Министерство образования Республики Беларусь

Учреждение образования «Белорусский государственный университет информатики и радиоэлектроники»

Кафедра электронных вычислительных машин

Лабораторная работа №1 «Принятие решений в неструктурированных задачах на основе методов экспертного анализа» Вариант № 3

Выполнила: студент группы 150501 Ковальчук Д.И. Проверил: Селезнев А.И.

Цель работы:

- изучение методов экспертного анализа, включая процедуры сбора экспертных оценок, их проверки и обработки;
- изучение возможностей применения методов экспертного анализа для поддержки принятия управленческих решений.

Исходные данные:

Негосударственному предприятию требуется в короткие сроки получить дополнительную денежную сумму. Для этого имеются следующие возможности: 1) банковский кредит (A1); 2) сдача части производственных помещений в аренду (A2); 3) продажа части производственных помещений (A3); 4) продажа части акций предприятия (A4).

Выбор одного из способов производится с участием трех экспертов. Мнения экспертов следующие:

- первый эксперт: лучший способ аренда, немного хуже банковский кредит, еще хуже продажа части акций, намного хуже продажа помещений;
- второй эксперт: лучший способ банковский кредит, хуже аренда, примерно такой же (немного хуже) продажа акций, намного хуже продажа помещений;
- третий эксперт: лучший способ банковский кредит, немного хуже аренда, значительно хуже продажа помещений, еще хуже продажа части акций.

1.1 Общая характеристика и классификация методов экспертного анализа

Все виды задач, связанных с принятием решений, в зависимости от возможностей математического описания (формализации) можно разделить на следующие виды:

- -хорошо структурированные задачи могут быть выражены формально (т.е. в виде уравнений, неравенств и т.д.). Такие задачи решаются на основе методов математического программирования, например, линейного программирования;
- -неструктурированные задачи описываются только на содержательном уровне (в словесной форме);
- -слабоструктурированные задачи содержат как количественные, так и качественные элементы.

Методы экспертного анализа (экспертных оценок) предназначены в основном для решения неструктурированных задач. Эти методы могут применяться и для решения задач других видов, если математическое описание (формализация) задачи невозможно или очень сложно.

Методы экспертного анализа представляют собой совокупность процедур, направленных на получение от специалиста (эксперта) информации, необходимой для принятия решения. Эти методы основаны на

опыте, знаниях и интуиции специалистов-экспертов. Процесс принятия решения на основе этих методов не является строго формализованным и упорядоченным. Сам эксперт не всегда может четко объяснить процесс решения проблемы. Информация, полученная от экспертов, подвергается обработке на основе математических (статистических) методов.

Процесс принятия решения на основе методов экспертного анализа включает следующие основные этапы:

- -определение цели экспертизы;
- -формирование группы экспертов;
- -разработка сценария и процедур экспертизы;
- -сбор и анализ экспертной информации;
- -проверка экспертной информации на непротиворечивость;
- -обработка экспертной информации;
- -анализ результатов экспертизы и принятие решения.

Классификация методов экспертного анализа приведена в таблице 1.1.

Таблица 1.1 – Классификация методов экспертного анализа

Признак для классификации	Виды методов экспертного анализа	Описание	Примеры
Количество участвующих экспертов	Индивидуаль- ные	Решение принима- ется на основе суждений одного эксперта	Алгоритм Саати
	Коллективные	Решение принима- ется на основе суждений группы экспертов	Метод ранга, метод предпочтений, метод Дельфи, метод мозгового штурма
Количество этапов получения и обработки информации	Одноэтапные	Выполняется обработка информации, полученной от экспертов, и на ее основе принимается решение	Алгоритм парных сравнений для группы экспертов

Продолжение таблицы 1.1

	Многоэтапные	В случае существенного расхождения мнений экспертов производится их уточнение и согласование	Метод Дельфи
Результаты экспертизы	Методы выработки альтернатив	Результат — решение, подготовленное экспертами	Метод мозгового штурма
	Методы анализа альтернатив	Результат — выбор лучшего из решений, предложенных экспертам для анализа	Метод парных сравнений, метод ранга, метод предпочтений
	Методы прогнозирования	Результат – прогноз состояния некоторого объекта или процесса	Метод Дельфи

Методы экспертного анализа применяются для решения следующих задач:

- -разработка и оценка экономических и технических проектов и программ (включая оценку их эффективности, стоимости, трудоемкости, сроков реализации и т.д.) и выбор лучших вариантов;
 - -оценка качества продукции и новой техники;
 - -научно-техническое и экономическое прогнозирование;
 - -перспективное и текущее планирование;
 - -классификация объектов по определенным признакам;
- –выбор критериев в задачах многокритериального выбора решений и оценка важности этих критериев.
- –Ниже рассматривается реализация некоторых методов экспертных оценок и примеры их применения для принятия решений.

