

ூலங்கையின் உயர்தர கணித விஞ்ஞான

பிரிவிற்கான இணையதளம்

SCIENCE EAGLE www.scienceeagle.com



- C.Maths
- Physics
- Chemistry

+ more





வடமாகாணக் கல்வித் திணைக்களத்துடன் இணைந்து தொண்டைமானாறு வெளிக்கள நிலையம் நடாத்தும்

Field Work Centre தவணைப் பரீட்சை, யூன் - 2019

Term Examination, June - 2019

காம்	:-	13	(2019)
	•	10	$(\sim OIO)$

இணைந்த கணிதம் *–* I A

மூன்று மணித்தியாலம் 10 நிமிடம்

சுட்டெண்				

அறிவுறுத்தல்கள்:

- பகுதிA இன் எல்லா வினாக்களுக்கும் ഖിഥെ ஒவ்வொரு வினாவுக்கும் எழுதுக. விடைகளைத் கரப்பட்ட இடத்தில் மேலதிக தേவைப்படுமெனின், எழுதுக. இடம் மேலதிகத் தாள்களைப் பயன்படுத்தலாம்.
- பகுதிB இல் உள்ள 7 வினாக்களில் விரும்பிய 5 வினாக்களுக்குமாத்திரம் விடைஎழுதுக.
- ஒதுக்கப்பட்டநேரம் முடிவடைந்ததும் பகுதி A ஆனது பகுதி B யிற்கு மேலே இருக்கக்கூடியதாக இரு பகுதிகளையும் இணைத்துப் பரீட்சை மண்டப மேற்பார்வையாளரிடம் கையளிக்க.
- வினாத்தாளின் பகுதி B யை மாத்திர<mark>ம்</mark> பரீட்சை மண்டபத்திலிருந்து வெளியே எடுத்துச் செல்வத<u>ந்கு</u> அனுமதிக்கப்படும்.

	இணைந்தகணி	தம் I
பகுதி	வினாஎண்	கிடைத்த புள்ளிகள்
	1	
	2	
	3	
	4	YATE OF THE PROPERTY OF THE PR
A	5	77 (60)
A	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
	11	
	12	
	13	
В	14	
	15	
	16	
	17	
வினாத்தாள்	I இன் மொத்தம்	

இணைந்த கணிதம் I	
இணைந்த கணிதம் II	
இறுதிப் புள்ளிகள்	

สถ่งงา $n \in Z^+$	இற்கும் கணிதத்	பகுதி - A கொகுக்கறிவுக்	கோட்பாட்டைப்	ப் பயன்படுக்கி	
$\sum_{n=1}^{n}$	$\frac{3}{4} - \frac{2n+3}{2(n+1)(n+2)}$ ഒ	னர் நாட்டு	3311 <u>211</u> 2002		
$\Delta r=1$ $r(r+2)$	4 $2(n+1)(n+2)$	ங்க காட்டுக்.			
•••••					
•••••					
•••••					•••••
				·····	
ஒரே வரிப்பட	 த்தில் $y=5- $	$x - 1, y = \frac{1}{2}x$		வரைபுகளைப்	பரும்படிய
வரைக. இதில	த்தில் $y=5- $ லிருந்து சமனிலி	$x - 1, y = \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய		
	லிருந்து சமனிலி	$x - 1, y = \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய		
வரைக. இதில	லிருந்து சமனிலி	$x - 1, y = \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய		
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி ளக் காண்க.	$ x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $ x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி	$ x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $ x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி ளக் காண்க.	$x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி ளக் காண்க.	$ x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $ x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி ளக் காண்க.	$ x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $ x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி ளக் காண்க.	$ x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $ x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி ளக் காண்க.	$ x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $ x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி ளக் காண்க.	$ x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $ x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி ளக் காண்க.	$ x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $ x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி ளக் காண்க.	$ x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $ x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி ளக் காண்க.	$ x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $ x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி ளக் காண்க.	$ x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $ x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி ளக் காண்க.	$ x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $ x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி ளக் காண்க.	$ x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $ x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ
வரைக. இதில பெறுமானங்கன	லிருந்து சமனிலி ளக் காண்க.	$ x - 1 , y = \frac{1}{2} x$ $ x + 2 x - 1 \le \frac{1}{2} x$	+ 3 ஆகிய ≤ 4ஐத் திருப்	திப்படுத்தும் <i>x</i>	் இன் மெ

		ககுறிக்கப்ப(டும் புள்ளியி	ன் ஒழுக்கு	C யின்	பரும்படிப்	சிக்கலெண் <i>z</i> படத்தைவரைக. ர்க.
							•••••
	••••••		••••••	••••••	••••••	•••••	
							•••••
	•••••		······································		•••••••••••		
04)	$\lim_{x \to 0} \frac{1 + x \tan x}{\sqrt{1 + x^2}}$	$\frac{x - \cos 2x}{-\sqrt{1 - x^2}} = 3$	எனக் காட்டு	ъ.		6	
04)	$\lim_{x\to 0} \frac{1+x\tan x}{\sqrt{1+x^2}}$	$\frac{x - \cos 2x}{-\sqrt{1 - x^2}} = 3$	எனக் காட்டு	ъ.		5)	
04)	$\lim_{x\to 0} \frac{1+x\tan x}{\sqrt{1+x^2}}$	$\frac{x - \cos 2x}{-\sqrt{1 - x^2}} = 3$		ъ.		5)/	
04)	$\lim_{x\to 0} \frac{1+x\tan x}{\sqrt{1+x^2}}$			ь.			
04)							
04)							
04)							
04)							
04)							
04)							
04)							
04)							
04)							
04)							
04)							
04)							
04)							

x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி	ഖரையப்படும்	் தொட்	ധ്വത്ത്	சமனபாடு	$\frac{-}{a}\cos \theta$	$\alpha + \frac{1}{b}$ sir	$\alpha = 1$	எனக்	காட்டு	க. இங்	ப்கு
பெறுமானத்தைக் காண்க. x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int \frac{x+\sqrt{x^2+4}}{\sqrt{x^2+4}} dx$ ஐக் காண்க.	$\alpha < \pi/2$	இத் தெ	தாடலியா	ானது (2	2a,o) (என்னும்	പ്ര ബ്ബിധി	னுடு (செல்லு	மெனின்	α
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} dx$ ஐக் காண்க.	, =				. ,						
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.	மெறுமானத்	ഗ്വാധ വ	via.								
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.	•••••		•••••••	•••••	•••••	••••••		••••••	••••••	••••••	•••••
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.	•••••	••••••	••••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	••••••	•••••	••••••	•••••	•••••	•••••
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.	••••••	••••••	••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	••••••	•••••		•••••	•••••	•••••
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.	•••••	•••••	••••••	•••••	•••••	••••••	•••••		•••••	•••••	•••••
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.								•••••	•••••	•••••	•••••
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.			•••••								•••••
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.									•••••	•••••	•••••
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.									•••••		•••••
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.											
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.											•••••
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.											
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.											
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.											
x ஐக் குறித்து $\ln \sqrt{x+\sqrt{x^2+4}}$ ஐ வகையிடுக. இதிலிருந்து அல்லது வேறு வழி $\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.											
$\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.				• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	•••••	•••••••		•••••	••••••	•••••
$\int rac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$ ஐக் காண்க.											
	r നുർ கേനിം			== + 4 m	ഖതക്വ	പിദ്രക (இகிலிருந்	EI OI	പ്പെടു	வேங	ຄາກີ
		ந்து ln \sqrt{x}	$+\sqrt{x^2}$	= # 4 # # # # # # # # # # # # # # # # #	ഖതക്യ	பிடுக. இ	இதிலிருந்	து அ	ல்லது	வேறு	ഖழി
		ந்து ln \sqrt{x}	$+\sqrt{x^2}$		ഖതക്യ	பிடுக. இ	இதிலிருந்	Б Ј அ	ல்லது	வேறு	ഖழി
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	+ √x² - mis.					5		வேறு	ഖழി
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	+ √x² - mis.					5		வேறு	ഖழി
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	+ √x² - ṁக.							வேறு	ഖழി
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	$+\sqrt{x^2}$ -		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\					வேறு	ഖழി
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	$+\sqrt{x^2}$ -		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\					வேறு	ഖழി
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	$+\sqrt{x^2}$ -		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\					வேறு	ഖழി
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	$+\sqrt{x^2}$ -		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\					வேறு	ഖழി
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	$+\sqrt{x^2}$ -		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\					வேறு	வழி
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	$+\sqrt{x^2}$ -		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\					வேறு	ഖழി
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	$+\sqrt{x^2}$ -		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\					வேறு	ഖழി
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	$+\sqrt{x^2}$ -		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\					வேறு	ഖழി
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	$+\sqrt{x^2}$ -		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\					வேறு	வழி
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	$+\sqrt{x^2}$ -		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\					வேறு	വழി
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	$+\sqrt{x^2}$ -		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\					வேறு	ഖழി
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	$+\sqrt{x^2}$ -		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\					Санд	ഖழി
	$\int \frac{x+4}{\sqrt{x^2+4}} \ dx$	ந்து ln √ <i>x</i> ஐக் கான	$+\sqrt{x^2}$ -		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\					Cangi	வழி

