Metryki sukcesu

REGRESJA

Obliczanie błędu

Residual Error =
$$y - \hat{y}$$

Podstawowe obliczenie

| Wartość prawdziwa | Wartość przewidywana | Błąd |
|----------------------|-------------------------|------|
| 100 | 130 | -30 |
| 180 | 150 | 30 |
| 100 | 100 | 0 |

Regresja – metryki sukcesu

Podstawowe metryki sukcesu dla regresji to:

mean squared error (MSE)

mean absolute error (MAE)

root mean square error (RMSE)

root mean square logarithm error (RMSLE)

Mean absolute error (MAE)

$$\mathsf{MAE} = \frac{\sum_{i=1}^{n} |y_i - \hat{y}_1|}{n}$$

Mean absolute error (MAE)

| Actual Value (y) | Predicted Value (y hat) | Error (difference) | Absolute Error |
|------------------|-------------------------|--------------------|----------------|
| 100 | 130 | -30 | 30 |
| 150 | 170 | -20 | 20 |
| 200 | 220 | -20 | 20 |
| 250 | 260 | -10 | 10 |
| 300 | 325 | -25 | 25 |
| | | Mean: | 21 |

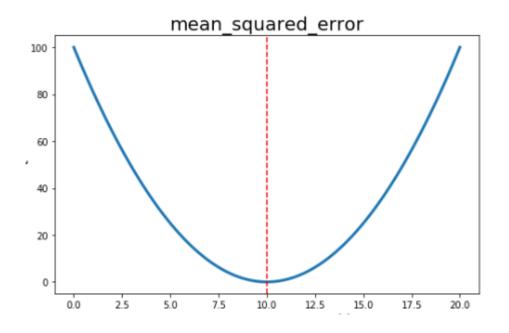
Mean Square Error (MSE)

MSE =
$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y})^2$$

Mean Square Error (MSE)

| Actual Value (y) | Predicted Value (y hat) | Error (difference) | Squared Error |
|------------------|-------------------------|--------------------|---------------|
| 100 | 130 | -30 | 900 |
| 150 | 170 | -20 | 400 |
| 200 | 220 | -20 | 400 |
| 250 | 260 | -10 | 100 |
| 300 | 325 | -25 | 625 |
| | | Mean: | 485 |

Analiza wykresów - MSE



Root mean square error (RMSE)

RMSE =
$$\sqrt{\frac{1}{n}} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y})^2$$

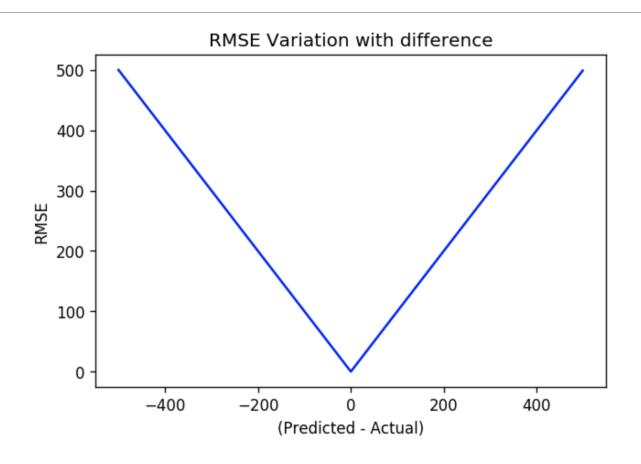
Root mean square error (RMSE)

| Actual Value (y) | Predicted Value (y hat) | Error (difference) | Absolute Error |
|------------------|-------------------------|--------------------|----------------|
| 100 | 130 | -30 | 900 |
| 150 | 170 | -20 | 400 |
| 200 | 220 | -20 | 400 |
| 250 | 260 | -10 | 100 |
| 300 | 325 | -25 | 625 |

Mean: 485

Square root of mean 22,02271555

Analiza wykresów - RMSE



Root mean squared log error (RMSLE)

RMSLE=
$$\sqrt{\frac{1}{n}} \sum_{i=1}^{n} (\log (y_i + 1) - (\widehat{y+1})^2)$$