1.2. Алгоритм Саати

Метод парных сравнений основан на попарном сравнении альтернатив. Для каждой пары альтернатив эксперт указывает, какая из альтернатив предпочтительнее (лучше, важнее и т.д.). Существует ряд алгоритмов,

реализующих метод парных сравнений: они различаются по количеству используемых экспертных оценок (индивидуальные и коллективные оценки), по шкалам сравнения альтернатив и т.д. В данной работе рассматривается наиболее известный и получивший наибольшее практическое применение метод парных сравнений – метод Саати.

Метод Саати основан на сравнении альтернатив, выполняемом одним экспертом. Для каждой пары альтернатив эксперт указывает, в какой степени одна из них предпочтительнее другой.

На основе оценок первого эксперта заполняется матрица парных сравнений (см. таблицу 2.1) размером NxN, где N – количество альтернатив.

тиолица 2.1				CITITI
	A1	A2	A3	A4
A1	1	1/6	2	4
A2	6	1	7	9
A3	1/2	1/7	1	3
A4	1/4	1/9	1/3	1

Таблица 2.1 — Матрица парных сравнений

Затем находятся цены альтернатив - средние геометрические строк матрицы:

$$C_i = \sqrt[N]{\prod_{j=1}^N X_{ij}},$$
 $i = 1,...,N.$

Это означает, что элементы строки перемножаются, и из их произведения извлекается корень N-й степени.

Для данного примера:

$$C_1 = \sqrt[4]{1 \cdot \left(\frac{1}{6}\right) \cdot 2 \cdot 4} = 1.125, C_2 = \sqrt[4]{6 \cdot 1 \cdot 7 \cdot 9} = 4.4, C3 = 0.614, C4 = 0.293$$

Находится сумма цен альтернатив:

$$C = \sum_{i=1}^{N} C_i$$

В данном примере C = 1.125 + 4.4 + 0.614 + 0.293 = 6.44

После этого находятся веса альтернатив:

$$V_i = C_i/C, i = 1,...,N.$$

$$V_1 = 1.125/6.44 = 0.174$$
; $V_2 = 4.4/6.44 = 0.684$; $V_3 = 0.614/6.44 = 0.095$; $V_4 = 0.293/6.44 = 0.046$

Наиболее предпочтительной, по мнению эксперта, является альтернатива, имеющая максимальный вес.

Таким образом, по мнению эксперта, наиболее эффективной является приобрести право на использование каналов связи; следующая за ней – запустить спутник связи, менее эффективна построить сеть наземных ретрансляторов, наименее эффективна проложить проводную линию связи.

Следующим шагом выполняется проверка экспертных оценок на непротиворечивость, которая позволяет выявить ошибки, которые мог допустить эксперт при заполнении матрицы парных сравнений.

Для этого сначала находятся суммы столбцов матрицы парных сравнений:

$$R_j = \sum_{i=1}^{N} X_{ij},$$
 $j = 1,...,N.$

$$R_1 = (1+6+1/3+1/5) = 7.533; R_2 = 1.454; R_3 = 10.333; R_4 = 17.000$$

Затем рассчитывается вспомогательная величина λ путем суммирования произведений сумм столбцов матрицы на веса альтернатив:

$$\lambda = \sum_{j=1}^{N} R_j \cdot V_j$$

$$\lambda = 7.533 \cdot 0.744 + 1.454 \cdot 0.684 + 10.333 \cdot 0.095 + 17 \cdot 0.046 = 4.07$$

Находится величина, называемая индексом согласованности (HC):

$$HC = (\lambda - N)/(N - 1).$$

Для данного примера $\mathit{HC} = (4.07 - 4) / (4 - 1) = 0.023$

В зависимости от размерности матрицы парных сравнений находится величина случайной согласованности (CnC). В данном примере (для N=4) CnC=0.90

Последним шагом находится отношение согласованности:

$$OC = HC / C_{\pi}C$$

Если отношение согласованности превышает 0.2, то требуется уточнение матрицы парных сравнений.

В данном примере OC = 0.023/0.9 = 0.026. Таким образом, уточнение экспертных оценок в данном случае не требуется.

1.3. Метод предпочтений

Метод основан на ранжировании альтернатив, выполняемом группой экспертов. Каждый из экспертов (независимо от других) выполняет ранжирование альтернатив, т.е. указывает, какая из альтернатив, по его мнению, является лучшей, какая - следующей за ней, и т.д.

