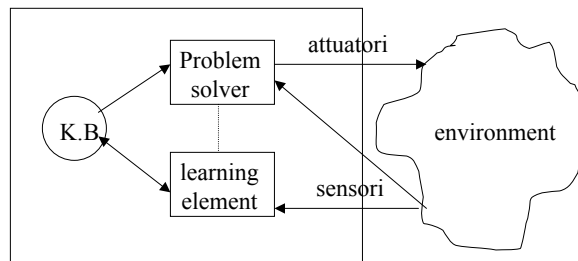


Machine Learning

- Capacità di apprendimento è fondamentale in un sistema “intelligente” per
 - risolvere nuovi problemi
 - non ripetere gli errori fatti in passato
 - risolvere problemi più efficientemente o in modo migliore
 - autonomia nell’affrontare e risolvere problemi (indipendenza da esperto che fornisce la conoscenza)
 - adattarsi ai cambiamenti dell’ambiente circostante
- Un sistema senza queste caratteristiche difficilmente potrebbe essere considerato intelligente
- Machine learning
 - importante area della AI a partire dagli anni ‘60
 - importanti risultati: vari approcci all’apprendimento
 - importanti relazioni con altre aree di ricerca, non solo della AI o dell’informatica



- Learning element estende la K.B.
 - Interagendo con l’ambiente
 - usando il problem solver
 - usando conoscenza già disponibile
- Molti approcci per definire il “learning element”
 - obiettivo del processo di apprendimento
 - tipo di informazione disponibile
 - tipo di conoscenza disponibile
 - forma della conoscenza da apprendere



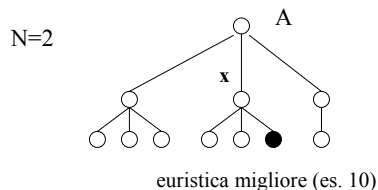
- Ad esempio
 - “rote learning”: semplice caching di casi da riusare in futuro
 - evoluzione verso il Case-based Reasoning (CBR)
 - learning senza conoscenza a priori
 - learning da esempi (induttivo o generalizzazione)
 - learning con conoscenza a-priori
 - learning da esempi (basato sulla spiegazione)

Rote learning

- Forma elementare di apprendimento
- alla fine della soluzione di un problema
 - problem solver passa la soluzione al learning element per il caching
- all’inizio nella soluzione di un problema si guarda se per caso non c’è già la soluzione in cache
 - se c’è: retrieve
 - se non c’è: risolvi il problema



- Esempio: strategie per giochi
 - min-max (con alfa-beta) per scegliere la mossa migliore in una posizione
 - espansione dell’albero fino ad un livello N prefissato
 - euristica sulle foglie
 - propagazione verso l’alto e scelta della mossa migliore
 - esempio

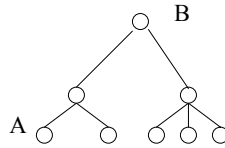


in posizione A, x è la mossa migliore con stima euristica: 10

- memorizzazione (caching) di questo risultato
 - ogni volta che ci si trova in posizione A non si deve espandere di nuovo l’albero ma si trova la soluzione nella cache
 - molto utile anche in posizioni intermedie: permette di migliorare significativamente nel tempo le prestazioni



- Esempio



- in A invece di usare la stima euristica si usa il valore nella cache: la mossa migliore ha valore 10
- in questo modo è come se l'espansione avvenisse a più livelli
- Forma molto elementare di apprendimento
 - non particolarmente “intelligente”
 - funziona solo se in futuro si ripete la stessa situazione
- Forme più evolute di caching dei risultati studiati in anni più recenti case-based reasoning
 - memorizzazione di casi attraverso “features”
 - meccanismi di generalizzazione dei casi e delle soluzioni
 - tecniche di gestione della memoria dei casi, di match tra casi e di retrieval di casi
- Instance-based Learning



Apprendimento induttivo

- Apprendimento a partire da esempi forniti da un supervisore
- Induzione: una possibile visione matematica
 - dato un insieme di coppie $\langle a_i, f(a_i) \rangle$
 - determinare quale è la funzione $f(x)$ di cui le coppie sono istanze
- Terminologia:
 - Esempio = una istanza $\langle a_i, f(a_i) \rangle$ della funzione da apprendere
 - Contro-esempio = una coppia $\langle a_j, b \rangle$ per cui si ha che $b \neq f(a_j)$
 - Ipotesi = una possibile definizione h per la funzione da apprendere
 - Spazio di ipotesi = l'insieme delle ipotesi possibili
 - Bias = un criterio di preferenza tra le ipotesi
 - ad esempio forma sintattica delle funzioni
- Induzione = generalizzazione da esempi
obiettivo: trovare una ipotesi h che sia in accordo con tutti gli esempi e i contro-esempi
- Induzione: forma di inferenza logica