ഖ്യബധി											
<u>உ</u> ள்ளன	டக்கப்பட்	ட பிரதே	சம் S	எனக்	கொ	ள்வோம்.	(உருன	ഖப்			_
பார்க்க).	S æ	x - அ	ச்சைப்	பந்நி	2π	ஆரையன்	ரகளின <u>ு</u> ப	_ாச்			
சுழற்றும்	போது ப	பிறப்பிக்கட	ப்படும்	திண்மத்	தின்	கனவளவு	$\frac{\pi}{2}(4-$	· π)		3	
எனக் கா							۷		0		
•••••											
								•••••			•••••
•••••					•••••						•••••
•••••								•••••		•••••	•••••
•••••			,								
											•••••
முக்கோ	ணிABCuí		கங்கள்	AB	, B(C, CA	இன்	 	ன்பாடுக6	ள் மு	
x + y	-1 = 0	ின் பக் , <i>x</i> + 2ງ ம் நேர்கே	y + 2	= 0,32	x - y	+ 1 =	0 ஆகுட				
x + y	-1 = 0	x + 2y	y + 2	= 0,32	x - y	+ 1 =	0 ஆகுட				
x + y - А இனுடு 	- 1 = 0 6 செல்லு	, <i>x</i> + 2ற ம் நேர்கே	y + 2 எட்டின்	= 0,32	x – y ாட்டை & 	+ 1 = ் க் காண்க	0 ஆகுட	b. BC	் யிற்குச்	ச சமாந்	Б БГ
x + y - А இனூடு	- 1 = 0 6 செல்லு	, <i>x</i> + 2ற ம் நேர்கே	y + 2 நாட்டின்	= 0,32 சமன்பா	x – y пட்டை ғ	+ 1 = ்	0 ஆகுட	b. BC	் யிற்குச்	ச சமாந்	
x + y - А இனூடு	- 1 = 0 6 செல்லு	, <i>x</i> + 2ற ம் நேர்கே	y + 2 நாட்டின்	= 0,32 சமன்பா	x – y пட்டை ғ	+ 1 = ்	0 ஆகுட	b. BC	் யிற்குச்	ச சமாந்	
x + y - А இனூடு	- 1 = 0 6 செல்லு	, <i>x</i> + 2ற ம் நேர்கே	y + 2 நாட்டின்	= 0,32 சமன்பா	x – y пட்டை ғ	+ 1 = ்	0 ஆகுட	b. BC	் யிற்குச்	ச சமாந்	
x + y - А இனூடு	- 1 = 0 6 செல்லு	, <i>x</i> + 2ற ம் நேர்கே	y + 2 நாட்டின்	= 0,32 சமன்பா	x – y пட்டை ғ	+ 1 = ்	0 ஆகுட	b. BC	் யிற்குச்	ச சமாந்	
x + y - А இனூடு	- 1 = 0 6 செல்லு	, <i>x</i> + 2ற ம் நேர்கே	y + 2 நாட்டின்	= 0,32 சமன்பா	x – y пட்டை ғ	+ 1 = ்	0 ஆகுட	b. BC	் யிற்குச்	ச சமாந்	
x + y - А இனூடு	- 1 = 0 6 செல்லு	, <i>x</i> + 2ற ம் நேர்கே	y + 2 நாட்டின்	= 0,32 சமன்பா	x – y пட்டை ғ	+ 1 = ்	0 ஆகுட	b. BC	் யிற்குச்	ச சமாந்	
x + y - А இனூடு	- 1 = 0 6 செல்லு	, <i>x</i> + 2ற ம் நேர்கே	y + 2 நாட்டின்	= 0,32 சமன்பா	x – y пட்டை ғ	+ 1 = ்	0 ஆகுட	b. BC	் யிற்குச்	ச சமாந்	
x + y - А இனூடு	- 1 = 0 6 செல்லு	, <i>x</i> + 2ற ம் நேர்கே	y + 2 நாட்டின்	= 0,32 சமன்பா	x – y пட்டை ғ	+ 1 = ்	0 ஆகுட	b. BC	் யிற்குச்	ச சமாந்	
x + y - А இனூடு	- 1 = 0 6 செல்லு	, <i>x</i> + 2ற ம் நேர்கே	y + 2 நாட்டின்	= 0,32 சமன்பா	x – y пட்டை ғ	+ 1 = ்	0 ஆகுட	b. BC	் யிற்குச்	ச சமாந்	
x + y - А இனூடு	- 1 = 0 6 செல்லு	, <i>x</i> + 2ற ம் நேர்கே	y + 2 நாட்டின்	= 0,32 சமன்பா	x – y пட்டை ғ	+ 1 = ்	0 ஆகுட	b. BC	் யிற்குச்	ச சமாந்	
x + y - А இனூடு	- 1 = 0 6 செல்லு	, <i>x</i> + 2ற ம் நேர்கே	y + 2 நாட்டின்	= 0,32 சமன்பா	x – y пட்டை ғ	+ 1 = ்	0 ஆகுட	b. BC	் யிற்குச்	ச சமாந்	

-	()	-)		шфодюс	எடுத்துை	,, шшы ш	JOHED GIO	NIO OIII
இங்கு λ ஒரு	பரமானம். வட்	டத்தின் 🤜	ஆ ரையை	λ இன்	சார்பில்	காண்க.		
							•	•
							••••••	••••••
							•••••	•••••
							••••••	•••••
								•••••
								•••••
							• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••
<i>x ≠ nπ</i> இந்கு	$cosec^3x +$	2 cosec ²	$x \cot x +$	cosec	$x \cot^2 x$	$= \frac{\sin x}{(1-\cos x)}$	<u>:)²</u>	ாக் கார
		2 cosec ²	$x \cot x +$	cosec :	$x \cot^2 x$	$=\frac{\sin x}{(1-\cos x)}$	<u>ে)²</u>	ரக் கா
		2 cosec ²	x cot x +	cosec	x cot ² x	$= \frac{\sin x}{(1-\cos x)}$	्र) 2 ठाळ	ாக் கா
		2 cosec ²	x cot x +	cosec	x cot ² x	$= \frac{\sin x}{(1-\cos x)}$	<u>c)²</u> নজ	ரக் கா
		2 cosec ²	x cot x +	cosec	x cot ² x	$= \frac{\sin x}{(1-\cos x)}$	<u>()</u> 2 बब	்
இங்கு <i>n ∈ Z</i> ஆ	ஆகும்.					5)		
	ஆகும்.					5)		
இங்கு <i>n ∈ Z</i> ஆ	ஆகும்.					5)		
x ≠ nπ இந்கு இங்கு n ∈ Z ஆ	ஆகும்.					5)		
இங்கு <i>n ∈ Z</i> ஆ	ஆகும்.					5)		
இங்கு <i>n ∈ Z</i> ஆ	ஆகும்.					5)		
இங்கு <i>n ∈ Z</i> ஆ	ஆகும்.					5)		
இங்கு <i>n ∈ Z</i> ஆ	ஆகும்.					5)		
இங்கு <i>n ∈ Z</i> ஆ	ஆகும்.					5)		
இங்கு <i>n ∈ Z</i> ஆ	ஆகும்.					5)		
இங்கு <i>n ∈ Z</i> ஆ	ஆகும்.					5)		
இங்கு <i>n ∈ Z</i> ஆ	ஆகும்.					5)		
இங்கு <i>n ∈ Z</i> ஆ	ஆகும்.					5)		
இங்கு <i>n ∈ Z</i> ஆ	ஆகும்.					5)		



