

ூலங்கையின் உயர்தர கணித விஞ்ஞான

பிரிவிற்கான இணையதளம்

SCIENCE EAGLE www.scienceeagle.com



- ✓ C.Maths
- Physics
- Chemistry

+ more





வடமாகாணக் கல்வித் திணைக்களத்துடன் இணைந்து தொண்டைமானாறு வெளிக்கள நிலையம் நடாத்தும் மூன்றாம் தவணைப் பரீட்சை - 2020

Conducted by Field Work Centre, Thondaimanaru
In Collaboration with Provincial Department of Education
Northern Province

Third Term Examination - 2020

தரம் :- 12 (2021)

சுணந்த கணிதம் – A

முன்று மணித்தியாகம் 10 நிமிடம்

CONTRACTOR OF STREET		1 7				
சுட்டெண்						
1. 11. 11. 11. 11.	1.7.7	Y	7. = 4.	£ *	1.7	

அறிவுறுத்தல்கள்:

- பகுதி A இன் எல்லாவினாக்களுக்கும் விடைஎழுதுக. ஒவ்வொரு வினாவுக்கும் விடைகளைத் தரப்பட்ட இடத்தில் எழுதுக. மேலதிக இடம் தேவைப்படுமெனின், நீர் மேலதிகத் தாள்களைப் பயன்படுத்தலாம்.
- பகுதி B இல் உள்ள 7 விணாக்களில் விரும்பிய 5 விணாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக.
- ஒதுக்கப்பட்ட நேரம் முடிவடைந்ததும் பகுதி A ஆனது பகுதி B யிற்கு மேலே இருக்கக் கூடியதாக இரு பகுதிகளையும் இணைத்துப் பரீட்சை மண்டப மேற்பார்வையாளரிடம் கையளிக்க
- வினாத்தாளின் பகுதி B யை மாத்திரம் பரீட்சை மண்டபத்திலிருந்து வெளியே எடுத்துச் செல்வதற்கு அனுமதிக்கப்படும்.

INTERNATION.	இணைந்த க	Man San Manager
பகுதி	धीला जलां	கிடைத்த புள்ளிகள்
	. 1.	
[_2	
,	3	
-	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
	. , , 5	
A	6	
14,1,4,1	7	
	. 8	
	9	
	10	
	11	
l	12	
-	13	
В	. 14	
	15	
11	16	
	17	1. 1
வினாத்தாவ	r I இன் மொத்து	ь

இணைந்த கணிதம் I	
இணைந்த கணிதம் II	
இறுதிப் புள்ளிகள்	

	f (x) = x* - 2ax - 2bx + a* + b* என்னும் இருபடிச் சார்பின் இழிவுப்புள்ளி (3,-4) எளின் a, b இன் பெறுமானங்களைக் காண்க

2)	$y = 4x - x^2$, $y = x $ ஆகியவற்றின் வரைபுகளை ஒரே வரிப்படத்தில் பரும்படியாக வரைக.
	த்தில் (ந <u>ந்தி</u> சமனில்) $x(4-x)\geq x $ இத் த (5005) ப்படுத்தும் x இன் மெய்ப்பெறுமானங்களைக்
	இதிலிருந்து சமனிலி $x(4-x) \ge x $ ஐத் திருப்திப்படுத்தும் x இன் மெய்ப்பெறுமானங்களைக் கணிக்க.