- Concept learning: un'altra visione dell'induzione
 - problema:
 - dato insieme di concetti (classi di oggetti)
 - dato un insieme di esempi e contro-esempi per i concetti
 - esempi: istanze del concetto
 - contro-esempi: individui che non sono istanze del concetto
 - apprendere la descrizione dei concetti
 - esempio: classificazione (vedremo)
- Molti approcci all'apprendimento induttivo
 - tipo di conoscenza da apprendere (e bias)
 - tipo di esempi
 - diverse forme (più o meno forti) di generalizzazione
- Vedremo
 - apprendimento di alberi decisionali per la classificazione
 - apprendimento di descrizioni strutturate di concetti
 - reti semantiche
 - formule logiche: version space
 - apprendimento in reti neurali



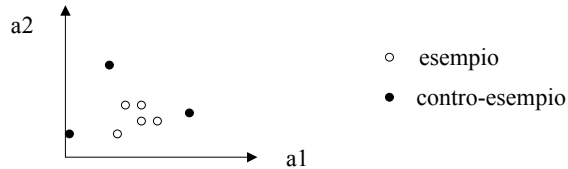
Classificazione

- Forma di problem solving comune in molti task
- dato un insieme di classi C_1, C_2, \dots, C_n
 - per ogni classe è fornita una definizione (descrizione)
 - per ognuna delle C_i è dato un insieme di features f_1, \dots, f_n
- dato un oggetto a : stabilire a quale delle classi appartiene
- Apprendimento per classificazione:
 - dato un insieme di esempi (e controesempi)
 - apprendere la descrizione delle classi
- Esempio
 - descrizione di classi
 - classe C_1 =auto: ruote=4, motore=presente
 - classe C_2 =bici: ruote=2, motore=assente
 - esempi
 - a =auto motore=presente
 - a not = auto ruote=2
- Molte possibili rappresentazioni delle classi e approcci alla classificazione

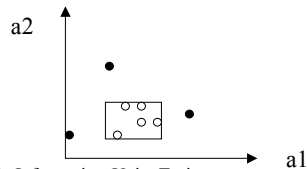


Una visione grafica

- Classe C descritta da due attributi a_1 e a_2
- rappresentazione grafica di esempi e contro-esempi

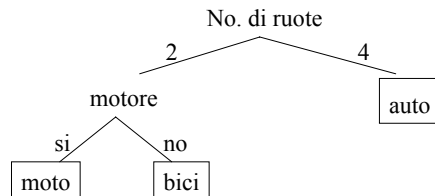


- Concetto da apprendere: figura nel piano di a_1 , a_2 che
 - copre tutti gli esempi
 - non copre contro-esempi
- bias: forma geometrica della figura
- esempio



Alberi decisionali

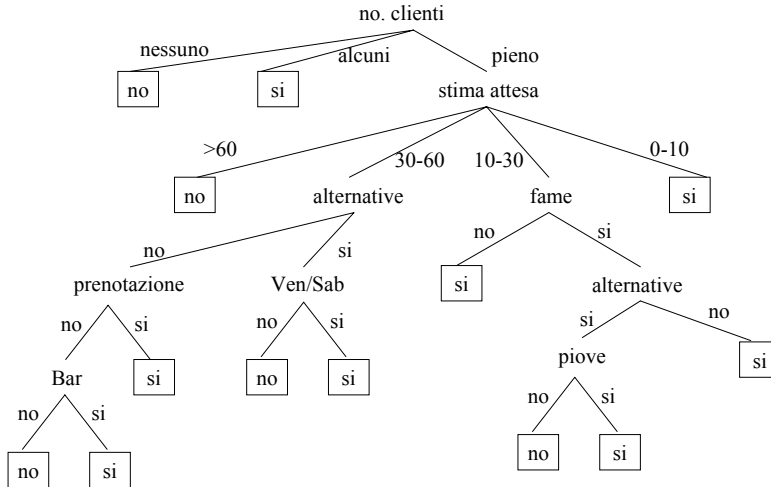
- Una rappresentazione operativa per un sistema di decisione (e di classificazione)
- Alberi in cui
 - i nodi con figli corrispondono a domande (attributi)
 - gli archi che escono dai nodi alle possibili risposte (valori degli attributi)
 - le foglie sono decisioni (le classi)
- Esempio



- Una versione più semplice: albero di decisione per un concetto booleano (appartenenza a una classe)



- Esempio [Russel, Norvig]: entrare in un ristorante?



si e no sono le due classi di decisione



- Apprendimento: costruire l'albero a partire da esempi
 - esempi di decisioni
 - si/no (esempi e contro-esempi) nel caso di decisioni binarie
 - esempi delle varie classi corrispondenti alle foglie
- Esempio:

Es.	attributi										Dec
	alt.	bar	V/S	fame	noC	prez	piov	pren	tipo	att	
x1	si	no	no	si	alc	£££	no	si	F	0-10	Si
x2	si	no	no	si	pieno	£	no	no	Thai	30-60	No
x3	no	si	no	no	alc	£	no	no	hamb	0-10	Si
x4	si	no	si	si	pieno	£	no	no	Thai	10-30	Si
x5	si	no	si	no	pieno	£££	no	si	F	>60	No
x6	no	si	no	si	alc	££	si	si	I	0-10	Si
x7	no	si	no	no	ness	£	si	no	hamb	0-10	No
x8	no	no	no	si	alc	££	si	si	Thai	0-10	Si
x9	no	si	si	no	pieno	£	si	no	hamb	>60	No
x10	si	si	si	si	pieno	£££	no	si	I	10-30	No
x11	no	no	no	no	ness	£	no	no	Thai	0-10	No
x12	si	si	si	si	pieno	£	no	no	hamb	30-60	Si



- Una soluzione banale
 - costruire un ramo per ognuno degli esempi (una forma di rote learning)
- Obiettivo
 - costruire un albero “semplice”
 - Occam’s razor: il più semplice tra quelli consistenti con gli esempi
 - in generale indecidibile
 - euristiche per costruirne uno “ragionevolmente semplice”
- Un algoritmo: ID3 [Quinlan]
 - if non ci sono esempi then termina (o classifica a maggioranza)
 - if tutti gli esempi hanno la stessa classificazione
 - then etichetta il nodo con la classificazione
 - else if nessun attributo rimasto then termina con problema
 - _____ seleziona attributo a_i che discrimina meglio
 - dividi gli esempi in base ai valori di a_i
 - costruisci un nodo etichettato con a_i e con un ramo in uscita per ogni valore v_j di a_i
 - richiama ricorsivamente per ogni v_j con gli esempi corrispondenti



- Attributo ideale a_i da selezionare ad ogni passo
 - discrimina completamente tra gli esempi, ossia
 - dati valori v_1, \dots, v_k
 - per ogni v_j , tutti gli esempi con lo stesso valore v_j hanno la stessa classificazione
- Attributo da scegliere
 - quello che discrimina meglio tra gli esempi
 - per la maggior parte dei v_j , gli esempi con lo stesso valore di v_j hanno quasi tutti la stessa classificazione
- Una misura della bontà di un attributo: entropia
 - studiata in information theory [Shannon, Weaver]
 - misura la quantità di informazione fornita da ognuno degli attributi
 - per attr a_i , e ogni valore v_j costruiamo distribuzione di probabilità delle classi $P(C_1), \dots, P(C_m)$
 - $I(a_i)$ informazione fornita da a_i definita nel modo seguente

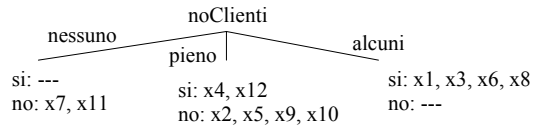
$$I(a_i) = \sum I(v_j)$$

$$I(v_j) = \sum -P(C_k) \log_2 P(C_k) \quad 1 \leq k \leq m$$
 - ha valore minimo (0) quando una $P(C_k)$ vale 1, ossia quando ogni valore dell’attributo discrimina completamente

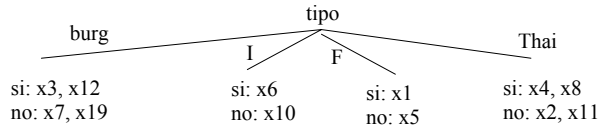


- Esempio

- attributo noClienti: per due valori discrimina completamente



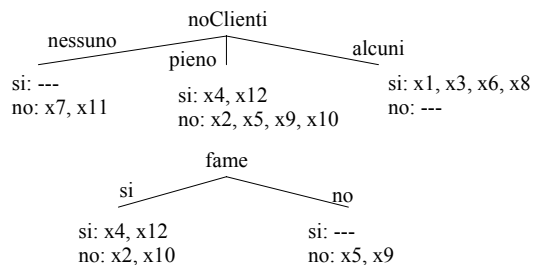
- attributo tipo: discrimina male per tutti i valori



- Tra i due noClienti è la scelta migliore
- in generale tra tutti è quello con entropia più bassa



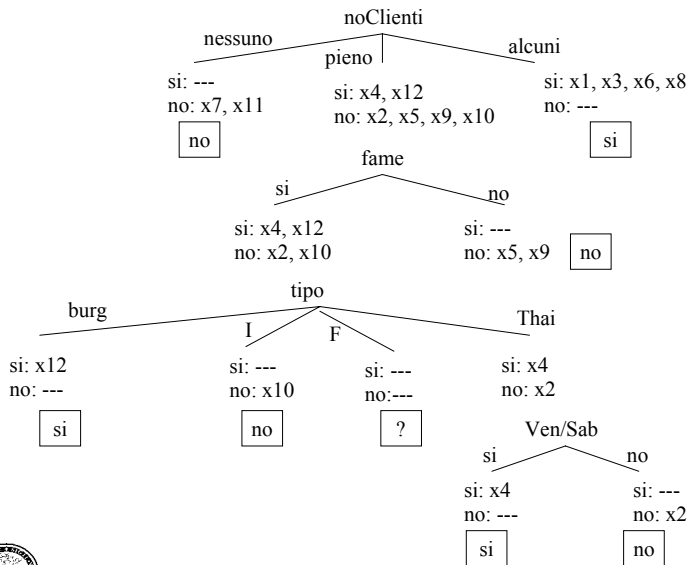
- Algoritmo procede ricorsivamente considerando il valore “pieno” di noClienti e considerando gli esempi per quel valore
 - si analizzano gli altri attributi
 - si seleziona quello che discrimina meglio
- nel caso “fame”: per uno dei due valori si ha classificazione completa



