Лабораторная работа №8

Модель конкуренции двух фирм

Соболевский Денис Андреевич

Содержание

Цель работы 3

Теоретическое введение 3

Выполнение лабораторной работы 8

Построение математической модели. Решение с помощью программ 8

Julia 8

Результаты работы кода на Julia 9

Julia 10

Результаты работы кода на Julia 11

OpenModelica 12

Результаты работы кода на OpenModelica 12

OpenModelica 13

Результаты работы кода на OpenModelica 14

Выводы 15

Список литературы 15

Цель работы

Цель данной работы: 1. Построение графика изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 1. 2. Построение графика изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 2.

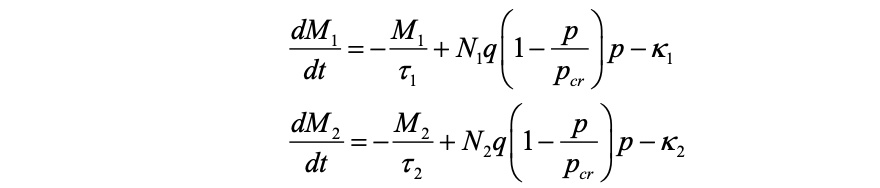
Теоретическое введение

**Модель одной фирмы**

Для построения модели конкуренции хотя бы двух фирм необходимо рассмотреть модель одной фирмы. Вначале рассмотрим модель фирмы, производящей продукт долговременного пользования, когда цена его определяется балансом спроса и предложения. Примем, что этот продукт занимает определенную нишу рынка и конкуренты в ней отсутствуют[1]. Обозначим: N – число потребителей производимого продукта. S– доходы потребителей данного продукта. Считаем, что доходы всех потребителей одинаковы. Это предположение справедливо, если речь идет об одной рыночной нише, т.е. производимый продукт ориентирован на определенный слой населения. M – оборотные средства предприятия τ – длительность производственного цикла p – рыночная цена товара p̃ – себестоимость продукта, то есть переменные издержки на производство единицы продукции.

**Конкуренция двух фирм**

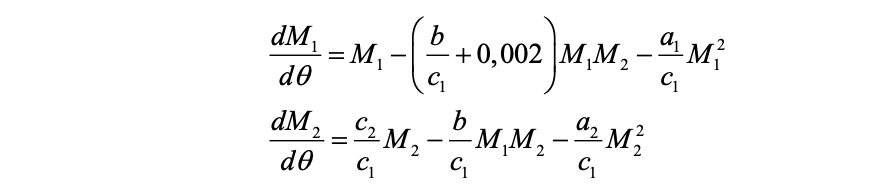
**Случай 1**

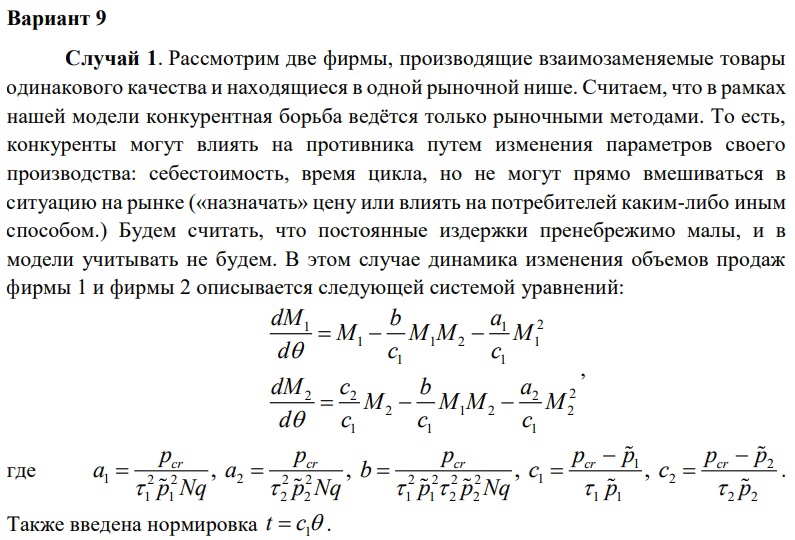
Рассмотрим две фирмы, производящие взаимозаменяемые товары одинакового качества и находящиеся в одной рыночной нише. Последнее означает, что у потребителей в этой нише нет априорных предпочтений, и они приобретут тот или иной товар, не обращая внимания на знак фирмы[2]. В этом случае, на рынке устанавливается единая цена, которая определяется балансом суммарного предложения и спроса. Иными словами, в рамках нашей модели конкурентная борьба ведётся только рыночными методами. То есть, конкуренты могут влиять на противника путем изменения параметров своего производства: себестоимость, время цикла, но не могут прямо вмешиваться в ситуацию на рынке («назначать» цену или влиять на потребителей каким- либо иным способом.) Уравнения динамики оборотных средств запишем в виде: 

