

UNIVERSITATEA BABEȘ-BOLYAI Facultatea de Matematică și Informatică



INTELIGENŢĂ ARTIFICIALĂ

Sisteme inteligente

Sisteme care învață singure

- rețele neuronale artificiale -

Laura Dioşan

Sumar

A. Scurtă introducere în Inteligența Artificială (IA)

B. Sisteme inteligente

- Sisteme care învaţă singure
 - Arbori de decizie
 - Reţele neuronale artificiale
 - Maşini cu suport vectorial
 - Algoritmi evolutivi
- Sisteme bazate pe reguli
- Sisteme hibride

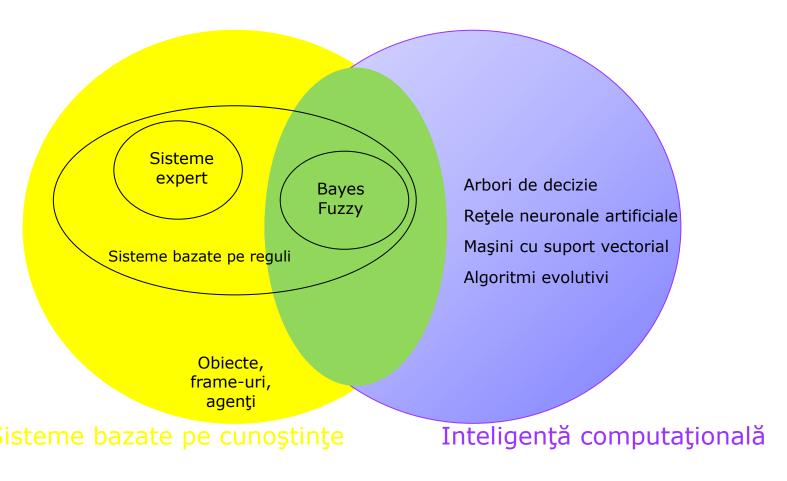
C. Rezolvarea problemelor prin căutare

- Definirea problemelor de căutare
- Strategii de căutare
 - Strategii de căutare neinformate
 - Strategii de căutare informate
 - Strategii de căutare locale (Hill Climbing, Simulated Annealing, Tabu Search, Algoritmi evolutivi, PSO, ACO)
 - Strategii de căutare adversială

Materiale de citit și legături utile

- Capitolul VI (19) din S. Russell, P. Norvig, Artificial Intelligence: A Modern Approach, Prentice Hall, 1995
- capitolul 8 din Adrian A. Hopgood, Intelligent Systems for Engineers and Scientists, CRC Press, 2001
- capitolul 12 și 13 din *C. Groșan, A. Abraham, Intelligent Systems: A Modern Approach, Springer, 2011*
- □ Capitolul V din D. J. C. MacKey, Information Theory, Inference and Learning Algorithms, Cambridge University Press, 2003
- Capitolul 4 din T. M. Mitchell, Machine Learning, McGraw-Hill Science, 1997

Sisteme inteligente



Sisteme inteligente – SIS – Învățare automată

Tipologie

- În funcție de experiența acumulată în timpul învățării:
 - SI cu învăţare supervizată
 - SI cu învăţare nesupervizată
 - SI cu învăţare activă
 - SI cu învăţare cu întărire
- În funcție de modelul învățat (algoritmul de învățare):
 - Arbori de decizie
 - Reţele neuronale artificiale
 - Algoritmi evolutivi
 - Maşini cu suport vectorial
 - Modele Markov ascunse

?



- □ Reţele neuronale artificiale (RNA)
 - Scop
 - Definire
 - Tipuri de probleme rezolvabile
 - Caracteristici
 - Exemplu
 - Proiectare
 - Evaluare
 - Tipologie

Scop

- Clasificare binară pentru orice fel de date de intrare (discrete sau continue)
 - Datele pot fi separate de:
 - o dreaptă \rightarrow ax + by + c = 0 (dacă m = 2)
 - un plan \rightarrow ax + by + cz + d = 0 (dacă m = 3)
 - un hiperplan $\sum a_i x_i + b = 0$ (dacă m > 3)
 - Cum găsim valorile optime pt. a, b, c, d, a_i?
 - Reţele neuronale artificiale (RNA)
 - Maşini cu suport vectorial (MSV)
- De ce RNA?
- Cum învaţă creierul?

\square Scop \rightarrow De ce RNA?

- Unele sarcini pot fi efectuate foarte uşor de către oameni, însă sunt greu de codificat sub forma unor algoritmi
 - Recunoaşterea formelor
 - vechi prieteni
 - caractere scrise de mână
 - vocea
 - Diferite raţionamente
 - conducerea autovehiculelor
 - cântatul la pian
 - jucarea baschetului
 - înnotul
- Astfel de sarcini sunt dificil de definit formal şi este dificilă aplicarea unui proces de raţionare pentru efectuarea lor

■ Scop → Cum învaţă creierul?

- Creierul uman componenţă
 - Aproximativ 10.000.000.000 de neuroni conectaţi prin sinapse
 - Fiecare neuron
 - are un corp (soma), un axon şi multe dendrite
 - poate fi într-una din 2 stări:
 - activ dacă informaţia care intră în neuron depăşeşte un anumit prag de stimulare –
 - pasiv altfel
 - Sinapsă
 - Legătura între axon-ul unui neuron şi dendritele altui neuron
 - Are rol în schimbul de informaţie dintre neuroni
 - 5.000 de conexiuni / neuron (în medie)
 - În timpul vieţii pot să apară noi conexiuni între neuroni

DENDRITE

NUCLEÚS

□ Scop → Cum învaţă creierul?

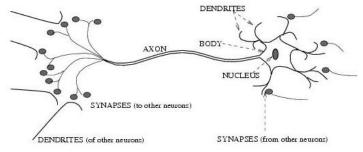
- Cum "învaţă" (procesează informaţii)?
 - Conexiunile care de-a lungul trăirii unor experiențe s-au dovedit utile devin permanente (restul sunt eliminate)
 - Creierul este interesat de noutăți
 - Modelul de procesare a informaţiei
 - Învăţare
 - Depozitare
 - Amintire

Memoria

- Tipologie
 - De scurtă durată
 - Imediată → 30 sec.
 - De lucru
 - De lungă durată
- Capacitate
 - · Crește odată cu vârsta
 - Limitată → învăţarea unei poezii pe strofe
- Influenţată şi de stările emoţionale

Creierul

- rețea de neuroni
- sistem foarte complex, ne-liniar şi paralel de procesare a informaţiei
- Informaţia este depozitată şi procesată de întreaga reţea, nu doar de o anumită parte a reţelei → informaţii şi procesare globală
- □ Caracteristica fundamentală a unei reţele de neuroni → învăţarea → reţele neuronale artificiale (RNA)



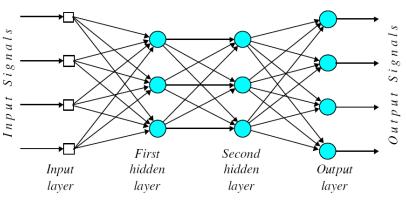
- Definire
 - Ce este o RNA?
 - RN biologice vs. RN artificiale
 - Cum învaţă reţeaua?

■ Definire → Ce este o RNA?

- O structură similară unei reţele neuronale bilogice
- O mulţime de noduri (unităţi, neuroni, elemente de procesare) dispuse ca într-un graf pe mai multe straturi (layere)
 - Nodurile
 - au intrări şi ieşiri
 - efectuează un calcul simplu prin intermediul unei funcţii asociate → funcţie de activare
 - sunt conectate prin legături ponderate
 - Conexiunile între noduri conturează structura (arhitectura) rețelei
 - Conexiunile influenţează calculele care se pot efectua

Straturile

- Strat de intrare
 - Conţine m (nr de atribute al unei date) noduri
- Strat de ieşire
 - Conţine r (nr de ieşiri) noduri
- Straturi intermediare (ascunse) rol în "complicarea" rețelei
 - Diferite structuri
 - Diferite mărimi



■ Definire → RN biologice vs. RN artificiale

RNB	RNA	
Soma	Nod	
Dendrite	Intrare	
Axon	Ieşire	
Activare	Procesare	
Synapsă	Conexiune ponderată	

- Definire → Cum învaţă reţeaua?
 - Plecând de la un set de n date de antrenament de forma

$$((x_{p1}, x_{p2}, ..., x_{pm}, y_{p1}, y_{p2}, ..., y_{pr}))$$

cu p = 1, 2, ..., n, m – nr atributelor, r – nr ieşirilor

- se formează o RNA cu m noduri de intrare, r noduri de ieşire şi o anumită structură internă
 - un anumit nr de nivele ascunse, fiecare nivel cu un anumit nr de neuroni
 - cu legături ponderate între oricare 2 noduri
- se caută valorile optime ale ponderilor între oricare 2 noduri ale reţelei prin minimizarea erorii
 - f diferența între rezultatul real m y și cel calculat de către rețea

