

Fisica

DaveRhapsody

30 Settembre 2019

# Indice

<b>1</b>	<b>Introduzione al corso</b>	<b>2</b>
1.1	Cosa ci servirà . . . . .	3
1.1.1	Dal punto di vista numerico . . . . .	3
1.2	Notazione scientifica . . . . .	3
<b>2</b>	<b>Cinematica</b>	<b>4</b>
2.1	Come definiamo la traiettoria di un corpo . . . . .	4
2.1.1	Esempio di grandezza vettoriale . . . . .	4
2.1.2	L'esempio di una palla che cade in un piano inclinato . . . . .	4
2.1.3	Alcune precisazioni . . . . .	5
2.2	La velocità . . . . .	5
2.3	Come varia la velocità . . . . .	7
<b>3</b>	<b>Moto rettilineo uniformemente accelerato</b>	<b>11</b>
3.1	Accelerazione di gravità . . . . .	12
<b>4</b>	<b>Sistema cartesiano</b>	<b>13</b>
4.1	Coordinate polari . . . . .	13
4.2	Somma tra vettori . . . . .	13
4.3	Moto Circolare . . . . .	15
4.3.1	I vantaggi delle coordinate polari . . . . .	15
4.4	Moto circolare non uniforme . . . . .	16
4.5	Circonferenza e Moto Armonico . . . . .	17
4.6	Trasformazione Galileiana . . . . .	18
<b>5</b>	<b>La Forza</b>	<b>19</b>
5.1	Secondo principio della dinamica . . . . .	20
5.2	Quantificare una forza . . . . .	21
5.3	La Molla . . . . .	22
5.4	Il peso . . . . .	22
5.5	Terza legge della dinamica . . . . .	22

# Capitolo 1

## Introduzione al corso

Non è presente materiale didattico, le lezioni sono architettate in modo che si segua dalla lavagna, è consigliato dal prof stesso di usare gli appunti od i libri che (per coloro che han fatto fisica) si usavano alle superiori.

Il programma è **tutta la fisica** in generale, ma affrontata in modo semplice, quasi banale, l'ultimo argomento dovrebbe essere il magnetismo, immaginatevi quanto (non) si farà di quell'argomento. Ci sono 5 appelli in un anno, il primo sarà a gennaio, poi febbraio, giugno, luglio e settembre, MA Gennaio e Febbraio dell'anno dopo sono inclusi

Il che significa che io posso fare i due parziali e poi fare l'orale anche a Febbraio. Noi possiamo iscriverci solo allo scritto, e verremo spostati all'orale SE siamo già sufficienti.

## Alcune osservazioni

Lo studio della fisica nasce dall'osservazione di una serie di fenomeni che accadono, con lo scopo di misurarli ed infine dimostrare il perchè questi si verificano,

Esistono una serie di **modelli** che sono in grado di descrivere ciò che noi vediamo, ad esempio quando vedremo il moto, noi diremo "Osserviamo il moto di un corpo", con corpo inteso come punto. Il punto è un oggetto di dimensioni infinitesimali, e nel caso del moto ne analizzeremo i dettagli in modo specifico.

La nostra teoria parte da un modello semplificato che consente di capire il funzionamento di ciò che abbiamo di fronte. Nel caso dei Gas ad esempio ci saranno arricchimenti dei modelli (del tipo non esistono solo gas perfetti) etc.

Noi dobbiamo cercare di trovare il modello minimo, più semplice in grado di **descrivere** una cosa. In fisica si adotta un atteggiamento **Deduttivo**, infatti non si ragiona generalmente in modo induttivo. Consideriamo che non esiste un modello finale che non si possa contraddire.

## 1.1 Cosa ci servirà

Iniziamo definendo alcune quantità che ci interesseranno, ovvero massa, spazio e tempo.

C'è bisogno di capire che quantità si stia misurando, quindi si usano le unità di misura che cosa oggettivamente stiamo quantificando. Immaginatevi cosa significhi quantificare senza unità di misura. (Per dire Galileo usava i battiti del cuore.)

### 1.1.1 Dal punto di vista numerico

Si ha che in qualsiasi campo si ha un ordine di grandezza, ogni fenomeno ha la propria scala da usare, ci saranno i coefficienti di riferimento, i prefissi ( $\mu$ ,  $mm$ ,  $n$ ), c'è un vero e proprio intervallo di grandezze ( $10^n$ ).

## 1.2 Notazione scientifica

Ecco un esempio di numero scritto in notazione scientifica:

$$5 \cdot 10^5 = 500000 \cdot 10^{-1} = 0,5$$

Ragionando su come sono composti, abbiamo le cifre significative, ovvero cifre che hanno senso di essere tenute in considerazione. In che senso? Se devo misurare un banco di scuola posso dire che è tipo 1034 mm, OPPURE dire che è un metro e 34 millimetri.. E' la stessa cosa, ok, detta in modi diversi

Se specifico una cifra (tipo anche) lo 0 in un 0,12320 esso è cifra significativa!

Se ho invece un numero tipo 1,010 posso scriverlo in due modi

- 1,011 +/- (Ok non so come si fa il + e - in L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X) 0,001
- 1,01

Nulla di estremamente complesso ma va detto comunque, per dire se ho 1,234567 posso approssimarlo in 1,23457.