வடமாகாணக் கல்வித் திணைக்களத்துடன் இணைந்து தொண்டைமானாறு வெளிக்கள நிலையம் நடாத்தும்

Field Work Centre தவணைப் பரீட்சை, யூன் - 2019

Term Examination, June - 2019

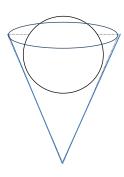
தரம் :- 13 (2019)

இணைந்த கணிதம் -I B

பகுதி - B

- 11) (a) $f(x) = (a-b)x^2 + 2ax + (a+b)$ எனக் கொள்வோம். இங்கு a > b > 0 ஆகும்.
 - (i) $\frac{a+b}{a-b} > 1$ எனக் காட்டுக.
 - (ii) f(x)ஆனது மறையாக இருக்கும் x இன் மெய்ப்பெறுமானங்களின் வீச்சைக் காண்க.
 - f(x) = 0 இன் தன்மை காட்டியை எழுதுக. இதிலிருந்து f(x) = 0 ஆனது வேறுவேறான மெய்மூலங்களைக் கொண்டிருக்கும் எனக் காட்டுக.
 - (iv) \propto , β என்பன f(x)=0 இன் மூலங்கள் எனக் கொள்வோம். $(\propto +1)^2$, $(\beta +1)^2$ ஆகியவற்றை மூலங்களாகக் கொண்ட இருபடிச்சமன்பாட்டைக் காண்க. இதிலிருந்து $\frac{\alpha+2}{\beta}=\frac{\beta+2}{\alpha}$ எனின் b=0 எனக் காட்டுக.
 - (b) $P(x) = 2x^3 + x^2 + 2x 5$ இனது ஒரு காரணி x 1எனக் காட்டுக. P(x) ஐ $x^2 5x + 6$ இனால் வகுக்கவரும் மீதியைக் காண்க.
- 12) (a) $(1-x-x^2+x^3)^6=(1-x^2)^m(1-x)^n$ ஆகுமாறு நேர்நிறை வெண்கள் m, n ஐக் காண்க. இதிலிருந்து $(1-x-x^2+x^3)^6$ என்பதன் விரியில் உள்ள x^7 இன் குணகம் -144 எனக் காட்டுக.
 - (b) ஆறு திருமணமான தம்பதிகளில் இருந்து 3 ஆண்களையும் 3 பெண்களையும் கொண்ட குழுவொன்றைத் தெரிந்தெடுக்க வேண்டியுள்ளது. பின்வரும் ஒவ்வொரு சந்தர்ப்பத்திலும் குழு தெரிந்தெடுக்கத்தக்க விதங்களின் எண்ணிக்கைகளைக் காண்க.
 - எவரேனும் 3 ஆண்களும் 3 பெண்களும் இருக்கத் தெரிவுசெய்தல்.
 - ii. கணவன், மனைவி ஒன்றாக ஒரே குழுவில் இருக்கத் தெரிவுசெய்தல்.
 - iii. கணவரையும் மனைவியையும் ஒரே குழுவில் இல்லாது தெரிவுசெய்தல்.
 - (c) $r \in Z^+$ இந்கு $r^2 + 5r + 8 = A(r+2)^2 + Br \ (r+3)$ ஆகுமாறு A,B ஆகிய மாநிலிகளைக் காண்க. $r \in Z^+$ இந்கு $U_r = \frac{r^2 + 5r + 8}{r(r+1)(r+2)} \left(\frac{1}{2}\right)^r$ எனக் கொள்வோம். $U_r = f(r) f(r+1)$ ஆக இருக்கத்தக்கதாக சார்பு f(r) ஐக் காண்க. இதிலிருந்து, $\sum_{r=1}^n U_r = \frac{3}{2} \frac{n+3}{(n+1)(n+2)} \left(\frac{1}{2}\right)^n$ எனக் காட்டுக. முடிவில் தொடர் $\sum_1^\infty u_r$ ஒருங்கும் எனக்காட்டி அதன் கூட்டுத் தொகையையும் காண்க.

- 13) (a) $ad \neq bc$ ஆகுமாறுள்ள மெய்யெண்கள் a,b,c,d இந்கு $P = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ எனக் கொள்வோம். $P^{-1} = \frac{1}{ad-bc} \begin{bmatrix} d & -b \\ -c & a \end{bmatrix}$ எனக் காட்டுக. இங்கு P^{-1} என்பது தாயம் P இன் நேர்மாறு தாயமாகும். $A = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$ எனக் கொள்வோம்.
 - i. தாயம் A இன் நேர்மாறு தாயம் A^{-1} ஐ எழுதுக. இதிலிருந்து, A X A = B ஆகுமாறுள்ள வரிசை 2 இலுள்ள தாயம் X ஐக் காண்க. இங்கு $B=\begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$ ஆகும்.
 - ii. $A+A^T,$ $A-A^T$ ஆகியவற்றைக் காண்க. இங்கு A^T என்பது A இன் நிலைமாற்றுத் தாயமாகும். $A+A^T,$ $A-A^T$ ஆகிய தாயங்கள் பற்றி யாது கூறுவீர்? தாயம் A ஐ ஒருசமச்சீர்த் தாயத்தினதும் ஓர் ஓராயச் சமச்சீர்த் தாயத்தினதும் கூட்டலாக எழுதுக.
 - (b) $w=\frac{1}{2}+i\frac{\sqrt{3}}{2}$ எனக் கொள்வோம். $w+\overline{w}$, $w\overline{w}$ ஆகியவற்றைக் காண்க. இங்கு \overline{w} ஆனது சிக்கலெண் w இன் உடன்புணரியாகும். ஆகண் வரிப்படத்தில் O, P, Q என்னும் வெவ்வேறான புள்ளிகள் முறையே $0,\ Z_1$, Z_2 ஆகிய சிக்கலெண்களை வகை குறிக்கின்றன. $Z_1=w\ Z_2$ அல்லது $Z_1=\overline{w}Z_2$ ஆயின் ஆயின் மாத்திரம் $Z_1^{\ 2}-Z_1\ Z_2+Z_2^{\ 2}=0$ எனக் காட்டுக. இதிலிருந்து முக்கோணி OPQ ஆனது ஒருசமபக்க முக்கோணி ஆயின் ஆயின் மாத்திரம் $Z_1^{\ 2}+Z_2^{\ 2}=1$ எனக் காட்டுக.
- 14) (a) $x \neq -1$ இற்கு $f(x) = \frac{x+2}{(x+1)^2}$ எனக் கொள்வோம். $x \neq -1$ இற்கு $f'^{(x)} = -\frac{x+3}{(x+1)^3}$ எனவும் $f''(x) = \frac{2(x+4)}{(x+1)^4}$ எனவும் காட்டுக. இங்கு f'(x), f''(x) என்பன முறையே f(x) இன் முதலாம் இரண்டாம் பெறுதிகளாகும். அணுகுகோடுகள், திரும்பற் புள்ளி, விபத்திப் புள்ளி ஆகியவற்றைக் காட்டி y = f(x) இன் வரைபைப் பரும்படியாக வரைக.
 - (b) அரைஉச்சிக்கோணம் $\frac{\pi}{6}$ ஐயும் உயரம் h ஐயும் உடைய கூம்பு வடிவக் கண்ணாடிப் பாத்திரம் ஒன்றினுள் உருவில் காட்டியவாறு கோளமொன்று பாத்திரத்தின் உள்மேற்பரப்பைத் தொட்டுக் கொண்டிருக்குமாறு வைக்கப்பட்டுள்ளது. பாத்திரத்திற்கு உள்ளே உள்ள கோளப்பகுதியின் வளைமேற்பரப்பளவு A ஆனது $A=2\pi x\;(h-x)$ இனால் தரப்படுமெனக் காட்டுக. இங்கு x ஆனது கோளத்தின் ஆரையாகும்.