□ Tipuri de probleme rezolvabile cu RNA

- Datele problemei se pot reprezenta prin numeroase perechi atribut-valoare
- Funcţia obiectiv poate fi:
 - Unicriterială sau multicriterială
 - Discretă sau cu valori reale
- Datele de antrenament pot conţine erori (zgomot)
- Timp de rezolvare (antrenare) prelungit

Proiectare

- Construirea RNA pentru rezolvarea problemei P
- Iniţializarea parametrilor RNA
- Antrenarea RNA
- Testarea RNA

Proiectare

- Construirea RNA pentru rezolvarea unei probleme P
 - pp. o problemă de clasificare în care avem un set de date de forma:
 - (x^d, t^d), cu:
 - $X^d \in \mathbb{R}^m \rightarrow X^d = (X^d_1, X^d_2, \dots, X^d_m)$
 - $t^d \in \mathbb{R}^R \rightarrow t^d = (t^d_1, t^d_2, ..., t^d_R),$
 - cu d = 1,2,...,n,n+1,n+2,...,N
 - primele n date vor fi folosite drept bază de antrenament a RNA
 - ultimele N-n date vor fi folosite drept bază de testare a RNA
 - se construieşte o RNA astfel:
 - stratul de intrare conţine exact m noduri (fiecare nod va citi una dintre proprietăţile de intrare ale unei instanţe a problemei – x^d₁, x^d₂,..., x^d_m)
 - stratul de ieşire poate conţine R noduri (fiecare nod va furniza una dintre proprietăţile de ieşire ale unei instanţe a problemei t^d₁, t^d₂,..., t^d_R)
 - unul sau mai multe straturi ascunse cu unul sau mai mulţi neuroni pe fiecare strat

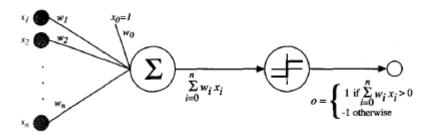
Projectare

- Construirea RNA pentru rezolvarea problemei P
- Iniţializarea parametrilor RNA
- Antrenarea RNA
- Testarea RNA

Projectare

- Iniţializarea parametrilor RNA
 - Iniţializarea ponderile între oricare 2 noduri de pe straturi diferite
 - Stabilirea funcţiei de activare corespunzătoare fiecărui neuron (de pe straturile ascunse)
- Antrenarea (învăţarea) RNA
 - Scop:
 - stabilirea valorii optime a ponderilor dintre 2 noduri
 - Algoritm
 - Se caută valorile optime ale ponderilor între oricare 2 noduri ale reţelei prin minimizarea erorii (diferenţa între rezultatul real y şi cel calculat de către reţea)
 - Cum învaţă reţeaua?
 - Reţeaua = mulţime de unităţi primitive de calcul interconectate între ele →
 - Învăţarea reţelei = ∪ învăţarea unităţilor primitive
 - Unităţi primitive de calcul
 - Perceptron
 - Unitate liniară
 - Unitate sigmoidală

- □ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă reţeaua?
 - Neuronul ca element simplu de calcul
 - Structura neuronului
 - Fiecare nod are intrări şi ieşiri
 - Fiecare nod efectuează un calcul simplu
 - Procesarea neuronului
 - Se transmite informaţia neuronului
 - Neuronul procesează informaţia
 - Se citeşte răspunsul neuronului
 - Învăţarea neuronului algoritmul de învăţare a ponderilor care procesează corect informaţiile
 - Se porneşte cu un set iniţial de ponderi oarecare
 - Cât timp nu este îndeplinită o condiţie de oprire
 - Se procesează informația și se stabilește calitatea ponderilor curente
 - Se modifică ponderile astfel încât să se obţină rezultate mai bune



□ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă reţeaua?

- Neuronul ca element simplu de calcul
 - Structura neuronului
 - Fiecare nod are intrări şi ieşiri
 - Fiecare nod efectuează un calcul simplu prin intermediul unei funcții asociate
 - Procesarea neuronului
 - Se transmite informaţia neuronului → se calculează suma ponderată a intrărilor

$$net = \sum_{i=1}^{n} x_i w_i$$

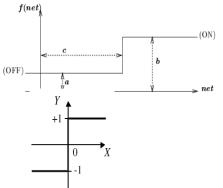
- Neuronul procesează informaţia → se foloseşte o funcţie de activare:
 - Funcţia constantă
 - Funcţia prag
 - Funcţia rampă
 - Funcţia liniară
 - Funcţia sigmoidală
 - Funcţia Gaussiană
 - Funcția Relu

□ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă reţeaua?

- Funcția de activare a unui neuron
 - Funcţia constantă f(net) = const
 - Funcţia prag (c pragul)

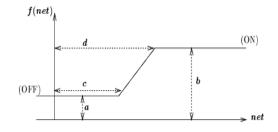
$$f(net) = \begin{cases} a, & \text{dacă } net < c \\ b, & \text{dacă } net > c \end{cases}$$

- Pentru a=+1, b =-1 și c = 0 → funcția semn
- Funcţie discontinuă



Funcţia rampă

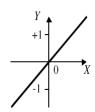
$$f(net) = \begin{cases} a, & \text{dacă } net \le c \\ b, & \text{dacă } net \ge d \\ a + \frac{(net - c)(b - a)}{d - c}, & \text{altfel} \end{cases}$$



Funcţia liniară

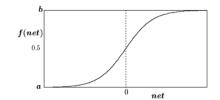
$$f(net) = a*net + b$$

- Pentru a = 1 și b = 0 \rightarrow funcția identitate f(net) = net
- Funcţie continuă



Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învață rețeaua?

- Funcția de activare a unui neuron
 - Funcţia sigmoidală
 - În formă de S
 - Continuă și diferențiabilă în orice punct
 - Simetrică rotațional față de un anumit punct (net = c)
 - Atinge asimptotic puncte de saturatie



$$\lim_{net \to -\infty} f(net) = a \qquad \lim_{net \to \infty} f(net) = b$$

Exemple de funcții sigmoidale:

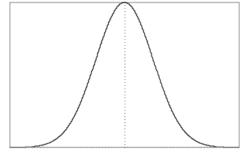
$$f(net) = z + \frac{1}{1 + \exp(-x \cdot net + y)}$$
$$f(net) = \tanh(x \cdot net - y) + z$$

$$f(net) = \tanh(x \cdot net - y) + z \qquad \text{unde} \quad \tanh(u) = \frac{e^u - e^{-u}}{e^u + e^{-u}}$$

- Pentru y=0 si z = 0 \Rightarrow a=0, b = 1, c=0
- Pentru y=0 și z = $-0.5 \Rightarrow$ a=-0.5, b = 0.5, c=0
- Cu cât x este mai mare, cu atât curba este mai abruptă

- □ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă reţeaua?
 - Funcţia de activare a unui neuron
 - Funcţia Gaussiană
 - În formă de clopot
 - Continuă
 - Atinge asimptotic un punct de saturaţie

$$\lim_{net\to\infty} f(net) = a$$



- Are un singur punct de optim (maxim) atins când net = μ
- Exemplu

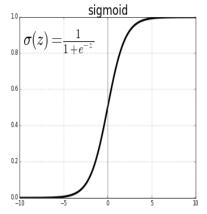
$$f(net) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \exp\left[-\frac{1}{2} \left(\frac{net - \mu}{\sigma}\right)^{2}\right]$$

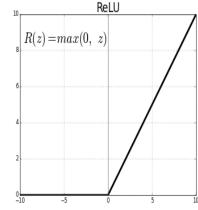
□ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învață rețeaua?

- Funcţia de activare a unui neuron
 - Funcţia ReLU
 - În formă de rampă
 - Continuă, monotonă
 - Derivata ei este monotonă
 - Codomeniu pozitiv [0, ∞)

$$f(net) = \max(0, net)$$

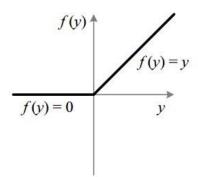
$$f(net) = \begin{cases} 0, & \text{dacă } net < 0 \\ net, & \text{dacă } net > 0 \end{cases}$$

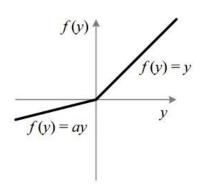




- Variantă: Leaky ReLU
 - Compensează problemele cu argumentele negative dint ReLU

$$f(net) = \begin{cases} a \cdot net, & \text{dacă } net < 0 \\ net, & \text{dacă } net \ge 0 \end{cases}$$





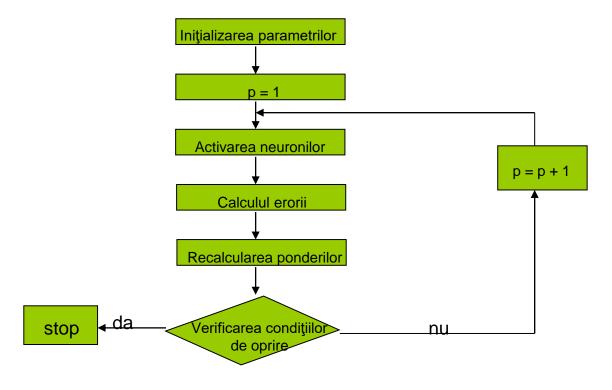
□ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă reţeaua?

