# Нейронные сети: обучение без учителя

K. B. Воронцов vokov@forecsys.ru

Этот курс доступен на странице вики-ресурса http://www.MachineLearning.ru/wiki «Машинное обучение (курс лекций, К.В.Воронцов)»

МФТИ • 11 февраля 2022

#### Содержание

- 🚺 Сети Кохонена для кластеризации и визуализации
  - Задача кластеризации
  - Модели конкурентного обучения
  - Карты Кохонена
- Автокодировщики
  - Задача понижения размерности
  - Регуляризаторы
  - Применение автокодировщиков
- Пазвитие идей частичного обучения
  - Перенос обучения и многозадачное обучение
  - Дистилляция и привилегированное обучение
  - Генеративные состязательные сети (GAN)

# Постановка задачи кластеризации (обучения без учителя)

#### Дано:

$$X^\ell=\{x_i\}_{i=1}^\ell$$
 — обучающая выборка объектов,  $x_i\in\mathbb{R}^n$   $ho^2(x,w)=\|x-w\|^2$  — евклидова метрика в  $\mathbb{R}^n$ 

#### Найти:

центры кластеров  $w_y \in \mathbb{R}^n$ ,  $y \in Y$ ; алгоритм кластеризации «правило жёсткой конкуренции» (WTA, Winner Takes All):

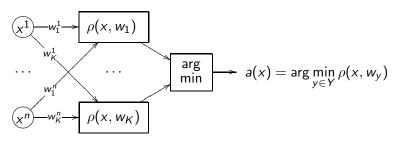
$$a(x) = \arg\min_{y \in Y} \rho(x, w_y)$$

Критерий: среднее внутрикластерное расстояние

$$Q(w; X^{\ell}) = \sum_{i=1}^{\ell} \rho^{2}(x_{i}, w_{a(x_{i})}) \rightarrow \min_{w_{y}: y \in Y}$$

## Сеть Кохонена (сеть с конкурентным обучением)

Структура алгоритма — двухслойная нейронная сеть:



Градиентный шаг в методе SG: для выбранного  $x_i \in X^\ell$ 

$$w_y := w_y + \eta(x_i - w_y) \big[ a(x_i) = y \big]$$

Если  $x_i$  относится к кластеру y, то  $w_y$  сдвигается в сторону  $x_i$ 

T.Kohonen. Self-organized formation of topologically correct feature maps. 1982.

# Алгоритм SG (Stochastic Gradient)

```
Вход: выборка X^{\ell}; темп обучения \eta; параметр \lambda;
Выход: центры кластеров w_1, \ldots, w_K \in \mathbb{R}^n;
инициализировать центры w_{v}, y \in Y;
инициализировать текущую оценку функционала:
Q := \sum_{i=1}^{\infty} \rho^{2}(x_{i}, w_{a(x_{i})});
повторять
    выбрать объект x_i из X^{\ell} (например, случайно);
    вычислить кластеризацию: y := \arg\min_{y \in Y} \rho(x_i, w_y);
    градиентный шаг: w_{v} := w_{v} + \eta(x_{i} - w_{v});
   оценить значение функционала:
     Q := (1 - \lambda)Q + \lambda \rho^2(x_i, w_v);
\mathbf{пока} значение Q и/или веса w не стабилизируются;
```

#### Жёсткая и мягкая конкуренция

# Правило жёсткой конкуренции WTA (winner takes all):

$$w_y := w_y + \eta(x_i - w_y) [a(x_i) = y], \quad y \in Y$$

#### Недостатки правила WTM:

- медленная скорость сходимости
- ullet некоторые  $w_{\scriptscriptstyle V}$  могут никогда не выбираться

#### Правило мягкой конкуренции WTM (winner takes most):

$$w_{v} := w_{v} + \eta(x_{i} - w_{v}) K(\rho(x_{i}, w_{v})), \quad y \in Y$$

где ядро K(
ho) — неотрицательная невозрастающая функция

Теперь центры всех кластеров смещаются в сторону  $x_i$ , но чем дальше от  $x_i$ , тем меньше величина смещения

