

Planar Groups

August 29, 2025

Contents

1	Planar Groups	1
1.1	Group 2	1
1.2	Group 3	2
1.3	Group 4	2
1.4	Group 5	3
1.5	Group 6	4
1.6	Group 7	5
1.7	Group 8	6
1.8	Group 9	7
1.9	Group 10	8
1.10	Group 11	9
1.11	Group 12	11
1.12	Group 13	13
1.13	Group 14	14
1.14	Group 15	16
1.15	Group 16	17
1.16	Group 17	18

1 Planar Groups

1.1 Group 2

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix det eigenvalue != 1 eigenvalue != -1

matrix	det	except
--------	-----	--------

matrix conds

1.2 Group 3

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix det eigenvalue != 1 eigenvalue != -1

$$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_1 \end{pmatrix} \quad x_0 x_1 \quad (x_0 + 1)x_1 + x_0 + 1 \quad (x_0 - 1)x_1 - x_0 + 1$$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_1 \end{pmatrix}$	$x_0 x_1$	$\begin{matrix} -1 & -1 \\ -1 & n_1 \\ -1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & n_1 \\ 1 & -1 \\ n_1 & -1 \\ n_1 & 1 \end{matrix}$

matrix conds

$$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_1 \end{pmatrix} \quad \square$$

1.3 Group 4

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & \frac{1}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix	det	eigenvalue != 1	eigenvalue != -1
$\begin{pmatrix} x_1 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$x_0 x_1$	$(x_0 + 1)x_1 + x_0 + 1$	$(x_0 - 1)x_1 - x_0 + 1$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} x_1 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$x_0 x_1$	$\begin{matrix} -1 & -1 \\ -1 & n_1 \\ -1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & n_1 \\ 1 & -1 \\ n_1 & -1 \\ n_1 & 1 \end{matrix}$

matrix	conds
$\begin{pmatrix} x_1 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$[-2a_0, \frac{1}{2}x_0 - \frac{1}{2}]$

1.4 Group 5

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix	det	eigenvalue != 1	eigenvalue != -1
$\begin{pmatrix} x_0 - 2x_1 & 0 \\ x_1 & x_0 \end{pmatrix}$	$(x_0 - 2x_1)x_0$	$x_0^2 - 2(x_0 + 1)x_1 + 2x_0 + 1$	$x_0^2 - 2(x_0 - 1)x_1 - 2x_0 + 1$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} x_0 - 2x_1 & 0 \\ x_1 & x_0 \end{pmatrix}$	$(x_0 - 2x_1)x_0$	$\begin{array}{cc} 2t_0 + 1 & t_0 \\ -1 & -1 \\ -1 & n_1 \\ -1 & 0 \\ 1 & n_1 \\ 1 & 0 \\ 1 & 1 \\ 2t_0 - 1 & t_0 \end{array}$

matrix	conds
$\begin{pmatrix} x_0 - 2x_1 & 0 \\ x_1 & x_0 \end{pmatrix}$	\square

1.5 Group 6

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix	det	eigenvalue != 1	eigenvalue != -1
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_1 \end{pmatrix}$	x_0x_1	$(x_0 + 1)x_1 + x_0 + 1$	$(x_0 - 1)x_1 - x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_1 & 0 \end{pmatrix}$	$-x_0x_1$	$-x_0x_1 + 1$	$-x_0x_1 + 1$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_1 \end{pmatrix}$	x_0x_1	$\begin{matrix} -1 & -1 \\ -1 & n_1 \\ -1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & n_1 \\ 1 & -1 \\ n_1 & -1 \\ n_1 & 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_1 & 0 \end{pmatrix}$	$-x_0x_1$	$\begin{matrix} -1 & -1 \\ -1 & 1 \\ 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{matrix}$

matrix	conds
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_1 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_1 & 0 \end{pmatrix}$	\square