- Neuronul ca element simplu de calcul
 - Structura neuronului
 - Procesarea neuronului
 - Se transmite informaţia neuronului → se calculează suma ponderată a intrărilor

$$net = \sum_{i=1}^{n} x_i w_i$$

- Neuronul procesează informaţia → se foloseşte o funcţie de activare:
 - Funcţia constantă
 - Funcţia prag
 - Funcția rampă
 - Funcţia liniară
 - Funcţia sigmoidală
 - Funcţia Gaussiană
- Se citeşte răspunsul neuronului → se stabileşte dacă rezultatul furnizat de neuron coincide sau nu cu cel dorit (real)

- □ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă reţeaua?
 - Neuronul ca element simplu de calcul
 - Structura neuronului
 - Procesarea neuronului
 - Învăţarea neuronului
 - Algoritm

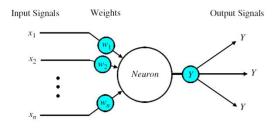


□ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă RNA?

- Învăţarea neuronului
 - 2 reguli de bază
 - Regula perceptronului → algoritmul perceptronului
 - 1. Se porneste cu un set de ponderi oarecare
 - Se stabileşte calitatea modelului creat pe baza acestor ponderi pentru UNA dintre datele de intrare
 - 3. Se ajustează ponderile în funcție de calitatea modelului
 - 4. Se reia algoritmul de la pasul 2 până când se ajunge la calitate maximă
 - Regula Delta → algoritmul scăderii după gradient
 - 1. Se porneste cu un set de ponderi oarecare
 - Se stabileşte calitatea modelului creat pe baza acestor ponderi pentru TOATE dintre datele de intrare
 - 3. Se ajustează ponderile în funcție de calitatea modelului
 - 4. Se reia algoritmul de la pasul 2 până când se ajunge la calitate maximă
 - Similar regulii perceptronului, dar calitatea unui model se stabileşte în funcţie de toate datele de intrare (tot setul de antrenament)

🗖 Proiectare 🔿 Antrenarea RNA 🔿 Cum învață RNA?

- Învăţarea neuronului
 - Pp că avem un set de date de antrenament de forma:
 - (x^d, t^d), cu:
 - $X^{d} \in \mathbb{R}^{m} \rightarrow X^{d} = (X^{d}_{1}, X^{d}_{2}, ..., X^{d}_{m})$
 - $t^d \in \mathbb{R}^R \rightarrow t^d = (t^d_1, t^d_2, ..., t^d_R)$, şi R = 1 (adică $t^d = (t^d_1)$)
 - cu d = 1,2,...,n
 - RNA = unitate primitivă de calcul (un neuron) → o reţea cu:
 - m noduri de intrare
 - legate de neuronul de calcul prin ponderile w_i, i =1,2,...,m şi
 - cu un nod de ieşire



□ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă RNA?

- Învăţarea neuronului
 - Algoritmul perceptronului
 - Se bazează pe minimizarea erorii asociată unei instanțe din setul de date de antrenament
 - Modificarea ponderilor pe baza erorii asociate unei instanțe din setul de antrenament

```
Inițializare ponderi din rețea
```

 $w_i = random(a,b)$, unde i=1,2,...,m

d = 1

Cât timp mai există exemple de antrenament clasificate incorect

Se activează neuronul și se calculează ieșirea

Perceptron > funcția de activare este funcția semn (funcție prag de tip discret, nediferențiabil)

$$o^{d} = sign(\mathbf{wx}) = sign(\sum_{i=1}^{m} w_{i} x_{i})$$

Se stabilește ajustarea ponderilor

$$\Delta w_i = \eta(t^d - o^d)x_i^d$$
, unde $i = 1, 2, ..., m$

unde η - rată de învățare

Se ajustează ponderile $w_i = w_i + \Delta w_i$

Dacă d < n atunci d++

Altfel d = 1

SfCâtTimp

□ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă RNA?

- Învăţarea neuronului
 - Algoritmul scădere după gradient
 - Se bazează pe eroarea asociată întregului set de date de antrenament
 - Modificarea ponderilor în direcţia dată de cea mai abruptă pantă a reducerii erorii E(w)
 pentru tot setul de antrenament

$$E(\mathbf{w}) = \frac{1}{2} \sum_{d=1}^{n} (t^{d} - o^{d})^{2}$$

 Cum se determină cea mai abruptă pantă? → se derivează E în funcţie de w (se stabileşte gradientul erorii E)

$$\nabla E(\mathbf{w}) = \left(\frac{\partial E}{\partial w_1}, \frac{\partial E}{\partial w_2}, \dots, \frac{\partial E}{\partial w_m}\right)$$

- Gradientul erorii E se calculează în funcţie de funcţia de activare a neuronului (care trebuie să fie diferenţiabilă, deci continuă)
 - Funcţia liniară $f(net) = \sum_{i=1}^{m} w_i x_i^d$
 - Funcția sigmoidală $f(net) = \frac{1}{1 + e^{-wx}} = \frac{1}{1 + e^{-\frac{m}{1 + e^{-i}}} w_i x_i^d}$
- Cum se ajustează ponderile?

$$\Delta w_i = -\eta \frac{\partial E}{\partial w_i}$$
, unde $i = 1, 2, ..., m$

- □ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă RNA?
 - Învăţarea neuronului
 - □ Algoritmul scădere după gradient → calcularea gradientului erorii
 - Funcţia liniară

$$f(net) = \sum_{i=0}^{m} w_i x_i^d$$

$$\frac{\partial E}{\partial w_i} = \frac{\partial \frac{1}{2} \sum_{d=1}^{i=0} (t^d - o^d)^2}{\partial w_i} = \frac{1}{2} \sum_{d=1}^{n} \frac{\partial (t^d - o^d)^2}{\partial w_i} = \frac{1}{2} \sum_{d=1}^{n} 2(t^d - o^d) \frac{\partial (t^d - \mathbf{w} \mathbf{x}^d)}{\partial w_i}$$

$$\frac{\partial E}{\partial w_i} = \sum_{d=1}^{n} (t^d - o^d) \frac{\partial (t^d - w_1 x_1^d - w_2 x_2^d - \dots - w_m x_m^d)}{\partial w_i} = \sum_{d=1}^{n} (t^d - o^d) (-x_i^d)$$

$$\Delta w_i = -\eta \frac{\partial E}{\partial w_i} = \eta \sum_{d=1}^{n} (t^d - o^d) x_i^d$$

Funcţie sigmoidală

$$f(net) = \frac{1}{1 + e^{-\mathbf{w}\mathbf{x}}} = \frac{1}{1 + e^{-\mathbf{w}\mathbf{x}}} = \frac{1}{1 + e^{-\mathbf{x}}} \qquad y = s(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}} \Rightarrow \frac{\partial s(z)}{\partial z} = s(z)(1 - s(z))$$

$$\frac{\partial E}{\partial w_i} = \frac{\partial \frac{1}{2} \sum_{d=1}^{n} (t^d - o^d)^2}{\partial w_i} = \frac{1}{2} \sum_{d=1}^{n} \frac{\partial (t^d - o^d)^2}{\partial w_i} = \frac{1}{2} \sum_{d=1}^{n} 2(t^d - o^d) \frac{\partial (t^d - sig(\mathbf{w}\mathbf{x}^d))}{\partial w_i} = \sum_{d=1}^{n} (t^d - o^d)(1 - o^d)o^d(-x_i^d)$$

$$\Delta w_i = -\eta \frac{\partial E}{\partial w_i} = \eta \sum_{d=1}^{n} (t^d - o^d)(1 - o^d)o^dx_i^d$$

- □ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă RNA?
 - Învăţarea neuronului
 - Algoritmul scădere după gradient (ASG)