Каждому эксперту предлагается выполнить ранжирование альтернатив по предпочтению. В данном примере каждый эксперт присваивает номер 1

фактору, который (по его мнению) оказывает наибольшее влияние на рост производительности труда; 2 - следующему по важности фактору, и т.д. Оценки, указанные экспертами, сводятся в таблицу (матрицу) размером MxN, где M - количество экспертов, N- количество альтернатив (в данном примере - количество факторов роста производительности труда). Обозначим эти оценки как X_{ij} , i=1,...,M, j=1,...,N.

Ранжирование альтернатив по предпочтению представлено в таблице 3.1.

Таблица 3.1 — Матрица экспертных оценок для метода предпочтений

Эксперты	Альтернативы (факторы)			
	A1	A2	A3	A4
1	2	1	3	4
2	1	3	2	4
3	3	1	2	4

Затем производится преобразование матрицы оценок по формуле:

$$B_{ij} = N - X_{ij},$$
 $i=1,...,M, j=1,...,N.$

Это означает, что каждая экспертная оценка вычитается из количества альтернатив.

Для данного примера получена матрица, приведенная в таблице 3.2.

Таблица 3.2 — Преобразованная матрица экспертных оценок для метода предпочтений

Эксперты	Альтернативы (факторы)			
	A1	A2	A3	A4
1	2	3	1	0
2	3	1	2	0
3	1	3	2	0

После этого находятся суммы преобразованных оценок по каждой из альтернатив:

$$C_j = \sum_{i=1}^{M} B_{ij},$$
 $j=1,...,N.$

В данном примере $C_1 = 2 + 3 + 1 = 6$; $C_2 = 3 + 1 + 3 = 7$; $C_3 = 5$; $C_4 = 0$.

Находится сумма всех оценок:

$$C = \sum_{j=1}^{N} C_j.$$

B данном примере C = 6 + 7 + 5 + 0 = 18

Затем находятся веса альтернатив:

$$V_j = C_j/C, j=1,...,N.$$

В данном примере $V_1 = 6/18 = 0.333$; $V_2 = 3/18 = 0.389$; $V_3 = 5/18 = 0.278$; $V_4 = 0/28 = 0$.

Чем больше вес, тем более предпочтительной является альтернатива (по мнению экспертов).

В данном примере самой предпочтительной альтернативой является приобретение права на использование каналов связи; следующая по важности альтернатива — запуск спутника связи; еще менее важная - построить сеть наземных ретрансляторов; наименее важная альтернатива — прокладка проводной линии связи.

Для проверки согласованности мнений экспертов вычисляется величина, называемая коэффициентом конкордации (W). Ее расчет выполняется в следующем порядке.

Находятся суммы оценок, указанных экспертами для каждой из альтернатив:

$$S_j = \sum_{i=1}^M X_{ij},$$
 $j=1,...,N.$

В рассматриваемом примере $S_1 = 2 + 1 + 3 = 6$; $S_2 = 1 + 3 + 1 = 5$; $S_3 = 7$; $S_4 = 12$.

Находится вспомогательная величина А:

$$A = M (N + 1)/2$$
.

Для данного примера A = 3 (4 + 1)/2 = 7.5

Находится вспомогательная величина S:

$$S = \sum_{j=1}^{N} (S_j - A)^2.$$

Для рассматриваемого примера:

$$S = (6 - 7.5)^2 + (5 - 7.5)^2 + (7 - 7.5)^2 + (12 - 7.5)^2 = 29$$

Последним шагом находится коэффициент конкордации:

$$W = \frac{12 \cdot S}{M^2 \cdot N \cdot (N^2 - 1)}.$$

При $W \ge 0.5$ степень согласованности экспертных оценок может считаться достаточной. При W < 0.5 требуется уточнение и согласование экспертных оценок.

В данном примере $W = 12 \cdot 29 / (9 \cdot 4 \cdot 15) = 0.6444$. Таким образом, уточнение экспертных оценок не требуется. Мнения экспертов в отношении влияния рассматриваемых факторов на производительность труда достаточно близки друг к другу.

1.4 Метод ранга

Метод основан на балльных оценках альтернатив, указываемых несколькими экспертами. Каждый из экспертов (независимо от других) оценивает альтернативы по некоторой шкале (обычно - 10-балльной). Чем более предпочтительной (по мнению эксперта) является альтернатива, тем более высокий балл для нее указывается.

Каждый эксперт указывает оценки альтернатив по 10-балльной шкале. Оценки, указанные экспертами, сводятся в матрицу размером MXN, где M - число экспертов, N - число альтернатив. Обозначим эти оценки как Xij, i=1,...,M, j=1,...,N.

