F. 最小割

Description

在圖論裡,一個「割」(cut) C = (S,T) 指的是一個圖 G = (V,E) 中點集合 V 的一個分割,這個分割將 V 分成了兩個交集為空的集合 S 跟 T。

其中,對於任何的「割」我們都可以決定出一個「割集合」(cut-set),割集合指的就是把所有「S 中的點指到 T 中的點的邊」蒐集起來所形成的集合,用數學形式表示的話,就是 $\{(u,v)\in E|u\in S,v\in T\}$ 。

有時候我們會專注在特別把兩個點分開來的割,並給定一個有序的點對 (s,t),若一個割 C=(S,T) 滿足 $s\in S,\,t\in T$,則我們稱 C 是一個「s-t 割」 $(s-t \mathrm{cut})$ 。

在一個帶邊權的圖中,一個「s-t 割」常被賦予權重,其權重的值即為該 s-t 割決定出的割集合的邊權和,在所有的 s-t 割中,權重最小的割,我們就稱其為「s-t 最小割」。

不過,由於最小割是一個很經典的問題,解決這樣的問題顯得非常無趣,所以在本題中,我們重新定義一個「s-t 割」的權重為「割集合中,所有邊權的最大值」,並特別定義空割集合的權重為 0。給你一張帶邊權的有向圖,請你求出新定義後的 s-t 最小割權重。

Input

輸入的第一行包含四個整數 N,M,s,t ,代表圖的點數、圖的邊數、以及題目提到的 s 跟 t 。

接下來的 M 行,第 i 行會包含三個正整數 u_i,v_i,w_i ,代表第 i 條邊的是 u_i 指到 v_i 且權重為 w_i 。

- $1 \le N \le 100000$
- $0 \le M \le 300000$
- $1 \le s, t \le N, s \ne t$
- $1 \leq a_i, b_i \leq N, a_i \neq b_i$
- $1 \le w_i \le 10^9$

Output

請輸出一行一個整數,代表本題中定義 s-t 最小割的權重。

Sample 1

| Input | Output |
|---------|--------|
| 6 7 1 6 | 3 |
| 1 2 5 | |
| 1 3 1 | |
| 2 4 4 | |
| 2 5 3 | |
| 3 5 9 | |
| 4 6 2 | |
| 5 6 8 | |
| | |

Sample 2

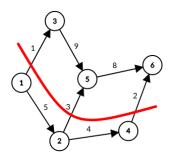
| Input | Output |
|---------|--------|
| 5 5 1 5 | 0 |
| 1 2 2 | |
| 1 3 8 | |
| 2 3 6 | |
| 4 2 1 | |
| 4 5 5 | |
| | |

Sample 3

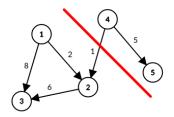
| Input | Output |
|---------|--------|
| 4 5 3 4 | 5 |
| 1 3 2 | |
| 3 2 2 | |
| 3 4 5 | |
| 4 1 6 | |
| 2 4 4 | |
| | |

Hint

在 $Sample\ 1$ 當中,我們可以分出如下圖的割,其中紅色的曲線經過了所有割集合:



在 Sample 2 當中,我們可以分出如下圖的割,其中紅色的曲線經過了唯一的一條邊,但這條邊的指向是反向的,所以割集合為空,最小割權重為 0:



配分

在一個子任務的「測試資料範圍」的敘述中,如果存在沒有提到範圍的變數,則此變數的範圍為 Input 所描述的範圍。

| 子任務編號 | 子任務配分 | 測試資料範圍 |
|-------|-------|--------|
| 1 | 100% | 無特殊限制 |