1.6 Group 7

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & \frac{1}{2} \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & \frac{1}{2} \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & -\frac{1}{2} \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix	det	eigenvalue != 1	eigenvalue != -1
$\begin{pmatrix} x_1 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$x_0 x_1$	$(x_0 + 1)x_1 + x_0 + 1$	$(x_0 - 1)x_1 - x_0 + 1$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} x_1 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$x_0 x_1$	$\begin{matrix} -1 & -1 \\ -1 & n_1 \\ -1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & n_1 \\ 1 & -1 \\ n_1 & -1 \\ n_1 & 1 \end{matrix}$

matrix	conds
$\begin{pmatrix} x_1 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$[-2 a_0, -2 a_1, -2 a_0 - \frac{1}{2} x_1 + \frac{1}{2}, \frac{1}{2} x_1 - \frac{1}{2}, -2 a_1]$

1.7 Group 8

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & \frac{1}{2} \\ 0 & 1 & \frac{1}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & -\frac{1}{2} \\ 0 & 1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & -\frac{1}{2} \\ 0 & -1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix	det	eigenvalue != 1	eigenvalue != -1
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_1 \end{pmatrix}$	$x_0 x_1$	$(x_0 + 1)x_1 + x_0 + 1$	$(x_0 - 1)x_1 - x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} 0 & x_1 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$-x_0 x_1$	$-x_0 x_1 + 1$	$-x_0 x_1 + 1$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_1 \end{pmatrix}$	$x_0 x_1$	$\begin{matrix} -1 & -1 \\ -1 & n_1 \\ -1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & n_1 \\ 1 & -1 \\ n_1 & -1 \\ n_1 & 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} 0 & x_1 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$-x_0 x_1$	$\begin{matrix} -1 & -1 \\ -1 & 1 \\ 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{matrix}$

matrix	conds
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_1 \end{pmatrix}$	$[-2a_0, -2a_1, -2a_0 - \frac{1}{2}x_0 + \frac{1}{2}, \frac{1}{2}x_1 - \frac{1}{2}, \frac{1}{2}x_0 - \frac{1}{2}, -2a_1 + \frac{1}{2}x_1 - \frac{1}{2}]$
$\begin{pmatrix} 0 & x_1 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$[-2a_0, -2a_1, \frac{1}{2}x_1 - \frac{1}{2}, -2a_1 - \frac{1}{2}x_0 - \frac{1}{2}, -2a_0 + \frac{1}{2}x_1 + \frac{1}{2}, \frac{1}{2}x_0 - \frac{1}{2}]$

1.8 Group 9

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix	det	eigenvalue != 1	eigenvalue != -1
$\begin{pmatrix} x_0 - 2x_1 & 0 \\ & x_1 & x_0 \end{pmatrix}$	$(x_0 - 2x_1)x_0$	$x_0^2 - 2(x_0 + 1)x_1 + 2x_0 + 1$	$x_0^2 - 2(x_0 - 1)x_1 - 2x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & -2x_0 \\ & x_1 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2 + 2x_0x_1$	$-x_0^2 + 2x_0x_1 + 1$	$-x_0^2 + 2x_0x_1 + 1$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} x_0 - 2x_1 & 0 \\ & x_1 & x_0 \end{pmatrix}$	$(x_0 - 2x_1)x_0$	$\begin{matrix} 2t_0 + 1 & t_0 \\ -1 & -1 \\ -1 & n_1 \\ -1 & 0 \\ 1 & n_1 \\ 1 & 0 \\ 1 & 1 \\ 2t_0 - 1 & t_0 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} -x_0 & -2x_0 \\ & x_1 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2 + 2x_0x_1$	$\begin{matrix} -1 & -1 \\ -1 & 0 \\ 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{matrix}$

matrix	conds
$\begin{pmatrix} x_0 - 2x_1 & 0 \\ & x_1 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & -2x_0 \\ & x_1 & x_0 \end{pmatrix}$	\square