- Analogamente si procede ricorsivamente su ramo “si”



- Alla fine albero risultante (diverso da quello visto prima)



Valutazione delle prestazioni

- Conoscenza appresa influenzata dagli esempi
 - potrebbe classificare in modo sbagliato nuove istanze
 - esempi devono essere un buon campione della popolazione
- Una strategia di verifica della conoscenza appresa da esempi
 - collezionare un largo insieme di esempi che sia un campione significativo
 - dividere l'insieme in due parti
 - training set T
 - test set S
 - in modo uniforme (secondo la stessa distribuzione degli esempi)
 - effettuare l'apprendimento usando T
 - valutare la percentuale di corretta classificazione usando S
 - ripetere lo stesso processo più volte con diversa divisione tra T e S e per diverse dimensioni del training set



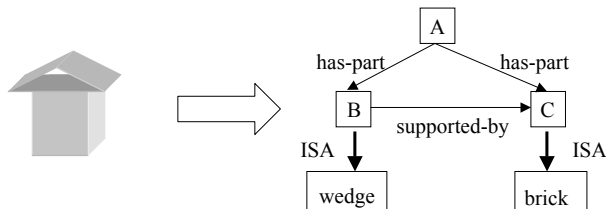
Learning di descrizioni strutturate

- In alberi decisionali le classi non sono rappresentate in modo esplicito
- Altri approcci: rappresentazione strutturata delle classi usando un linguaggio di rappresentazione della conoscenza
 - reti semantiche
 - logica
 - ...
- Vedremo due approcci
 - approccio di Winston basato su reti semantiche
 - version space [Mitchell]: apprendimento di descrizioni basate su formule logiche

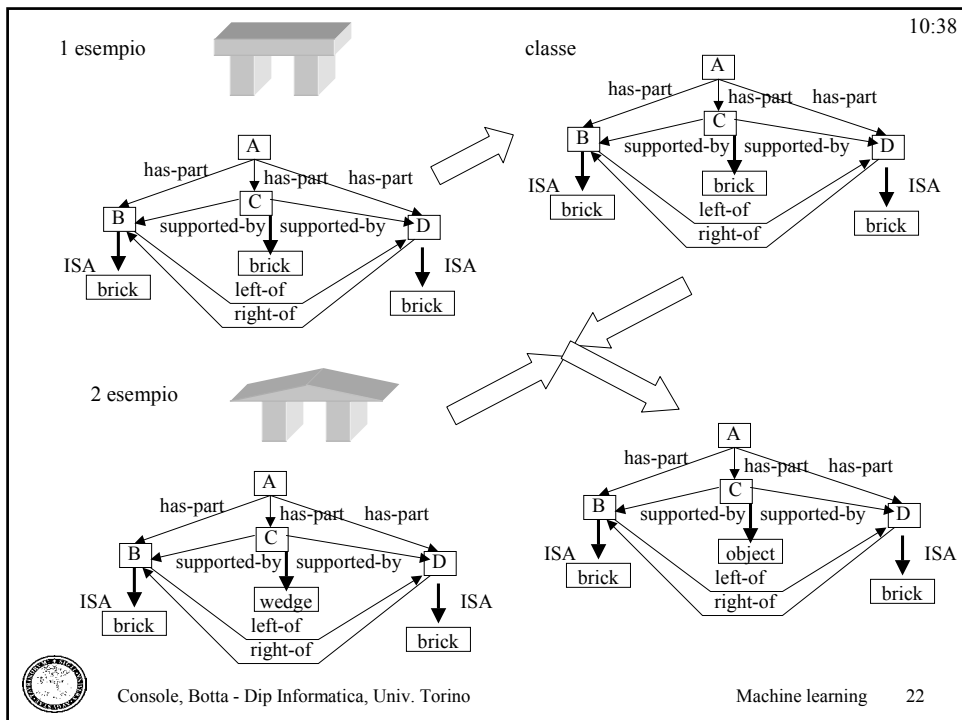


L'approccio di Winston

- Concetti rappresentati mediante reti semantiche
 - nodi: entità
 - archi: relazioni
 - ISA
 - proprietà (e quindi relazioni tra entità)
- Esempio
 - descrizione di oggetti architettonici (stilizzati)
 - casa



- Istanze (esempi): descritti mediante reti semantiche
- Learning: generalizzare da reti semantiche corrispondenti agli esempi per ottenere quelle delle classi
- Metodo incrementale
 - si parte da un esempio
 - rete della classe coincide con quella dell'esempio
 - dato altro esempio
 - si generalizza rete della classe per coprire nuovo esempio (se non lo copre già)
 - vari tipi di generalizzazioni possibili
 - sfruttando ISA
 - eliminando proprietà
 - generalizzando proprietà
- Oss: in realtà si usa linguaggio testuale che descrive le reti semantiche
- Esempio: apprendimento della descrizione della classe arco