# Карта Кохонена (Self Organizing Map, SOM)

 $Y=\{1,\ldots,M\} imes\{1,\ldots,H\}$  — прямоугольная сетка кластеров Каждому узлу (m,h) приписан нейрон Кохонена  $w_{mh}\in\mathbb{R}^n$  Наряду с метрикой  $\rho(x_i,x)$  на X вводится метрика на сетке Y:

$$r((m_i, h_i), (m, h)) = \sqrt{(m - m_i)^2 + (h - h_i)^2}$$

Окрестность $(m_i, h_i)$ :

Teuvo Kohonen. Self-Organizing Maps. 2001.

# Обучение карты Кохонена

```
Вход: X^{\ell} — обучающая выборка; \eta — темп обучения;
Выход: w_{mh} \in \mathbb{R}^n — векторы весов, m = 1..M, h = 1..H;
w_{mh} := \text{random}\left(-\frac{1}{2MH}, \frac{1}{2MH}\right) - \text{инициализация весов};
повторять
    выбрать объект x_i из X^\ell случайным образом;
    WTA: вычислить координаты кластера:
    (m_i, h_i) := a(x_i) \equiv \arg\min \rho(x_i, w_{mh});
    для всех (m, h) \in \mathsf{O}крестность(m_i, h_i)
    WTM: сделать шаг градиентного спуска: w_{mh} := w_{mh} + \eta(x_i - w_{mh}) K(r((m_i, h_i), (m, h)));
пока кластеризация не стабилизируется;
```

## Интерпретация карт Кохонена

Два типа графиков — цветных карт  $M \times H$ :

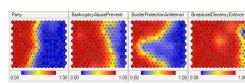
- Цвет узла (m,h) локальная плотность в точке (m,h) среднее расстояние до k ближайших точек выборки
- По одной карте на каждый признак: цвет узла (m,h) значение j-й компоненты вектора  $w_{m,h}$

**Пример:** задача UCI house-votes (US Congress voting patterns) Объекты — конгрессмены

Признаки — результаты голосования по различным вопросам Есть целевой признак «партия»  $\in$  {демократ, республиканец}



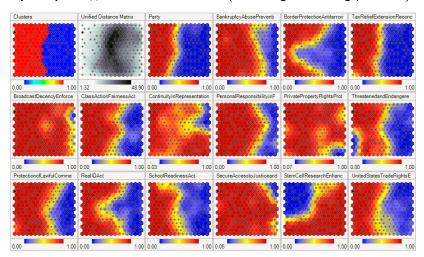




Задача кластеризации
Модели конкурентного обучения
Карты Кохонена

## Интерпретация карт Кохонена (продолжение примера)

#### Пример: задача UCI house-votes (US Congress voting patterns)



# Достоинства и недостатки карт Кохонена

#### Достоинства:

• Возможность визуального анализа многомерных данных

#### Недостатки:

- **Субъективность.** Карта зависит не только от кластерной структуры данных, но и от...
  - свойств сглаживающего ядра;
  - (случайной) инициализации;
  - (случайного) выбора  $x_i$  в ходе итераций.
- Искажения. Близкие объекты исходного пространства могут переходить в далёкие точки на карте, и наоборот.

Рекомендуется только для разведочного анализа данных.