1.9 Group 10

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix	det	eigenvalue != 1	eigenvalue != -1
$\begin{pmatrix} x_1 & -x_0 \\ x_0 & x_1 \end{pmatrix}$	$x_0^2 + x_1^2$	$x_0^2 + x_1^2 + 2x_1 + 1$	$x_0^2 + x_1^2 - 2x_1 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_1 \\ x_1 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2 - x_1^2$	$-x_0^2 - x_1^2 + 1$	$-x_0^2 - x_1^2 + 1$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} x_1 & -x_0 \\ x_0 & x_1 \end{pmatrix}$	$x_0^2 + x_1^2$	$\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \\ 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_1 \\ x_1 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2 - x_1^2$	$\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \\ 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

matrix	conds
$\begin{pmatrix} x_1 & -x_0 \\ x_0 & x_1 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_1 \\ x_1 & x_0 \end{pmatrix}$	\square

1.10 Group 11

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix	det	eigenvalue != 1	eigenvalue != -1
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$x_0^2 + 2x_0 + 1$	$x_0^2 - 2x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$-x_0^2 + 1$	$-x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$-x_0^2 + 1$	$-x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$2x_0^2$	$2x_0^2 + 2x_0 + 1$	$2x_0^2 - 2x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & -x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-2x_0^2$	$-2x_0^2 + 1$	$-2x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & 0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$x_0^2 + 1$	$x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} x_0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$2x_0^2$	$2x_0^2 + 2x_0 + 1$	$2x_0^2 - 2x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-2x_0^2$	$-2x_0^2 + 1$	$-2x_0^2 + 1$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} -x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$2x_0^2$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & -x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-2x_0^2$	\square
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & 0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} x_0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$2x_0^2$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-2x_0^2$	\square

matrix	conds
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & -x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & 0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} x_0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square

1.11 Group 12

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & \frac{1}{2} \\ 0 & 1 & \frac{1}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & \frac{1}{2} \\ 0 & 1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & -\frac{1}{2} \\ 0 & -1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix	det	eigenvalue != 1	eigenvalue != -1
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$x_0^2 + 2x_0 + 1$	$x_0^2 - 2x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$-x_0^2 + 1$	$-x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$-x_0^2 + 1$	$-x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$2x_0^2$	$2x_0^2 + 2x_0 + 1$	$2x_0^2 - 2x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & -x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-2x_0^2$	$-2x_0^2 + 1$	$-2x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & 0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$x_0^2 + 1$	$x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} x_0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$2x_0^2$	$2x_0^2 + 2x_0 + 1$	$2x_0^2 - 2x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-2x_0^2$	$-2x_0^2 + 1$	$-2x_0^2 + 1$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} -x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$2x_0^2$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & -x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-2x_0^2$	\square
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & 0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} x_0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$2x_0^2$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-2x_0^2$	\square

matrix	conds
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$[-2a_0, -2a_1, -a_0 - a_1, a_0 - a_1, -2a_0 - \frac{1}{2}x_0 + \frac{1}{2}, \frac{1}{2}x_0 - \frac{1}{2}, -a_0 + a_1, -a_0 - a_1, \frac{1}{2}x_0]$
$\begin{pmatrix} -x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$[-2a_0, -2a_1, -a_0 + a_1, -a_0 - a_1, -2a_0 + \frac{1}{2}x_0 + \frac{1}{2}, \frac{1}{2}x_0 - \frac{1}{2}, -a_0 - a_1, a_0 - a_1, -\frac{1}{2}x_0]$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$[-2a_0, -2a_1, -a_0 + a_1, -a_0 - a_1, \frac{1}{2}x_0 - \frac{1}{2}, -2a_1 - \frac{1}{2}x_0 - \frac{1}{2}, -a_0 - a_1, a_0 - a_1, -2a_0]$
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$[-2a_0, -2a_1, -a_0 - a_1, a_0 - a_1, -a_0 - a_1 - x_0 - \frac{1}{2}, -a_0 - a_1 + \frac{1}{2}, -a_0 + a_1, -a_0 - a_1]$
$\begin{pmatrix} -x_0 & -x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$[-2a_0, -2a_1, -a_0 + a_1, -a_0 - a_1, -a_0 - a_1 - \frac{1}{2}, -a_0 - a_1 + x_0 + \frac{1}{2}, -a_0 - a_1, a_0 - a_1]$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$[-2a_0, -2a_1, -a_0 - a_1, a_0 - a_1, \frac{1}{2}x_0 - \frac{1}{2}, -2a_1 + \frac{1}{2}x_0 - \frac{1}{2}, -a_0 + a_1, -a_0 - a_1, -2a_0]$
$\begin{pmatrix} x_0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$[-2a_0, -2a_1, -a_0 - a_1, a_0 - a_1, -a_0 + a_1 + \frac{1}{2}, a_0 - a_1 + x_0 + \frac{1}{2}, -a_0 + a_1, -a_0 - a_1]$
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$[-2a_0, -2a_1, -a_0 + a_1, -a_0 - a_1, -a_0 + a_1 + x_0 + \frac{1}{2}, a_0 - a_1 + \frac{1}{2}, -a_0 - a_1, a_0 - a_1]$