Apprendimento di formule logiche

- Descrizione classi
 - formula logica F i cui predicati sono attributi delle classi
 - F consistente con esempi
 - F vera su esempi
 - F falsa su contro-esempi
 - *estensione* di F: insieme delle istanze per cui F è vera
- Esempi
 - formule logiche e classe di appartenenza
 $\langle F_i, \text{classe} \rangle$ (spesso F_i ground)
- Esempio
 - classe attesa al ristorante
 $\forall x \text{ attesa}(X) \leftrightarrow \text{noClienti}(X, \text{alcuni}) \vee$
 $(\text{noClienti}(X, \text{molti}) \wedge \neg \text{fame}(X) \wedge \text{tipo}(X, \text{f})) \vee$
 $(\text{noClienti}(X, \text{molti}) \wedge \neg \text{fame}(X) \wedge \text{tipo}(X, \text{thai}) \wedge \text{ven-sab}(X)) \vee$
 $(\text{noClienti}(X, \text{molti}) \wedge \neg \text{fame}(X) \wedge \text{tipo}(X, \text{burger}))$
 - istanza
 $\text{alternative}(x1) \wedge \neg \text{bar}(x1) \wedge \neg \text{ven-sab}(x1) \wedge \text{fame}(x1) \dots \text{CLASSIF attesa}(x1)$



- Hypothesis space
 - spazio delle possibili formule logiche per definire ogni classe C
- Hypothesis
 - una particolare definizione H per C
- Estensione di una ipotesi
 - insieme di istanze di H
- Falso negativo per H

esempio x è un falso negativo per H se e solo se

 - x è un esempio per C
 - x non è istanza di H (H prevede che sia negativo)
- Falso positivo per H

esempio x è un falso positivo per H se e solo se

 - x non è un esempio per C
 - x è istanza di H (H prevede che sia positivo)
- Falso negativo e falso positivo indicano che H è sbagliata e deve essere modificata



- Generalizzazione e specializzazione: due operatori per modificare formule

date ipotesi H e H' con estensioni $e(H)$ e $e(H')$

- H è più specifica di H' (H è una specializzazione di H')
se e solo se $e(H) \subseteq e(H')$ (alt. $\vdash H \rightarrow H'$)
- $\forall v. H'$ è più generale di H

esempio

- $\text{cubo}(x) \wedge \text{rosso}(x)$ è più specifica di $\text{cubo}(x)$
- $\text{cubo}(x)$ è più specifica di $\text{cubo}(x) \vee \text{piramide}(x)$

ATTN: possono anche essere definiti rispetto a teoria T

- Operatori di generalizzazione
 - dropping condition: da $\text{cubo}(x) \wedge \text{rosso}(x)$ a: $\text{cubo}(x)$
 - sostituzione con predicati più generali: da $\text{cubo}(x)$ a $\text{figGeo}(x)$
(se $\text{cubo}(x) \rightarrow \text{figGeo}(x)$)
- Operatori di specializzazione (duali)
 - aggiunta di condizioni
 - sostituzione con predicati più specifici



- Apprendimento incrementale (simile a Winston)

parto da un esempio x_1 , con $H \equiv x_1$

while ci sono esempi do

seleziona esempio x_i

if H consistente con x_i

then H invariata

else if x_i è un falso negativo per H (H dice neg ma x_i è esempio)

then $H :=$ generalizzazione di H consistente con x_i

if x_i è un falso positivo per H (H dice pos ma x_i non è esempio)

then $H :=$ specializzazione di H consistente con x_i

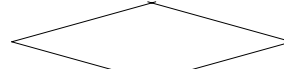
- Problemi
 - Hypothesis space enorme
 - molti modi per generalizzare e specializzare
- Una soluzione: version space
 - introdurre un bias
 - gestire la ricerca con least-committment



Version space

- Apprendere formule logiche da esempi ma:
 - non mantenere singola ipotesi che viene modificata
 - mantenere in forma compatta l'intero spazio di ipotesi consistente
- bias: ipotesi in forma congiuntiva
 - consente di strutturare Hypothesis space e di rappresentare in forma compatta insiemi di ipotesi

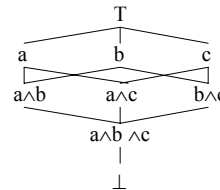
T (ipotesi più generale che copre universo)



\perp (ipotesi più specifica che non copre niente)