 $x=rac{h}{2}$ ஆகும் போது A உயர்வானதெனக் காட்டி A இன் உயர்வுப் பெறுமானத்தைக் காண்க. உதவி : பாத்திரத்திற்கு உள்ளே உள்ள கோளப்பகுதியின் வளை மேற்பரப்பளவானது அதே ஆரையையும் கோளப் பகுதியின் அதே உயரத்தையும் உடைய உருளையின் வளை மேற்பரப்பளவிற்குச் சமனாகும்.

- 15) (a) $\frac{4x^3+x^2+4x-1}{x^4-1}$ ஐப் பகுதிப் பின்னங்களாக எடுத்துரைக்க. இதிலிருந்து $\int \frac{4x^3+x^2+4x-1}{x^4-1} \ dx$ ஐக் காண்க.
 - (b) பிரதியீடு $t= anrac{x}{2}$ ஐப் பயன்படுத்தி $\int_0^{rac{\pi}{2}} rac{dx}{3\sin x 4\cos x + 5}$ ஐக் காண்க.
 - (c) பகுதிகளாகத் தொகையிடும் முறையைப் பயன்படுத்தி $\int_0^\pi \sin^4 x \ dx$ ஐக் காண்க. $\int_0^a f(x) dx = \int_0^a f(a-x) dx$ என்பதைப் பயன்படுத்தி $\int_0^\pi \sin^4 x \ dx$ இன் பெறுமானத்தைக் காண்க.
- 16) x அச்சில் வெட்டுத்துண்டு a ஐயும் y அச்சில் வெட்டுத்துண்டு b ஐயும் கொண்ட நேர்கோட்டின் சமன்பாடு $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$ எனக் காட்டுக. புள்ளிகள் A, B என்பவற்றின் ஆள்கூறுகள் முறையே (3,0) (0,4) ஆகும். PQ ஆனது AB இற்கு செங்குத்து ஆகுமாறு மாறும் புள்ளிகள் P, Q என்பன முறையே x,y அச்சுக்களில் கிடக்கின்றன. BP, AQ என்பன இடைவெட்டும் புள்ளியின் ஒழுக்கு $S \equiv x^2 + y^2 3x 4y = 0$ எனும் வட்டம் எனக் காட்டுக. இவ்வட்டம் உற்பத்தியினூடு செல்லும் எனக் காட்டி அதன் மையத்தின் ஆள்கூறுகளைக் காண்க. உற்பத்தியிலிருந்து மிகத் தொலைவில் வட்டத்தின் பரிதியிலுள்ள புள்ளி $C \equiv (3,4)$ எனக் காட்டி இப்புள்ளியில் வட்டத்திற்கு வரையப்பட்ட தொடலியின் சமன்பாட்டைக் காண்க. இத்தொடலி x,y அச்சுக்களை முறையே D, E எனும் புள்ளிகளில் இடைவெட்டின் D, E இன் ஆள்கூறுகளை எழுதுக. D, E ஐ விட்டத்தின் முனைகளாகக் கொண்ட வட்டத்தின் சமன்பாடு $S_1 \equiv 12 \ x^2 + 12 \ y^2 100 \ x 75 \ y = 0$ எனக் காட்டுக. $S_2 \equiv x^2 + y^2 + 24 \ x + 48 \ y + k = 0$ எனத் தரப்படும் போது S_1 உம் S_2 உம் நிமிர்கோணத்தில் இடைவெட்டினால் k இன் பெறுமானத்தைக் காண்க.
- 17) (a) $\tan(\propto +\beta)$ இந்கான திரிகோண கணிதச் சர்வசமன்பாட்டை $\tan \propto$, $\tan \beta$ ஆகியவந்நின் சார்பில் எழுதுக. இதிலிருந்து $\tan 2\theta$ ஐ $\tan \theta$ சார்பில் பெற்று $\tan 3\theta = \frac{3 \tan \theta tan^3 \theta}{1 3 \tan^2 \theta}$ எனக் காட்டுக. $\theta = \frac{\pi}{10}$ எனின் $\tan 3\theta = \cot 2\theta$ எனக் காட்டுக. மேலும் $5 \tan^4 \theta 10 \tan^2 \theta + 1 = 0$ எனக் காட்டி $\tan \frac{\pi}{10} = \sqrt{1 \frac{2}{\sqrt{5}}}$ எனக் காட்டுக.
 - வழக்கமான குறிப்பீட்டில் முக்கோணிக்குரிய சைன் நெறியைக் கூறுக. முக்கோணி ABC $A\hat{B}C = 90^{\circ}$ இல் ஆகும். முக்கோணியின் ஒவ்வொன்றும் மூன்று பக்கங்கள் உள்ளே O எனும் முக்கோணியின் புள்ளியில் 120°எனும் ஒரே கோணத்தை அமைக்கின்றன. $C\hat{B}O= heta$ ஆகும். $\Delta\,BOC$ இந்குசைன் விதியை பிரயோகித்து $\frac{BO}{Sin(60^{\circ}-\theta)} = \frac{a}{\sin 120^{\circ}}$ எனக் காட்டுக. மேலும் ΔAOB இந்கு சைன் ഖിதിധെ பிரயோகிப்பதன் மூலம் BO இந்கான இன்னுமோர் தொடர்பைப் பெற்று $an heta = rac{\sqrt{3}a + c}{\sqrt{3}c + a}$ எனக் காட்டுக.
 - (c) $tan^{-1}\left(\frac{1}{3}\right) + tan^{-1}\left(\frac{1}{4}\right) + tan^{-1}\left(\frac{11}{7}\right) = \frac{\pi}{2}$ எனக் காட்டுக.



வடமாகாணக் கல்வித் திணைக்களத்துடன் இணைந்து தொண்டைமானாறுவெளிக்களநிலையம் நடாத்தும்

Field Work Centre தவணைப் பரீட்சை, யூன் - 2019 Term Examination, June - 2019

தரம் :- 13 (2019) **(**

இணைந்த கணிதம் - II A

மூன்று மணித்தியாலம் 10 நிமிடம்

சுட்டெண்							
----------	--	--	--	--	--	--	--

அறிவுறுத்தல்கள்:

- பகுதிA இன் எல்லா வினாக்களுக்கும் விடை எழுதுக. ஒவ்வொரு வினாவுக்கும் விடைகளைத் தரப்பட்ட இடத்தில் எழுதுக. மேலதிக இடம் தேவைப்படுமெனின், நீர் மேலதிகத் தாள்களைப் பயன்படுத்தலாம்.
- பகுதிB இல் உள்ள 7 வினாக்களில் விரும்பிய 5 வினாக்களுக்குமாத்திரம் விடைஎழுதுக.
- ஒதுக்கப்பட்ட நேரம் முடிவடைந்ததும் பகுதி A ஆனது பகுதி B யிற்கு மேலே இருக்கக்கூடியதாக இரு பகுதிகளையும் இணைத்துப் பரீட்சை மண்டப மேற்பார்வையாளரிடம் கையளிக்க.
- வினாத்தாளின் பகுதி Bயை மாத்திர<mark>ம்</mark> பரீட்சை மண்டபத்திலிருந்து வெளியே எடுத்துச் செல்வத<u>ந்கு</u> அனுமதிக்கப்படும்.

