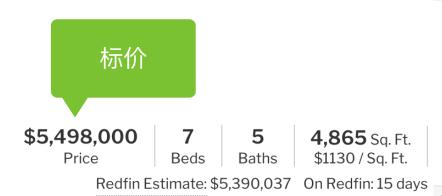
如何在美国买房

- 看中一个房,参观了解
- •估计一个价格,出价









Virtual Tour

- Branded Virtual Tour
- Virtual Tour (External Link)

Parking Information

- Garage (Minimum): 2
- Garage (Maximum): 2
- Parking Description: Attached Garage, On Street
- Garage Spaces: 2

Multi-Unit Information

• # of Stories: 2

School Information

- Elementary School: El Carmelo
- Elementary School District: Palo
- Middle School: Jane Lathrop Sta
- High School: Palo Alto High
- High School District: Palo Alto L

Interior Features

Bedroom Information

- # of Bedrooms (Minimum): 7
- # of Rodrooms (Maximum): 7

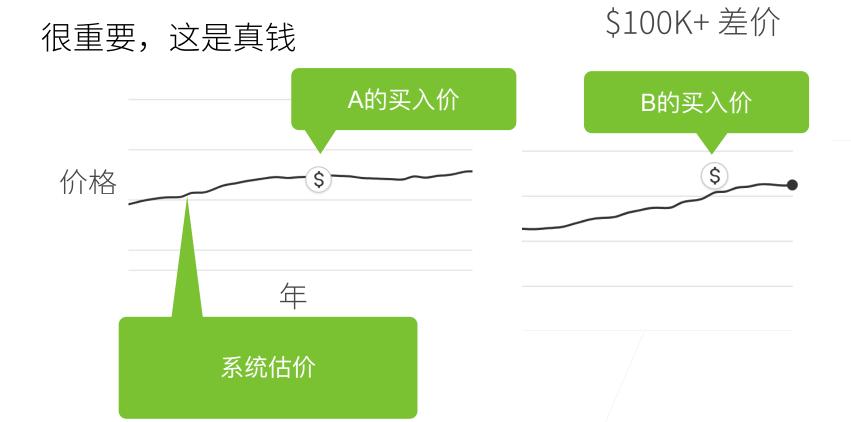
 Kitchen Description: Countertop Dishwasher, Garbage Disposal, H Island with Sink, Microwave, Over

预计价格

房价预测

动手学深度学习 v2·https://courses.d2l.ai/zh-v2





一个简化模型





- 假设 1:影响房价的关键因素是卧室个数,卫生间个数,和居住面积,记为 x_1, x_2, x_3
- 假设 2: 成交价是关键因素的加权和

$$y = w_1 x_1 + w_2 x_2 + w_3 x_3 + b$$

权重和偏差的实际值在后面决定

线性模型



- 给定 n 维输入 $\mathbf{x} = [x_1, x_2, ..., x_n]^T$
- 线性模型有一个 n 维权重和一个标量偏差

$$\mathbf{w} = [w_1, w_2, ..., w_n]^T, b$$

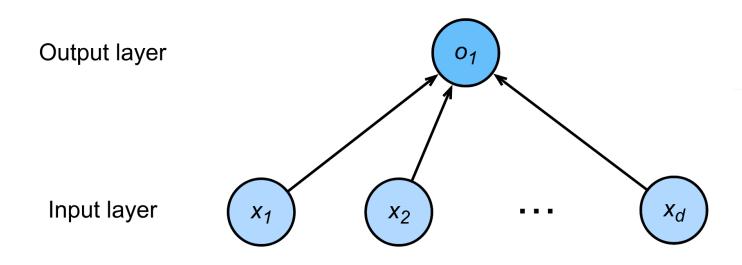
• 输出是输入的加权和

$$y = w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_n x_n + b$$

向量版本:
$$y = \langle \mathbf{w}, \mathbf{x} \rangle + b$$

线性模型可以看做是单层神经网络

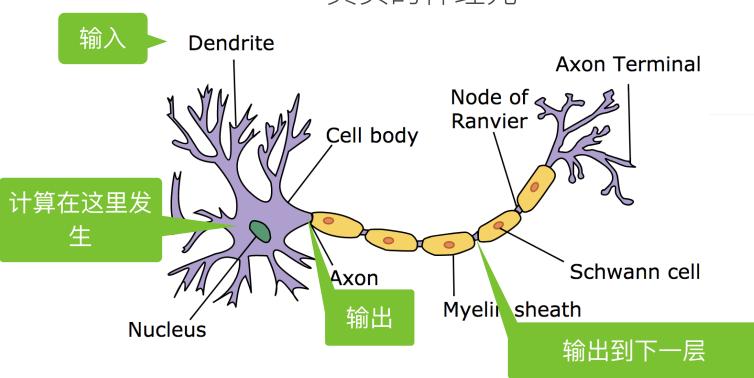




神经网络源于神经科学







衡量预估质量



- 比较真实值和预估值,例如房屋售价和估价
- ·假设y是真实值, \hat{y} 是估计值,我们可以比较

$$\mathcal{E}(y,\hat{y}) = \frac{1}{2} \left(y - \hat{y} \right)^2$$

这个叫做平方损失

训练数据



- 收集一些数据点来决定参数值(权重和偏差),例如过去6个月卖的房子
- 这被称之为训练数据
- 通常越多越好
- · 假设我们有 n 个样本,记

$$\mathbf{X} = \begin{bmatrix} \mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2, ..., \mathbf{x}_n \end{bmatrix}^T \quad \mathbf{y} = \begin{bmatrix} y_1, y_2, ..., y_n \end{bmatrix}^T$$

参数学习



• 训练损失

$$\mathcal{E}(\mathbf{X}, \mathbf{y}, \mathbf{w}, b) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \langle \mathbf{x}_i, \mathbf{w} \rangle - b)^2 = \frac{1}{2n} \| \mathbf{y} - \mathbf{X}\mathbf{w} - b \|^2$$

· 最小化损失来学习参数

$$\mathbf{w}^*, \mathbf{b}^* = \arg\min_{\mathbf{w}, b} \mathcal{E}(\mathbf{X}, \mathbf{y}, \mathbf{w}, b)$$

显示解



• 将偏差加入权重 $\mathbf{X} \leftarrow [\mathbf{X}, \mathbf{1}] \quad \mathbf{w} \leftarrow \begin{bmatrix} \mathbf{w} \\ b \end{bmatrix}$

$$\mathcal{E}(\mathbf{X}, \mathbf{y}, \mathbf{w}) = \frac{1}{2n} \| \mathbf{y} - \mathbf{X}\mathbf{w} \|^2 \frac{\partial}{\partial \mathbf{w}} \mathcal{E}(\mathbf{X}, \mathbf{y}, \mathbf{w}) = \frac{1}{n} (\mathbf{y} - \mathbf{X}\mathbf{w})^T \mathbf{X}$$

• 损失是凸函数,所以最优解满足

$$\frac{\partial}{\partial \mathbf{w}} \mathcal{E}(\mathbf{X}, \mathbf{y}, \mathbf{w}) = 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{n} (\mathbf{y} - \mathbf{X}\mathbf{w})^T \mathbf{X} = 0$$

$$\Leftrightarrow \mathbf{w}^* = (\mathbf{X}^T \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{y}$$

总结



- ·线性回归是对n维输入的加权,外加偏差
- 使用平方损失来衡量预测值和真实值的差异
- 线性回归有显示解
- 线性回归可以看做是单层神经网络