- Hypothesis space: reticolo

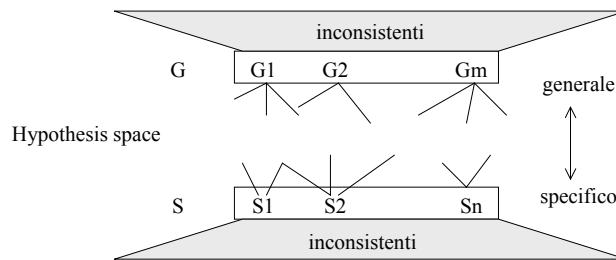
- Esempio: predicati a, b, c



- Algoritmo di apprendimento
 - in ogni istante una parte del reticolo contiene ipotesi consistenti con esempio
 - all'inizio intero reticolo
 - parte del reticolo caratterizzabile in modo compatto con boundary set
- Boundary set:
 - insieme G delle ipotesi più generali consistenti con esempi (ossia delle ipotesi H / non esiste H' più generale di H consistente con esempi)
 - insieme S delle ipotesi più specifiche consistenti con esempi (ossia delle ipotesi H / non esiste H' più specifico di H consistente con esempi)
- rappresentazione compatta
 - ogni nodo tra quelli in G e S nel reticolo è una ipotesi
- Boundary set iniziale:

$$G = \{T\} \quad S = \{\perp\}$$
- Ad ogni passo
 - modificare boundary set in accordo con gli esempi
 - specializzare ipotesi in G quando si hanno contro-esempi (per escluderli)
 - generalizzare ipotesi in S quando si hanno esempi (per coprirli)





- **Algoritmo**

- se esempio x_i è un falso positivo per S_i allora eliminare S_i da S (vuol dire che S_i è troppo generale, ma tutte sue specializzazioni sono inconsistenti)
- se esempio x_i è un falso positivo per G_j , allora sostituire G_j con le sue specializzazioni più generali consistenti con x_i
- se esempio x_i è un falso negativo per S_i allora sostituire S_i con le sue generalizzazioni più specifiche consistenti con x_i
- se esempio x_i è un falso negativo per G_j , allora eliminare G_j da G (vuol dire che G_j è troppo specifico, ma tutte sue generalizzazioni sono inconsistenti)



- **Esempio**

- apprendere concetto di auto economica
- predicati:
 - origine: Jap, I, F, D, USA
 - colore: b, r, g, ...
 - tipo: berlina, coupè, ...
 - decade: 70, 80, 90
 - marca: Fiat, Alfa, Mercedes, BMW, Renault, Honda, Ford, ...
- inizio
 - $G = \{T\}$ $S = \{\perp\}$
- primo esempio (positivo)
 - origine(Jap), colore(b), marca(Honda), tipo(berlina), decade(70)
 - falso negativo per \perp che deve essere generalizzato
 - $G = \{T\}$
 - $S = \{\text{origine(Jap)} \wedge \text{colore(b)} \wedge \text{marca(Honda)} \wedge \text{tipo(berlina)} \wedge \text{decade(70)}\}$
- secondo esempio (negativo, ossia contro-esempio)
 - origine(USA), colore(r), marca(Chevrolet), tipo(coupè), decade(90)
 - falso positivo per T che deve essere specializzato e ho cinque modi possibili (non confrontabili) di specializzarlo: uno per ogni predicato



$G = \{ \text{origine(Jap)}, \text{colore(b)}, \text{marca(Honda)}, \text{tipo(berlina)}, \text{decade(70)} \}$

$S = \{ \text{origine(Jap)} \wedge \text{colore(b)} \wedge \text{marca(Honda)} \wedge \text{tipo(berlina)} \wedge \text{decade(70)} \}$

– terzo esempio (positivo)

- origine(Jap), colore(b), marca(Toyota), tipo(berlina), decade(80)
- si deve rimuovere da G ogni ipotesi inconsistente con esempio

$G = \{ \text{origine(Jap)}, \text{colore(b)}, \text{tipo(berlina)} \}$

- falso negativo per S che deve essere generalizzato

$S = \{ \text{origine(Jap)} \wedge \text{colore(b)} \wedge \text{tipo(berlina)} \}$

– quarto esempio (negativo)

- origine(I), colore(b), marca(Alfa), tipo(coupè), decade(80)
- falso positivo per colore(b) in G che deve essere sostituito da sue specializzazioni più generali che sono

– colore(b) \wedge tipo(berlina) colore(b) \wedge origine(Jap)

entrambe più specifiche di ipotesi già in G

$G = \{ \text{origine(Jap)}, \text{tipo(berlina)} \}$

- $S = \{ \text{origine(Jap)} \wedge \text{colore(b)} \wedge \text{tipo(berlina)} \}$

– quinto esempio (positivo)

- origine(Jap), colore(r), marca(Honda), tipo(berlina), decade(80)
- falso negativo per S che deve essere generalizzato

$S = \{ \text{origine(Jap)} \wedge \text{tipo(berlina)} \}$

- $G = \{ \text{origine(Jap)}, \text{tipo(berlina)} \}$



• Osservazioni

- importanza del bias
- forma di least-commitment nel senso che si specializza (generalizza) sempre il meno possibile
- collassamento del version space in caso di errori(rumore) negli esempi
- se si dispone di molti esempi si può arrivare ad una singola formula
- conoscenza a-priori potrebbe essere utile nel processo di specializzazione/generalizzazione (vedremo)

es: origine(Jap) \rightarrow origine(asia)