Оценки экспертов представлены в таблице 4.1

Эксперты	Альтернативы (факторы)			
	A1	A2	A3	A4
1	6	10	5	2
2	10	8	9	3
3	8	10	9	4

Таблица 4.1 — Матрица экспертных оценок для метода ранга

Далее находятся суммарные оценки альтернатив всеми экспертами:

$$C_j = \sum_{i=1}^{M} X_{ij},$$
 $j=1,...,N.$

В данном примере $C_1 = 6 + 10 + 8 = 24$; $C_2 = 10 + 8 + 10 = 28$; $C_3 = 23$; $C_5 = 9$.

Находится сумма всех оценок:

$$C = \sum_{j=1}^{N} C_j.$$

В примере C = 24 + 28 + 23 + 9 = 84

После находятся веса альтернатив:

$$V_i = C_i/C, j=1,...,N.$$

Наиболее предпочтительной, по мнению экспертов, является альтернатива, имеющая максимальный вес.

В данном примере $V_1 = 24/84 = 0.286$; $V_2 = 28/84 = 0.333$; $V_3 = 23/84 = 0.274$; $V_4 = 9/84 = 0.107$.

Таким образом, в данном примере самой предпочтительной альтернативой является приобретение права на использование каналов связи; следующая по важности альтернатива — запуск спутника связи; еще менее важная - построить сеть наземных ретрансляторов; наименее важная альтернатива — прокладка проводной линии связи.

Далее проводится проверка согласованности экспертных оценок. Как и для метода предпочтений, проверка согласованности экспертных оценок требуется для выявления существенных различий в мнениях экспертов и определения причин таких различий. Для этого рассчитываются дисперсии (оценки разброса) оценок для каждого эксперта и для каждой альтернативы. Расчет выполняется в следующем порядке.

Сначала находятся средние оценки каждой альтернативы:

$$\overline{X}_j = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^M X_{ij},$$
 $j=1,...,N.$

В данном примере $\overline{X}_1=24/3=8;\ \overline{X}_2=28/3=9.33;\ \overline{X}_3=23/3=7.67;\ \overline{X}_4=9/3=3.$

Находятся дисперсии оценок каждого эксперта:

$$D_{3i} = \frac{1}{N-1} \sum_{j=1}^{N} (X_{ij} - \overline{X}_{j})^{2}, \qquad i=1,...,M.$$

Эта величина показывает отклонение оценок, указанных i-м экспертом для альтернатив, от средних оценок этих альтернатив. Чем больше эта величина, тем больше отличие мнения i-го эксперта от остальных экспертов.

В данном примере:

$$D_{31} = \frac{1}{3} ((6 - 8)^2 + (10 - 9.33)^2 + (5 - 7.67)^2 + (2 - 3)^2) = 4.19$$

$$D_{32} = \frac{1}{3} ((10 - 8)^2 + (8 - 9.33)^2 + (9 - 7.67)^2 + (3 - 3)^2) = 2.52$$

$$D_{33} = \frac{1}{3} ((8 - 8)^2 + (10 - 9.33)^2 + (9 - 7.67)^2 + (4 - 3)^2) = 1.07$$

Находятся дисперсии оценок каждой альтернативы:

$$D_{aj} = \frac{1}{M-1} \sum_{i=1}^{M} (X_{ij} - \overline{X}_j)^2, \qquad j=1,...,N.$$

Эта величина показывает различие оценок, указанных экспертами для j-й альтернативы. Чем больше эта величина, тем больше расхождение мнений экспертов в отношении данной альтернативы.

В данном примере:

$$D_{a1} = \frac{1}{2} ((6 - 8)^2 + (10 - 8)^2 + (8 - 8)^2) = 4$$

$$D_{a2} = \frac{1}{2} ((10 - 9.33)^2 + (8 - 9.33)^2 + (10 - 9.33)^2) = 1.33$$

$$D_{a3} = \frac{1}{2} ((5 - 7.67)^2 + (9 - 7.67)^2 + (9 - 7.67)^2) = 5.33$$

$$D_{a4} = \frac{1}{2} ((2 - 3)^2 + (3 - 3)^2 + (4 - 3)^2) = 1$$

Если величина D_{3i} оказывается большой (оценки i-го эксперта сильно отличаются от оценок, указанных другими экспертами), то i-му эксперту предлагается обосновать свои оценки. Если большой оказывается величина D_{aj} (оценки j-й альтернативы у экспертов сильно отличаются), то следует проанализировать причины таких расхождений.

В данном примере, возможно, следует предложить обосновать свои оценки первому эксперту. Кроме того, следует обратить внимание на разброс оценок третьей альтернативы.