**ATTENZIONE** Nel caso della **NOTAZIONE SCIENTIFICA** si tiene in considerazione la parte numerica  $\neq 0$ . tipo 123.000.000 ha 3 cifre che sono proprio 123

# Capitolo 2

## Cinematica

E' la branca della fisica che si occupa di descrivere la traiettoria di un corpo, dovremo predirla, calcolarla, basandosi su un campo di forza, uno spazio, introdurremo la forza in grado di cambiare il moto di un corpo MA per prima cosa

### 2.1 Come definiamo la traiettoria di un corpo

Definiamo la differenza tra grandezza scalare e vettoriale

- Le grandezze vettoriali hanno con sè una direzione, un verso, ed un modulo definito anche intensità. L'esempio per eccellenza è lo spostamento e la velocità.
- Le grandezze scalari sono valori precisi fissi, dei valori che indicano qualcosa di quantitativo più che qualitativo.

#### 2.1.1 Esempio di grandezza vettoriale

Supponiamo di avere due punti  $x_0$  e  $x_1$  ponendoli distanti  $\lambda$  tra loro.  $\lambda$  sarà coincidente con  $x_0 - x_1$ . Per definire il verso basta osservare chi è il minimo tra  $x_0$  e  $x_1$ , lo si vede graficamente, oppure osservando chi dei due è il maggiore.

Da un lato abbiamo un vettore (ancora monodimensionale), ma abbiamo anche dato un piano dimensionale, per esprimere il concetto di vettore relativo alla posizione del nostro punto.

Il sistema di riferimento è il sistema cartesiano, in questo caso Monoasse pertanto ci basta avere solo la  $x$ .  $x_0$  e  $x_1$  sono semplicemente dei punti, ma hanno un nome specifico, in questo caso sono delle vere e proprie posizioni.

Come si diceva prima, per capire il **Verso** bisogna osservare la differenza tra  $x_0$  e  $x_1$ , se negativa allora va all'indietro, al contrario andrebbe avanti molto semplicemente

#### 2.1.2 L'esempio di una palla che cade in un piano inclinato

Il nostro punto materiale è la palla, e per capire lo spostamento bisogna tracciare un grafico che indica le posizioni lungo le quali la pallina passa, quindi si semplifica tutto con un grafico a singolo asse.

Chiaro che se ho un modello **Dinamico** è un problemino diverso perchè avrei anche forze tipo la gravità etc, ma per ora descriviamo questo moto.

La pallina parte dalla posizione  $p_0$  e passerà per un  $p_{1,2,3,4}$  aventi una serie di tempi passati dall'istante 0 che si chiameranno  $t_{1,2,3,4}$  etc.

Per descrivere questo bisogna trovare una legge che sia in grado di esprimere per qualsiasi istante quali possano essere le condizioni.

$$\left\{ t_{\lambda} = \text{tempo richiesto per arrivare dalla posizione } p_0 \text{ a } p_{\lambda} \right.$$

### 2.1.3 Alcune precisazioni

- Lo spostamento è la distanza in linea d'aria
- La distanza percorsa può essere nettamente maggiore, poichè è il percorso specifico che vado ad effettuare
  - Per intenderci, da A a B potrei dover passare per un punto C, la distanza diventa minimo la somma di  $(A + B) + (C + B)$ , di conseguenza a meno che siano allineati, cambia già la distanza
  - Se da A vado a B e torno indietro, la distanza percorsa è  $2AB$ , mentre lo spostamento vettoriale è 0

Lo spostamento è vettoriale, la distanza percorsa è uno scalare

## 2.2 La velocità

E' la quantità di spazio(s) percorsa da un corpo in un determinato tempo(t), specificando che ci sia la distanza percorsa e lo spostamento.

**Dati due punti** Lo spostamento non è altro che un vettore che parte dal primo al secondo punto, quindi che va da  $p_0$  a  $p_1$ .

Attenzione, prima c'è da tenere conto della differenza dei tempi, che chiameremo  $\Delta t = t_{Finale} - t_{Iniziale}$   
Abbiamo 3 velocità:

- Velocità media scalare:  $v_{media} = \frac{\text{distanza percorsa}}{\Delta t}$  che è la distanza percorsa sul tempo passato da quando son partito a quando sono arrivato
- Velocità media vettoriale:  $\vec{v} = \frac{\vec{\Delta x}}{\Delta t}$  con  $\Delta x$  che è il vettore spostamento tra la posizione  $p_{iniziale}$  e  $p_{finale}$

### Osservazione:

Ragionando per formule inverse, se voglio capire quanto ho percorso mi basta fare  $d = \Delta t \cdot v_{media}$ , ma in realtà non è propriamente corretto.

Se per esempio avessi qualcosa del tipo

$$\begin{cases} SE \ t_1 = 1 \ E \ x_1 = 1 \\ SE \ t_2 = 2 \ E \ x_2 = 4 \\ SE \ t_3 = 3 \ E \ x_3 = 9 \\ SE \ t_4 = 4 \ E \ x_4 = 16 \end{cases}$$

Posso osservare che lo spazio percorso  $x(t)$  corrisponda all'accelerazione  $A \cdot t^2$

$$x(t) = At^2$$

Queste quantità sono vicine alle nostre esigenze quotidiane, oggettivamente lo spostamento vettoriale non dice nulla, non ci permette di dire assolutamente nulla durante uno spostamento. Ok, sì, la velocità media, ma in fisica non è che conti poi così tanto.