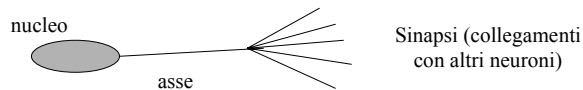
 origine(Corea) \rightarrow origine(asia)

potrei usare questa conoscenza per generalizzare/specializzare

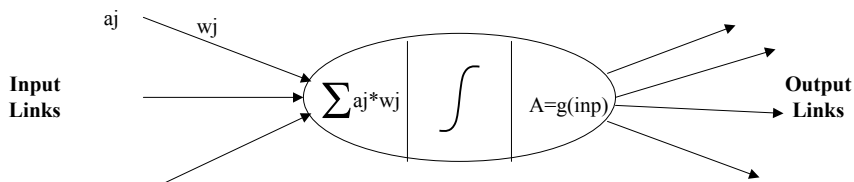


Approcci sub-simbolici (connessionistici)

- Approcci ad AI visti fino ad ora sono simbolici
 - rappresentazione simbolica della conoscenza
 - tecniche simboliche di ragionamento
- Lunga tradizione in AI (e da prima in cibernetica) per approcci non simbolici alla computazione (da anni '40)
 - reti neurali
 - reti connessionistiche
 - algoritmi genetici
 - ...
- Diverso approccio alla computazione
- Modelli matematici del funzionamento del cervello
- Neuroni



- Neurone come unità computazionale



- [Le reti neurali](#)



Conoscenza e learning (learning con prior knowledge)

- Approcci visti fino ad ora: apprendimento da esempi
 - nessuna conoscenza a priori richiesta
 - K.B. appresa dipende solo da esempi (e da bias)
 - K.B. appresa a volte di difficile comprensione anche per esperti di un settore (esperimenti in sistemi esperti)
 - processo di apprendimento lento (servono molti esempi)
- Altro gruppo di approcci da metà anni '80
 - sfruttare K.B. a -priori nel processo di apprendimento (conoscenza di background)
 - K.B. consente di apprendere di più e in modo più efficace (più velocemente)
- Vedremo due approcci
 - Knowledge-based induction (e inductive logic programming)
 - Explanation Based Learning (Explanation Based Generalization)



Knowledge-based induction

- Induzione da esempi
 - dati esempi e_1, e_2, \dots, e_n
 - trovare una ipotesi H tale per cui $H \models e_i$ (per ogni e_i)
 - ad es.
 - esempi di classificazione (e_i descrizione esempio, c classe)
 $e_1 \rightarrow c, e_2 \rightarrow c, \dots, e_N \rightarrow c$
 - trovare H tale per cui
 $H \rightarrow (e_i \rightarrow c)$ ossia $H \wedge e_i \rightarrow c$ (per ogni i)
 - esempio
 - dati esempi
 - $\text{giallo}(e_1) \rightarrow \text{limone}(e_1)$
 - ...
 - $\text{giallo}(e_N) \rightarrow \text{limone}(e_N)$
 - si può generare ipotesi
 $\forall X \text{ giallo}(X) \rightarrow \text{limone}(X)$
- Induzione può essere effettuata anche con conoscenza a-priori



- Induzione con K.B.
 - effettuare induzione con conoscenza di background per generare le ipotesi
 - dati
 - K: conoscenza di background
 - e. osservazione (esempio)
 - trovare H tale per cui

$$K \cup H \vdash e \text{ (ossia } K \wedge H \vdash e \text{)}$$
- Osservazione: confronto tra abduzione e induzione
 - due forme di inferenza (non truth-preserving) che generano spiegazioni
 - abduzione: spiegazione causale delle osservazioni
 - induzione: generalizzazione
 - esempio
 - data teoria su elettricità e osservazione che una lampadina si accende quando si gira interruttore
 - abduzione: genera spiegazione causale
 - induzione: spiega osservazione con il fatto che in esempi passati è sempre stato così



- Esempio
 - data K.B. $\forall X \text{ quadrato}(X) \rightarrow \text{poligono}(X)$
 $\forall X \text{ rettangolo}(X) \rightarrow \text{poligono}(X)$
 - data osservazione $\text{quadrato}(a) \rightarrow \text{rosso}(a)$
 - spiegazioni possibili (induttive)
 - $\forall X \text{ quadrato}(X) \rightarrow \text{rosso}(X)$
 - $\forall X \text{ poligono}(X) \rightarrow \text{rosso}(X)$
- Problema. Avere operatori per generare ipotesi induttive
- Inverse resolution [Muggleton, 92]
 - invertire la regola di risoluzione fornisce insieme di operatori che permettono di derivare tutte le possibili ipotesi induttive
- Risoluzione

date due clausole C1 e C2 deriva una clausola C
- Inverse resolution

applicare la regola in modo inverso (vari modi possibili):

 - dato C trovare C1 e C2
 - dati C e C1, trovare C2 (o, dati C e C2, trovare C1)