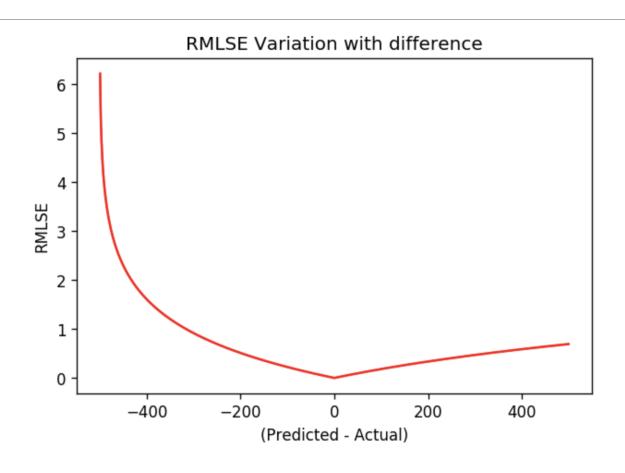
Root mean squared log error (RMSLE)

| Actual Value (y) | Predicted Value (y hat) | Actual | Predicted Value + 1 | log (Actual) | Log (Predicted) | Error (difference) | Squared Error |
|---------------------|-------------------------------|--------|------------------------|--------------|--------------------|-----------------------|------------------|
| 100 | 130 | 101 | 131 | 2,0043214 | 2,1172713 | -0,11294992 | 0,01275768 |
| 150 | 170 | 151 | 171 | 2,1789769 | 2,2329961 | -0,05401916 | 0,00291807 |
| 200 | 220 | 201 | 221 | 2,3031961 | 2,3443923 | -0,04119622 | 0,00169713 |
| 250 | 260 | 251 | 261 | 2,3996737 | 2,4166405 | -0,01696679 | 0,00028787 |
| 300 | 325 | 301 | 326 | 2,4785665 | 2,5132176 | -0,0346511 | 0,0012007 |

Mean: 0,00377229

Squre root of mean: 0,06141898

Analiza wykresów – RMSLE – historia ze sklepem



Specyfikacja metryk

| | MAE | RMSE | RMSLE |
|-------------------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|
| Zakres wejściowy | (-∞, +∞) | (-∞, +∞) | [1, +∞) |
| Zakres wyjściowy | [0, +∞) | [0, +∞) | [0, +∞) |
| Wartość idealna | 0 | 0 | 0 |
| Kara za wartości odstające | liniowa | kwadratowa | exp. i log |
| Jednostka | taka sama jak danych | taka sama jak danych | taka sama jak danych |
| Symetryczny? | tak | tak | nie |

MAE vs (R)MSE - podsumowanie

| MAE | (R)MSE | |
|---|--|--|
| Zalety: | Zalety: | |
| Mniej czułe na wartości dostające | Ma pierwszą i drugą pochodną Dobrze działa, w przypadku rozkładu normalnego (lub zbliżonego) | |
| Wady: | Wady: | |
| Brak pierwszej pochodnej w pkt zero i drugiej pochodnej – co w konsekwencji sprawie, że algorytmy oparte o pochodne (praktycznie większość obecnie) nie działają | Czuła na wartości wyraźne odstające – próbuje wychwycić je za wszelką cenę, kosztem pozostałych danych | |

Bibliografia

https://medium.com/human-in-a-machine-world/mae-and-rmse-which-metric-is-better-e60ac3bde13d

https://en.wikipedia.org/wiki/Mean squared error

https://en.wikipedia.org/wiki/Mean absolute error

https://en.wikipedia.org/wiki/Root-mean-square deviation

https://www.slideshare.net/KhorSoonHin/rmsle-cost-function

https://pl.qwe.wiki/wiki/Mean squared error

http://www.mblachnik.pl/lib/exe/fetch.php/dydaktyka/zajecia/ai/ci wyklady.pdf

https://medium.com/analytics-vidhya/root-mean-square-log-error-rmse-vs-rmlse-935c6cc1802a

https://www.analyticsvidhya.com/blog/2019/08/11-important-model-evaluation-error-metrics/