	இணைந்தகணி	ிதம் I
பகுதி	வினாஎண்	கிடைத்த புள்ளிகள்
	1	
	2	
	3	
	4	
A	5	- 00
A	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
	11	
	12	
	13	
В	14	
	15	
	16	
	17	
வினாத்தாள்	I இன் மொத்தம்	

இணைந்த கணிதம் I	
இணைந்த கணிதம் II	
இறுதிப் புள்ளிகள்	

	பகுதி - ${f A}$
01)	முறையே m,M திணிவுகளை உடைய சமஆரையுள்ள ஒப்பமான சீரான கோளங்கள் A,B என்பன. முறையே $2u,4u$ வேகங்களுடன் நேரெதிராக ஒன்றை ஒன்று மோதுகின்றன. மோதலின் பின் A இன் கதி B கதியின் இரு மடங்காகவும் கதிகள் எதிர்த் திசையிலும் அமையுமாயின் $m:M=5:4$ எனக் காட்டுக. இங்கு இரு கோளங்களுக்கு இடையிலான மீளமைவுக் குணகம் $\frac{1}{2}$ ஆகும்.
02)	3 m திணிவுள்ள ஓர் துணிக்கை P ஆனது ஒரு கரடான கிடை மேசை மீது வைக்கப்பட்டு படத்தில் காட்டப்பட்டவாறு இரு இலேசான இழைகளுக்கு இணைக்கப்பட்டு மேசையின் விளிம்புகளில் நிலைப்படுத்தப்பட்ட ஒப்பமான கப்பிகளின் மேலாக சென்று m , $3m$ திணிவுகளை உடைய Q , R என்ற துணிக்கைகளைத் தாங்கி இழையின் பகுதிகள் இறுக்கமாக இருக்க மெதுவாக விடப்படுகின்றது. மேசைக்கும் துணிக்கை P க்கும் இடையில் ஆன உராய்வுக் குணகம் μ ஆகும். இழை PR இன் இழுவை இழை PQ இன் இழுவையின் இரு p 0 இன் இழுவையின் இரு p 1 இக்காண்க.

03)	கிடைத்தரையில் உள்ள ஒருபுள்ளி O இல் இருந்து கிடையுடன் $lpha$ கோணத்தில் u
	வேகத்துடன் நிலைக்குத்து தளத்தில் எநியப்படும் துணிக்கை ஆனது தன் பறப்பு நேரத்தின்
	2 3 மடங்குநேரத்தில் கீழ்முகநிலைக்குத்துடன் 45° கோணத்தை அமைக்கின்றது. எனில்
	tan ∝= 3 எனக் காட்டுக.
04)	A, B என்னும் இரு மோட்டார் சைக்கிள்கள் மின்கம்பம் X ஐ முறையேய, 2 u வேகங்களுடன்
	ஒரேநேரத்தில் ஒரேதிசையில் கடந்து நேர்ப் பாதையில் செல்கின்றன. B ஆனது சீரான
	வேகத்துடனும் A ஆனது மாறா ஆர்முடுகலுடனும் இயங்குகின்றன. A ஆனது B ஐ $\frac{6u}{g}$
	நேரத்தில் கடந்து செல்லுமாயின் A, B இன் இயக்கங்களுக்கான வேகநேர வரைபை
	ஒரேவரிப்படத்தில் வரைந்து வரைபில் இருந்து ${f A}$ இன் ஆர்முடுகலைக் காண்க.

							ഖல്വതെ	
கிடையுடன்	$\sin Sin^{-1} \left(\frac{1}{25}\right)$	•) சாய்வா6	ர பாதை ப	பில் கீழ்	நோக்கி	அதே த	நடைக்கெத	நிராக சீ
	ன் பயணிப்பி							
•••••								•••••
		······································		// //				•••••
•••••								
			<u></u>					
	19							
	pம் w நிரை	றயுமுள்ள	AB என்ற	த சீ ரானசே	கால் நி	 லைக்குத்	து சுவருட	_ன் A
	pம் w நிரை பிணைக்கு							
ஒப்பமாகப்	பிணைக்க	ப்பட்டும் A	.B கிடை	பாக இரு	க்குமாறு	B _i	கட்டப்பட்ட	இழை
ஒப்பமாகப் மறுமுனை	பிணைக்க A இற்கு	ப்பட்டும் A நிலைக்குத்	.B கிடைம தாக மே	பாக இரு மலே சுவர்	க்குமாறு ரில் C	B ல் க இல் கட்	கட்டப்பட்ட டப்பட்டும்	இழை நாப்பத்
ஒப்பமாகப் மறுமுனை	பிணைக்க	ப்பட்டும் A நிலைக்குத்	.B கிடைம தாக மே	பாக இரு மலே சுவர்	க்குமாறு ரில் C	B ல் க இல் கட்	கட்டப்பட்ட டப்பட்டும்	இழை நாப்பத்
ஒப்பமாகப் மறுமுனை	பிணைக்க A இற்கு	ப்பட்டும் A நிலைக்குத்	.B கிடைம தாக மே	பாக இரு மலே சுவர்	க்குமாறு ரில் C	B ல் க இல் கட்	கட்டப்பட்ட டப்பட்டும்	இழை நாப்பத்
ஒப்பமாகப் மறுமுனை	பிணைக்க A இற்கு	ப்பட்டும் A நிலைக்குத்	.B கிடைம தாக மே	பாக இரு மலே சுவர்	க்குமாறு ரில் C	B ல் க இல் கட்	கட்டப்பட்ட டப்பட்டும்	இழை நாப்பத்
ஒப்பமாகப் மறுமுனை	பிணைக்க A இற்கு	ப்பட்டும் A நிலைக்குத்	.B கிடைம தாக மே	பாக இரு மலே சுவர்	க்குமாறு ரில் C	B ல் க இல் கட்	கட்டப்பட்ட டப்பட்டும்	இழை நாப்பத்
ஒப்பமாகப் மறுமுனை	பிணைக்க A இற்கு	ப்பட்டும் A நிலைக்குத்	.B கிடைம தாக மே	பாக இரு மலே சுவர்	க்குமாறு ரில் C	B ல் க இல் கட்	கட்டப்பட்ட டப்பட்டும்	இழை நாப்பத்
ஒப்பமாகப் மறுமுனை	பிணைக்க A இற்கு	ப்பட்டும் A நிலைக்குத்	.B கிடைம தாக மே	பாக இரு மலே சுவர்	க்குமாறு ரில் C	B ல் க இல் கட்	கட்டப்பட்ட டப்பட்டும்	இழை நாப்பத்
ஒப்பமாகப் மறுமுனை	பிணைக்க A இற்கு	ப்பட்டும் A நிலைக்குத்	.B கிடைம தாக மே	பாக இரு மலே சுவர்	க்குமாறு ரில் C	B ல் க இல் கட்	கட்டப்பட்ட டப்பட்டும்	இழை நாப்பத்
ஒப்பமாகப் மறுமுனை	பிணைக்க A இற்கு	ப்பட்டும் A நிலைக்குத்	.B கிடைம தாக மே	பாக இரு மலே சுவர்	க்குமாறு ரில் C	B ல் க இல் கட்	கட்டப்பட்ட டப்பட்டும்	இழை நாப்பத்
ஒப்பமாகப் மறுமுனை	பிணைக்க A இற்கு	ப்பட்டும் A நிலைக்குத்	.B கிடைம தாக மே	பாக இரு மலே சுவர்	க்குமாறு ரில் C	B ல் க இல் கட்	கட்டப்பட்ட டப்பட்டும்	இழை நாப்பத்
ஒப்பமாகப் மறுமுனை	பிணைக்க A இற்கு	ப்பட்டும் A நிலைக்குத்	.B கிடைம தாக மே	பாக இரு மலே சுவர்	க்குமாறு ரில் C	B ல் க இல் கட்	கட்டப்பட்ட டப்பட்டும்	இழை நாப்பத்