## Построение автокодировщика — задача обучения без учителя

$$X^\ell = \{x_1, \dots, x_\ell\}$$
 — обучающая выборка

$$f: X \! o \! Z$$
 — кодировщик (encoder), кодовый вектор  $z \! = \! f(x, lpha)$ 

$$g:Z\! o\!X$$
 — декодировщик (decoder), реконструкция  $\hat{x}\!=\!g(z,eta)$ 

Суперпозиция  $\hat{x} = g(f(x))$  должна восстанавливать исходные  $x_i$ :

$$\mathscr{L}_{\mathsf{AE}}(\alpha,\beta) = \sum_{i=1}^{\ell} \mathscr{L}(\mathbf{g}(f(\mathbf{x}_i,\alpha),\beta),\mathbf{x}_i) \to \min_{\alpha,\beta}$$

Квадратичная функция потерь:  $\mathscr{L}(\hat{x},x) = \|\hat{x} - x\|^2$ 

**Пример 1**. Линейный автокодировщик:  $x \in \mathbb{R}^n$ ,  $z \in \mathbb{R}^m$ 

$$f(x,A) = \underset{m \times n}{A} x, \qquad g(z,B) = \underset{n \times m}{B} z$$

**Пример 2**. Двухслойная сеть с функциями активации  $\sigma_f, \sigma_g$ :

$$f(x,A) = \sigma_f(Ax + a), \qquad g(z,B) = \sigma_g(Bz + b)$$

#### Способы использования автокодировщиков

- Генерация признаков (feature generation)
- Снижение размерности (dimensionality reduction)
- Сжатие данных с минимальными потерями точности
- Более эффективное решение задач обучения с учителем в новом признаковом пространстве
- Обучаемая векторизация объектов, встраиваемая в более глубокие нейросетевые архитектуры
- Послойное предобучение многослойных сетей
- Генерация синтетических объектов, похожих на реальные

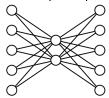
Rumelhart, Hinton, Williams. Learning Internal Representations by Error Propagation. 1986

David Charte et al. A practical tutorial on autoencoders for nonlinear feature fusion: taxonomy, models, software and guidelines. 2018.

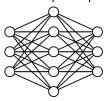
#### Архитектуры автокодировщиков

#### однослойный кодировщик/декодировщик

снижение размерности

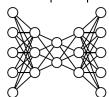


повышение размерности

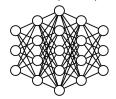


#### многослойный кодировщик/декодировщик

снижение размерности



повышение размерности



# Линейный автокодировщик и метод главных компонент

Линейный автокодировщик: f(x,A) = Ax, g(z,B) = Bz,

$$\mathscr{L}_{AE}(A,B) = \sum_{i=1}^{\ell} \| {}^{B}Ax_i - x_i \|^2 \to \min_{A,B}$$

Метод главных компонент:  $F=(x_1\dots x_\ell)^{\mathsf{T}},\ U^{\mathsf{T}}U=I_m,\ G=FU,$ 

$$||F - GU^{\mathsf{T}}||^2 = \sum_{i=1}^{\ell} ||UU^{\mathsf{T}}x_i - x_i||^2 \to \min_{U}$$

# Автокодировщик обобщает метод главных компонент:

- ullet не обязательно  $B=A^{\mathsf{T}}$  (хотя часто именно так и делают)
- ullet произвольные A,B вместо ортогональных
- ullet нелинейные модели f(x, lpha), g(z, eta) вместо Ax, Bz
- ullet произвольная функция потерь  ${\mathscr L}$  вместо квадратичной
- SGD оптимизация вместо сингулярного разложения SVD

# Разреживающий автокодировщик (Sparse AE)

Применение  $L_1$  или  $L_2$ -регуляризации к векторам весов  $\alpha, \beta$ :

$$\mathscr{L}_{\mathsf{AE}}(\alpha,\beta) + \lambda \|\alpha\| + \lambda \|\beta\| \to \min_{\alpha,\beta}$$

Применение  $L_1$ -регуляризации к кодовым векторам  $z_i$ :

$$\mathscr{L}_{AE}(\alpha,\beta) + \lambda \sum_{i=1}^{\ell} \sum_{j=1}^{m} |f_j(x_i,\alpha)| \to \min_{\alpha,\beta}$$

Энтропийная регуляризация для случая  $f_j \in [0,1]$ :

$$\mathscr{L}_{AE}(\alpha,\beta) + \lambda \sum_{j=1}^{m} KL(\varepsilon || \bar{f}_{j}) \rightarrow \min_{\alpha,\beta},$$

где  $ar{f_j}=rac{1}{\ell}\sum_{i=1}^\ell f_j(x_i,lpha); \quad arepsilon\in (0,1)$  — близкий к нулю параметр,

$$\mathsf{KL}(arepsilon\|
ho) = arepsilon\lograc{arepsilon}{
ho} + (1-arepsilon)\lograc{1-arepsilon}{1-
ho}$$
 —  $\mathsf{KL}$ -дивергенция.