1.12 Group 13

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix	det	eigenvalue != 1	eigenvalue != -1
$\begin{pmatrix} x_0 + x_1 & -x_0 \\ x_0 & x_1 \end{pmatrix}$	$x_0^2 + (x_0 + x_1)x_1$	$x_0^2 + (x_0 + 2)x_1 + x_1^2 + x_0 + 1$	$x_0^2 + (x_0 - 2)x_1 + x_1^2 - x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_1 & x_0 + x_1 \\ x_0 & x_1 \end{pmatrix}$	$-(x_0 + x_1)x_0 - x_1^2$	$-x_0^2 - x_0x_1 - x_1^2 + 1$	$-x_0^2 - x_0x_1 - x_1^2 + 1$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} x_0 + x_1 & -x_0 \\ x_0 & x_1 \end{pmatrix}$	$x_0^2 + (x_0 + x_1)x_1$	$\begin{matrix} -1 & 0 \\ -1 & 1 \\ 0 & -1 \\ 0 & 1 \\ 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} -x_1 & x_0 + x_1 \\ x_0 & x_1 \end{pmatrix}$	$-(x_0 + x_1)x_0 - x_1^2$	$\begin{matrix} -1 & 0 \\ -1 & 1 \\ 0 & -1 \\ 0 & 1 \\ 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{matrix}$

matrix	conds
$\begin{pmatrix} x_0 + x_1 & -x_0 \\ x_0 & x_1 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} -x_1 & x_0 + x_1 \\ x_0 & x_1 \end{pmatrix}$	\square

1.13 Group 14

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix	det	eigenvalue != 1	eigenvalue != -1
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$x_0^2 + x_0 + 1$	$x_0^2 - x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ x_0 & -x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$-x_0^2 + 1$	$-x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$x_0^2 + x_0 + 1$	$x_0^2 - x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$x_0^2 + 2x_0 + 1$	$x_0^2 - 2x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$-x_0^2 + 1$	$-x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$-x_0^2 + 1$	$-x_0^2 + 1$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ x_0 & -x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$

matrix	conds
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ x_0 & -x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square

1.14 Group 15

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix	det	eigenvalue != 1	eigenvalue != -1
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$x_0^2 + x_0 + 1$	$x_0^2 - x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ x_0 & -x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$-x_0^2 + 1$	$-x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$x_0^2 + x_0 + 1$	$x_0^2 - x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$x_0^2 + 2x_0 + 1$	$x_0^2 - 2x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$-x_0^2 + 1$	$-x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$-x_0^2 + 1$	$-x_0^2 + 1$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	x_0^2	-1 1
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ x_0 & -x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	-1 1
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	-1 1
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	-1 1
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	-1 1
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	-1 1

matrix	conds
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ x_0 & -x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square

