

தேசிய வெளிக்கள நிலையம் தொண்டைமானாறு முதலாம் தவணைப் பரீட்சை - 2023 National Field Work Centre, Thondaimanaru. 1st Term Examination - 2023

இணைந்த	கணிகம்	– B
رورو. ۵۵۰ ۵۵۰ روی		_

Combined mathematics - B

Gr -12 (2024)	[10]	$\left[\left[\begin{array}{c} \mathbf{T} \end{array} \right] \right]$	$\ \mathbf{B} \ $
---------------	--------	---	--------------------

- **11.** (a) 0 < k < 3 எனவும் $f(x) = (3 k)x^2 kx + 1$ எனவும் கொள்வோம்.
 - (i) சமன்பாடு f(x) = 0 இன் பிரித்துக்காட்டியை k சார்பில் எழுதி, **இதிலிருந்து,** சமன்பாடு f(x) = 0 இந்கு மெய்ம் மூலங்கள் இருப்பதற்கான k இன் பெறுமானங்களின் வீச்சைக் காண்க.
 - (ii) சமன்பாடு f(x)=0 இன் மூலங்கள் α , β எனக் கொள்வோம். $\alpha+\beta$, $\alpha\beta$ ஆகியவற்றை k சார்பில் எழுதி, **இதிலிருந்து**, α , β ஆகிய இரண்டும் மெய்யானதெனின் அவை நேரானதாக இருக்கும் எனக் காட்டுக.

 $lpha+2,\ eta+2$ ஆகியவற்றை மூலங்களாகக் கொண்ட இருபடிச்சமன்பாடு $(3-k)x^2-3(4-k)x+13-2k=0$ எனக் காட்டுக.

(b) $t=x+\frac{1}{x}$ என்னும் பிரதியீட்டைப் பயன்படுத்தி சமன்பாடு $6x^4+5x^3-38x^2+5x+6=0$ ஐ வடிவம் $6t^2+5t-50=0$ இல் எடுத்துரைக்க.

இதிலிருந்து, சமன்பாடு $6x^4 + 5x^3 - 38x^2 + 5x + 6 = 0$ ஐத் தீர்க்க.

12. (a) $f(x) = 2x^2 + 8x + 13$ எனக் கொள்வோம். f(x) ஐ வடிவம் $a(x+b)^2 + c$ இல் எடுத்துரைக்க; இங்கு a,b,c என்பன துணியப்பட வேண்டிய மாறிலிகள்.

இதிலிருந்து, f(x) இன் இழிவுப் பெறுமானத்தைக் காண்க. $\frac{2}{1+f(x)}$ இன் உயர்வுப் பெறுமானம் $\frac{1}{3}$ என்பதை **உய்த்தறிக.**

(b) $g(x) = 3x^3 + px^2 + qx + 7$ எனக் கொள்வோம்; இங்கு p,q என்பன மெய்ம் மாறிலிகள். g(x) ஆனது x+1 இனால் வகுக்கப்படும்போது மீதி -9 எனவும் g(x) ஆனது $x^2 - 3x + 2$ இனால் வகுக்கப்படும்போது மீதி 2x+r எனவும் தரப்பட்டுள்ளன; இங்கு r ஒரு மெய்மாறிலி. $p=-8,\ q=5,\ r=5$ எனக் காட்டுக.

 $p,\ q,\ r$ ஆகியவற்றிற்கான இப்பெறுமானங்களுடன் g(x) ஐ x^2+2 இனால் வகுக்க வரும் ஈவையும் மீதியையும் காண்க.

இதிலிருந்து, g(-2x) ஐ $2x^2+1$ இனால் வகுக்க வரும் ஈவையும் மீதியையும் காண்க.

- $\sin(A+B)$, $\cos(A+B)$ ஆகியவற்றை $\sin A$, $\cos A$, $\sin B$, $\cos B$ ஆகியவற்றின் சார்பில் எழுதுக.
 - (i) $\sin(A-B)=\sin A\cos B-\cos A\sin B$ எனவும் $\cos(A-B)=\cos A\cos B+\sin A\sin B$ எனவும் காட்டுக.

$$\sin 15^0 = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$$
 என்பதையும் $\cos 15^0 = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$ என்பதையும் உய்த்தறிக.

(ii) $\sin 2A = 2 \sin A \cos A$ எனவும் $\cos 2A = 1 - 2 \sin^2 A$ எனவும் காட்டுக.

$$\frac{1-\cos 2A}{\sin 2A}=\tan A$$
 என்பதை உய்த்தநிக.

மேலே உள்ள முடிவுகளில் பொருத்தமானவற்றைப் பயன்படுத்தி, $\tan 7\frac{1}{2}^0 = \sqrt{6} - \sqrt{3} + \sqrt{2} - 2$ எனக் காட்டுக.

14. (a) பின்வரும் சர்வசமன்பாடுகளை நிறுவுக.

(i)
$$\cot^4 \theta + \cot^2 \theta = \csc^4 \theta - \csc^2 \theta$$

- (b) (i) சமன்பாடு $\sin x + \sin 7x = \sin 4x$ ஐத் தீர்க்க.
 - (ii) $3\sin 8\alpha 4\sin^3 8\alpha = \sin 3\alpha$ எனின் $\cos 3\alpha \cos 6\alpha \cos 12\alpha = \frac{1}{8}$ எனக் காட்டுக; இங்கு $\alpha \in \mathbb{R}$.
 - (iii) $\sin x = k \sin(A x)$ எனின் $\tan\left(x \frac{A}{2}\right) = \left(\frac{k-1}{k+1}\right) \tan\frac{A}{2}$ எனக் காட்டுக.