**Esempio** Prendiamo un percorso  $\Delta x$  (differenza tra un  $x_0$  e  $x_1$  che decidiamo noi) se io impiego un tempo  $\Delta t$  (differenza tra un  $t_0$  e  $t_1$  che sono istanti di tempo diciamo) avrei:

$$\frac{\Delta x}{\Delta t} = v_{media}$$

Ora il concetto è che non mi dice nulla di cosa accade nel mezzo del tragitto.

**Ipotesi** Immaginate di avere istante tra i due che abbiamo scelto, se usassimo la velocità media, in un determinato istante, per via dell'approssimazione potrebbe risultare che abbiamo percorso più o anche meno chilometri, è troppo impreciso MA

Più sono corte le distanze, o meglio, minore è il valore di  $\Delta x$  e minore sarà l'errore di approssimazione. Basti pensare alla media di un viaggio per ipotesi da Milano a Roma, magari per un tratto vado a 150, ma in un altro per il traffico vado a 3 chilometri al millennio, la media è bassissima MA per via di questi due picchi

Possiamo ricavare dalla nostra formula con il  $\Delta x$  e  $\Delta t$  che quindi la posizione che si assume in un determinato istante sia:

$$x_1 = x_0 + v_{media} \Delta t$$

La velocità media però non indica praticamente nulla del moto, se mi servono dati precisi (es. contachilometri) su una determinata velocità prendo intervalli sempre minori. Quando il  $\Delta t$  tende a 0, notiamo che la funzione non tenderà ad  $\infty$  perché c'è corrispondenza negli ordini di infinito. Quindi chiamo questo limite con  $t$  che tende a 0 della velocità vettoriale fratto delta  $t = v \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{x}}{\Delta t} = v_{istantanea}$  velocità istantanea, che non è altro che la velocità in un determinato istante. Per ogni istante, per definizione di derivata, io calcolo alla fine

$$v(t) = \frac{dx(t)}{dt}$$

Quindi in pratica otteniamo che la velocità istantanea è letteralmente la derivata della posizione, in cui la  $t$  è la "discriminante" della velocità istantanea che si aveva in un determinato istante (perdonate la ripetizione).

Con questa velocità istantanea possiamo (se applichiamo la legge oraria), calcolare in modo più preciso la posizione in un determinato istante! Come?

$$x_t = x_0 + v_{t_0} dt$$

Cioè siamo arrivati che abbiamo la posizione iniziale e l'istante iniziale, più la velocità istantanea (che è una derivata), ora ci basta solo applicare la formula.

Prendiamo ora in esame un grafico che ha sulle ascisse il tempo e sulle ordinate le velocità istantanee registrate. Come nel caso precedente immaginiamo di avere un grafico con una funzione monotona crescente. Prendo due punti del grafico e calcolo la velocità media tra essi

$$\frac{v_1 + v_2}{2}$$

sappiamo anche che la velocità media è definita come  $\frac{\Delta x_n}{\Delta t_n}$  da cui ricaviamo  $\Delta x_n = v_{med} \Delta t_n$ . Se ripetiamo questo procedimento per tutti i  $\Delta t$  avremo:

$$\Delta x = \sum_{k=1}^n \Delta x_k = \sum_{k=1}^n v_{m_k} \cdot \Delta t_k$$

La somma dei  $\Delta x$  ennesimi, è coincidente con la somma di tutte le aree  $A_n$  dove  $A_n \sim \Delta x$ .

Se  $\Delta t_n \rightarrow 0$  allora  $\Delta x = \int v(t) dt$

Per un punto specifico (sempre facendo tendere  $\Delta t \rightarrow 0$ ) ad esempio avremmo che

$$x_1 = x_0 + \int_{t_0}^{t_1} v(t) dt$$

**Precisazione di Giulia:** La velocità va in funzione del tempo, MA gli estremi di integrazione vedendo il grafico sono anch'essi dei tempi.

quindi per conoscere la posizione è sufficiente passare per un integrale definito della velocità. Per esempio, se la funzione posizione nel tempo è  $x_t = at^2$  la  $v_t$  sarà  $v_t = 2at$

**Piccola osservazione** Quando diciamo che  $\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = v_{istantanea}$ , stiamo dando per assodato che diminuendo l'intervallo di tempo, diminuirà il relativo spostamento, pertanto otterremo  $\frac{0}{0}$ , ok, ma vedremo che appunto tenderà ad un valore finito.

## 2.3 Come varia la velocità

Quando ho una velocità che cambia, posso definire la variazione della velocità vettoriale nell'unità di tempo, e questa si chiamerà accelerazione vettoriale media e la indichiamo



con  $a_{media}$ , MA come prima servirà trovare l'accelerazione istantanea. Come si trova? Come prima si usano i limiti.