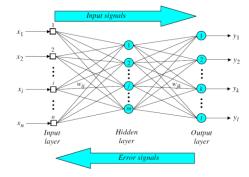
ASG simplu	ASG stocastic	
Iniţializare ponderi din reţea $w_i = \text{random}(a,b)$, unde $i=1,2,,m$ $d=1$ Cât timp nu este îndeplinită condiția de oprire $\Delta w_i = 0$, unde $i=1,2,,m$ Pentru fiecare exemplu de antrenament (x^d,t^d) , unde $d=1,2,,n$ Se activează neuronul si se calculează ieşirea od funcția de activare = funcția liniară \rightarrow od= \mathbf{w} xd funcția de activare = funcția sigmoid \rightarrow od= \mathbf{w} xd funcția de activare = funcția sigmoid \rightarrow od= \mathbf{w} xd Pentru fiecare pondere \mathbf{w}_i , unde \mathbf{v} 1, unde \mathbf{v} 2,, \mathbf{v} 3, \mathbf{v} 4 Pentru fiecare pondere \mathbf{w} 5, unde \mathbf{v} 6, \mathbf{v} 7 Pentru fiecare pondere \mathbf{v} 8, unde \mathbf{v} 9, \mathbf{v} 9 Pentru fiecare pondere \mathbf{v} 9, unde \mathbf{v} 9 Pentru fiecare pondere \mathbf{v} 9, unde \mathbf{v} 9 Pentru fiecare pondere \mathbf{v} 9, unde \mathbf{v} 9 Pentru fiecare pondere pon	Iniţializare ponderi din reţea $w_i = \text{random}(a,b)$, unde $i=1,2,,m$ $d=1$ Cât timp nu este îndeplinită condiția de oprire $\Delta w_i=0$, unde $i=1,2,,m$ Pentru fiecare exemplu de antrenament (x^d,t^d) , unde $d=1,2,,n$ Se activează neuronul si se calculează ieşirea o^d funcția de activare = funcția liniară $\rightarrow o^d=wx^d$ funcția de activare = funcția sigmoid $\rightarrow o^d=sig(wx^d)$ Pentru fiecare pondere w_i , unde $i=1,2,,m$ Se stabileşte ajustarea ponderilor $\Delta w_i = -\eta \frac{\partial E}{\partial w_i}$ Se ajustează ponderea w_i $w_i = w_i + \Delta w_i$	

- □ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă RNA?
 - Învăţarea neuronului

Diferențe	Algoritmul perceptronului	Algoritmul scădere după gradient (regula Delta)
Ce reprezintă o ^d	o ^d =sign(wx ^d)	od= wx d sau od=sig(wx d)
Cum converge	Într-un nr finit de paşi (până la separarea perfectă)	Asimtotic (spre eroarea minimă)
Ce fel de probleme se pot rezolva	Cu date liniar separabile	Cu orice fel de date (separabile liniar sau ne- liniar)
Ce tip de ieşire are neuronul	Discretă și cu prag	Continuă și fără prag

■ Proiectare → Antrenarea RNA

- Cum învaţă reţeaua?
 - □ Reţeaua = mulţime de unităţi primitive de calcul interconectate între ele →
 - Învăţarea reţelei = ∪ învăţarea unităţilor primitive
 - Reţea cu mai mulţi neuroni aşezaţi pe unul sau mai multe straturi RNA este capabilă să înveţe un model mai complicat (nu doar liniar) de separare a datelor
 - Algoritmul de învăţare a ponderilor -> backpropagation
 - Bazat pe algoritmul scădere după gradient
 - Îmbogăţit cu:
 - Informaţia se propagă în RNA înainte (dinspre stratul de intrare spre cel de ieşire)
 - Eroarea se propagă în RNA înapoi (dinspre stratul de ieşire spre cel de intrare)



Se inițializează ponderile

Cât timp nu este îndeplinită condiția de oprire

Pentru fiecare exemplu (x^d,t^d)

Se activează fiecare neuron al retelei

Se propagă informația înainte și se calculează ieșirea corespunzătoare fiecărui neuron al rețelei Se ajustează ponderile

Se stabilește și se propagă eroarea înapoi

Se stabilesc erorile corespunzătoare neuronilor din stratul de ieșire

Se propagă aceste erori înapoi în toată rețeaua \rightarrow se distribuie erorile pe toate conexiunile existente în rețea proporțional cu valorile ponderilor asociate acestor conexiuni

Se modifică ponderile

Projectare → Antrenarea RNA

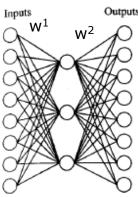
- Cum învaţă o întreagă RNA?
 - Pp că avem un set de date de antrenament de forma:
 - (x^d, t^d), cu:
 - $x^d \in \mathbb{R}^m \to x^d = (x^d_1, x^d_2, ..., x^d_m)$
 - $t^d \in \mathbb{R}^R \rightarrow t^d = (t^d_1, t^d_2, \dots, t^d_R)$
 - cu d = 1,2,...,n

Presupunem 2 cazuri de RNA

- O RNA cu un singur strat ascuns cu H neuroni → RNA₁
 - m neuroni pe stratul de intrare,
 - R neuroni pe stratul de iesire,
 - H neuroni pe stratul ascuns

 - Ponderile între stratul de intrare şi cel ascunş v_{ih}^1 cu i=1,2,...,m, h = 1,2,...,H Ponderile între stratul ascuns şi cel de işire v_{ih}^2 cu h = 1,2,...,H şi r = 1,2,...,R
- O RNA cu p straturi ascunse, fiecare strat''cu Hi (i =1,2,...,p) neuroni \rightarrow RNA_n
 - m neuroni pe stratul de intrare,
 - R neuroni pe stratul de ieşire,
 - P straturi ascunse
 - Hp neuroni pe stratul ascuns p, p = 1,2,...,P
 - Ponderile între stratul de intrare și primul strat ascunș, 1 cu i=1,2,...,m, h1 = 1,2,...,H1
 - Ponderile între primul strat ascuns și cel de-al doilea strat ascuns $\mathcal{W}_{h,h}$ cu h1 = 1,2,...,H1 şi h2 =
 - Ponderile între cel de-al doilea strat ascuns și cel de-al treilea strat ascuns \hat{W}_{h,h_2} cu h2 = 1,2,...,H2 $\sin h3 = 1,2,...,H3$

 - ... Ponderile între cel de-al p-1 strat ascuns și ultimul $\max_{W_{h_{p-1}h_p}}$ cu hp-1 = 1,2,...,Hp-1 sihp = 1,2,...,Hp
 - Ponderile între ultimul strat ascuns și cel de ieșire p+1cu hp = 1,2,...,Hp şi r = 1,2,...,R



🗖 Proiectare 🔿 Antrenarea RNA 🔿 Cum învață o întreagă RNA?

Algoritmul backpropagation pentru RNA₁

Se inițializează ponderil w_{ih}^1 şi w_{hr}^2 cu i=1,2,...,m, h = 1,2,...,H și r = 1,2,...,R

Cât timp nu este îndeplinită condiția de oprire

Pentru fiecare exemplu (x^d,t^d)

Se activează fiecare neuron al rețelei

Se propagă informația înainte și se calculează ieșirea corespunzătoare fiecărui neuron al rețelei

$$o_h^d = \sum_{i=1}^m w_{ih}^1 x_i^d \text{ sau } o_h^d = sig\left(\sum_{i=1}^m w_{ih}^1 x_i^d\right), \text{ cu } h = 1, 2, ..., H$$

$$o_r^d = \sum_{h=1}^H w_{hr}^2 o_h^d \text{ sau } o_r^d = sig\left(\sum_{h=1}^H w_{hr}^2 o_h^d\right), \text{ cu } r = 1, 2, ..., R$$

Se ajustează ponderile

Se stabilește și se propagă eroarea înapoi

Se stabilesc erorile corespunzătoare neuronilor din stratul de ieșire

$$\delta_r^d = t_r^d - o_r^d \text{ sau } \delta_r^d = o_r^d (1 - o_r^d)(t_r^d - o_r^d), \text{ cu } r = 1, 2, ..., R$$

Se modifică ponderile între nodurile de pe stratul ascuns și stratul de ieșire

$$w_{hr}^2 = w_{hr}^2 + \eta \delta_r^d o_h^d$$
, unde h = 1,2,..., H şi r = 1,2,..., R

Se propagă erorile nodurilor de pe stratul de ieșire înapoi în toată rețeaua \rightarrow se distribuie erorile pe toate conexiunile existente în rețea proporțional cu valorile ponderilor asociate acestor conexiuni

$$\delta_h^d = \sum_{r=1}^R w_{hr}^2 \delta_r^d \text{ sau } \delta_h^d = o_h^d (1 - o_h^d) \sum_{r=1}^R w_{hr}^2 \delta_r^d$$

Se modifică ponderile între nodurile de pe stratul de intrare și stratul ascuns

$$w_{ih}^1 = w_{ih}^1 + \eta \delta_h^d x_i^d$$
, unde $i = 1, 2, ..., m$ și $h = 1, 2, ..., H$

□ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă o întreagă RNA?