இதிலிருந்து, $0 < x < \pi$ எனவும் $\sin x = 2 \sin \left(\frac{2\pi}{3} - x\right)$ எனவும் தரப்படின் $x = \frac{\pi}{2}$ எனக் காட்டுக.

15. a) \underline{x} , \underline{y} என்பன சமாந்தரமற்ற சூனியமற்ற காவிகளாக α , $\beta \in R$ ஆக α $\underline{x} + \beta$ $\underline{y} = \underline{0}$ எனில் $\alpha = \beta = 0$ எனக் காட்டுக.

உந்பத்தி O குறித்து A , B ஆகிய புள்ளிகளின் தானக்காவிகள் முறையே $6\,\underline{i}$, \underline{i} + $\sqrt{3}\,\underline{j}$ ஆகும்.

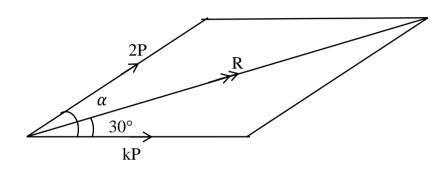
புள்ளி \mathcal{C} ஆனது OACB ஆனது சரிவகம் ஆக அமையுமாறு ஒரு புள்ளி.

இங்கு OA//BC , $BC=\frac{1}{3}OA$ ஆகும். D ஆனது BC=OD ஆக அமையுமாறு OA இன் மீது ஒருபுள்ளி ஆகும். நீட்டப்பட்ட BD , AC என்பன E இல் சந்திக்கின்றன. $DE=\mu BD$, $AE=\pi AC$ ஆகும்.

- i. \overrightarrow{OD} \overrightarrow{BC} , ஆகியவற்றைக் காண்க.
- ii. \overrightarrow{OC} ஐ காண்க.
- iii. $\overrightarrow{DB}, \overrightarrow{AC}$ ஆகியவற்றை $\mu, \pi, \underline{i}, \ \underline{j}$ சார்பில் காண்க.
- iv. \overrightarrow{DE} , \overrightarrow{AE} ஆகியவற்றை \underline{i} , \underline{j} சார்பில் காண்க.

- v. பொருத்தமான காவிக் கூட்டலைப் பயன்படுத்தி μ , π ஐக் காண்க.
- vi. DC:CE, AB:BE என்பவற்றைக் காண்க.
- b) இரு காவிகளுக்கு இடையான குற்றுப் பெருக்கத்தை வரையறுக்க.

 முக்கோணி ABC யில் A, B என்பவற்றில் இருந்து அடிகளுக்கு வரையும் செங்குத்துக்கள் H
 இல் சந்திக்கின்றன. H குறித்து A,B,C என்பவற்றை தானக்காவிகள் முறையே <u>a</u>, <u>b</u>, <u>c</u>
 ஆகும். குற்றுப் பெருக்கத்தை பயன்படுத்துவதன் மூலம் *CH* செங்குத்து *AB* எனக் காட்டுக.
- 16. a) ഖിசை இணைகர விதியை கூறுக.



படத்தில் காட்டியவாறு புள்ளி O இல் α கோணத்தில் தாக்கும் kP,2P ஆகியவற்றின் விளையுள் R ஆனது விசை kP உடன் 30° கோணத்தை அமைக்கின்றது.

- i) K=4 ஆகம் போது R,α ஐ காண்க.
- ii) $K=2\sqrt{3}$ ஆகும் போது R, α ஐ காண்க.
- K=6 எனில் விளையுள் ஆனாது ஒரு போதும் KP உடன் 30° இல் ஆமையாது எனக் காட்டுக.
- b) ABCDEF ஓர் ஒழுங்கான அறுகோணி $\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{AC}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{EA}, \overrightarrow{FA}$ வழியே முறையே $10N, 8\sqrt{3}N, \ 12\ N, 3\sqrt{3}N, 4N$ விசைகள் தாக்குகின்றன. விளையுளின் பருமனையும் விளையுள் AB உடன் அமைக்கும் கோணத்தையும் காண்க.
- 17. a) லாமியின் தேற்றத்தை கூறுக.

இலேசான நீளா இழையின் நிறைஉடைய ஒரு துணிக்கை நுனிக்கு ஒரு இணைக்கப்பட்டு துணிக்கை மீது பிரயோகிக்கப்படும் $rac{\sqrt{3}}{2}W$ விசையினால் இழையானது விசைக்கு செங்குத்தாக இருக்குமாறு சமனிலையில் உள்ளது. இலாமியின் தேற்றத்தை பயன்படுத்தி இழையில் இழுவையையும், இழைநிலைக்கு<u>த்து</u>டன் உள்ள ஆக்கும் கோணத்தையும் காண்க.

- b) ஒரு புள்ளியில் தாக்கும் மூன்று விசைகளின் சமனிலைக்கான விசை முக்கோணத் தேற்றத்தைக் கூறுக.
 - 2W நிறையுடைய ஒரு துணிக்கை 8cm நீள இலேசான நீளா இழையின் நுனிக்கு இணைக்கப்பட்டு F என்ற கிடை விசையினால் இழுக்கப்பட்டு நிலைத்தபுள்ளியிலிருந்து 4cm ஆழத்தில் நிலைக்குத்து தளத்தில் சமனிலையில் பேணப்படுகின்றது. விசை முக்கோணியை வரைவதன் மூலம் இழையிலுள்ள இழுவையையும் F ஐயும் காண்க.
- c) ABCD ஓர் சதுரம். புள்ளி A இல் \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{CA} , \overrightarrow{AD} , திசைகளில் முறையே 8, $P\sqrt{2}$, Q, நியூட்டன் விசைகள் தாக்கி நான்கு விசைகளும் சமனிலையில் உள்ளன. P, Q இன் பெறுமானங்களைக் காண்க.