

Цели

Целью данной работы является построение модели эпидемии.

Задание

Вариант 9

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове ($N=15\ 500$) в момент начала эпидемии ($t=0$) число заболевших людей (являющихся распространителями инфекции) $I(0)=115$, А число здоровых людей с иммунитетом к болезни $R(0)=15$. Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени $S(0)=N-I(0)-R(0)$.

Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп. Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

1) если $I(0) \leq I^*$

2) если $I(0) > I^*$

Ход работы

Опишем начальные значения согласно варианту 9 на языке Julia.

```
using Plots
using DifferentialEquations

N = 15500
I0 = 115
R0 = 15
S0 = N - I0 - R0
a = 0.01
b = 0.02
```

Ход работы

Опишем соответствующую систему дифференциальных уравнений для первого случая, когда больные изолированы и ее решение.

```
function ode_fn(du, u, p, t)
    S, I, R = u;
    du[1] = 0
```

```

        du[2] = -b*u[2]
        du[3] = b*u[2]
    end

    v0 = [S0, I0, R0]
    tspan = (0.0, 60.0)
    prob = ODEProblem(ode_fn, v0, tspan)
    sol = solve(prob, dtmax = 0.05)
    S = [u[1] for u in sol.u]
    I = [u[2] for u in sol.u]
    R = [u[3] for u in sol.u]
    T = [t for t in sol.t]

```

Ход работы

Построим графики численности особей трех групп S, I, R.

```

plt = plot(
    dpi = 300,
    legend = :topright)

plot!(
    plt,
    T,
    S,
    label = "Восприимчивые к болезни",
    color = :red)

plot!(
    plt,
    T,
    I,
    label = "Заболевшие",
    color = :blue)

plot!(
    plt,
    T,
    R,
    label = "Особь с иммунитетом",
    color = :green)

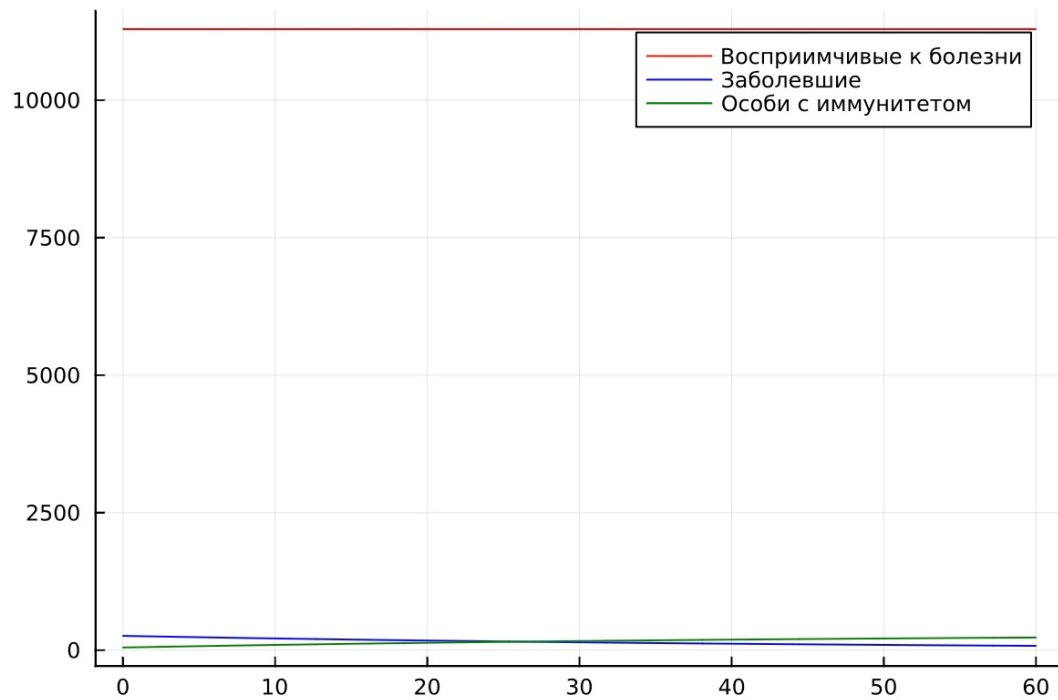
```