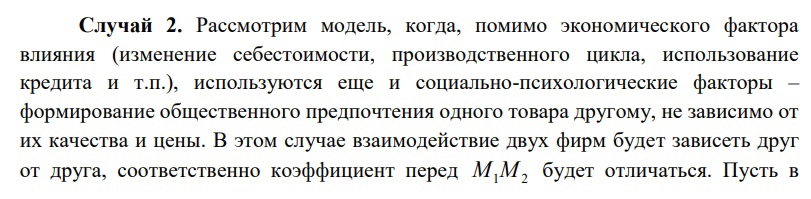
где использованы те же обозначения, а индексы 1 и 2 относятся к первой и второй фирме, соответственно. Величины N1 и N2 – числа потребителей, приобретших товар первой и второй фирмы.

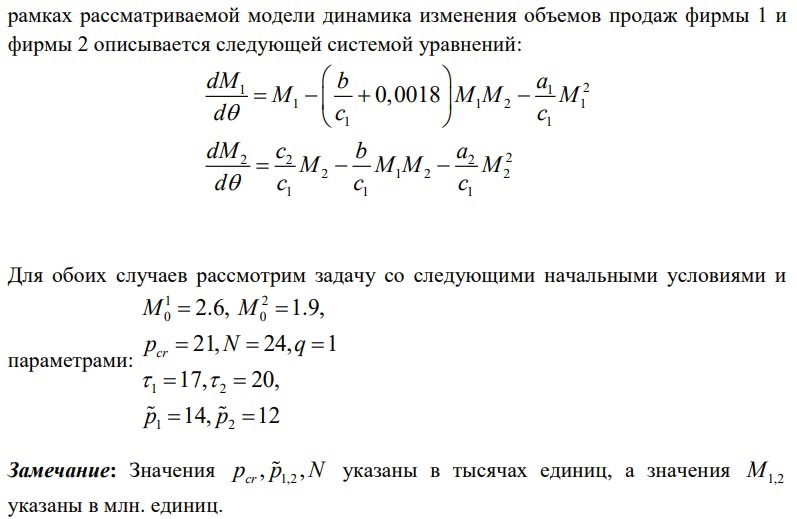
**Случай 2**

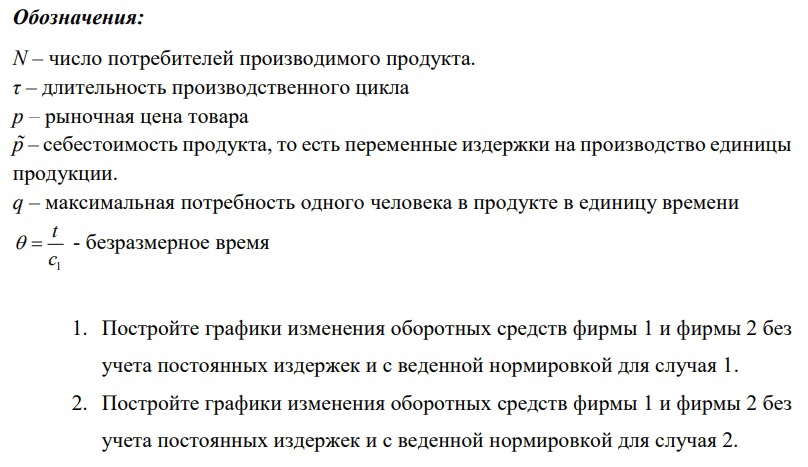
Рассмотрим модель, когда, помимо экономического фактора влияния (изменение себестоимости, производственного цикла, использование кредита и т.п.), используются еще и социально-психологические факторы – формирование общественного предпочтения одного товара другому, не зависимо от их качества и цены. В этом случае взаимодействие двух фирм будет зависеть друг от друга, соответственно коэффициент перед M1M2 будет отличаться[2]. Рассмотрим следующую модель:











Выполнение лабораторной работы

Построение математической модели. Решение с помощью программ

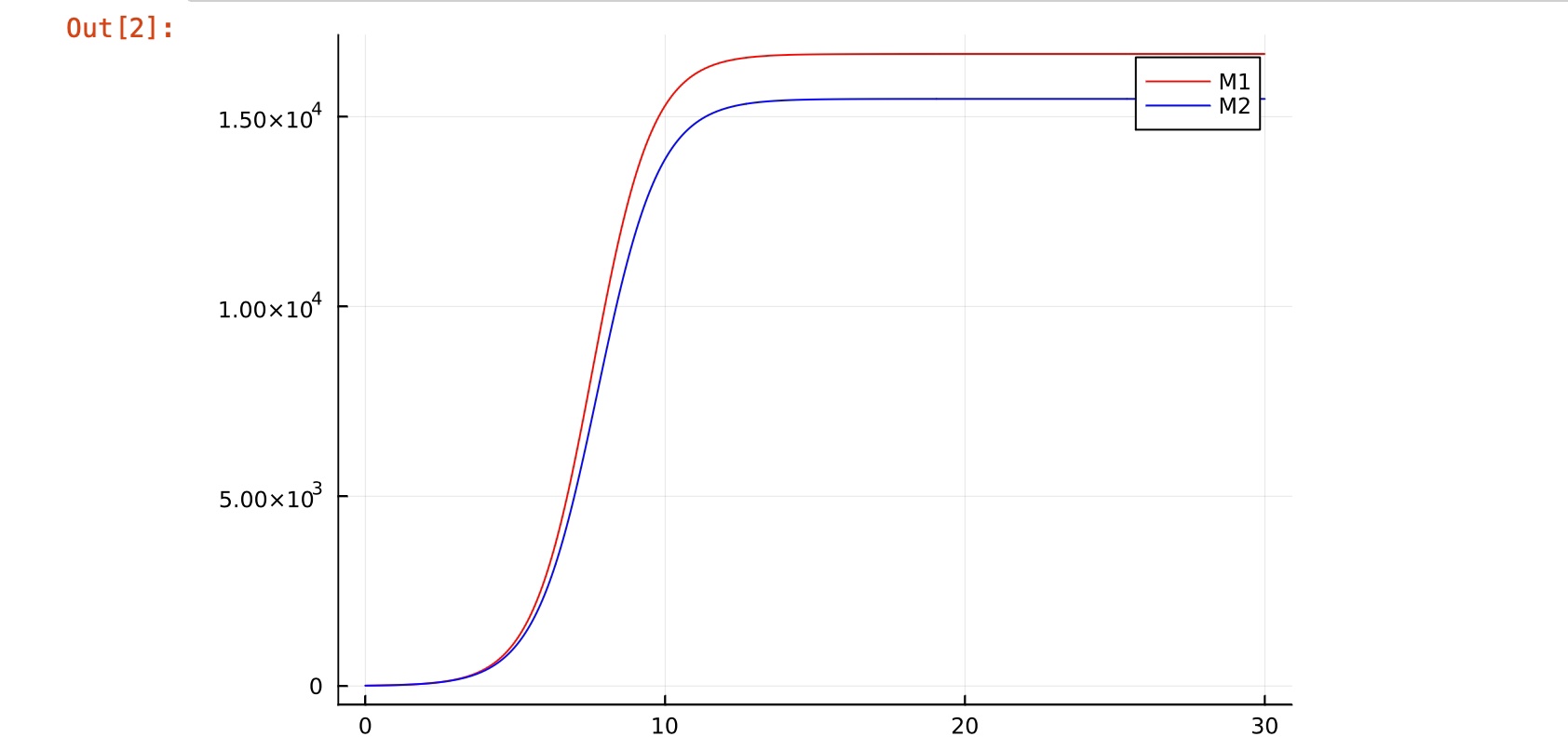
Julia

Первый случай:

using DifferentialEquations  
using Plots  
  
p\_cr = 21  
N = 24  
q = 1  
tau1 = 17  
tau2 = 20  
p1 = 14  
p2 = 12  
  
a1 = p\_cr/(tau1\*tau1\*p1\*p1\*N\*q)  
a2 = p\_cr/(tau2\*tau2\*p2\*p2\*N\*q)  
b = p\_cr/(tau1\*tau1\*tau2\*tau2\*p1\*p1\*p2\*p2\*N\*q)   
c1 = (p\_cr-p1)/(tau1\*p1)  
c2 = (p\_cr-p2)/(tau2\*p2)  
  