1.15 Group 16

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

matrix	det	eigenvalue != 1	eigenvalue != -1
$\begin{pmatrix} x_0 + x_1 & -x_0 \\ x_0 & x_1 \end{pmatrix}$	$x_0^2 + (x_0 + x_1)x_1$	$x_0^2 + (x_0 + 2)x_1 + x_1^2 + x_0 + 1$	$x_0^2 + (x_0 - 2)x_1 + x_1^2 - x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_1 & x_0 + x_1 \\ x_0 & x_1 \end{pmatrix}$	$-(x_0 + x_1)x_0 - x_1^2$	$-x_0^2 - x_0x_1 - x_1^2 + 1$	$-x_0^2 - x_0x_1 - x_1^2 + 1$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} x_0 + x_1 & -x_0 \\ x_0 & x_1 \end{pmatrix}$	$x_0^2 + (x_0 + x_1)x_1$	$\begin{matrix} -1 & 0 \\ -1 & 1 \\ 0 & -1 \\ 0 & 1 \\ 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} -x_1 & x_0 + x_1 \\ x_0 & x_1 \end{pmatrix}$	$-(x_0 + x_1)x_0 - x_1^2$	$\begin{matrix} -1 & 0 \\ -1 & 1 \\ 0 & -1 \\ 0 & 1 \\ 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{matrix}$

matrix	conds
$\begin{pmatrix} x_0 + x_1 & -x_0 \\ & x_0 & x_1 \\ -x_1 & x_0 + x_1 \\ & x_0 & x_1 \end{pmatrix}$	\square
	\square

1.16 Group 17

Generators of group:

$$\left[\begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right]$$

SNoT

$$\left[\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \right],$$

matrix	det	eigenvalue != 1	eigenvalue != -1
$\begin{pmatrix} -x_0 & 0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$-x_0^2 + 1$	$-x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$x_0^2 + x_0 + 1$	$x_0^2 - x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$x_0^2 + x_0 + 1$	$x_0^2 - x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$x_0^2 + 2x_0 + 1$	$x_0^2 - 2x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & -x_0 \\ -2x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-3x_0^2$	$-3x_0^2 + 1$	$-3x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$-x_0^2 + 1$	$-x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} \frac{1}{2}x_0 & \frac{1}{2}x_0 \\ -\frac{1}{2}x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$\frac{3}{4}x_0^2$	$\frac{3}{4}x_0^2 + \frac{3}{2}x_0 + 1$	$\frac{3}{4}x_0^2 - \frac{3}{2}x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$-x_0^2 + 1$	$-x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & \frac{1}{2}x_0 \\ -\frac{1}{2}x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-\frac{3}{4}x_0^2$	$-\frac{3}{4}x_0^2 + 1$	$-\frac{3}{4}x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} 2x_0 & -x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$3x_0^2$	$3x_0^2 + 3x_0 + 1$	$3x_0^2 - 3x_0 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & 2x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-3x_0^2$	$-3x_0^2 + 1$	$-3x_0^2 + 1$
$\begin{pmatrix} -x_0 & 2x_0 \\ -2x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$3x_0^2$	$3x_0^2 + 1$	$3x_0^2 + 1$

matrix	det	except
$\begin{pmatrix} -x_0 & 0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	x_0^2	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} -x_0 & -x_0 \\ -2x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-3x_0^2$	\square
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} \frac{1}{2}x_0 & \frac{1}{2}x_0 \\ -\frac{1}{2}x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$\frac{3}{4}x_0^2$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-x_0^2$	$\begin{matrix} -1 \\ 1 \end{matrix}$
$\begin{pmatrix} -x_0 & \frac{1}{2}x_0 \\ -\frac{1}{2}x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-\frac{3}{4}x_0^2$	\square
$\begin{pmatrix} 2x_0 & -x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$3x_0^2$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & 2x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$-3x_0^2$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & 2x_0 \\ -2x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	$3x_0^2$	\square

matrix	conds
$\begin{pmatrix} -x_0 & 0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} x_0 & -x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ -x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} x_0 & 0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & -x_0 \\ -2x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} 0 & x_0 \\ x_0 & 0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} \frac{1}{2}x_0 & \frac{1}{2}x_0 \\ -\frac{1}{2}x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & x_0 \\ 0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & \frac{1}{2}x_0 \\ -\frac{1}{2}x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} 2x_0 & -x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & 2x_0 \\ x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square
$\begin{pmatrix} -x_0 & 2x_0 \\ -2x_0 & x_0 \end{pmatrix}$	\square