3)	x (x+1)(x+2)	g gů	பகுத்	ပြပ်ပါ၏အ	ாங்களா	க்குக.	இதில்	ருந்து	(x+1)	(2x+1)	ജப்	பகுதி	ப்பின்	ரங்கள	ாக்குக	i.
		•••••	•••••	•••••				••••								
	•••••	•••••	•••••						•••••		••••					<i>.</i>
				•••••		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		•••••	••••							••••
		•••••				,										••••
				•••••												
			•••••	•••••						•••••	<u></u>			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	
	•••••		•••••		•••••											
							•••••					· · · · · · · ·			•••••	
	•••••						•••••		,	,						
	•••••		·····													
			•••••							77				•••••		
		•••••														
	•••••		•••••						•••••	•••••	•••••	·				••••
4)	$\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \frac{1-\sin x}{(2x-\pi)^2}$	1x r)2 &	தப் கெ	பறுமான	ங்க ணி க்	56 ./	s to the									
	••••						·,··.	······								
		••••••					.,,,,,,.		.,,;,,:.	e						
		••••••				•••••					•	,				
	•••••••	45	••••	••••••			•••••	••••••							,	
	••••••	• • • • • •	•••••				••••••	······				•	••••••			
		•••••	•••••			•••••				•••••	•••••		••••••			
		•••••	•••••	••••••	••••••	•••••	•••••				•••••		••••••			
		ξ {·····			••••••		•••••	••••••	•••••	••••••		•••••				
			••••••			•••••		•••••	•••••	••••••	•••••	•••••		••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	
					••••••	•••••	•••••	••••••	•••••	•••••		••••••	•••••			
						••••••	••••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••			
							········	••••••		••••••	•••••	•••••	•••••		••••••	
		•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •							••••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	••••••	••••••	••••••	
		•••••					••••••		······	••••••	•••••	•••••	••••••			
								•••••	• • • • • • • • •	······	•••••		••••••	••••••	••••••	٠, ١
		::													••••••	
												,	••••••	•••••	•••••	. A

tar	$n^{-1}\left(\frac{1}{2x-1}\right) + tan^{-1}\left(\frac{1}{2x+1}\right) = tan^{-1}2$ satisfies such unitally field.

,	
•••	**************************************
•••	
•••	
•••	
• • •	
•••	•
•	
•	
,	
••	
••	······································
••	
••	
	டத்தில் காட்டப்பட்டவாறு ஒரு இலேசான இழை M திணிவுடைய
	அசையும் கம்பி A ஊடாக சென்று m திணிவுள்ள துணிக்கையை
65	ாவுகிறது. இழை இறுக்கமாக ஓய்விலிருந்து விடப்படின் m இன்
4	ஆர்முடுகலைக் காண்க. M = 2m எனின் யாது நிகமும்.
•••	
••	
•••	
	······································
•	
••	
٠.	

7)	A, B என்பவர்கள் முறையே 75 ms ⁻¹ ,60 ms ⁻¹ சீரான வேகங்களுடன் ஒரே திசையில் ஒரே
	நேர்கோட்டில் பயணிக்கின்றனர். ஆரம்பத்தில் இவர்களுக்கிடையாக தூரம் 300 m எனின் A,B
	ஏன்பவர்களின் இயக்கத்திற்கான வேக நேர வரைபுகளை ஒரே படத்தில் வரைந்து A,B யைக்கடக்க
	எடுக்கும் நேரத்தைக்காண்க
1	
8)	$\underline{a} + \underline{b} + \underline{c} = \underline{0}, \underline{a} = 1, \underline{b} = 4, \underline{c} = 2$ எனின் $\underline{a} \cdot \underline{b} + \underline{b} \cdot \underline{c} + \underline{c} \cdot \underline{a}$ இன் பெறுமானத்தைக் காண்க.

ஒரு புள்ளியில் தாக்	கும் P, Q என்	p ഖികട ങ്ങിങ്	விளையுள்	Rayoni. Pi	மாறாது Q	இரட்டிக்க	ပေပရ
விளையுள் 2R ஆகும்	. Pமாறாது Q) புறமாற்று <i>செ</i>	ກມ່ານບັບເຊ ດ່າ ເ	வி ளையுள் 2R.	बक्रीकं $\frac{P}{\sqrt{2}}$ =	$=\frac{Q}{\sqrt{3}}=\frac{R}{\sqrt{3}}$	र = बद्धा र 2
காட்டுக.		· 1 3 1			., .		
		•••••					
				•			
·							
10							
, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,							
முக்கோணி ABC இ	்ன் நிமிர்மைய	ию Н. P, Q, R	என்ற விசைக	ன் முறையே	HA, HB, HC	வழியே	தாக்
சமநிலையிலுள்ளன.	$\frac{P}{a} = \frac{Q}{b} = \frac{R}{c} \epsilon$					* 1	
						•••••	
							• • • • • • •
					•••••		•••••
					•••••		•••••
			,				•••••