function Fun(du, u, p, t)  
 M1, M2 = u  
 du[1] = u[1]-b/c1\*u[1]\*u[2]-a1/c1\*u[1]\*u[1]  
 du[2] = c2/c1\*u[2]-b/c1\*u[1]\*u[2]-a2/c1\*u[2]\*u[2]  
end  
  
v = [8.5, 9.1]  
time = (0.0, 30.0)  
prob = ODEProblem(Fun, v, time)  
sol = solve(prob, dtmax = 0.05)  
M1 = [u[1] for u in sol.u]  
M2 = [u[2] for u in sol.u]  
T = [t for t in sol.t]  
  
plt = plot(  
 dpi = 300,  
 legend =:topright)  
  
plot!(  
 plt,  
 T,  
 M1,  
 label = "M1",  
 color = :red)  
  
plot!(  
 plt,  
 T,  
 M2,  
 label = "M2",  
 color = :blue)

Результаты работы кода на Julia

Получим график для первого случая (рис.1)



“Рис.1 График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 1 на языке Julia”

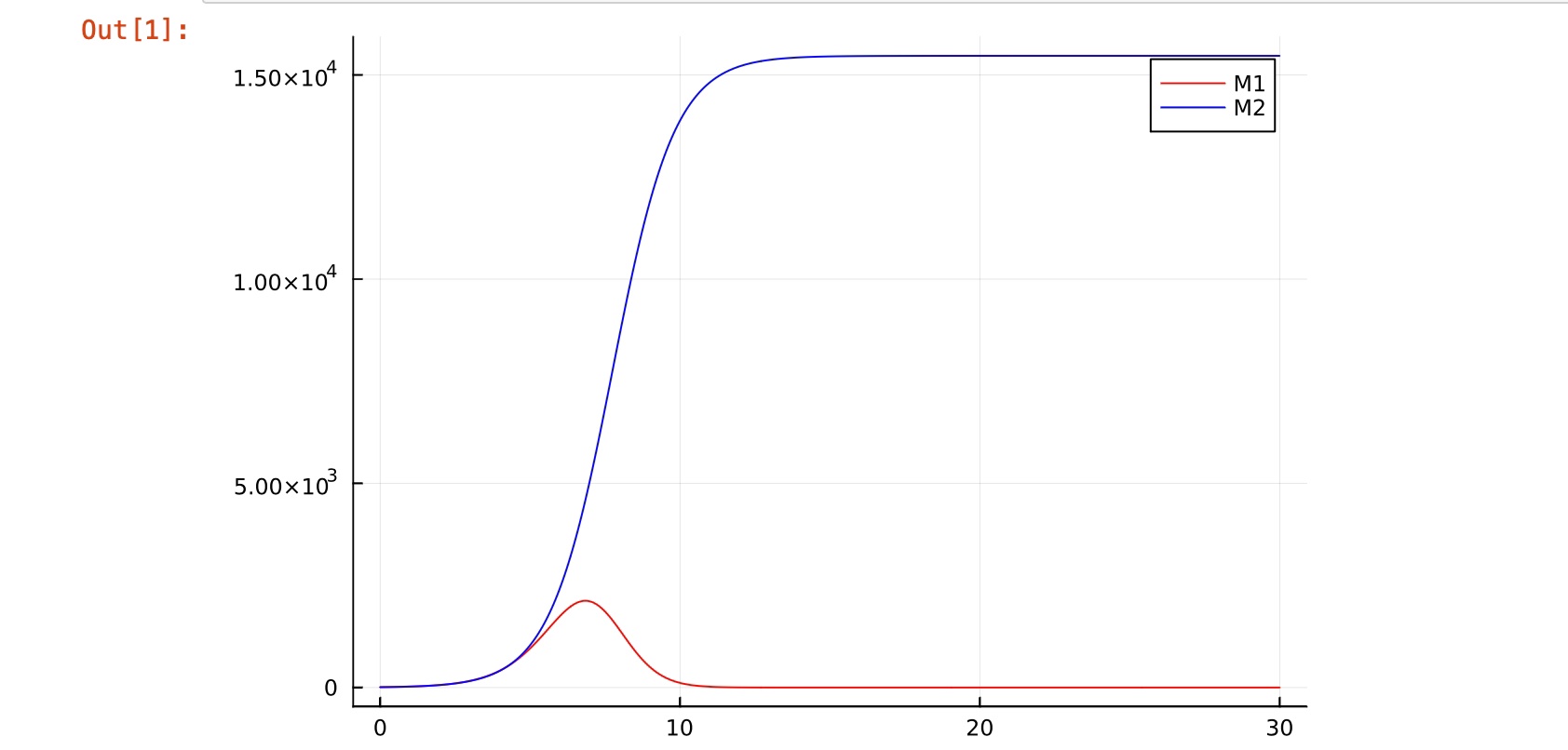
Julia

Второй случай:

using DifferentialEquations  
using Plots  
  
p\_cr = 21  
N = 24  
q = 1  
tau1 = 17  
tau2 = 20  
p1 = 14  
p2 = 12  
  
a1 = p\_cr/(tau1\*tau1\*p1\*p1\*N\*q)  