Algoritmul backpropagation pentru RNA_p

Se inițializează ponderile $w_{ih_1}^1, w_{h_1h_2}^2, ..., w_{h_{p-1}h_p}^p, w_{h_pr}^{p+1}$ Cât timp nu este îndeplinită condiția de oprire

Pentru fiecare exemplu (xd,td)

Se activează fiecare neuron al rețelei

Se propagă informația înainte și se calculează ieșirea corespunzătoare fiecărui neuron al rețelei

$$\begin{split} o_{h_{1}}^{d} &= \sum_{i=1}^{m} w_{ih_{1}}^{1} x_{i}^{d} \quad \text{sau } o_{h_{1}}^{d} = sig \left(\sum_{i=1}^{m} w_{ih_{1}}^{1} x_{i}^{d} \right), \text{cu } h_{1} = 1, 2, ..., H_{1} \\ o_{h_{2}}^{d} &= \sum_{h_{1}=1}^{H_{1}} w_{h_{1}h_{2}}^{2} o_{h_{1}}^{d} \quad \text{sau } o_{h_{2}}^{d} = sig \left(\sum_{h_{1}=1}^{H_{1}} w_{h_{1}h_{2}}^{2} o_{h_{1}}^{d} \right), \text{cu } h_{2} = 1, 2, ..., H_{2} \\ ... \\ o_{h_{p}}^{d} &= \sum_{h_{p-1}=1}^{H_{p-1}} w_{h_{p-1}h_{p}}^{p} o_{h_{p-1}}^{d} \quad \text{sau } o_{h_{p}}^{d} = sig \left(\sum_{h_{p-1}=1}^{H_{p-1}} w_{h_{p-1}h_{p}}^{p} o_{h_{p-1}}^{d} \right), \text{cu } h_{p} = 1, 2, ..., H_{p} \\ o_{r}^{d} &= \sum_{h_{p}=1}^{H_{p}} w_{h_{p}r}^{p+1} o_{h_{p}}^{d} \quad \text{sau } o_{r}^{d} = sig \left(\sum_{h_{p}=1}^{H_{p}} w_{h_{p}r}^{p+1} o_{h_{p}}^{d} \right), \text{cu } r = 1, 2, ..., R \end{split}$$

- □ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă o întreagă RNA?
 - Algoritmul backpropagation pentru RNA_p

Se inițializează ponderile $w_{ih_1}^1, w_{h_1h_2}^2, ..., w_{h_{p-1}h_p}^p, w_{h_pr}^{p+1}$ Cât timp nu este îndeplinită condiția de oprire

Pentru fiecare exemplu (x^d,t^d)

Se activează fiecare neuron al rețelei

Se ajustează ponderile

Se stabilește și se propagă eroarea înapoi

Se stabilesc erorile corespunzătoare neuronilor din stratul de ieşire

 $\delta_r^d = t_r^d - o_r^d$ sau $\delta_r^d = o_r^d (1 - o_r^d)(t_r^d - o_r^d)$, cu r = 1, 2, ..., RSe modifică ponderile între nodurile de pe ultimul strat ascuns și stratul de ieșire

$$W_{h_p r}^{p+1} = W_{h_p r}^{p+1} + \eta \delta_r^d o_{h_p}^d$$
, unde $h_p = 1, 2, ..., H_p$ și $r = 1, 2, ..., R$

□ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă o întreagă RNA?

Algoritmul backpropagation pentru RNA_p

Se inițializează ponderile $w^1_{ih_1}, w^2_{h_1h_2}, ..., w^p_{h_{p-1}h_p}, w^{p+1}_{h_pr}$

Cât timp nu este îndeplinită condiția de oprire

Pentru fiecare exemplu (x^d,t^d)

Se activează fiecare neuron al rețelei

Se ajustează ponderile

Se stabilește și se propagă eroarea înapoi

Se stabilesc erorile corespunzătoare neuronilor din stratul de ieșire

Se modifică ponderile între nodurile de pe ultimul strat ascuns și stratul de ieșire

Se propagă (pe starturi) aceste erori înapoi în toată rețeaua → se distribuie erorile pe toate conexiunile existente în rețea proporțional cu valorile ponderilor asociate acestor conexiuni și se modifică ponderile corespunzătoare

$$\begin{split} &\delta_{h_p}^d = \sum_{r=1}^R w_{h_p r}^{p+1} \delta_r^d \text{ sau } \delta_{h_p}^d = o_{h_p}^d \Big(1 - o_{h_p}^d \Big) \sum_{r=1}^R w_{h_p r}^{p+1} \delta_r^d \\ &w_{h_p r}^{p+1} = w_{h_p r}^{p+1} + \eta \delta_r^d o_{h_p}^d \text{ , unde } \mathbf{h}_{\mathbf{p}} = 1,2,...,H_p \text{ și } \mathbf{r} = 1,2,...,R \\ &\delta_{h_{p-1}}^d = \sum_{h_p=1}^{H_p} w_{h_{p-1}h_p}^p \delta_{h_p}^d \text{ sau } \delta_{h_{p-1}}^d = o_{h_{p-1}}^d \Big(1 - o_{h_{p-1}}^d \Big) \sum_{h_p=1}^{H_p} w_{h_{p-1}h_p}^p \delta_{h_p}^d \\ &w_{h_{p-1}h_p}^p = w_{h_{p-1}h_p}^p + \eta \delta_{h_p}^d o_{h_{p-1}}^d \text{ , unde } h_{\mathbf{p}-1} = 1,2,...,H_{p-1} \text{ și } h_p = 1,2,...,H_p \\ &\cdots \\ &\delta_{h_1}^d = \sum_{h_2=1}^{H_2} w_{h_1h_2}^2 \delta_{h_2}^d \text{ sau } \delta_{h_1}^d = o_{h_1}^d \Big(1 - o_{h_1}^d \Big) \sum_{h_2=1}^{H_2} w_{h_1h_2}^2 \delta_{h_2}^d \\ &w_{ih_1}^1 = w_{ih_1}^1 + \eta \delta_{h_1}^d x_i^d \text{ , unde } i = 1,2,...,m \text{ și } h_1 = 1,2,...,H_1 \\ \text{Inteligență artificială - sisteme inteligente (RNA)} \end{split}$$

2020

- □ Proiectare → Antrenarea RNA → Cum învaţă o întreagă RNA?
 - Algoritmul backpropagation
 - Condiţii de oprire
 - S-a ajuns la eroare 0
 - S-au efectuat un anumit număr de iteraţii
 - La o iteraţie se procesează un singur exemplu
 - n iteraţii = o epocă

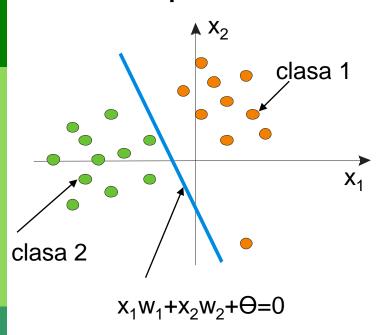
Proiectare

- Construirea RNA pentru rezolvarea problemei P
- Iniţializarea parametrilor RNA
- Antrenarea RNA
- Testarea RNA

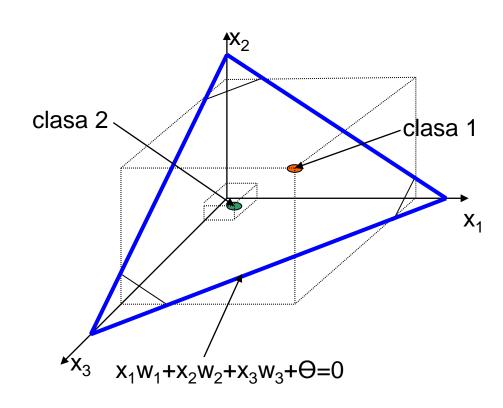
Projectare

- Testarea RNA
 - Se decodifică modelul învăţat de RNA
 - prin combinarea ponderilor cu intrările
 - ţinând cont de funcţiile de activare a neuronilor şi de structura reţelei

Exemplu



Clasificare binară cu m=2 intrări



Clasificare binară cu m=3 intrări

Exemplu

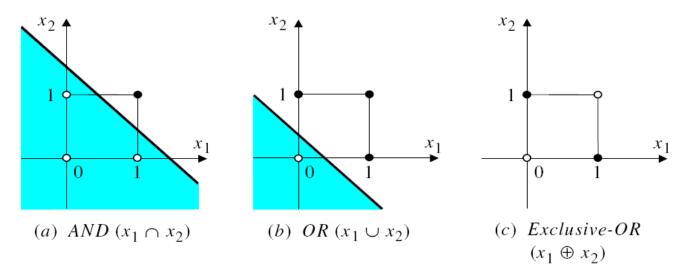
Perceptron pentru rezolvarea problemei ŞI logic