வடமாகாணக் கல்வித் திணைக்களத்துடன் இணைந்து தொண்டைமானாறு வெளிக்கள நிலையம் நடாத்தும் மூன்றாம் தவணைப் பரீட்சை - 2020

Conducted by Field Work Centre, Thondaimanaru
In Collaboration with Provincial Department of Education
Northern Province
Third Term Examination - 2020

தரம் :- 12 (2021)

அமைந்த கணிதம் -B

- 11) a) α , β என்பன $x^2-bx+c=0$ இன் மூலங்களாகும். $(\alpha^3+\beta^3)=b^3-3bc$ எனக் காட்டுக. α^3 , β^3 என்பவற்றை மூலங்களாகக் கொண்ட இருபடிச்சமன்பாடு $x^2-(b^3-3bc)x+c^3=0$ எனக்காட்டுக. இதிலிருந்து $(1+\alpha^3)$, $(1+\beta^3)$ என்பவற்றை மூலங்களாகக் கொண்ட இருபடிச்சமன்பாட்டை உய்த்தறிக.
 - b) $f(x) \equiv x^2 + (\lambda + 2)x + 2\lambda$ sieis. $\lambda \in \mathbb{R}$
 - (i) λ இன் எல்லா மெய்ப்பெறுமானங்களுக்கும் f(x)=0 இன் மூலங்கள் மெய்யானவை எனக்காட்டுக.
 - (ii) f(x) = 0 இன் மூலங்களின் வித்தியாசம் 1 ஆக இருப்பின் λ இன் சாத்தியமான பெறுமானங்களைக் காண்க.
 - c) $g(x) \equiv x^3 3x + 5$ என்க. g(x) ஐ $(x^2 3x + 2)$ ஆல் வகுக்கும் போது பெறப்படும் மீதி (4x 1) எனக் காட்டுக. இதிலிருந்து $x^3 7x + 6$ ஐ ஏகபரிமமாணக் காரணிகளின் பெருக்கமாகத் தருக.
- 12) a) $x \neq 0$ இற்கு $f(x) = \frac{3x^2-1}{x^3}$ எனக் கொள்வோம். $x \neq 0$ இற்கு $f'(x) = -\frac{3(x^2-1)}{x^4}$ எனக்காட்டுக. $x \neq 0$ இற்கு $f''(x) = \frac{6(x^2-2)}{x^5}$ எனத்தரப்பட்டுள்ளது. அணுகுகோடுகள், திரும்பற்புள்ளிகள், விபத்திப்புள்ளிகள் ஆகியவற்றைக் காட்டி y = f(x) இன் வரைபைப் பரும்படியாக வரைக.
 - b) மூடியற்ற ஒரு செவ்வட்ட உருளைக் கொள்கலமொன்று 729π m³ கொள்ளவைக் கொண்டிருக்குமாறு உருவாக்கப்பட வேண்டியுள்ளது. கொள்கலத்தின் வெளிமேற்பரப்பளவு இழிவாக இருப்பதற்கு அதன் ஆரையையும் உயரத்தையும் காண்க.
- 13) புள்ளி $P\left(\alpha,\beta\right)$ இலிருந்து நேர்கோடு ax+by+c=0 இற்கு வரையப்படும் செங்குத்தின் நீளம் $\frac{|a\alpha+b\beta+c|}{\sqrt{a^2+b^2}}$ எனக் காட்டுக.

இதிலிருந்து நேர்கோடுகள் $a_1x+b_1y+c_1=0$, $a_2x+b_2y+c_2=0$ என்பன இடைவெட்டும் கோணங்களின் இரு கூறாக்கிகளின் சமன்பாடுகள்.

$$\frac{a_1x + b_1y + c_1}{\sqrt{a_1^2 + b_1^2}} = \pm \frac{a_2x + b_2y + c_2}{\sqrt{a_2^2 + b_2^2}}$$
 எனக் காட்டுக.