Per  $\Delta t \rightarrow 0$  abbiamo che  $a(\vec{t}) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{dv}{dt}$

Data la velocità istantanea  $v(t)$  possiamo ricavare che l'accelerazione:

$$a = a(t) = \frac{dx(t)}{dt} = \frac{d^2x}{dt^2}$$

Quindi di conseguenza ne segue che

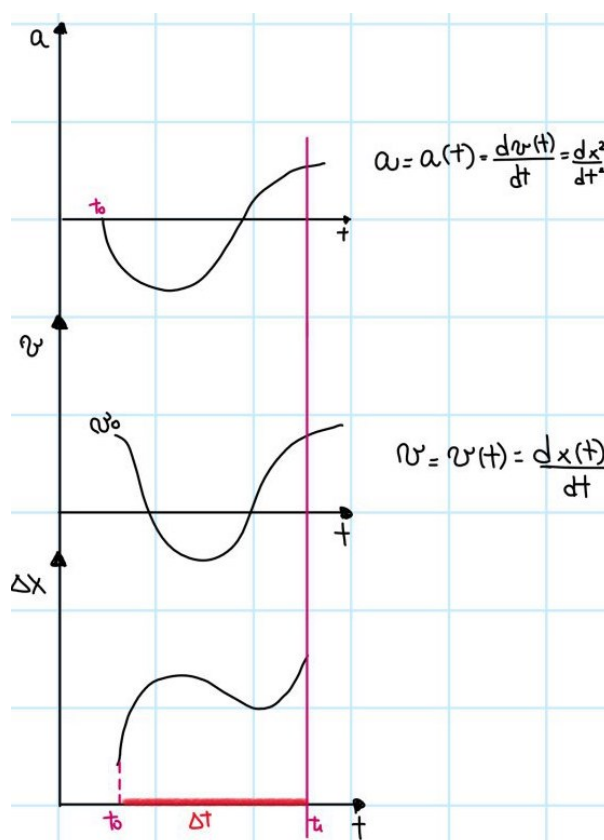
$$v(t) = v(t_0) + \int_{t_0}^t a(t) dt \quad (Con t \geq t_0)$$

e di conseguenza:

$$x(t) = x(t_0) + \int_{t_0}^t v(t) dt$$

Considerando la velocità media si sta ovviamente considerando una velocità costante, graficamente, se  $v = \frac{Spazio}{Tempo}$ , allora  $v$  rappresenta il coefficiente angolare della nostra retta.

Illustrazione a cura di Letizia



In questo grafico si osserva che quando si parla di accelerazione si fa riferimento a quella istantanea

---

Se per ipotesi avessimo l'accelerazione costante invece avremmo non più  $\frac{\Delta x}{\Delta t}$  MA  $\frac{\Delta v}{\Delta t}$ , che rappresenta l'accelerazione media mantenendo per ovvio che

- $\Delta t = t_1 - t_0$
- $\Delta v = \Delta t \cdot a_{Media}$
- $\Delta v = v_1 - v_0$

Si riesce a ricavare lo spostamento che a questo punto diventa

$$\Delta x = v_0 \Delta t + (\Delta v) \cdot \frac{\Delta t}{2} = \Delta t \cdot \frac{v_1 + v_0}{2} = \Delta t (v_{media})$$

A questo punto proviamo a ricavare la posizione  $x_1$ :

$$x_1 = x_0 + \frac{v_1}{v_0} 2 \cdot \Delta t$$

Dove in pratica  $v_1 = v_0 + a_{Media} \cdot \Delta t$ , sostituendo vien fuori

$$x_1 = x_0 \frac{v_0 + a_{Media} \cdot \Delta t + v_0}{2} \cdot \Delta t$$

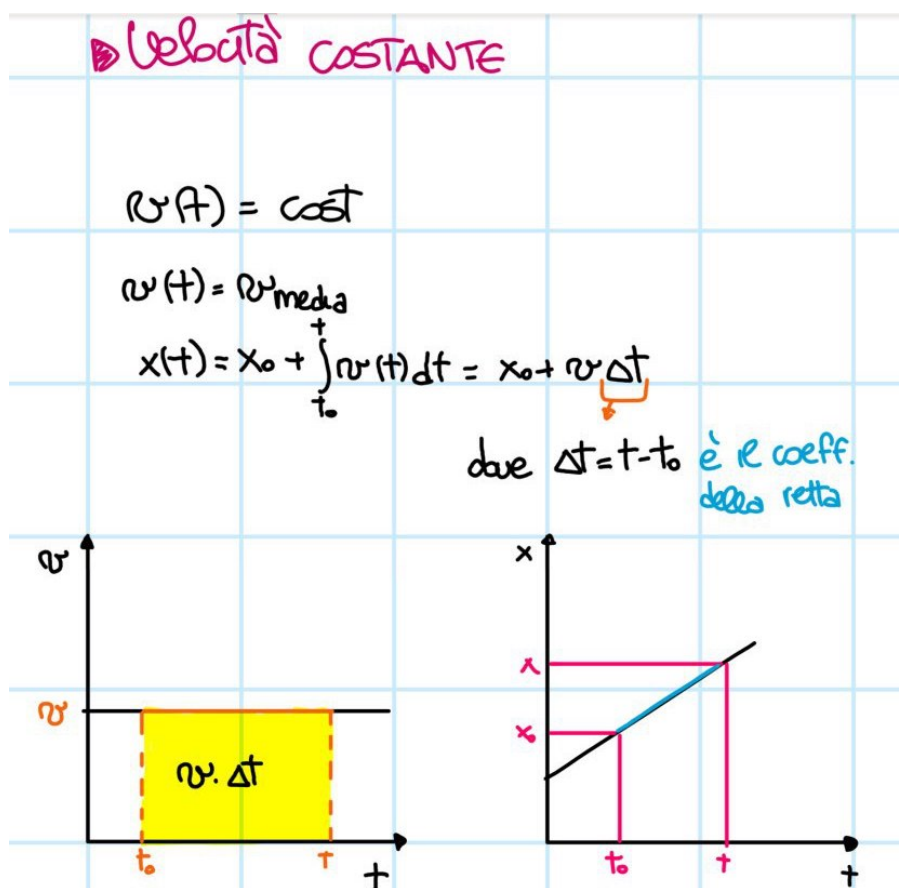
Se generalizziamo:

$$x(t) = x_0 + v_0(t - t_0) + \frac{a_{Media}}{2}(t - t_0)^2$$

Successivamente, per finire, noteremo che:

$$\begin{aligned} x(t) &= x_0 + \int_0^t v_0 dt + \int_0^t a_{media} t \cdot dt = \\ &= x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2 \end{aligned}$$

Illustrazione a cura di Letizia



In questo grafico si può osservare graficamente cosa accade quando si considera la velocità media come costante

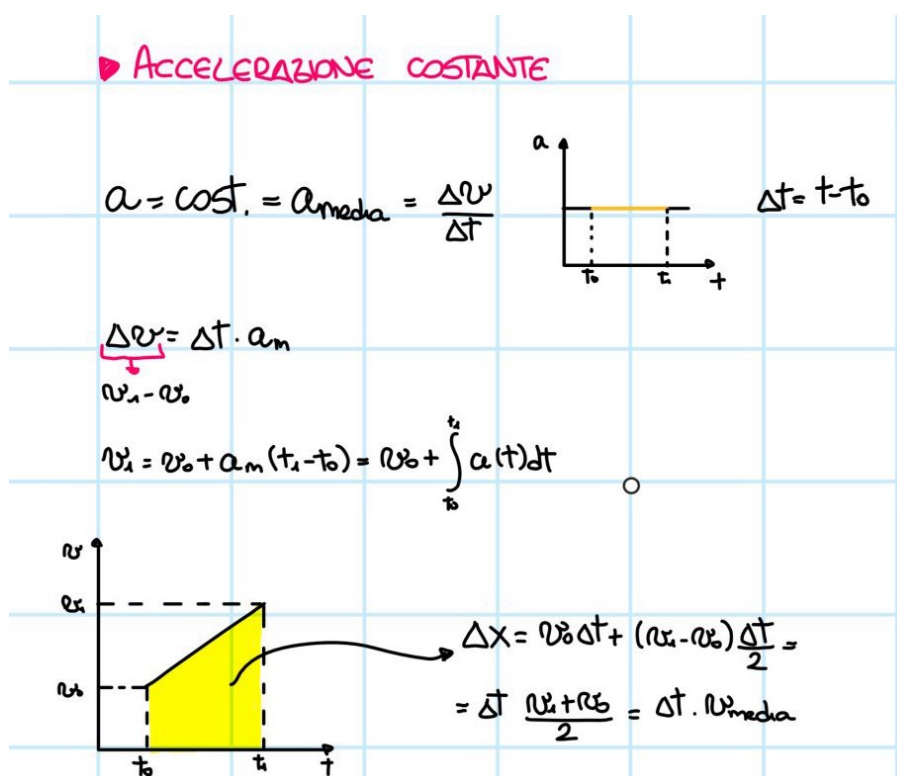
## Capitolo 3

# Moto rettilineo uniformemente accelerato

Dato qualsiasi piano inclinato, se un corpo parte dall'alto da un punto  $x_0$  se esso rotola (con attrito volvente che è trascurabile), noteremo che con il quadrato del tempo ( $t^2$ ) la sua velocità si incrementerà  $x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$ , in cui possiamo giocare di nuovo a modificare le cose belle, tipo la  $t$  vi  $v_0 \cdot t$  può diventare  $\frac{v-v_0}{a}$ , da cui consegue che  $a = \frac{v-v_0}{t}$  e quindi  $x = x_0 + \frac{1}{2}(v_0 + v) \cdot t$ .

---

Grafico dell'accelerazione costante



In questo grafico si nota che la variazione della velocità è coincidente con la variazione del tempo per l'accelerazione media

---

### 3.1 Accelerazione di gravità

Escludendo le forze di attrito con l'aria quando un corpo cade in caduta libera si ottiene che esso (sul nostro pianeta) cada accelerando di  $9,8 \frac{m}{s^2}$ . Questi corpi prendono il nome di Gravi, e non importa che massa abbiano SE consideriamo l'assenza di aria che faccia attrito.

Poniamo caso di lanciare un sasso verso l'alto, o anche un mattone, MacBook, il proprio gatto, quel che volete, noterete che questo salirà, e poi dopo un breve periodo inizierà a tornare giù, questo è per via del fatto che l'accelerazione gravitazionale è costante, ma all'oggetto che lanciamo cosa accade?

