# 힙 정렬, 우선순위 큐, 펜윅트리, 다익스트라 알고리즘 에 대한 조사

V2018114 임철호

## Priority Queue(우선순위 큐)

입력된 순서와 상관없이 우선순위에 따라 데이터를 꺼내는 자료구조

우선순위 큐를 구현 방법

- 배열
- 연결 리스트
- 힙

	삭제 순서
스택	후입선출 (LIFO)
큐	선입선출 (FIFO)
우선순위 큐	우선순위가 가장 높은 데이터

#### 배열

-데이터 삽입 및 삭제과정에서 데이터를 한 칸씩 당기거나 밀어야 하는 연산을 계속 하여야 한다.

### 연결 리스트

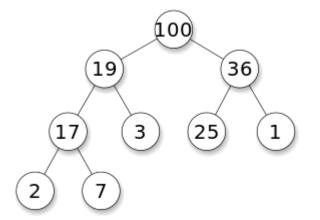
-삽입의 위치를 찾기 위해 첫번째 노드에서부터 시작해 마지막 노드에 저장된 데이터와 우선순위를 비교 진행 해야한다.

라는 단점이 있기에 우선순위 큐 사용시 힙을 주로 사용한다.

### HEAP 구조

• Heap은 최댓값 및 최솟값을 찾아내는 연산을 빠르게 하기 위해 고안된 완전이진트리(Complete binary tree)를 기본으로 한 자료구조

- 최대힙 부모 노드가 자식 노드 보다 크거나 같은 것
- 최소힙 부모 노드가 자식 노드 보다 작거나 같은 것
- 부모는 자식보다 우선순위가 높은 데이터가 배치된다.
- 힙의 데이터 삭제는 항상 루트에서 일어난다.



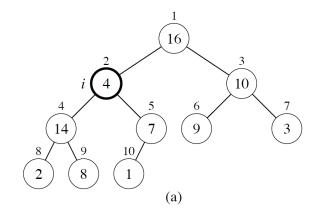
최대 힙

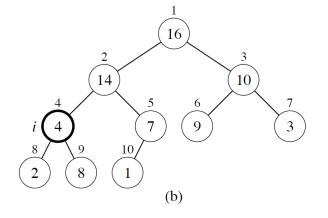
### **HEAP Sorting**

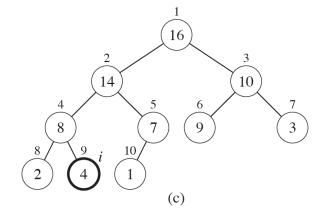
• 힙을 이용한 정렬 방법

- 힙에 원소를 추가 시 가장 말단에 원소를 추가하고 부모 노드와 비교
- 힙에 원소 삭제 시 루트의 원소를 삭제하고 가장 말단의 원소를 루트에 옮긴 후 자식 노드와 비교

### **HEAP Sorting**







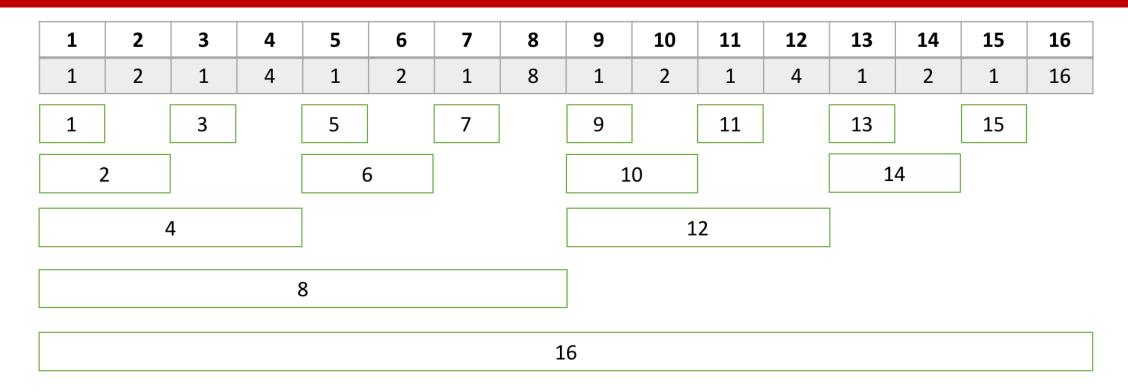
최대 힙으로 정렬하는 과정

- 1. 최대힙을 구성한다.
- 2. 최대힙의 루트값을 배열의 맨 뒤로 보낸 후 배열 사이즈를 하나 줄인다.
- 3. 변경된 배열 안에서 다시 최대힙을 구한다.
- 4. 2~3의 과정을 배열의 길이가 1이 될 때까지 반복한다.

### Fenwick tree

- Fenwick Tree를 구현하려면, 어떤 수 X를 이진수로 나타냈을 때, 마지막 1의 위치를 알 아야 한다.
- 3 = 1**1**<sub>2</sub>
- $5 = 101_2$
- $6 = 110_2$
- $8 = 1000_2$
- 9 =  $1001_2$
- 10 = 10**1**0<sub>2</sub>
- 11 = 101**1**<sub>2</sub>
- 12 = 1**1**00<sub>2</sub>
- $16 = 10000_2$
- 마지막 1이 나타내는 값을 L[i]라하면. L[3] = 1, L[10] = 2, L[12] = 4이 된다.
- 수 N개를 A[1] ~ A[N]이라고 했을 때, Tree[i]는 A[i] 부터 앞으로 L[i]개의 합이 저장되어 있다.

### Fenwick tree



위 그림은 각각의 i에 대해서, L[i]를 나타낸 표이다. 아래 초록 네모는 i 부터 앞으로 L[i]개가 나타내는 구간.