காட்டுக.							
						•••••	
							•••••
	•••••						
	••••••		••••••	•••••		•••••	••••••
•••••	••••••••••			••••••		•••••	••••••
	•••••••••••			••••••		••••••	•
•••••	•••••••••••			••••••	••••••	•••••	••••••
a நீளமுள்ள நிலைப்படுத்த அமையுமாறு	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள		ஓட்டினுள்	பூரையுள்ள கோளத்தின் 5 குணகம்	அதிதா	ழ் புள்ளி
நிலைப்படுத்து	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள	கரடான ஒ	ஓட்டினுள்	கோளத்தின்	அதிதா	ழ் புள்ளி
நிலைப்படுத்து அமையுமாறு	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள	கரடான ஒ	ஓட்டினுள்	கோளத்தின்	அதிதா	ழ் புள்ளி
நிலைப்படுத்து அமையுமாறு	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள	கரடான ஒ	ஓட்டினுள்	கோளத்தின்	அதிதா	ழ் புள்ளி
நிலைப்படுத்து அமையுமாறு	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள் சமநிலைய	கரடான ஒ பிலுள்ளது.	ஓட்டினுள் உராய்வுச்	கோளத்தின் தணகம்	அதிதா √15 —	ழ் புள்ளி 2√3 எ
நிலைப்படுத்து அமையுமாறு காட்டுக.	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள் சமநிலைய	கரடான ஏ பிலுள்ளது.	ஓட்டினுள் உராய்வு க்	கோளத்தின் 5 குணகம்	அதிதா √15 —	ழ் புள்ளி 2√3 எ
நிலைப்படுத்து அமையுமாறு காட்டுக.	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள் சமநிலைய	கரடான ஒ ிலுள்ளது.	ஓட்டினுள் உராய்வுச்	கோளத்தின் தணகம்	அதிதா √15 —	ழ் புள்ளி 2√3 6
நிலைப்படுத்து அமையுமாறு காட்டுக.	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள் சமநிலைய	கரடான ஒ ிலுள்ளது.	ஓட்டினுள் உராய்வுச்	கோளத்தின் தணகம்	அதிதா √15 —	ழ் புள்ளி 2√3 6
நிலைப்படுத்து அமையுமாறு காட்டுக.	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள் சமநிலைய	கரடான ஒ ிலுள்ளது.	ஓட்டினுள் உராய்வுச்	கோளத்தின் தணகம்	அதிதா √15 —	ழ் புள்ளி 2√3 6
நிலைப்படுத்து அமையுமாறு காட்டுக.	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள் சமநிலைய	கரடான ஒ ிலுள்ளது.	ஓட்டினுள் உராய்வுச்	கோளத்தின் தணகம்	அதிதா √15 —	ழ் புள்ளி 2√3 6
நிலைப்படுத்து அமையுமாறு காட்டுக.	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள் சமநிலைய	கரடான ஒ ிலுள்ளது.	ஓட்டினுள் உராய்வுச்	கோளத்தின் தணகம்	அதிதா √15 —	ழ் புள்ளி 2√3 6
நிலைப்படுத்து அமையுமாறு காட்டுக.	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள் சமநிலைய	கரடான ஒ ிலுள்ளது.	ஓட்டினுள் உராய்வுச்	கோளத்தின் தணகம்	அதிதா √15 —	ழ் புள்ளி 2√3 6
நிலைப்படுத்து அமையுமாறு காட்டுக.	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள் சமநிலைய	கரடான ஒ ிலுள்ளது.	ஓட்டினுள் உராய்வுச்	கோளத்தின் தணகம்	அதிதா √15 —	ழ் புள்ளி 2√3 6
நிலைப்படுத்து அமையுமாறு காட்டுக.	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள் சமநிலைப	கரடான ஏ	ஓட்டினுள் உராய்வுச்	கோளத்தின் 5 குணகம்	அதிதா √15 —	ழ் புள்ளி 2√3 எ
நிலைப்படுத்து	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள் சமநிலைப	கரடான ஏ	ஓட்டினுள் உராய்வுச்	கோளத்தின் 5 குணகம்	அதிதா √15 —	ழ் புள்ளி 2√3 எ
நிலைப்படுத்து	ப்பட்ட அ6	ரைக்கோள் சமநிலைப்	கரடான எ	ஓட்டினுள் உராய்வுச்	கோளத்தின் 5 குணகம்	அதிதா √15 —	ழ் புள்ளி 2√3 எ

•••••				•••••
	•••••	•••••	•••••	
				••••••
				••••••
				••••••
 			•••••	
> y > z > 7	5, 7, 9 எனும் ஆறு நேர்நின > y > z > 7 ஆகும். x, y, z	5, 7, 9 எனும் ஆறு நேர்நிறையெண்களின் > y > z > 7 ஆகும். x, y, z இன் சாத்தியம	5, 7, 9 எனும் ஆறு நேர்நிறையெண்களின் இடை, இடைய > y > z > 7 ஆகும். x, y, z இன் சாத்தியமான பெறுமான	5, 7, 9 எனும் ஆறு நேர்நிறையெண்களின் இடை, இடையம், ஆகாரம் ச > y > z > 7 ஆகும். x, y, z இன் சாத்தியமான பெறுமானங்களைக் கான



வடமாகாணக்கல்வித் திணைக்களத்துடன் இணைந்து தொண்டைமானாறு வெளிக்கள நிலையம் நடாத்தும்

Field Work Centre தவணைப் பரீட்சை, யூன் - 2019

Term Examination, June - 2019

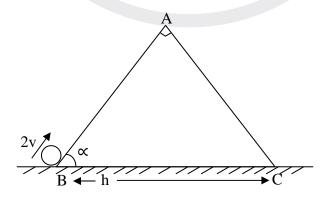
தரம் :- 13 (2019)