Inverse resolution: alcuni operatori

- Truncation
 - dato $\text{cane}(X) \wedge \text{domestico}(X) \rightarrow \text{haNome}(X)$
 - genera $\text{cane}(X) \rightarrow \text{haNome}(X)$
- Assorbimento (absorption)
 - dati
 - $\text{cane}(X) \rightarrow \text{animale}(X)$
 - $\text{cane}(X) \wedge \text{domestico}(X) \rightarrow \text{haNome}(X)$
 - genera
 - $\text{animale}(X) \wedge \text{domestico}(X) \rightarrow \text{haNome}(X)$
 - ossia generalizza a p1 le proprietà di p
- Molti modi possibili di applicare operatori: spazio di ricerca di ipotesi induttive
- Inductive Logic Programming
 - regole di risoluzione inversa su programmi logici
 - applicazione di inverse resolution
 - apprendimento di programmi da esempi (e background di altri programmi)



Explanation Based Learning

- Apprendimento da esempi richiede molti esempi (e contro-esempi)
 - Esseri umani sono in molte situazioni in grado di imparare da un singolo esempio
 - in quanto
 - capacità di usare la conoscenza di background
 - EBL: approccio per emulare queste capacità
 - intuitivamente
 - data una K.B. e un esempio (e.g., la classificazione di una istanza)
 - costruire una spiegazione (dimostrazione) dell'esempio (e.g. una dimostrazione che è istanza di una classe)
 - generalizzare tale dimostrazione (e.g., per trovare una regola che fornisce una descrizione della classe)
- il risultato di tale generalizzazione è nuova conoscenza appresa dal singolo esempio grazie alla background knowledge

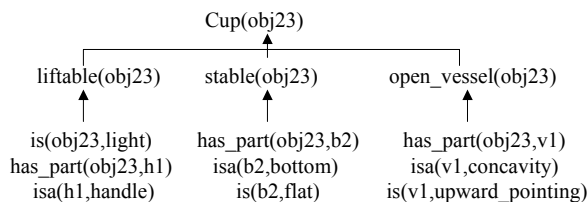


E.B.L.: definizione

- [Michell et al. 86][DeJong, Mooney, 86]
- Dati
 - una base di conoscenza (teoria del dominio)
 - un goal, ossia un predicato da apprendere
 - un singolo esempio (del predicato)
 - un criterio di operazionalità che specifica quali predicati possono occorrere all'interno della conoscenza appresa
- Generare
 - una generalizzazione dell'esempio che
 - è una descrizione sufficiente del predicato da apprendere
 - soddisfa il criterio di operazionalità
- Algoritmo
 - generare una dimostrazione dell'esempio a partire dalla teoria del dominio
 - generalizzare la dimostrazione



- Esempio [Mitchell 86]
 - apprendere la descrizione di cup (tazza) per cui si ha $\text{cup}(X) \leftrightarrow \text{liftable}(X) \wedge \text{stable}(X) \wedge \text{open_vessel}(X)$
 - Teoria del dominio
 - $\text{is}(X, \text{light}) \wedge \text{has_part}(X, Y) \wedge \text{isa}(Y, \text{handle}) \rightarrow \text{liftable}(X)$
 - $\text{has_part}(X, Y) \wedge \text{isa}(Y, \text{bottom}) \wedge \text{is}(Y, \text{flat}) \rightarrow \text{stable}(X)$
 - $\text{has_part}(X, Y) \wedge \text{isa}(Y, \text{concavity}) \wedge \text{is}(Y, \text{upward_pointing}) \rightarrow \text{open_vessel}(X)$
 - criterio di operazionalità
 - descrizione in termini di caratteristiche fisiche
 - esempio
 - $\text{owner}(\text{obj23}, \text{ralph}) \wedge \text{has_part}(\text{obj23}, \text{c1}) \wedge \text{is}(\text{obj23}, \text{light}) \wedge \text{color}(\text{obj23}, \text{brown})$
 - dimostrazione



- Generalizzazione: rimpiazzare costanti con variabili

is(W,light)	has_part(W,K)	has_part(W,V)
has_part(W,Z)	isa(K,bottom)	isa(V,concavity)
isa(Z,handle)	is(K,flat)	is(V,upward_pointing)

descrizione operativa del concetto di tazza

- Oss: non sempre generalizzare è così facile (cambiare costanti in variabili)

$$\text{cup}(W) \leftrightarrow \text{is}(W,\text{light}) \wedge \text{has_part}(W,Z) \wedge \text{isa}(Z,\text{handle}) \wedge \text{has_part}(W,K) \\ \text{isa}(K,\text{bottom}) \wedge \text{is}(K,\text{flat}) \wedge \text{has_part}(W,V) \wedge \text{isa}(V,\text{concavity}) \\ \wedge \text{is}(V,\text{upward_pointing})$$

- Osservazioni
 - EBL dipendente dalla teoria del dominio
 - teoria deve essere corretta e completa
 - Esempio non è strettamente necessario