D.Arpit et al. Why regularized auto-encoders learn sparse representation? 2015.

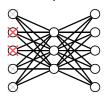
# Шумоподавляющий автокодировщик (Denoising AE)

Устойчивость кодовых векторов  $z_i$  относительно шума в  $x_i$ :

$$\mathscr{L}_{\mathsf{DAE}}(\alpha,\beta) = \sum_{i=1}^{\ell} \mathsf{E}_{\tilde{\mathbf{x}} \sim q(\tilde{\mathbf{x}}|\mathbf{x}_i)} \mathscr{L}\big( g(f(\tilde{\mathbf{x}},\alpha),\beta), x_i \big) \to \min_{\alpha,\beta}$$

Вместо вычисления  $\mathsf{E}_{\widetilde{x}}$  в методе SGD объекты  $x_i$  сэмплируются и зашумляются по одному:  $\widetilde{x} \sim q(\widetilde{x}|x_i)$ . Варианты зашумления:

- $\tilde{x} \sim \mathcal{N}(x_i, \sigma^2 I)$  гауссовский шум
- обнуление компонент вектора  $x_i$  с вероятностью  $p_0$ :



P. Vincent, H. Larochelle, Y. Bengio, P.-A. Manzagol. Extracting and composing robust features with denoising autoencoders. ICML-2008.

# Сжимающий автокодировщик (Contractive AE)

Устойчивость кодовых векторов  $z_i$  относительно шума в  $x_i$ :

$$\mathscr{L}_{\mathsf{AE}}(\alpha,\beta) + \lambda \sum_{i=1}^{\ell} \|J_f(x_i)\|^2 \to \min_{\alpha,\beta}$$

где  $\|J_f(x)\|-L_2$ -норма матрицы Якоби отображения  $f\colon X o Z$ ,

$$||J_f(x)||^2 = \sum_{d=1}^n \sum_{i=1}^m \left(\frac{\partial f_j(x,\alpha)}{\partial x_d}\right)^2$$

В случае  $z=f(x,A)=\sigma(Ax+a)$ , где  $\sigma$  — сигмоида,  $A=(lpha_{jd})$ 

$$||J_f(x)||^2 = \sum_{d=1}^n \sum_{j=1}^m (\alpha_{jd} f_j(x, \alpha) (1 - f_j(x, \alpha)))^2$$

Salah Rifai et al. Contractive auto-encoders: explicit invariance during feature extraction. ICML-2011.

## Реляционный автокодировщик (Relational AE)

Наряду с потерями реконструкции объектов минимизируем потери реконструкции отношений между объектами:

$$\mathscr{L}_{\mathsf{AE}}(\alpha,\beta) + \lambda \sum_{i < j} \mathscr{L}\big(\sigma(\hat{x}_i^\mathsf{T} \hat{x}_j), \sigma(x_i^\mathsf{T} x_j)\big) \to \min_{\alpha,\beta}$$

где  $\hat{x}_i = g(f(x_i))$  — реконструкция объекта  $x_i$ ,  $x_i^{\mathsf{T}} x_j$  — скалярное произведение (близость) пары объектов,  $\sigma(s) = (s-s_0)_+$  — функция активации ReLU с параметром  $s_0$  (незначимые отношения близости не учитываются),  $\mathscr{L}(\hat{s},s)$  — функция потерь, например,  $(\hat{s}-s)^2$ .