Epoch	Inputs		Desired output	Initial weights		Actual output	Error	Final weights	
	x_1	x_2	Y_d	w_1	w_2	Y	e	w_1	w_2
1	0	0	0	0.3	-0.1	0	0	0.3	-0.1
	0	1	0	0.3	-0.1	0	0	0.3	-0.1
	1	0	0	0.3	-0.1	1	-1	0.2	-0.1
	1	1	1	0.2	-0.1	0	1	0.3	0.0
2	0	0	0	0.3	0.0	0	0	0.3	0.0
	0	1	0	0.3	0.0	0	0	0.3	0.0
	1	0	0	0.3	0.0	1	-1	0.2	0.0
	1	1	1	0.2	0.0	1	0	0.2	0.0
3	0	0	0	0.2	0.0	0	0	0.2	0.0
	0	1	0	0.2	0.0	0	0	0.2	0.0
	1	0	0	0.2	0.0	1	-1	0.1	0.0
	1	1	1	0.1	0.0	0	1	0.2	0.1
4	0	0	0	0.2	0.1	0	0	0.2	0.1
	0	1	0	0.2	0.1	0	0	0.2	0.1
	1	0	0	0.2	0.1	1	-1	0.1	0.1
	1	1	1	0.1	0.1	1	0	0.1	0.1
5	0	0	0	0.1	0.1	0	0	0.1	0.1
	0	1	0	0.1	0.1	0	0	0.1	0.1
	1	0	0	0.1	0.1	0	0	0.1	0.1
	1	1	1	0.1	0.1	1	0	0.1	0.1

Threshold: $\theta = 0.2$; learning rate: $\alpha = 0.1$

Exemplu

- Perceptron limitări
 - Un perceptron poate învăţa operaţiile AND şi OR, dar nu poate învăţa operaţia XOR (nu e liniar separabilă)



- Nu poate clasifica date non-liniar separabile
 - soluţii
 - Neuron cu un prag continu
 - Mai mulţi neuroni

Tipologie

RNA feed-forward

- Informaţia se procesează şi circulă de pe un strat pe altul
- Conexiunile între noduri nu formează cicluri
- Se folosesc în special pentru învăţarea supervizată
- □ Funcţiile de activare a nodurilor → liniare, sigmoidale, gaussiene

RNA recurente (cu feedback)

- Pot conţine conexiuni între noduri de pe acelaşi strat
- Conexiunile între noduri pot forma cicluri
- RNA de tip Jordan
- RNA de tip Elman
- RNA de tip Hopfield
- 🛾 RNA auto-organizate 🗦 pentru învățarea nesupervizată
 - De tip Hebbian
 - De tip Kohonen (Self organised maps)

pentru învăţarea supervizată

Avantaje

- Pot rezolva atât probleme de învăţare super-vizată, cât şi nesupervizată
- Pot identifica relaţii dinamice şi neliniare între date
- Pot rezolva probleme de clasificare cu oricâte clase (multi-clasă)
- Se pot efectua calcule foarte rapid (în paralel şi distribuit)

Dificultăţi şi limite

- RNA se confruntă cu problema overfitting-ului chiar şi când modelul se învaţă prin validare încrucişată
- RNA pot găsi (uneori) doar optimele locale (fără să identifice optimul global)

Deep learning

Deep learning

- methodology in which we can train machine complex representations
- addresses the problem of learning hierarchical representations with a single (a few) algorithm(s)
- models with a feature hierarchy (lower-level features are learned at one layer of a model, and then those features are combined at the next level).
- it's deep if it has more than one stage of non-linear feature transformation
- Hierarchy of representations with increasing level of abstraction
 - Image recognition
 - Pixel → edge → texton → motif → part → object
 - Text
 - Character → word → word group → clause → sentence → story
 - Speech
 - Sample \rightarrow spectral band \rightarrow sound \rightarrow ... \rightarrow phone \rightarrow phoneme \rightarrow word

Deep networks/architectures

- Convolutional NNs
- Auto-encoders
- Deep Belief Nets (Restricted Boltzmann machines)
- Recurrent Neural Networks

Deep learning

- Collection of methods to improve the optimisation and generalisation of learning methods, especially NNs:
 - Rectified linear units
 - Dropout
 - Batch normalisation
 - Weight decay regularisation
 - Momentum learning
- Stacking layers of transformations to create successively more abstract levels of representation
 - Depth over breadth
 - Deep MLPs
- Shared parameters
 - Convolutional NNs
 - Recurrent NNs
- Technological improvements
 - Massively parallel processing: GPUs, CUDA
 - Fast libraries: Torch, cuDNN, CUDA-convNet, Theano

ML & optimisation

An ML algorithm as an optimisation approach

- An optimization problem
 - minimize the loss function
 - with respect to the parameters of the score function.

score function

maps the raw data to class scores/labels

loss function

- quantifies the agreement between the predicted scores and the ground truth scores/labels
- ANN: quantifies the quality of any particular set of weights W
- two components
 - The data loss computes the compatibility between the computed scores and the true labels.
 - The regularization loss is only a function of the weights

Classification

Suppose a supervised classification problem

- Some input data (examples, instances, cases)
 - Training data as pairs (attribute_data_i, label_i), where
 - i =1,N (N = # of training data)
 - attribute_data_i= (atr_{i1}, atr_{i2}, ..., atr_{im}), m # attributes (characteristics, features) for an input data
 - label_i ∈ {Label₁, Label₂, ..., Label_{#classes})
 - Test data as (attribute_data_i), i = 1,n (n = # of testing data).
- Determine
 - An unknown function that maps inputs (features) into outputs (labels)
 - Output (label/class/value/score) associated to a new data by using the learnt function

Quality of learning

- Accuracy/Precision/Recall/etc
 - does not reflect the learnt decision model
- A loss function
 - Expresses (encodes) the learnt model
 - Difference between desired (D) and computed (C) output
 - L₂ norm Quadratic cost (mean squared error) ∑ || D C||²
 - \Box L₁ norm $\sum |D C|$
 - □ SVM loss (hinge loss, max-margin loss) $\sum_{i} \sum_{i,j \neq v_i} \max(C_i D_{v_i} + \Delta, 0)$
 - □ Softmax loss \sum_{i} [- ln(exp(D_{yi})/ $\sum_{j, j \neq yi}$ exp(Cj))]
 - □ Cross-entropy - \sum [D In C + (1 D) In(1 C)] /n

Classifiers

Several important mappings

- Constant f(x) = c
- Step f(x) = a, if x < theta</p>
- b, otherwise
- Linear f(x) = a x + b
- Sigmoid $\sigma(x)=1/(1+e^{-x})$ (avoid it in a Conv NN)
- Hyperbolic tangent function $tanh(x)=2\sigma(2x)-1$
- Rectified linear neuron/unit (ReLU) f(x)=max(0,x)
- Leak ReLU (Parametric rectifier) $f(x)=max(\alpha x, x)$
- Maxout max($w_1^Tx+b_1, w_2^Tx+b_2$)
- Exponential linear units (ELU) f(x) = x, if x > 0 $\alpha (exp(x) - 1)$, if $x \le 0$

A linear classifier

$$f(x, w) = w \cdot x + b,$$

$$w \in R^{\text{\#classes } x \text{ \#features}}$$

$$x \in R^{\text{\#features } x \text{ 1}}$$

$$b \in R^{\text{\#classes}}$$

A non linear classifier

b2 € R#classes

Inteligență artificială - sisteme inteligente (RNA)

$$f(x, w) = w_2 \max(0, w_1 \cdot x + b_1) + b_2,$$

$$w1 \in R^{PARAM \times \#features}$$

$$x \in R^{\#features \times 1}$$

$$b1 \in R^{PARAM}$$

$$w2 \in R^{\#classes \times PARAM}$$

53

Classical ANN

Architectures – special graphs with nodes placed on layers

- Layers
 - Input layer size = input's size (#features)
 - Hidden layers various sizes (#layers, # neurons/layer)
 - Output layers size = output size (e.g. # classes)
- Topology
 - Full connected layers (one-way connections, recurrent connections)

Mechanism

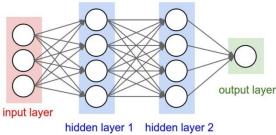
- Neuron activation
 - Constant, step, linear, sigmoid
- Cost & Loss function → smooth cost function (depends on w&b)
 - Difference between desired (D) and computed © output
 - Quadratic cost (mean squared error)
 - $\sum || D C||^2 / 2n$
 - Cross-entropy
 - $-\sum$ [D In C + (1 D) In(1 C)] /n
- Learning algorithm
 - Perceptron rule
 - Delta rule (Simple/Stochastic Gradient Descent)

Convolutional Neural Networks

- More layers (< 10)</p>
 - Wide NNs
- More nodes/layer
- Topology of connections
 - Regular NNs → fully connected
 - Conv NNs → partially connected
 - connect each neuron to only a local region of the input volume