a2 = p\_cr/(tau2\*tau2\*p2\*p2\*N\*q)  
b = p\_cr/(tau1\*tau1\*tau2\*tau2\*p1\*p1\*p2\*p2\*N\*q)   
c1 = (p\_cr-p1)/(tau1\*p1)  
c2 = (p\_cr-p2)/(tau2\*p2)  
  
function Fun(du, u, p, t)  
 M1, M2 = u  
 du[1] = u[1]-(b/c1+0.00019)\*u[1]\*u[2]-a1/c1\*u[1]\*u[1]  
 du[2] = c2/c1\*u[2]-b/c1\*u[1]\*u[2]-a2/c1\*u[2]\*u[2]  
end  
  
v = [8.5, 9.1]  
time = (0.0, 30.0)  
prob = ODEProblem(Fun, v, time)  
sol = solve(prob, dtmax = 0.05)  
M1 = [u[1] for u in sol.u]  
M2 = [u[2] for u in sol.u]  
T = [t for t in sol.t]  
  
plt = plot(  
 dpi = 300,  
 legend =:topright)  
  
plot!(  
 plt,  
 T,  
 M1,  
 label = "M1",  
 color = :red)  
  
plot!(  
 plt,  
 T,  
 M2,  
 label = "M2",  
 color = :blue)

Результаты работы кода на Julia

По аналогии с предыдущим построением получим график для второго случая (рис.2)



“Рис.2 График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 2 на языке Julia”