Эксперимент: улучшается качество классификации изображений с помощью кодовых векторов на задачах MNIST, CIFAR-10

Qinxue Meng et al. Relational autoencoder for feature extraction. 2018.

# Вариационный автокодировщик (Variational AE)

Строится генеративная модель, способная порождать новые объекты x, похожие на объекты выборки  $X^\ell = \{x_1, \dots, x_\ell\}$ 

$$q_{lpha}(z|x)$$
 — вероятностный кодировщик с параметром  $lpha$   $p_{eta}(\hat{x}|z)$  — вероятностный декодировщик с параметром  $eta$ 

Максимизация нижней оценки log-правдоподобия:

$$\mathcal{L}_{VAE}(\alpha, \beta) = \sum_{i=1}^{\ell} \log p(x_i) = \sum_{i=1}^{\ell} \log \int q_{\alpha}(z|x_i) \frac{p_{\beta}(x_i|z)p(z)}{q_{\alpha}(z|x_i)} dz \geqslant$$

$$\geqslant \sum_{i=1}^{\ell} \int q_{\alpha}(z|x_i) \log \frac{p_{\beta}(x_i|z)p(z)}{q_{\alpha}(z|x_i)} dz =$$

$$= \sum_{i=1}^{\ell} \int q_{\alpha}(z|x_i) \log p_{\beta}(x_i|z) dz - \text{KL}(q_{\alpha}(z|x_i) \parallel p(z)) \rightarrow \max_{\alpha, \beta}$$

D.P.Kingma, M. Welling. Auto-encoding Variational Bayes. 2013. C.Doersch. Tutorial on variational autoencoders. 2016.

# Вариационный автокодировщик (Variational AE)

Оптимизационная задача для вариационного автокодировщика:

$$\sum_{i=1}^{\ell} \underbrace{\mathsf{E}_{z \sim q_{\alpha}(z|x_i)} \log p_{\beta}(x_i|z)}_{\text{качество реконструкции}} - \underbrace{\mathsf{KL}\big(q_{\alpha}(z|x_i) \bigm\| p(z)\big)}_{\text{регуляризатор по } \alpha} \to \max_{\alpha,\beta}$$

где p(z) — априорное распределение, обычно  $\mathcal{N}(0,\sigma^2I)$ 

Репараметризация  $q_{\alpha}(z|x_i)$ :  $z = f(x_i, \alpha, \varepsilon)$ ,  $\varepsilon \sim \mathcal{N}(0, I)$ 

Метод стохастического градиента:

- ullet сэмплировать  $x_i \sim X^\ell$ ,  $\varepsilon \sim \mathcal{N}(0,I)$ ,  $z = f(x_i,\alpha,\varepsilon)$
- градиентный шаг:

$$\alpha := \alpha + h \nabla_{\alpha} [\log p_{\beta}(x_i | f(x_i, \alpha, \varepsilon)) - \mathsf{KL}(q_{\alpha}(z | x_i) || p(z))];$$
  
$$\beta := \beta + h \nabla_{\beta} [\log p_{\beta}(x_i | z)];$$

Генерация похожих объектов:  $x \sim p_{\beta} \big( x | f(\mathbf{x_i}, \alpha, \varepsilon) \big)$ ,  $\varepsilon \sim \mathcal{N}(\mathbf{0}, \mathbf{I})$ 

#### Автокодировщики для обучения с учителем

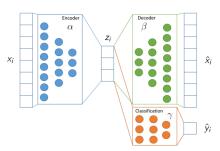
**Данные**: неразмеченные  $(x_i)_{i=1}^\ell$ , размеченные  $(x_i, y_i)_{i=\ell+1}^{\ell+k}$  **Совместное обучение** кодировщика, декодировщика и предсказательной модели (классификации, регрессии или др.):

$$\sum_{i=1}^{\ell} \mathscr{L}\big(g(f(x_i,\alpha),\beta),x_i\big) + \lambda \sum_{i=\ell+1}^{\ell+k} \widetilde{\mathscr{L}}\big(\hat{y}(f(x_i,\alpha),\gamma),y_i\big) \to \min_{\alpha,\beta,\gamma}$$

$$z_i = f(x_i, lpha)$$
 — кодировщик  $\hat{x}_i = g(z_i, eta)$  — декодировщик  $\hat{y}_i = \hat{y}(z_i, \gamma)$  — предиктор