- Regular NNs → linear layers
- Conv NNs → 2D/3D layers (width, height, depth)



height

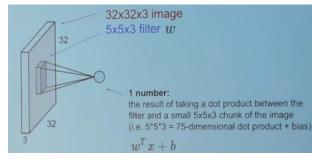
Layers of a Conv NN

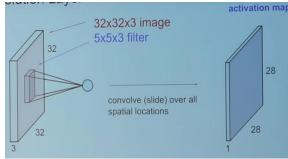
- Convolutional Layer → feature map
 - Convolution
 - Activation (thresholding)
- Pooling/Aggregation Layer → size reduction
- Fully-Connected Layer → answer

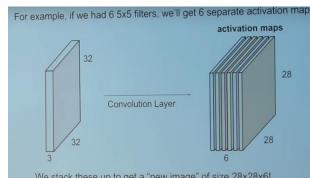
Convolutional layer

- Aim
 - learn data-specific kernels
- Filters or Local receptive fields or Kernels
 - content
 - a little (square) window on the input pixels
 - How it works?
 - slide the local receptive field across the entire input image
 - Size
 - Size of field/filter (F)
 - Stride (S)
 - Learning process
 - each hidden neuron has
 - FxF shared weights connected to its local receptive field
 - a shared bias
 - an activation function
 - each connection learns a weight
 - the hidden neuron learns an overall bias as well
 - all the neurons in the first hidden layer detect exactly the same feature (just at different locations in the input image) → map from input to the first hidden layer = feature map / activation map

- Convolutional Layer How does it work?
 - Take an input I (example, instance, data) of various dimensions
 - □ A signal \rightarrow 1D input (I_{length})
 - a grayscale image \rightarrow 2D input (I_{Width} & I_{Height})
 - □ an RGB image \rightarrow 3D input (I_{Width} , I_{Height} & I_{Depth} = 3)
 - Consider a set of filters (kernels) F₁, F₂, ..., F_{#filters}
 - A filter must have the same # dimensions as the input
 - A signal → 1D filter
 - $F_{length} << I_{length}$ a grayscale image \rightarrow 2D filter
 - $F_{width} << I_{width} \& F_{height} << I_{height}$ an RGB image \rightarrow 3D filter
 - - F_{width} << I_{width} & F_{height} << I_{height} &
 - $F_{depth} = I_{Depth} = 3$
 - Apply each filter over the input
 - Overlap filter over a window of the input
 - Stride
 - Padding
 - Multiply the filter and the window
 - Store the results in an activation map
 - # activation maps = # filters
 - Activate all the elements of each activation map
 - ReLU or other activation function







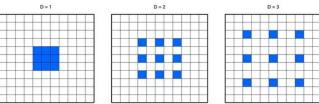
***Images taken from Andrej Karpathy's lectures about Cony NNsme inteligente (RNA)

Convolutional layer

- CONV layer's parameters consist of a set of learnable filters
 - Contiguous filters (without spaces between each cell)
 - Dilated filters (with spaces between each cell)

apply the same filter at different ranges using different dilation factors

dilation factors

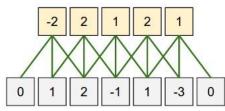


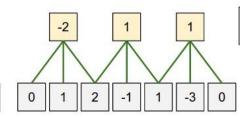
- By sliding a filter → a 2-dimensional activation map
 - □ All filters → depth 2D activation maps
- Partial connected neurons
 - The spatial extent of this connectivity is a hyperparameter called the receptive field of the neuron (filter size)
 - The connections are local in space (along width and height), but always full along the entire depth of the input volume

Convolutional layer - Hyperparameters

- input volume size N (L or W&H or W&H&D)
- size of zero-padding of input volume P (P_L or P_W&P_H or P_W&P_H)
- the receptive field size (filter size) F (F_L, F_W&F_H, F_W&F_H&F_D)
- stride of the convolutional layer S (S_L, S_W&S_H, S_W&S_H)
- # of filters (K)
 - depth of the output volume
- # neurons of an activation map = (N + 2P F)/S+1
- Output size

$$K * [(N + 2P - F)/S+1]$$





- Convolutional layer ImageNet challenge in 2012 (Alex Krizhevsky http://papers.nips.cc/paper/4824-imagenet-classification-with-deep-convolutional-neural-networks.pdf)
 - Input images of size [227x227x3]
 - F=11, S=4, P=0, K = 96 \rightarrow Conv layer output volume of size [55x55x96]
 - 55*55*96 = 290,400 neurons in the first Conv Layer
 - each has 11*11*3 = 363 weights and 1 bias.
 - 290400 * 364 = 105,705,600 parameters on the first layer

- Convolutional layer parameter sharing scheme
 - constrain the neurons in each depth slice to use the same weights and bias
 - detect exactly the same feature, just at different locations in the input image
 - convolutional networks are well adapted to the translation invariance of images
 - Example
 - 96 unique set of weights (one for each depth slice),
 - for a total of 96*11*11*3 = 34,848 unique weights,
 - 34,944 parameters (+96 biases).
 - if all neurons in a single depth slice are using the same weight vector, then the forward pass of the CONV layer can in each depth slice be computed as a convolution of the neuron's weights with the input volume → the name: Convolutional Layer
 - Set of weights = filter (kernel)
 - Can be applied, but are image-dependent
 - faces that have been centered in the image
 - A Convolutional Layer without parameter sharing → Locally-Connected Layer

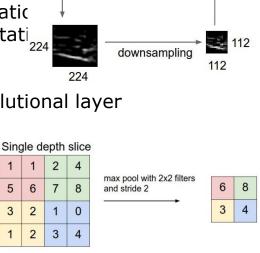
Pooling layer

Aim

- progressively reduce the spatial size of the representation
 - to reduce the amount of parameters and computati
 - to also control overfitting
- downsample the spatial dimensions of the input.
- simplify the information in the output from the convolutional layer

How it works

- takes each feature map output from the convoluticx condensed feature map
- each unit in the pooling layer may summarize a re
 - apply pooling filters to each feature map separately
 - Pooling filter size (spatial extent of pooling) P
 - Pooling filter stride PS
 - No padding
- resizes it spatially, using
 - the MAX operation
 - the average operation
 - L2-norm operation (square root of the sum of the squares of the activations in the 2×2 region)
 - Lp norm Lp: sqrt(ord_p)(X^p)
 - Log prob PROB:1/b log (sum(exp(bX)))



pool

224x224x64

112x112x64

Pooling layer

- Size conversion
 - Input:
 - K x N
 - Output
 - K x [(N- PF)/PS + 1]

Remark

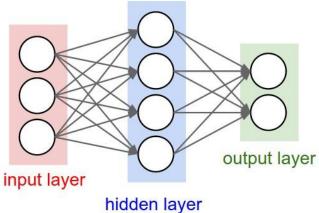
- introduces zero parameters since it computes a fixed function of the input
- note that it is not common to use zero-padding for Pooling layers
- pooling layer with PF=3,PS=2 (also called overlapping pooling), and more commonly PF=2, PS=2
- pooling sizes with larger filters are too destructive
- keep track of the index of the max activation (sometimes also called the switches) so that gradient routing is efficient during backpropagation

□ Fully-connected layer

 Neurons have full connections to all inputs from the previous layer

Various activations

ReLU (often)



CNN architectures

INPUT -> [[CONV -> RELU]*N -> POOL?]*M -> [FC -> RELU]*K -> FC

Most common:

- □ INPUT -> FC ←→ a linear classifier
- □ INPUT -> CONV -> RELU -> FC
- INPUT -> [CONV -> RELU -> POOL]*2 -> FC -> RELU
 -> FC.
- INPUT -> [CONV -> RELU -> CONV -> RELU -> POOL]*3 -> [FC -> RELU]*2 -> FC
 - a good idea for larger and deeper networks, because multiple stacked CONV layers can develop more complex features of the input volume before the destructive pooling operation

Remarks

- Prefer a stack of small filter CONV to one large receptive field CONV layer
 - □ Pro:
 - Non-linear functions
 - Few parameters
 - Cons:
 - more memory to hold all the intermediate CONV layer results
- Input layer size → divisible by 2 many times
- Conv layers → small filters
 - □ S >= 1
 - P = (F 1) / 2
- Pool layers
 - F <= 3, S = 2

Output layer

- Multiclass SVM
 - Largest score indicates the correct answer
- Softmax (normalized exponential function)
 - Largest probability indicates the correct answer
 - converts raw scores to probabilities
 - "squashes" a #classes-dimensional vector **z** of arbitrary real values to a #classes-dimensional vector σ(**z**) of real values in the range (0, 1) that add up to 1
 - $\sigma(\mathbf{z})j = \exp(z_j)/\sum_{k=1..\#classes} \exp(z_k)$