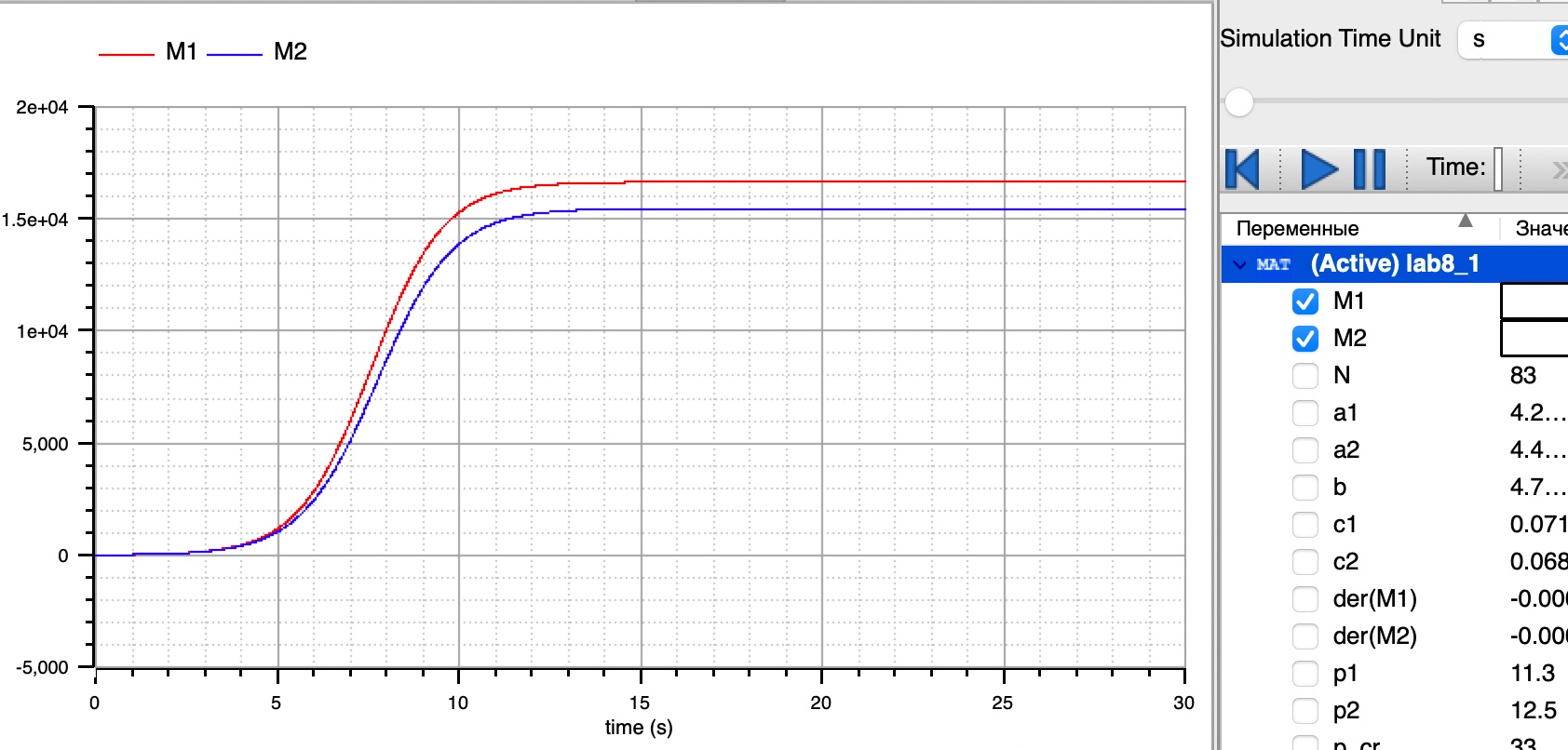
OpenModelica

Первый случай:

model lab8\_1  
Real M1;  
Real M2;  
Real p\_cr = 21;  
Real N = 24;  
Real q = 1;  
Real tau1 = 17;  
Real tau2 = 20;  
Real p1 = 14;  
Real p2 = 12;  
Real a1 = p\_cr/(tau1\*tau1\*p1\*p1\*N\*q);  
Real a2 = p\_cr/(tau2\*tau2\*p2\*p2\*N\*q);  
Real b = p\_cr/(tau1\*tau1\*tau2\*tau2\*p1\*p1\*p2\*p2\*N\*q);   
Real c1 = (p\_cr-p1)/(tau1\*p1);  
Real c2 = (p\_cr-p2)/(tau2\*p2);  
initial equation  
M1 = 8.5;  
M2 = 9.1;  
equation  
der(M1) = M1-b/c1\*M1\*M2-a1/c1\*M1\*M1;  
der(M2) = c2/c1\*M2-b/c1\*M1\*M2-a2/c1\*M2\*M2;  
end lab8\_1;

Результаты работы кода на OpenModelica

Получим график для первого случая (рис.3)



“Рис.3 График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 1 на языке OpenModelica”