#### Функции потерь:

$$\mathscr{L}(\hat{x}_i,x_i)$$
 — реконструкция  $\tilde{\mathscr{L}}(\hat{y}_i,y_i)$  — предсказание

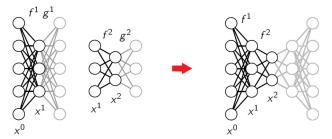


Dor Bank, Noam Koenigstein, Raja Giryes. Autoencoders. 2020

# Многослойный автокодировщик (Stacked AE)

Послойное обучение:  $x^h = f^h(x^{h-1}, \alpha^h)$ ,  $x \equiv x^0$ ,  $z \equiv x^H$ 

- ullet каждая пара  $f^h, g^h$  обучается по выборке  $\{x_1^{h-1}, \dots, x_\ell^{h-1}\}$
- декодировщик  $g^h$  отбрасывается
- ullet однослойные  $f^1,\ldots,f^H$  соединяются в H-слойный



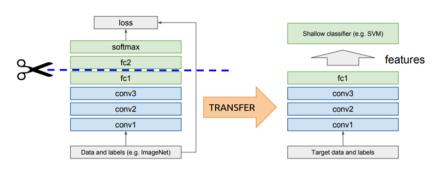
Тонкая настройка (fine tuning): результат послойного обучения используется как начальное приближение для BackProp

Y. Bengio et al. Greedy layer-wise training of deep networks. NIPS 2007.

# Пред-обучение нейронных сетей (pre-training)

Свёрточная сеть для обработки изображений:

- $z = f(x, \alpha)$  свёрточные слои для векторизации объектов
- $y = g(z, \beta)$  полносвязные слои под конкретную задачу



Jason Yosinski, Jeff Clune, Yoshua Bengio, Hod Lipson. How transferable are features in deep neural networks? 2014.

# Перенос обучения (transfer learning)

 $f(x, \alpha)$  — универсальная часть модели (векторизация)  $g(x, \beta)$  — специфичная для задачи часть модели

Базовая задача на выборке  $\{x_i\}_{i=1}^\ell$  с функцией потерь  $\mathscr{L}_i$ :

$$\sum_{i=1}^{\ell} \mathcal{L}_i(f(x_i, \alpha), g(x_i, \beta)) \rightarrow \min_{\alpha, \beta}$$

 $\emph{Целевая задача}$  на другой выборке  $\{x_i'\}_{i=1}^m$ , с другими  $\mathscr{L}_i'$ , g':

$$\sum_{i=1}^{m} \mathcal{L}_{i}'(\mathbf{f}(\mathbf{x}_{i}',\alpha),\mathbf{g}'(\mathbf{x}_{i}',\beta')) \rightarrow \min_{\beta'}$$

при  $m \ll \ell$  это может быть намного лучше, чем

$$\sum_{i=1}^{m} \mathcal{L}'_{i}(f(x'_{i},\alpha),g'(x'_{i},\beta')) \rightarrow \min_{\alpha,\beta'}$$

Sinno Jialin Pan, Qiang Yang. A Survey on Transfer Learning. 2009

# Многозадачное обучение (multi-task learning)

f(x,lpha) — универсальная часть модели (векторизация)  $g_t(x,eta)$  — специфичная часть модели для задачи  $t\in T$ 

Одновременное обучение модели f по задачам  $X_t$ ,  $t \in \mathcal{T}$ :

$$\sum_{t \in \mathcal{T}} \sum_{i \in \mathcal{X}_t} \mathscr{L}_{ti}\big(f(x_{ti}, \alpha), g_t(x_{ti}, \beta_t)\big) \ \to \ \min_{\alpha, \{\beta_t\}}$$

 $\mathit{O6y}$  чаемость (learnability): качество решения отдельной задачи  $\langle X_t, \mathscr{L}_t, g_t 
angle$  улучшается с ростом объёма выборки  $\ell_t = |X_T|$ .

