lista duplamente ligada.
- 24. Desenvolva um ADT (Abstract Data Type) que forneça duas pilhas pushback diferentes. Use a implementação que utiliza vetor. Mantenha uma pilha no começo do vetor e outra no final. (se o programa cliente mantém uma pilha que cresce enquanto a outra diminui, essa implementação usa menos espaço que outra alternativas.)
- 25. Implemente uma função que calcula expressões infixas para inteiros que incluam os programas abaixo (Programa 4.2 e Programa 4.3 do livro), usando sua ADT do exercicio 24.

Programa 4.2

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include "Item.h"
#include "STACK.h"
main(int argc, char *argv[])
  { char *a = argv[1]; int i, N = strlen(a);
    STACKinit(N);
    for (i = 0; i < N; i++)
      {
         if (a[i] == '+')
            STACKpush(STACKpop() + STACKpop());
         if (a[i] == '*')
            STACKpush(STACKpop() * STACKpop());
         if ((a[i] >= '0') && (a[i] <= '9'))
            STACKpush(0);
         while ((a[i] >= '0') \&\& (a[i] <= '9'))
            STACKpush(10*STACKpop() + (a[i++]-'0'));
      }
    printf("%d \n", STACKpop());
}
```

Programa 4.3

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include "Item.h"
#include "STACK.h"
main(int argc, char *argv[])
  { char *a = argv[1]; int i, N = strlen(a);
    STACKinit(N);
    for (i = 0; i < N; i++)
      {
         if (a[i] == ')')
            printf("%c", STACKpop());
         if ((a[i] == '+') || (a[i] <= '*'))
            STACKpush(a[i]);
         if ((a[i] >= '0' && (a[i] <= '9'))
            printf("%c", a[i]);
      }
   printf("\n");
```

Referências

- [1] R. Sedgewick, "Algorithms in c—third edition," pp. 148–149, 1998.
- [2] R. Sedgewick, "Algorithms in c—third edition," p. 136, 1998.
- [3] R. Sedgewick, "Algorithms in c—third edition," p. 96, 1998.