Ход работы

Результаты работы кода на Julia

Построим графики численности особей трех групп S, I, R для первого случая (рис.1)

Out [2]:



Ход работы

Изменим систему дифференциальных уравнений для второго случая, когда зараженные могут инфицировать особей из группы S.

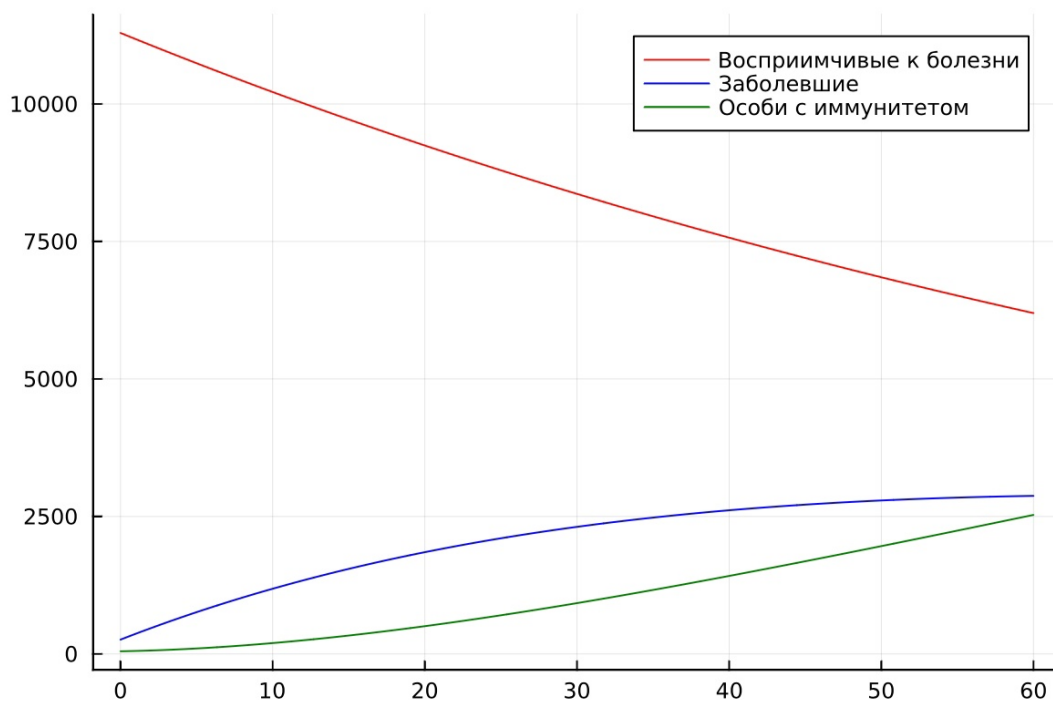
```
function ode_fn(du, u, p, t)
    S, I, R = u;
    du[1] = -a*u[1]
    du[2] = a*u[1]-b*u[2]
    du[3] = b*u[2]
end
```

Ход работы

Результаты работы кода на Julia

По аналогии с предыдущим построением получим получим графики для второго случая (рис.2)

Out [1]:



Ход работы

Построим модель для первого случая на языке OpenModelica.

```

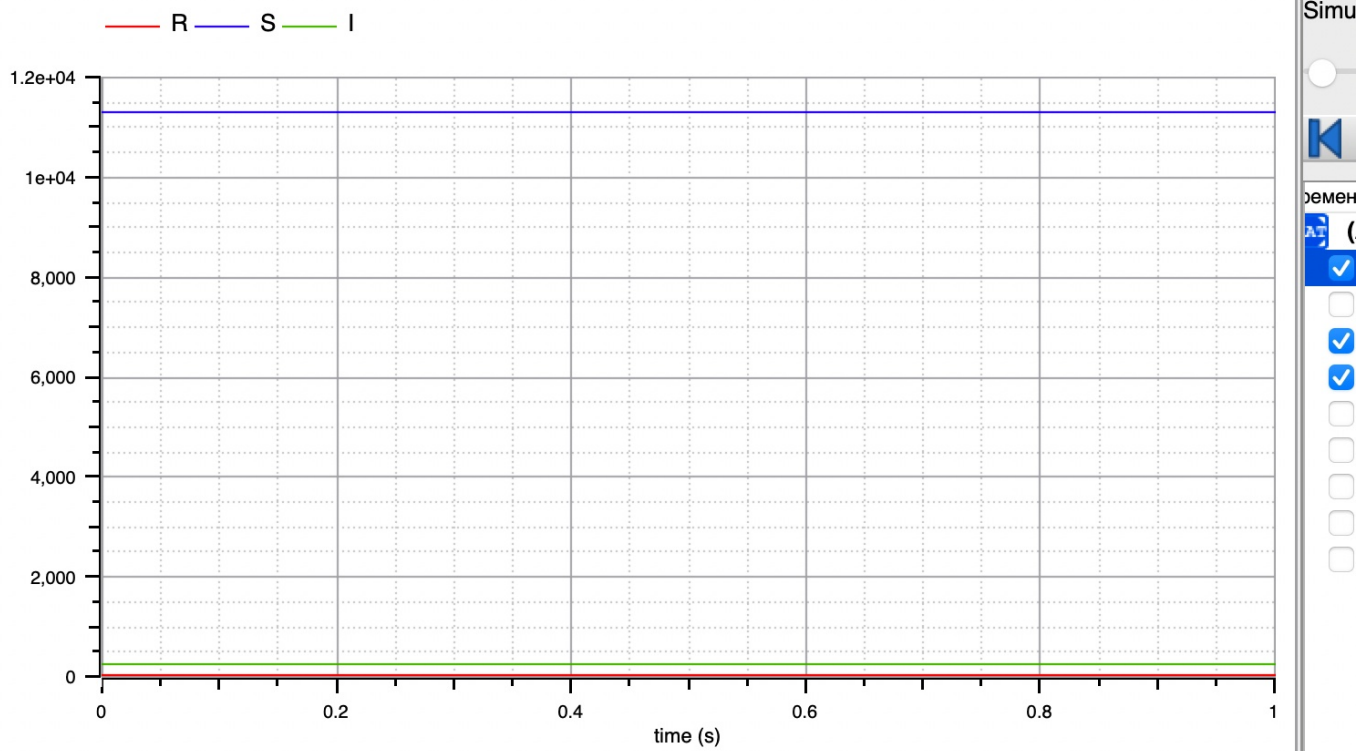
model lab6_1
  Real N = 15500;
  Real I;
  Real R;
  Real S;
  Real a = 0.01;
  Real b = 0.02;
  initial equation
    I = 115;
    R = 15;
    S = N - I - R;
  equation
    der(S) = 0;
    der(I) = -b*I;
    der(R) = b*I;
end lab6_1;

```

Ход работы

Результаты работы кода на OpenModelica

Построим графики численности особей трех групп S, I, R для первого случая (рис.3)