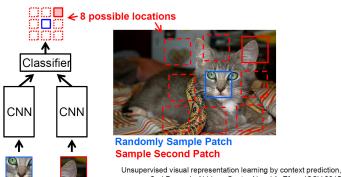
Learning to learn: качество решения каждой из задач  $t \in T$  улучшается с ростом  $\ell_t$  и общего числа задач |T|.

Few-shot learning: для решения задачи t достаточно небольшого числа примеров, иногда даже одного.

M. Crawshaw. Multi-task learning with deep neural networks: a survey. 2020 Y. Wang et al. Generalizing from a few examples: a survey on few-shot learning. 2020

# Самостоятельное обучение (self-supervised learning)

Модель векторизации  $z = f(x, \alpha)$  обучается предсказывать взаимное расположение пар фрагментов одного изображения



Carl Doersch, Abhinav Gupta, Alexei A. Efros, ICCV 2015

Преимущество: сеть выучивает векторные представления объектов без размеченной обучающей выборки.

# Дистилляция моделей или суррогатное моделирование

Обучение сложной модели a(x, w) «долго, дорого»:

$$\sum_{i=1}^{\ell} \mathcal{L}(\mathbf{a}(\mathbf{x}_i, \mathbf{w}), \mathbf{y}_i) \rightarrow \min_{\mathbf{w}}$$

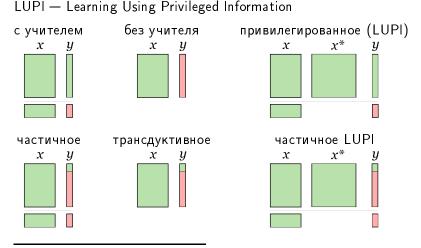
Обучение простой модели b(x, w'), возможно, на других данных:

$$\sum_{i=1}^{k} \mathcal{L}(b(x_i', w'), a(x_i', w)) \rightarrow \min_{w'}$$

#### Примеры задач:

- замена сложной модели (климат, аэродинамика и др.),
   которая вычисляется на суперкомпьютере месяцами,
   «лёгкой» аппроксимирующей суррогатной моделью
- замена сложной нейросети, которая обучается неделями на больших данных, «лёгкой» аппроксимирующей нейросетью с минимизацией числа нейронов и связей

# Обучение с использованием привилегированной информации



V. Vapnik, A. Vashist. A new learning paradigm: Learning Using Privileged Information // Neural Networks. 2009.

# Примеры задач с привилегированной информацией $x^st$

- х первичная (1D) структура белка
   х\* третичная (3D) структура белка
   у иерархическая классификация функции белка
- x предыстория временного ряда
   x\* информация о будущем поведении ряда
  - у прогноз следующей точки ряда
- х текстовый документ
  - $x^*$  выделенные ключевые слова или фразы
  - *у* категория документа
- х пара (запрос, документ)
  - $x^*$  выделенные асессором ключевые слова или фразы
  - *у* оценка релевантности

## Задача обучения с привилегированной информацией

Раздельное обучение модели-ученика и модели-учителя:

$$\begin{array}{ll} \sum\limits_{i=1}^{\ell} \mathscr{L}\big(\mathsf{a}(\mathsf{x}_i,\mathsf{w}),\mathsf{y}_i\big) \to \min_{\mathsf{w}} & \sum\limits_{i=1}^{\ell} \mathscr{L}\big(\mathsf{a}(\mathsf{x}_i^*,\mathsf{w}^*),\mathsf{y}_i\big) \to \min_{\mathsf{w}} \end{array}$$