இணைந்த கணிதம் $extstyle
olimits_{-II} B$

பகுதி – B

- 11) (a) கிடைத்தரையில் உள்ள ஒருபுள்ளி O இலிருந்து நிலைக்குத்தாக மேல்நோக்கி புவியீர்ப்பின் கீழ் 2u வேகத்துடன் ஒருதுணிக்கை A எறியப்படும் கணத்தில் இன்னோர் துணிக்கை B ஆனது O இற்கு நேர் மேலே h உயரத்தில் உள்ள ஒருகோபுரத்தின் உச்சியில் இருந்து மேல்நோக்கிய u வேகத்துடன் எறியப்படுகின்றது.
 - (i) இரு துணிக்கைகளின் கிடைத்தரை வரையான இயக்கங்களுக்கான வேகநேர வரைபுகளை ஒரேவரிப்படத்தில் வரைக.
 - (ii) வரைபில் இருந்து இரு துணிக்கைகளும் தமது அதிஉயர் உயரத்தை அடைவதற்கு எடுக்கும் நேரங்கள் ஒருபோதும் சமனாகாது என்பதை காரணத்துடன் விளக்குக.
 - (iii) தரையில் இருந்து இரு துணிக்கைகளுக்குமான அதிஉயர் உயரங்கள் சமன் எனில் u ஐ h சார்பில் தருக.
 - (iv) துணிக்கை B தரையை அ<mark>டிக்கும் வேகத்தை</mark>க் காண்க.
 - (b) ஒரு விமான நிலையம் X இல் இருந்து காற்று சார்பாக சீரான கதி v உடைய A, B என்னும் இரு விமானங்கள் சீரான கதிகளுடன் முறையே மேற்கு, வடக்கு நோக்கி உள்ள நிலையங்களுக்குப் பயணிக்கின்றன. காற்றானது வடகிழக்கு திசையில் இருந்து u வேகத்துடன் வீசுகின்றது.
 - (i) A, B இன் இயக்கங்களுக்கான வேகமுக்கோணிகளை ஒருவரிப்படத்தில் வரைக
 - (ii) வரைபில் இருந்து
 - i. V_{AE} , V_{BE} என்பவற்றைக் காண்க.
 - V_{AB} ஐக் காண்க.
 - iii. *B* சார்பாக A இயங்கும் திசையைக் காண்க.

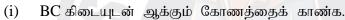
12) (a)



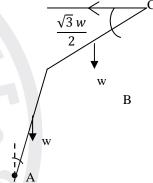
ABC ஆனது $B\hat{A}C = \frac{\pi}{2}$, $A\hat{B}C = \infty$, BC = h ஆக உள்ள M திணிவுள்ள ஓர் ஆப்பின் திணிவு மையத்தின் ஊடான குறுக்குவெட்டாகும். முகம் BC ஆனது ஓர் ஒப்பமான நீளமான கிடை மேசை மீது படத்தில் காட்டப்பட்டவாறு வைக்கப்பட்டு B இல் இருந்து

- BA வழியே m திணிவுடைய துணிக்கை P ஆனது ஆப்பின் உச்சி A ஐ மட்டுமட்டாக அடையுமாறு 2v வேகத்துடன் எறியப்படுகின்றது. துணிக்கை ஆப்பின் உச்சியை மட்டுமட்டாக அடையும் கணத்தில் ஆப்பானது h தூரம் இயங்கி v என்னும் வேகத்தைபெற்று இருப்பின் துணிக்கை ஆப்பின் மீது உள்ளபோது
- (i) ஆப்பின் ஆர்முடுகல் துணிக்கையின் ஆப்பு சார்பான ஆர்முடுகல் என்பன முறையே $F,\,f$ எனில் $F=rac{f\coslpha}{4}$ எனக் காட்டுக.
- (ii) ஆப்பு, துணிக்கையின் ஆர்முடுகல்களை துணிவதற்கு பொருத்தமான சமன்பாட்டை பெற்று ஆப்பு, துணிக்கையின் ஆப்பு சார்பான ஆர்முடுகல்களைப் பெறுக.
- (iii) M=3 m எனக் காட்டி $V^2=\frac{2gh\,\tan\alpha}{3+4\,\tan^2\alpha}$ எனக் காட்டுக.
- (b) நிலைப்படுத்தப்பட்ட a ஆரையுடைய ஓர் ஒப்பமான பொட்கோளம் ஒன்றின் வெளிமேற்பரப்பின் உச்சியில் m திணிவுடைய துணிக்கை P வைக்கப்பட்டு மெதுவாக விடப்படுகின்றது. அதேகணத்தில் கோளத்தின் உள்மேற்பரப்பின் அதிதாழ் புள்ளியில் இருந்து கிடையாகu வேகத்துடன் அதேதிணிவுள்ள துணிக்கைQ எறியப்படுகின்றது. இரு துணிக்கைகளும் ஒரேபுள்ளியில் கோளமேற்பரப்பை விட்டு நீங்கின் $u=2\sqrt{ag}$ எனக் காட்டுக. துணிக்கைP விலகும்போது கோணவேகம் யாது?
- 13) இயற்கை நீளம் a ஆகவுள்ள ஓர் இலேசான மீள் தன்மையுள்ள சுருள் வில் ஒன்றின் ஒரு முனை உயரமான நிலைத்த புள்ளி O இந்கு இணைக்கப்பட்டு மறுமுனையில் 2m திணிவுள்ள துணிக்கை இணைக்கப்பட்டு சமநிலையில் தொங்கும் போது O இந்கு கீழே 2a தூரத்தில் உள்ளது. சுருள் வில்லின் மீள்தன்மை மட்டு 2 mg எனக் காட்டுக. சமநிலையில் உள்ள போது துணிக்கை ஆனது O இற்கு கீழே 4a ஆழத்திற்கு மட்டுமட்டாக செல்லக்கூடியவாறு துணிக்கைக்கு நிலைக்குத்தாக கீழ்நோக்கி ஓர் கணத்தாக்கு I கொடுக்கப்படுகிறது.
 - i. சக்திக் காப்புகோட்பாட்டைப் பயன்படுத்தி கணத்தாக்குக்கு சற்றுப் பின் துணிக்கையின் வேகத்தைக் காண்க.
 - ii. கணத்தாக்கு I ஐ காண்க.
 - iii. துணிக்கையின் இயக்கச் சமன்பாடு $\ddot{x} = \frac{-g}{a} (x 2a)$ என்னும் சமன்பாட்டை திருப்தி ஆக்குகின்றது எனக் காட்டுக. இங்கு x ஆனது O இல் இருந்து துணிக்கையில் ஆழம் ஆகும்.
 - iv. y = x 2a எனப் பிரதியிடுவதன் மூலம் துணிக்கையின் இயக்கச் சமன்பாடு $\ddot{y} = \frac{-g}{a} y$ என்னும் எ.இ. இயக்கச் சமன்பாட்டை திருப்தி செய்கிறது எனக் காட்டுக.
 - v. ivஇல் சமன்பாட்டின் தீர்வு $y = A\cos wt + B\sin wt$ எனில் A, B, W ஐ காண்க.
 - vi. எளிமை இசை இயக்கத்தின் அலைவு மையம், வீச்சம் என்பவற்றைக் காண்க.
 - vii. துணிக்கை அதன் அதிதாழ் புள்ளியில் உள்ள போது m திணிவுடைய வேநோர் துணிக்கை 2m திணிவுடன் மெதுவாக ஒட்டிக்கொள்கிறது எனில் தொடரும் இயக்கத்தில் துணிக்கைக்கும் O இற்கும் இடையிலான மிகக் குறுகிய தூரம் OC எனின் OC ஐ காண்க.
- 14) (a) O என்ற புள்ளி குறித்து A, B என்ற புள்ளிகளின் தானக் காவிகள் \underline{a} , \underline{b} ஆகும்.
 3 $\overline{AB} = 2 \,\overline{AC}$ ஆகுமாறு C என்ற புள்ளி உள்ளது. $\overline{OD} = \underline{a} + \underline{b}$ ஆகுமாறு D அமைந்துள்ளது. BD இல் BM: MD = 2:1 ஆகுமாறு M உள்ளது. நீட்டப்பட்ட CM, AD ஐ N இல் சந்திக்கிறது.
 - i. \overrightarrow{OC} , \overrightarrow{BD} , \overrightarrow{AD} என்பவற்றை \underline{a} , \underline{b} சார்பாகக் காண்க.
 - ii. $AN=\lambda\,ND$ எனக் கொண்டு \overrightarrow{ON} ஐ λ,α , b சார்பாக காண்க.