L[i] = i & -i가 이며. 그 이유는 아래와 같습니다.

A = [3, 2, 5, 7, 10, 3, 2, 7, 8, 2, 1, 9, 5, 10, 7, 4]인 경우에, 각각의 Tree[i]가 저장하고 있는 값은 그림과 같게 된다

A[1]	A[2]	A[3]	A[4]	A[5]	A[6]	A[7]	A[8]	A[9]	A[10]	A[11]	A[12]	A[13]	A[14]	A[15]	A[16]
3	2	5	7	10	3	2	7	8	2	1	9	5	10	7	4
3		5		10		2		8		1		5		7	
5	5		1	3			1	0			1	.5			
17								2	0						
						1									

39

합을 구하는 법

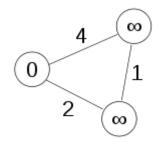
A[1]	A[2]	A[3]	A[4]	A[5]	A[6]	A[7]	A[8]	A[9]	A[10]	A[11]	A[12]	A[13]	A[14]	A[15]	A[16]
3	2	5	7	10	3	2	7	8	2	1	9	5	10	7	4
3		5		10		2		8		1		5		7	
5			1	3			1	0			1	5			
17								2	0						
39															

85

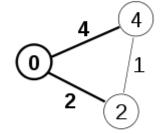
만약 A[1] 부터 A[13] 까지의 합을 구한다면 13의 이진수는 1101이고

## Dijkstra's Algorithm

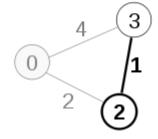
• 어떤 변도 음수 가중치를 갖지 않는 유향 그래프에서 주어진 출발점과 도착점 사이의 최단 경로 문제를 푸는 알고리즘



- 변 경감(edge relaxation)이라고 불리는 기본 연산을 바탕으로 한다
- s에서 u까지의 최단 경로(du))를 이미 알고 있고, u에서 u까지 길이가 w(u, v)인 변(u, v)가 존재할 때 s에서 u까지의 최단 경로는 u까지의 최단 경로에 변(u, v)를 추가함으로써 얻을 수 있다. 이 경로의 비용은 du+w(u, v)가 되며, 이 비용이 현재의 d(u) 값보다 낮으면 d(u)를 새로운 값으로 바꾼다.



• 경감 연산은 모든 변 (*u*, *u*)에 대해 한번씩 경감이 적용되어 모든 *d*[*u*]가 최단 경로의 비용을 나타내게 되었을 때 끝난다.



•

### Dijkstra's Algorithm

#### 문 제

농부 창호가 키우는 소들은 각자 자신의 목장에 얌전히 있다. 소가 없는 텅 빈 목장도 있다. 각각의 목장은 다른 목장들과 하나 혹은 더많은 길로 연결이 되어 있다. 때때로 두 목장은 한 개 이상의 길로 연결되어 있을 수도 있으며, 적어도 한 개 이상의 목장들은 헛간으로 가는 길이 존재한다. 물론 소는 어떤 방향으로도 갈 수 있고, 모든 소들은 같은 속도로 걷게 된다.

목장들에는 'a' 부터 'z' 까지와, 'A' 부터 'Y' 까지로 번호가 붙여져 있다. 소 한 마리는 대문자 알파벳이 번호 매겨진 목장에 있다(목장 하나 당 소 한 마리 이다). 그리고 소가 없는 목장은 소문자로 번호가 매겨져 있다. 헛간은 그 헛간에 소가 있건 없건, 'Z' 로 번호가 매겨져 있다.

각각 목장과 목장, 혹은 목장과 헛간을 잇는 길의 거리가 주어질 때, 헛간으로 가장 먼저 올 수 있는 소와 그 거리를 구하는 프로그램을 작성하자.

## Dijkstra's Algorithm

#### 입력 형식

첫째줄에는 P(1≤P≤10,000)개의 길 들이 입력된다. 둘째줄 부터 P+1 번째 줄까지, 한 줄에 두 문자와 숫자 하나가 입력 되는데, 이는 서로 연결 되는 두 목장(혹은 헛간)의 번호와, 그 길의 길이(1≤길이≤1,000)를 뜻한다.

#### 출력 형식

가장 먼저 헛간에 도달하는 소가 원래 있던 목장의 번호와 그 소가 걷는 거리를 출력하라.

#### 입력 예

A d 6

5

B d 3

Се 9

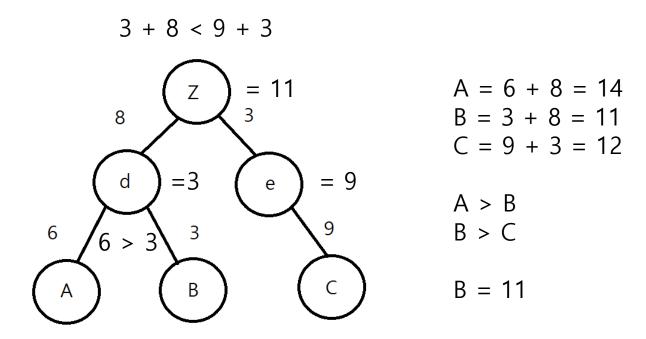
d Z 8

e Z 3

#### 출력 예

B 11

### 입력 예로 본 알고리즘



A에서 d로 가는 거리를 처음에 d 에 저장하고 B에서 d로 가는 거리를 저장한다. 그후 그 둘을 비교하여 더 작은 값을 d에 저장한다.

마찬가지로 Z에서도 d에서 Z까지의 거리를 더해주고 e에서 Z까지의 거리를 더해준 후 그중 가장 낮은 값을 Z에 저장한다. Z까지 가는 모든 경로의 수가 계산 되었을 때 가장 작은 값과 출발 지점을 출력한다.