Модель-ученик обучается повторять ошибки модели-учителя:

$$\sum_{i=1}^{\ell} \mathscr{L}\big(a(x_i,w),y_i\big) + \mu \mathscr{L}\big(a(x_i,w),a(x_i^*,w^*)\big) \rightarrow \min_{w}$$

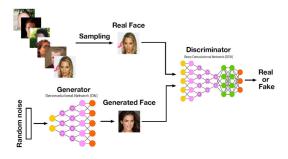
Совместное обучение модели-ученика и модели-учителя:

$$\sum_{i=1}^{\ell} \mathcal{L}(a(x_i, w), y_i) + \lambda \mathcal{L}(a(x_i^*, w^*), y_i) + \mu \mathcal{L}(a(x_i, w), a(x_i^*, w^*)) \rightarrow \min_{w, w^*}$$

D.Lopez-Paz, L.Bottou, B.Scholkopf, V.Vapnik. Unifying distillation and privileged information. 2016.

#### Генеративная состязательная сеть (Generative Adversarial Net)

Генератор G(z) учится порождать объекты x из шума z Дискриминатор D(x) учится отличать их от реальных объектов



Antonia Creswell et al. Generative Adversarial Networks: an overview. 2017.

Zhengwei Wang, Qi She, Tomas Ward. Generative Adversarial Networks: a survey and taxonomy. 2019.

Chris Nicholson. A Beginner's Guide to Generative Adversarial Networks. https://pathmind.com/wiki/generative-adversarial-network-gan. 2019.

#### Постановка задачи GAN

**Дано**: выборка объектов  $\{x_i\}_{i=1}^m$  из X

#### Найти:

вероятностную генеративную модель  $G(z,\alpha)$ :  $x \sim p(x|z,\alpha)$  вероятностную дискриминативную модель  $D(x,\beta) = p(1|x,\beta)$ 

#### Критерий:

обучение дискриминативной модели D:

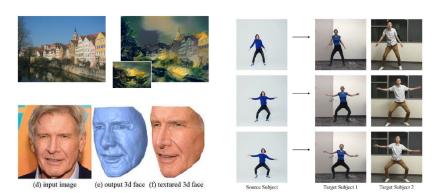
$$\sum_{i=1}^{m} \ln D(x_i, \boldsymbol{\beta}) + \ln (1 - D(G(z_i, \alpha), \boldsymbol{\beta})) \rightarrow \max_{\boldsymbol{\beta}}$$

обучение генеративной модели G по случайному шуму  $\{z_i\}_{i=1}^m$ :

$$\sum_{i=1}^m \ln(1 - D(G(z_i, \alpha), \beta)) \rightarrow \min_{\alpha}$$

Ian Goodfellow et al. Generative Adversarial Nets. 2014

# Примеры GAN для синтеза изображений и видео



Chuan Li, Michael Wand. Precomputed Real-Time Texture Synthesis with Markovian Generative Adversarial Networks. 2016.

Xiaoxing Zeng, Xiaojiang Peng, Yu Qiao. DF2Net: A Dense Fine Finer Network for Detailed 3D Face Reconstruction. ICCV-2019.

Caroline Chan, Shiry Ginosar, Tinghui Zhou, Alexei A. Efros. Everybody Dance Now. ICCV-2019.

#### Когда несколько моделей обучаются одновременно:

- Автокодировщики: кодер и декодер
- Автокодировщики для классификации или кластеризации
- Многозадачное обучение
- Обучение с привилегированной информацией
- Состязательные сети (GAN) для генерации фейк-объектов

# Когда несколько моделей обучаются последовательно:

- Перенос обучения (transfer learning)
- Предобучение глубоких сетей для векторизации объектов
- Самостоятельное обучение (self-supervised learning)
- Дистилляция и суррогатное моделирование

# Обучение без учителя всё чаще используется для оптимизации части модели по большим данным