சாய்சதுரம் ABCD இன் பக்கங்கள் AB, AD ஆகியவற்றின் சமன்பாடுகள் முறையே 4x-3y-5=0, y-1=0 ஆகும். BÂD ஒரு விரிகோணமாகும். மேலும் BD ஆனது (3,4) என்னும் புள்ளியினூடு செல்கின்றது.

- (i) மூலைவிட்டம் AC யின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
- (ii) மூலைவிட்டம் BD யின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
- (iii) பக்கங்கள் BC, CD ஆகியவற்றின் சமன்பாடுகளைக் காண்க.
- 14) a) $\cos 2\theta = 1 2 \sin^2 \theta$ எனவும் $\sin 3\theta = 3 \sin \theta 4 \sin^3 \theta$ எனவும் காட்டுக.

 இதனைப்பயன்படுத்தி $\cos 2\theta \sin 3\theta = 4t^3 2t^2 3t + 1$ எனக்காட்டுக. இங்கு $t = \sin \theta$ $\frac{\pi}{2} \le \theta \le \frac{3\pi}{2}$ இற்கு $\cos 2\theta \sin 3\theta = 0$ ஐத் தீர்க்க. இதிலிருந்து சமன்பாடு $4t^3 2t^2 3t + 1 = 0$ இன் மூன்று மூலங்களை எழுதி சமன்பாடு $4t^2 + 2t 1 = 0$ இன் மூலங்கள் $\sin \frac{9\pi}{10}$, $\sin \frac{13\pi}{10}$ எனக் காட்டுக. $\sin \frac{9\pi}{10} = \frac{\sqrt{5}-1}{4}$ என்பதை உய்த்தறிக.
 - b) முக்கோணி ஒன்றின் கோணங்கள் $heta, \frac{\pi}{2} 2 heta, \frac{\pi}{2} + heta$ உம் அவற்றிற்கு எதிரே உள்ள பக்கங்கள் முறையே $p q, \frac{P}{\sqrt{P^2 + q^2}}, \ p + q$ உம் ஆகும். இங்கு p > 2q > 0 ஆகும். $\cos \theta = \frac{(p+q)}{\sqrt{2(p^2 + q^2)}}$ எனக் காட்டுக. $\sin \theta$, $\cos 2\theta$ இற்குமான ஒத்தகோவைகளை p,q இல் பெறுக. $q = \frac{1}{2\sqrt{2}}$ என்பதை உய்த்தறிக.
- 15) a) O என்ற நிலைத்த புள்ளியிலிருந்து நேர்கோட்டில் இயங்கும் துணிக்கை A இன் இடப்பெயர்ச்சி x ஆனது நேரம் t இல் x=(t-1)(t-5) என்பதால் தரப்படுகிறது.
 - (i) t = 0 இலிருந்து t = 6 வரைக்குமான வேகநேர வரையை வரைக.
 வரைபிலிருந்து
 - (ii) t = 0 இலிருந்து t = 4 வரையான இடப்பெயர்ச்சி யாது?
 - (iii)t = 0 இற்கும் t = 4 இற்கும் இடையான சராசரி வேகம் யாது?
 - b) நண்பகல் 12 மணிக்கு O என்ற புள்ளிக்கு மேற்கே 12 km தூரத்தில் 12 kmh⁻¹ வேகத்தில் A என்ற கப்பல் கிழக்கே சென்று கொண்டிருந்தது. அதே நேரம் B என்ற கப்பல் O இற்கு வடக்கே 4√3 km தூரத்தில் 12√3 kmh⁻¹ வேகத்துடன் தெற்கு நோக்கி சென்று கொண்டிருந்தது.
 - i) A இன் B தொடர்பாக வேகம் யாது?
 - ii) B சார்பாக A இன் பாதையை வரைக