Noi sappiamo che  $v = v_0 + a \cdot t$ , il grafico sarà una parabola che va verso l'alto e poi ad un certo punto smetterà di crescere e inizierà a decrescere, e nel momento in cui il corpo scende l'accelerazione noteremo che sarà  $\leq 0$  (Vettorialmente).

**ATTENZIONE** L'accelerazione non si annulla MA sul punto di massimo locale dove cambia il verso dell'accelerazione si avrà una velocità  $= 0$

# Capitolo 4

## Sistema cartesiano

Il grafico di un qualsiasi sistema cartesiano è composto da due assi, uno  $x$  ed uno  $y$ , perpendicolari tra essi, ed ogni punto sul grafico è composto da due coordinate  $(x, y)$  tali che  $P = (x_P, y_P)$

### 4.1 Coordinate polari

Ogni punto ha una distanza dall'origine, quella distanza si chiama  $R$ , e l'angolo che si forma tra l'asse  $x$  e  $R$  si chiama  $\phi$ , di conseguenza ricaviamo che:

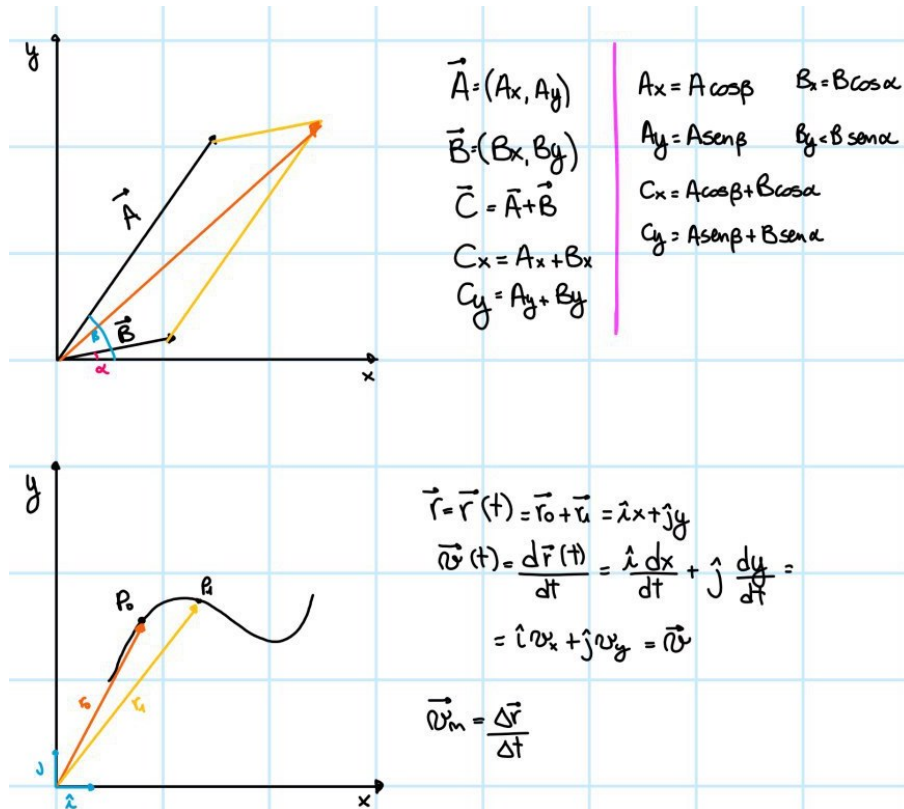
- $\frac{y}{R} = \sin(\phi)$
- $\frac{x}{R} = \cos(\phi)$
- $y = R \cos(\phi)$
- $x = R \cos(\phi)$
- $\frac{y}{x} = \tan(\phi)$
- $\phi = \arctan(\frac{y}{x})$
- $R = \sqrt{x^2 + y^2}$

Tutto ciò rimanendo comunque nel secondo quadrante, nel primo chiaramente c'è da dire che rimane tutto cambiato di segno e viene indicato con le stesse lettere del primo ma aggiungendoci un dopo.

### 4.2 Somma tra vettori

Dati due vettori è possibile individuarne la somma tramite la regola del parallelogramma che consiste nel tracciare due semirette parallele ai due vettori che abbiamo, e vanno aggiunte al termine del segmento del vettore già presente, l'incrocio tra queste due semirette sarà il punto da cui puoi calcolarti la somma (Non si capisce, ok, senza grafici è impossibile ma come già detto, li aggiungerò.)

Letizia ci salva un'altra volta con un grafico



Graficamente si verifica quello che ho scritto qui sopra. Si noti che tra l'altro la velocità media  $\vec{v}_m$  parallela a  $\Delta \vec{r}$  e  $\vec{v} = \frac{ds}{dt} \hat{u}$  (con  $u$  che sarebbe un versore, ed  $s$  lo spazio), mentre per quanto concerne l'accelerazione  $\vec{a} = \frac{dv}{dt} \hat{u}$  (Non c'è più  $s$  ma  $v$  che sarà la velocità)

Se ragioniamo nelle due dimensioni la questione del nostro moto si complica, perchè abbiamo:

$$\vec{r} = \hat{i} \cdot x + \hat{j}y$$

e quindi

$$\frac{d\vec{v}(t)}{dt} = \hat{i} \cdot \frac{dx}{dt} + \hat{j} \cdot \frac{dy}{dt}$$