Ход работы

Для второго случая, когда зараженные могут инфицировать особей из группы S, изменим систему дифференциальных уравнений.

```

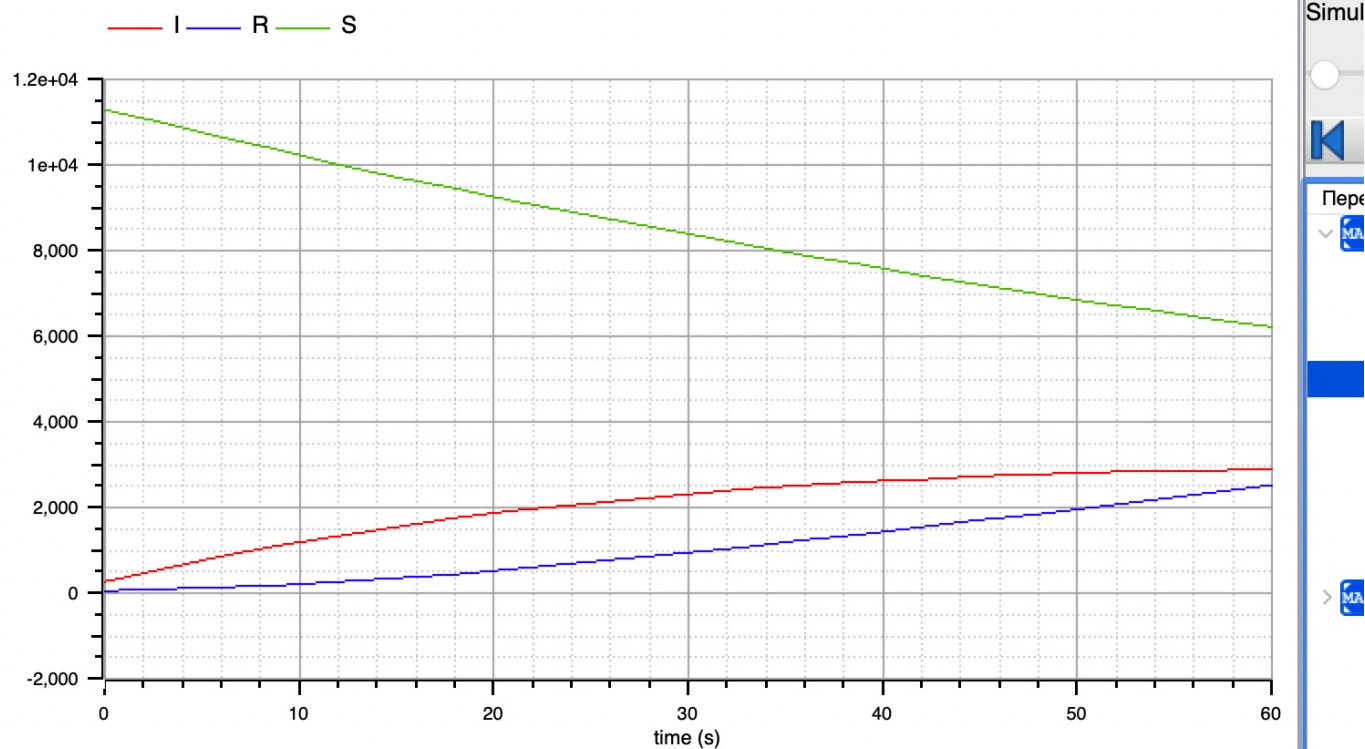
model lab6_2
Real N = 15500;
Real I;
Real R;
Real S;
Real a = 0.01;
Real b = 0.02;
initial equation
I = 115;
R = 15;
S = N - I - R;
equation
der(S) = -a*S;
der(I) = a*S-b*I;
der(R) = b*I;
end lab6_2;

```

Ход работы

Результаты работы кода на OpenModelica

По аналогии с предыдущим построением получим графики для второго случая (рис.4)



Результаты

В итоге проделанной работы мы построили графики зависимости численности особей трех групп S, I, R для случаев, когда больные изолированы и когда они могут заражать особей группы S, на языках Julia и OpenModelica. Построение модели эпидемии на языке OpenModelica занимает значительно меньше строк, чем аналогичное построение на Julia. Кроме того, построения на языке OpenModelica проводятся относительно значения времени t по умолчанию, что упрощает нашу работу.