- iii) இவற்றிற்கு இடையான மிகக் கிட்டிய தூரம் யாது?
- iv) கிட்டிய துரத்தை அடைய எடுக்கும் நேரம் யாது?
- 16) a) கிடைதரையில் இருந்து 30 cm உயரத்தில் உள்ள புள்ளி O வை உற்பத்தியாக கொண்டு ஒரு துணிக்கை (4√3 <u>i</u> + 4<u>j</u>)ms⁻¹ என்னும் வேகத்துடன் O வில் இருந்து நிலைகுத்து தளம்வழியே புவியீர்ப்பின் கீழ் எறியப்படுகின்றது.
 - (i) துணிக்கையின் எறியற்பாதையின் சமன்பாடு $y = \frac{x}{\sqrt{3}} \frac{49x^2}{480}$ எனக் காட்டுக.
 - (ii) பறத்தலின் போது O இலிருந்து 4m கிடைத்தூரத்திலுள்ள போது கிடைத்தரையில் இருந்து துணிககையின் உயரத்தைக் காண்க.
 - b) ABC என்பது M திணிவுடைய ஆப்பின் திணிவு மையத்தினூடான நிலைக்குத்துக் குறுக்கு வெட்டாகும், ABC = α ஆகும். முகம் BC ஒப்பமான கிடைமேசையில் தங்க ஆப்பின் ஒப்பமான முகம் AB இன் மீது m திணிவுள்ள துணிக்கை P வைக்கப்பட்டு அதி உயர் சரிவுக்கோட்டின் வழியே துணிக்கை P இயங்குமாறு மெதுவாக விடிப்படுகின்றது.
 - (i) ஆப்பு, துணிக்கை மீது செயற்படும் விசைகளையும், ஆப்பு, துணிக்கையின் ஆர்முடுகல்களையும் தெளிவாக குறித்துக் காட்டுக.
 - (ii) ஆப்பு, துணிக்கைகளின் ஆர்முடுகல்களை துணிவதற்கு தேவையான சமன்பாடுகளை எமுதுக.
 - (iii) ஆப்பின் ஆர்முடுகல், ஆப்பு சார்பான துணிக்கையின் ஆர்முடுகல் என்பவற்றைக் காண்க.
- 17) a) O குறித்து A, B எள்ற புள்ளிகளின் தானக்காவிகள் முறையே \underline{a} , \underline{b} ஆகும். நேர்கோடு AB இல் உள்ள எப்புள்ளியின் தானக்காவியையும் $\lambda \underline{a} + (1 \lambda)b$ எனும் வடிவில் எமுதலாம். எனக்காட்டுக. C,D என்ற புள்ளிகளின் தானக்காவிகள் முறையே $2(\underline{b} \underline{a})$, $\frac{2}{3}\underline{b}$ ஆகும்.
 - i) A, D, C ஒரே நேர்கோட்டிலுள்ளன எனக் காட்டுக.
 AC, OB இடைவெட்டும் புள்ளியை உய்த்தறிக.
 - ii) OA, CB என்பன சந்திக்கும் புள்ளியின் தானக்காவியைக் காண்க.
 - b) ABCDEF ஆனது O ஐ மையமாகவும் a பக்கநீளமும் உடைய ஓர் ஒழுங்கான அறுகோணி. 1, 2, 3, λ, μ, γ N விசைகள் முறையே AB, BC, CD, ED, EF, AF வழியே தாக்குகின்றன.
 - I. தொகுதி சமநிலையிலிருப்பின் λ, μ, γ என்பவற்றைக்காண்க.
 - λ, μ, γ என்ற விசைகள் நீக்கப்பட்டு Ο ஊடான ஒரு தளவிசையும், ஓர் இணையும் சேர்க்கப்பட தொகுதி சமநிலையடையும் எனின் சேர்க்கப்பட்ட விசையையும், இணையையும் காண்க.



ூலங்கையின் உயர்தர கணித விஞ்ஞான

பிரிவிற்கான இணையதளம்

SCIENCE EAGLE www.scienceeagle.com

- Biology
- C.Maths
- Physics
- Chemistry
 - + more