Scritto più easy:  $\hat{i}v_x + \hat{j}v_y = \vec{v}$

$$\vec{v}_{Media} = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} = \frac{\vec{r}}{\Delta t}$$

dove  $\Delta r = r_1 - r_0$  e sarebbe la distanza vettoriale.

$$\vec{v}(t) = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} \text{ con } \Delta t \rightarrow 0$$

L'obiettivo è quello di passare dal livello 1D al 2D, e la trigonometria entra in gioco per via del fatto che vengono a formarsi dei triangoli

Illustrazione a cura di Simona

### STUDIO DEL MOTO CON I VETTORI

$$\vec{v}_m = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} \quad \vec{a}_m = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

$$\Delta \vec{v} = \vec{v}_1 - \vec{v}_0 \quad |\vec{v}_0| = |\vec{v}_1| \quad \text{Perché il moto è a velocità costante}$$

$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = a_c \vec{u}_N$$

Vettore normale

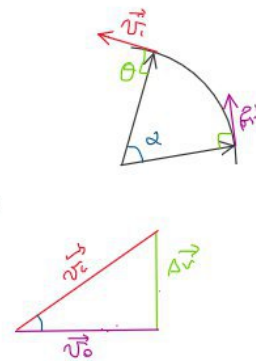
$$\Delta t \rightarrow 0 \quad \alpha \rightarrow 0 \rightarrow \theta = 90^\circ$$

$$\vec{a}_c \perp \vec{v}$$

$$\vec{a}_c \perp \vec{v}$$

$$\vec{a}_c \parallel \Delta \vec{v}$$

$$\vec{v} \perp \vec{r}$$



Da questo grafico è possibile notare in che modo interagiscono graficamente (considerando il punto di vista vettoriale) le velocità.

## 4.3 Moto Circolare

Consideriamo una circonferenza di raggio  $r$ , ed un punto materiale che si muove lungo la suddetta circonferenza, che con l'asse  $x$  forma un angolo  $\theta$ .

Supponiamo che il moto della velocità istantanea lungo la circonferenza sia costante, o meglio, diciamolo in modo figo:  $\frac{dv}{dt}$  costante, se calcolo l'accelerazione vettoriale, anche se il modulo è costante ma la direzione cambia allora l'accelerazione non potrà mai esser nulla.

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} \neq 0$$

### 4.3.1 I vantaggi delle coordinate polari

Introduciamo il concetto di radiante, ovvero date  $l$ ,  $\theta$  ed  $r$ ,

- Con  $r$  Raggio
- $\theta$  che è l'angolo
- $l$  che è la distanza NON vettoriale, cioè l'arco insomma tra due punti

Con  $\theta = \frac{l}{r} = \frac{2\pi r}{r} = 2\pi$ , pertanto si ottiene che la velocità angolare  $\omega$  sia  $\omega = \frac{d\theta}{dt}$ , e ricordiamo che prima si era detto di essere in velocità costante, pertanto se moltiplichiamo



la velocità angolare per il raggio cosa otteniamo? Esatto, la velocità a cui ci stiamo spostando, ovvero:

$$\omega R = \frac{dl}{dt} = v$$

Inoltre definiamo il concetto di PERIODO ( $t$ ) che è il tempo impiegato per fare tutto un giro della circonferenza:  $T = \frac{2\pi}{\omega}$ , analizziamo ora le leggi orarie

$$s(t) = s_0 + v \cdot t$$

Oppure

$$\theta(t) = \theta_0 + \omega t$$

a questo punto ragioniamo su quella che è l'accelerazione vettoriale:

Sappiamo che  $\vec{v}_m = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}$ , quindi ne deriva che  $\vec{a}_m = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$  oppure in modo anche più preciso

$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = a_c \hat{u}_n$$

in cui la  $n$  specifica che è perpendicolare e non tangente, altrimenti sarebbe  $\hat{u}_t$ , quindi si può concludere che l'accelerazione centripeta

$$\vec{a}_c = \frac{v^2}{r} \cdot \hat{u}_n$$

in cui ricordiamo che  $n$  indica che il versore sia PERPENDICOLARE, infatti la  $n$  sta per versore NORMALE. Tutto questo se la velocità è costante.

## 4.4 Moto circolare non uniforme

Oltre all'accelerazione centripeta servirà l'accelerazione tangente o tangenziale che è l'accelerazione lungo l'arco PERO' tangente alla circonferenza.

$$\vec{a}_t = \frac{d^2 l}{dt^2} \cdot \hat{u}_t$$

E si ricava che quindi  $\vec{a} = \vec{a}_t \vee \vec{a}_c$ , nel senso che è la stessa accelerazione ma considerata da due sistemi di riferimento diversi.