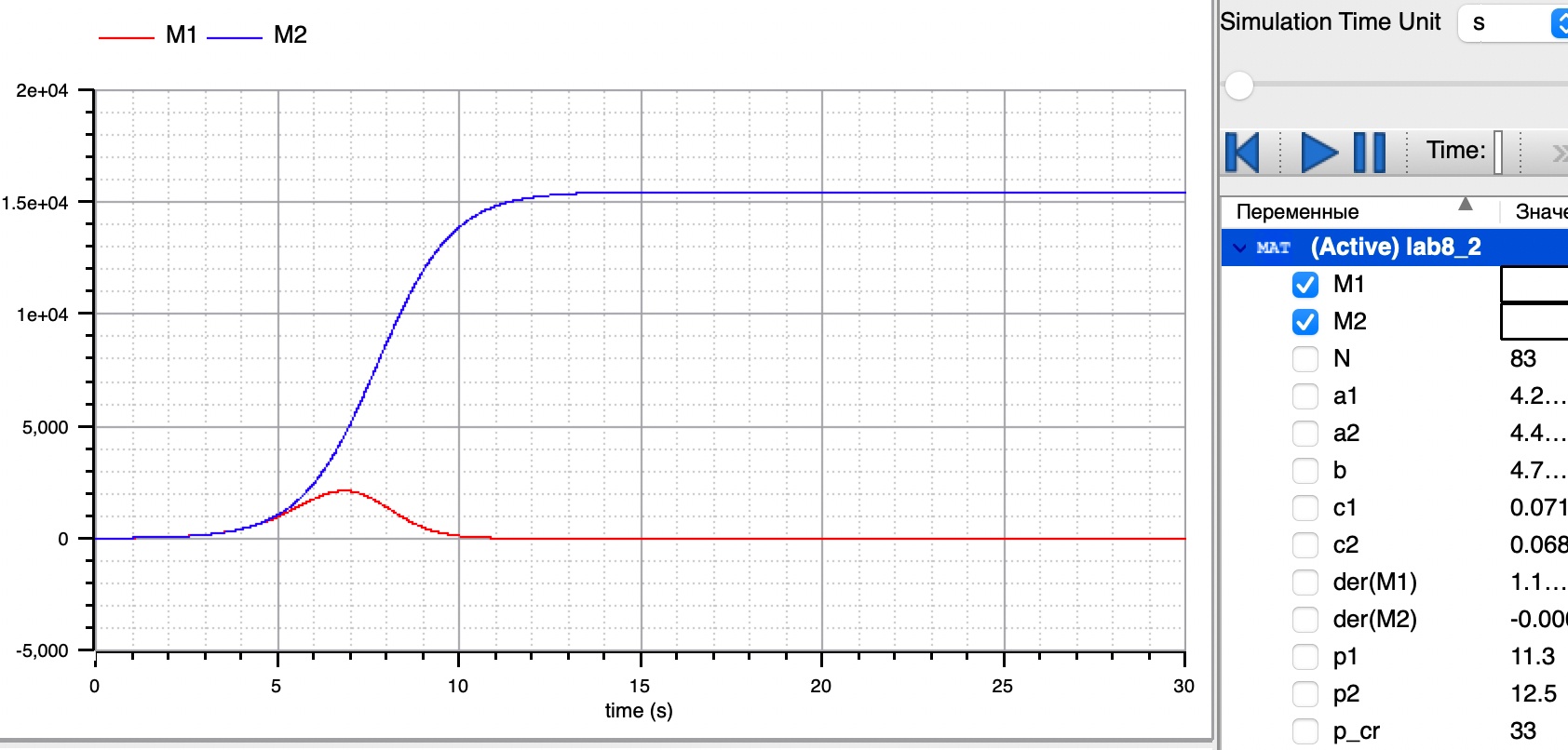
OpenModelica

Второй случай:

model lab8\_2  
Real M1;  
Real M2;  
Real p\_cr = 21;  
Real N = 24;  
Real q = 1;  
Real tau1 = 17;  
Real tau2 = 20;  
Real p1 = 14;  
Real p2 = 12;  
Real a1 = p\_cr/(tau1\*tau1\*p1\*p1\*N\*q);  
Real a2 = p\_cr/(tau2\*tau2\*p2\*p2\*N\*q);  
Real b = p\_cr/(tau1\*tau1\*tau2\*tau2\*p1\*p1\*p2\*p2\*N\*q);   
Real c1 = (p\_cr-p1)/(tau1\*p1);  
Real c2 = (p\_cr-p2)/(tau2\*p2);  
initial equation  
M1 = 8.5;  
M2 = 9.1;  
equation  
der(M1) = M1-(b/c1+0.00019)\*M1\*M2-a1/c1\*M1\*M1;  
der(M2) = c2/c1\*M2-b/c1\*M1\*M2-a2/c1\*M2\*M2;  
  
end lab8\_2;

Результаты работы кода на OpenModelica

По аналогии с предыдущим построением получим график для второго случая (рис.4)



“Рис.4 График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 2 на языке OpenModelica”

Выводы

В ходе проделанной работы были построены: 1. График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 1. 2. График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 2. На языке Julia реализация кожа объемнее, чем на языке OpenModelica.

Список литературы

[1] ДИНАМИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ КОНКУРЕНЦИИ ДВУХ ФИРМ НА ОДНОРОДНОМ РЫНКЕ: https://natural-sciences.ru/ru/article/view?id=14730&ysclid=lfy5n3s35h687499253

[2] Руководство к лабоарторной работе: https://esystem.rudn.ru/pluginfile.php/1971672/mod\_resource/content/2/Лабораторная%20работа%20№%207.pdf