Common architectures

- LeNet (Yann LeCun, 1998) http://yann.lecun.com/exdb/publis/pdf/lecun-98.pdf
 - A conv layer + a pool layer
- AlexNet (Alex Krizhevsky, Ilya Sutskever and Geoff Hinton, 2012) <u>http://papers.nips.cc/paper/4824-imagenet-classification-with-deep-convolutional-neural-networks.pdf</u>
 - More conv layers + more pool layers
- ZF Net (Matthew Zeiler and Rob Fergus, 2013) https://arxiv.org/pdf/1311.2901.pdf
 - AlexNet + optimisation of hyper-parameters
- GoogleLeNet (Christian Szegedy et al., 2014) https://arxiv.org/pdf/1409.4842.pdf
 - Inception Module that dramatically reduced the number of parameters in the network (AlexNet 60M, GoogleLeNet 4M) https://arxiv.org/pdf/1602.07261.pdf
 - uses Average Pooling instead of Fully Connected layers at the top of the ConvNet → eliminating parameters
- VGGNet (Karen Simonyan and Andrew Zisserman, 2014) https://arxiv.org/pdf/1409.1556.pdf
 - □ 16 Conv/FC layers (FC → a lot more memory; they can be eliminated)
 - pretrained model is available for plug and play use in Caffe
- ResNet (Kaiming He et al., 2015) https://arxiv.org/pdf/1512.03385.pdf (Torch)
 - skip connections
 - batch normalization

Reducing overfitting

- increasing the amount of training data
 - Artificially expanding the training data
 - Rotations, adding noise,
- reduce the size of the network
 - Not recommended
- regularization techniques
 - Effect:
 - the network prefers to learn small weights, all other things being equal. Large weights will only be allowed if they considerably improve the first part of the cost function
 - \blacksquare a way of compromising between finding small weights and minimizing the original cost function (when λ is small we prefer to minimize the original cost function, but when λ is large we prefer small weights)
 - Give importance to all features
 - X = [1,1,1,1]
 - W1 = [1, 0, 0, 0]
 - W2 = [0.25, 0.25, 0.25, 0.25]
 - $W_1^T X = W_2^T X = 1$
 - $L1(W_1)=0.25+0.25+0.25+0.25=1$
 - $L1(W_2)=1+0+0+0=1$

Reducing overfitting - regularization techniques

- Methods
 - □ L1 regularisation add the sum of the absolute values of the weights $C = C_0 + \lambda/n \sum |w|$
 - the weights shrink by a constant amount toward 0
 - Sparsity (feature selection more weights are 0)
 - □ weight decay (L2 regularization) add an extra term to the cost function (the L2 regularization term = the sum of the squares of all the weights in the network = $\lambda/2n \sum w^2$): C = C₀ + $\lambda/2n \sum w^2$
 - the weights shrink by an amount which is proportional to w
 - Elastic net regularisation
 - $\lambda 1|w| + \lambda 2w2\lambda 1|w| + \lambda 2w2$
 - Max norm constraints (clapping)
 - Dropout modify the network itself (http://www.cs.toronto.edu/~rsalakhu/papers/srivastava14a.pdf)
 - Some neurons are temporarily deleted
 - propagate the input and backpropagate the result through the modified network
 - update the appropriate weights and biases.
 - repeat the process, first restoring the dropout neurons, then choosing a new random subset of hidden neurons to delete

Improve NN's performance

□ Cost functions → loss functions

- Regularisation
- Initialisation of weights
- NN's hyper-parameters

□ Cost functions → loss functions

- Possible cost functions
 - Quadratic cost
 - $1/2n \sum_{x} || D C||^2$
 - Cross-entropy loss (negative log likelihood)
 - $1/n \sum_{x} [D ln C + (1 D) ln(1 C)]$
- Optimizing the cost function
 - Stochastic gradient descent by backpropagation
 - Hessian technique
 - Pro: it incorporates not just information about the gradient, but also information about how the gradient is changing
 - Cons: the sheer size of the Hessian matrix
 - Momentum-based gradient descent
 - Velocity & friction

Initialisation of weights

- Pitfall
 - all zero initialization
- Small random numbers
 - \square W = 0.01* random(D,H)
- Calibrating the variances with 1/sqrt(#Inputs)
 - w = random (#Inputs) / sqrt(#Inputs)
- Sparse initialization
- Initializing the biases
- In practice
 - w = random(#Inputs) * sqrt(2.0/#Inputs)

- NN's hyper-parameters*
 - Learning rate η
 - Constant rate
 - Not-constant rate
 - Regularisation parameter λ
 - Mini-batch size

75

NN's hyper-parameters

- Learning rate η
 - Constant rate
 - Not-constant rate
 - Annealing the learning rate
 - Second order methods
 - Per-parameter adaptive learning rate methods

NN's hyper-parameters - Learning rate η

- Not-constant rate
 - Annealing the learning rate
 - Step decay
 - Reduce the learning rate by some factor every few epochs
 - η = η * factor
 - Eg. $\eta = \eta * 0.5$ every 5 epochs
 - Eg. $\eta = \eta * 0.1$ every 20 epochs
 - Exponential decay
 - $a=a_0\exp(-kt)$,

where a_0 , k are hyperparameters and t is the iteration number (but you can also use units of epochs).

- 1/t decay
 - $a = a_0/(1+kt)$

where a_0 , k are hyperparameters and t is the iteration number.

- NN's hyper-parameters Learning rate η
 - Not-constant rate
 - Second order methods
 - Newton's method (Hessian)
 - quasi-Newton methods
 - L- BGFS (Limited memory Broyden-Fletcher-Goldfarb-Shanno)
 - https://static.googleusercontent.com/media/res earch.google.com/ro//archive/large_deep_netw orks_nips2012.pdf
 - https://arxiv.org/pdf/1311.2115.pdf

- NN's hyper-parameters Learning rate η
 - Not-constant rate
 - Per-parameter adaptive learning rate methods
 - Adagrad
 - http://www.jmlr.org/papers/volume12/duchi11a/duchi11 a.pdf
 - RMSprop
 - http://www.cs.toronto.edu/~tijmen/csc321/slid es/lecture_slides_lec6.pdf
 - Adam
 - https://arxiv.org/pdf/1412.6980.pdf

Tools

- Keras
 - NN APT
 - https://keras.io/
 - + Theano (machine learning library; multi-dim arrays) http://www.deeplearning.net/software/theano/ http://www.iro.umontreal.ca/~lisa/pointeurs/theano_scipy2010.pdf
 - + TensorFlow (numerical computation) https://www.tensorflow.org/
- Pylearn2 http://deeplearning.net/software/pylearn2/
 - ML library
 - + Theano
- Torch http://torch.ch/
 - scientific computing framework
 - Multi-dim array
 - NN
 - GPU
- Caffe
 - deep learning framework
 - Berkley

Recapitulare



Sisteme care învaţă singure (SIS)

- Reţele neuronale artificiale
 - Modele computaţionale inspirate de reţelele neuronale artificiale
 - Grafe speciale cu noduri așezate pe straturi
 - Strat de intrare → citeşte datele de intrare ale problemei de rezolvat
 - Strat de ieşire → furnizează rezultate problemei date
 - Strat(uri) ascunse → efectuează calcule
 - Nodurile (neuronii)
 - Au intrări ponderate
 - Au funcţii de activare (liniare, sigmoidale, etc)
 - necesită antrenare → prin algoritmi precum:
 - Perceptron
 - Scădere după gradient
 - □ Algoritm de antrenare a întregii RNA → Backpropagation
 - Informaţia utilă se propagă înainte
 - Eroarea se propagă înapoi

Cursul următor

- A. Scurtă introducere în Inteligența Artificială (IA)
- B. Rezolvarea problemelor prin căutare
 - Definirea problemelor de căutare
 - Strategii de căutare
 - Strategii de căutare neinformate
 - Strategii de căutare informate
 - Strategii de căutare locale (Hill Climbing, Simulated Annealing, Tabu Search, Algoritmi evolutivi, PSO, ACO)
 - Strategii de căutare adversială
- c. Sisteme inteligente
 - Sisteme care învaţă singure
 - Arbori de decizie
 - Rețele neuronale artificiale
 - Algoritmi evolutivi
 - Sisteme bazate pe reguli
 - Sisteme hibride

Cursul următor – Materiale de citit și legături utile

- capitolul 15din C. Groşan, A. Abraham, Intelligent Systems: A Modern Approach, Springer, 2011
- Capitolul 9 din T. M. Mitchell, Machine Learning, McGraw-Hill Science, 1997
- Documentele din directorul 12_svm şi 13_GP

- Informaţiile prezentate au fost colectate din diferite surse de pe internet, precum şi din cursurile de inteligenţă artificială ţinute în anii anteriori de către:
 - Conf. Dr. Mihai Oltean www.cs.ubbcluj.ro/~moltean
 - Lect. Dr. Crina Groşan www.cs.ubbcluj.ro/~cgrosan
 - Prof. Dr. Horia F. Pop www.cs.ubbcluj.ro/~hfpop