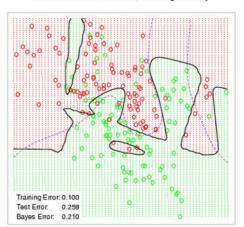
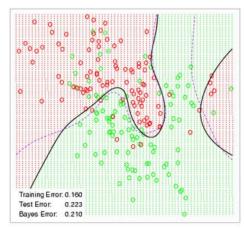


权重衰退

Neural Network - 10 Units, No Weight Decay



Neural Network - 10 Units, Weight Decay=0.02



使用均方范数作为硬性限制

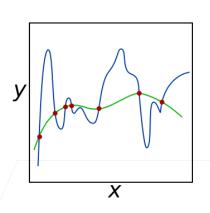


• 通过限制参数值的选择范围来控制模型容量

min
$$\ell(\mathbf{w}, b)$$
 subject to $\|\mathbf{w}\|^2 \le \theta$







使用均方范数作为柔性限制



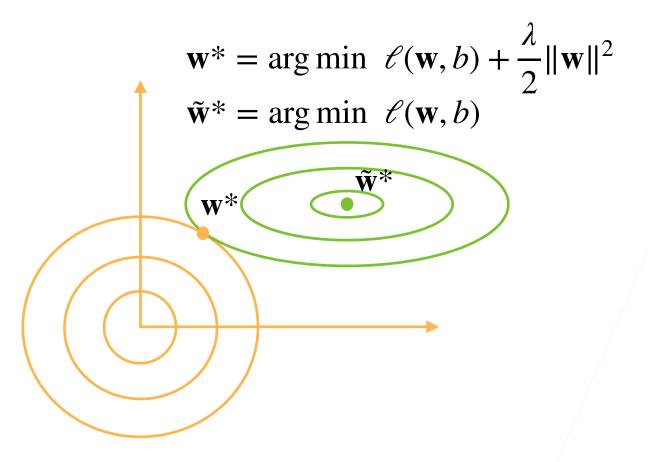
·对每个 θ ,都可以找到 λ 使得之前的目标函数等价于下面

$$\min \ \mathcal{E}(\mathbf{w}, b) + \frac{\lambda}{2} ||\mathbf{w}||^2$$

- 可以通过拉格朗日乘子来证明
- · 超参数 λ 控制了正则项的重要程度
 - ・ $\lambda = 0$: 无作用
 - $\lambda \to \infty, \mathbf{w}^* \to \mathbf{0}$

演示对最优解的影响





参数更新法则



• 计算梯度

$$\frac{\partial}{\partial \mathbf{w}} \left(\ell(\mathbf{w}, b) + \frac{\lambda}{2} ||\mathbf{w}||^2 \right) = \frac{\partial \ell(\mathbf{w}, b)}{\partial \mathbf{w}} + \lambda \mathbf{w}$$

• 时间 t 更新参数

$$\mathbf{w}_{t+1} = (1 - \eta \lambda) \mathbf{w}_t - \eta \frac{\partial \mathcal{E}(\mathbf{w}_t, b_t)}{\partial \mathbf{w}_t}$$

• 通常 $\eta\lambda$ < 1,在深度学习中通常叫做权重衰退

总结



- 权重衰退通过 L2 正则项使得模型参数不会过大,从而控制模型复杂度
- 正则项权重是控制模型复杂度的超参数