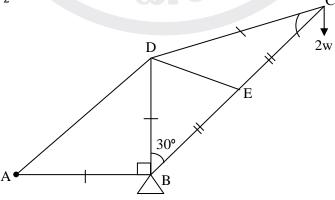
- iii. $\overrightarrow{CM},\overrightarrow{CN}$ என்பவற்றை λ,\underline{a} , \underline{b} சார்பாக காண்க.
- iv. iii இலிருந்து λ ஐக் கண்டு N,AD ஐப் பிரிக்கும் விகிதத்தைக் காண்க.
- (b) i,j என்பன முறையே OX, OY அச்சுக்களின் வழியே ஆன அலகுக் காவிகள் ஆகும். விசைகள் $\underline{F_1} = 3\underline{i} + 4\underline{j}$, $\underline{F_2} = -2\underline{i} + 2\underline{j}$, $\underline{F_3} = 3\underline{i} + 6\underline{j}$, $\underline{F_4} = 2\underline{i} 4\underline{j}$ என்பன முறையே $\underline{r_1} = 3\underline{i} + 2\underline{j}$, $\underline{r_2} = -2\underline{i} + 3\underline{j}$, $\underline{r_3} = -2\underline{i} 2\underline{j}$, $\underline{r_4} = 2\underline{i} 3\underline{j}$ என்பவற்றை தானக் காவிகளாகக் கொண்ட புள்ளிகளில் தாக்குகின்றன.
 - (i) விசைத் தொகுதியின் விளையுளைக் காண்க.
 - (ii) O பற்றி விசைத்தொகுதியின் திருப்பத்தைக் கண்டு, அதில் இருந்து விளையுளின் தாக்கக் கோட்டின் சமன்பாட்டைப் பெறுக.
 - (iii) விசைத் தொகுதிக்கு மேலதிகமாக (2, 3) என்னும் புள்ளியில் தாக்கும் புதிய விசையினால் விளையுள் ஆனது15~N ஆல் அதிகரிப்பின் விளையுளின் திசைநேர் X அச்சுடன் $tan^{-1}\left(\frac{24}{7}\right)$ என்னும் திசையில் இருப்பின் புதிதாக சேர்க்கப்பட்ட விசையையும் விளையுளின் தாக்கக்கோட்டின் சமன்பாட்டையும் காண்க.
- 15) (a) m W நிறையுடைய இரு சமனான சீரான கோல்கள் m AB, m BC என்பன m B இல் ஒப்பமாக மூட்டப்பட்டுபடத்தில் காட்டப்பட்டவாறு m A இல் பிணைக்கப்பட்டு m C இல் தாக்கும் கிடைவிசை $m \frac{\sqrt{3}\,\it w}{\it 2}$ இனால் சமநிலையில் பேணப்படுகின்றது.



- (ii) AB மேல் முகநிலைக்குத்துட<mark>ன்</mark> ஆக்கும் கோணத்தைக் காண்க.
- (iii) மூட்டு B இல் உள்ள மறுதாக்கத்தின் பருமனைக் காண்க.



(b) A, B, C, D, E ஆகியவற்றில் சுயாதீனமாக மூட்டப்பட்ட இலேசான 7 கோல்களால் ஆனசட்டப்படல் உருவில் காட்டப்பட்டுள்ளது. அது A இல் சுயாதீனமாக பிணைக்கப்பட்டும் C யில் தொங்கவிடப்பட்ட 2w நிறையினாலும் B யில் உள்ள தூங்கியினாலும் AB கிடையாக இருக்க சமநிலையில் உள்ளது. இங்கு AB = BD = DC, $A\hat{B}D = \frac{\pi}{2}$, E ஆனது BC யின் நடுப்புள்ளி.



- (i) A இலுள்ள மறுதாக்கத்தின் திசையைக் கூறுக.
- (ii) போவின் குறிப்பீட்டைப் பயன்படுத்தி C, E, D, B ஆகிய மூட்டுக்களுக்கு தகைப்பு வரிப்படம் வரைக.
- (iii) தகைப்பு வரிப்படத்தில் இருந்து கோல்களில் உள்ள தகைப்புக்களை கண்டு அவை இழுவையா உதைப்பா என வேறுபடுத்திக் காட்டுக.

- (iv) பிணையல் A யில் மறுதாக்கத்தையும், B இல் தாங்கியால் ஏற்படுத்தப்படும் மறுதாக்கத்தையும் காண்க.
- a ஆரையும் அலகு நீளதிணிவு m உம் கொண்டமையம் O வில் $a \propto C$ கோணம் எதிரமைக்கும் சீரான வட்ட வில்வடிவ $a \propto C$ என்னும் மெல்லிய கம்பியின் திணிவுமையம் O வில் இருந்து $\frac{a \sin \alpha}{\alpha}$ என்ற தூரத்தில் உள்ளதெனக் காட்டுக.

AB என்னும் கம்பியுடன் OA, OB என்னும் அலகு நீளதிணிவு M கொண்ட இரு கம்பிகள் பொருத்தப்பட்டு ஓர் உடல் உருவாக்கப்படுகிறது. இவ்வுடலின் திணிவுமையம் O வில் இருந்து $\frac{a(3m\sin x + M\cos x)}{2(M+xm)}$ எனக் காட்டுக. / உடலின் திணிவுமையம் OAB இனுள் அமையின் $x=\frac{\pi}{4}$ எனத் தரப்படின் இவ்வுடல் B யில் இருந்துகட்டித் தொங்கவிடப்படின் BA ஆனது கீழ்முக நிலைக்குத்துடன் $x=\frac{\pi}{4}$ கொணம் அமைப்பின் $x=\frac{\pi}{4}$ எனக் காட்டுக.

இதிலிருந்து $2\ M=m$ எனின் $an heta=rac{\pi-3}{\pi+2}$ எனக் காட்டுக.

17) (a) A, B, C என்ற முன்று உதைகளில் முறையே பின்வருமாறு நிறமாபிள்கள் உள்ளன.

உறை	கறுப்பு	வெள்ளை	சிவப்பு
A	1	2	3
В	2	4	1
C	4	5	3

முதலில் ஒருஉறை தெரியப்பட்டு அதிலிருந்து இரு மாபிள்கள் எழுமாறாக எடுக்கப்படுகின்றது.

- i. எடுக்கப்பட்ட மாபிள் ஒன்று சிவப்பாகவும் ஒன்று கறுப்பாகவும் இருக்கும் நிகழ்தகவு யாது?
- ii. எடுக்கப்பட்ட மாபிள் ஒன்று சிவப்பு ஒன்று கறுப்பு எனத்தரப்படின் அவை Aயில் இருந்து வந்திருப்பதற்கான நிகழ்தகவு யாது?
- (b) நாளாந்த செலவீட்டிற்கு அமைய குறித்த எண்ணிக்கையான குடும்பங்களின் செலவுப் பரம்பலைப் பின்வரும் அட்டவணை காட்டுகிறது. இப் பரம்பலுக்கான இடையம், ஆகாரம் என்பன முறையே ரூ 250,ரூ 260 ஆகும்.

செலவீடு	0 - 100	100 - 200	200 - 300	300 - 400	400 - 500
குடும்பங்களின்	15	a	27	b	14
எண்ணிக்கை (f)					

- (i) a, b இன் பெறுமானங்களைக் கணிக்குக.
- $d=rac{x-250}{100}$ என்னும் உரு மாந்நத்தைப் பயன்படுத்தி இடை, நியம விலகலைக் காண்க. (இங்கு x ஆனது வகுப்பாயிடையின் நடுப்பெறுமானமாகும்).
- (iii) ஆகாரத்தைப் பயன்படுத்தாமல் ஓராயக் குணகத்தை கண்டுபரம்பலின் வடிவத்தை உய்த்தறிக.



ூலங்கையின் உயர்தர கணித விஞ்ஞான

பிரிவிற்கான இணையதளம்

SCIENCE EAGLE www.scienceeagle.com

- Biology
- C.Maths
- Physics
- Chemistry
 - + more