Di conseguenza se è uniformemente accelerato, possiamo anche stabilirne la legge oraria, che è simile a prima:

$$l(t) = l_0 + v_0 t + \frac{1}{2} \cdot a_t t^2$$

, che è di base, mentre nel caso andiamo a considerare le velocità angolari.

$$\theta(t) = \theta_0 + \omega_0 t + \frac{1}{2} a_\omega t^2$$

Se prima si è considerata la velocità normale ora considereremo quella tangenziale, ma alla fine, in un caso vedavamo quanto ci si era spostati, nel secondo caso si vede quanto si è allargata o ristretta la circonferenza. Perché? Perché **la circonferenza è l'insieme di tutti i punti equidistanti da un punto detto centro.**

## 4.5 Circonferenza e Moto Armonico

Prendendo una qualsiasi circonferenza ed un punto P su di essa, è possibile tracciare sull'asse x ed y i punti relativi a P, e ne consegue che

$$x = R \cos \theta = R \cos(\omega t) \quad y = R \sin \theta = R \sin(\omega t)$$

E quindi

$$\frac{dx}{dt} = \omega R \cdot \sin(\omega t)$$

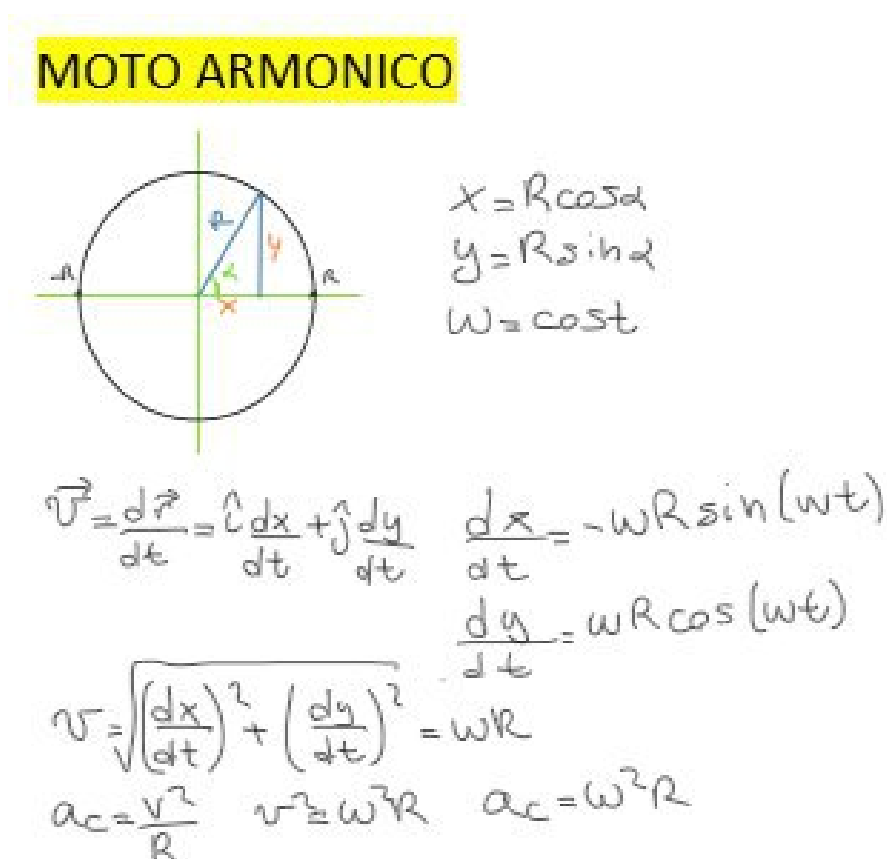
e

$$\frac{dy}{dt} = \omega R \cdot \cos(\omega t)$$

Inoltre

$$v = \sqrt{\frac{dx^2}{dt} + \frac{dy^2}{dt}}$$

Illustrazione a cura di Simona



In quest'illustrazione si vede riassunto graficamente quello che ho menzionato nel paragrafo superiore

Finalmente si può rispondere alla domanda che ci si è fatti all'inizio: ovvero, come posso calcolare la traiettoria di un corpo BASANDOMI sulle forze che agiscono su di esso?

Introduciamo pertanto il concetto di trasformazione Galileiana

## 4.6 Trasformazione Galileiana

Il primo passo è sempre avere un sistema di riferimento a coordinate, ma di questi ne esistono infiniti, pertanto sarà importante rimanere nello stesso sistema di riferimento, nel senso che tutto varia in base a quello.

Ad esempio, supponiamo di avere 3 posizioni di 3 corpi diversi.

- A: Un'automobile
- P: Un pedone
- B: Una bicicletta

E di conseguenza le distanze tra essi  $\overrightarrow{X_{BA}}, \overrightarrow{X_{PA}}, \overrightarrow{X_{PB}}$ , noi possiamo dedurre che:  $v_{PB} = \frac{dx_{PB}}{dt} = v_{AP} + v_{AB}$ .

Se queste sono velocità da considerarsi vettoriali ( $\overrightarrow{v_{PA}}$ ), siccome i punti sono in serie sullo stesso piano, allora basta fare semplicemente la somma.

**Detto in modo più umano:** Siete in macchina, andate a  $70 \frac{km}{h}$ , vi supera una macchina che va a  $130 \frac{km}{h}$ , ecco, dal punto di vista della velocità abbiamo appena detto che è come essere fermi, e una macchina va a  $60 \frac{km}{h}$ , dipende dal vostro sistema di riferimento.

# Capitolo 5

## La Forza

Finora abbiamo descritto le accelerazioni per esempio di un corpo in caduta libera, abbiamo descritto COME un oggetto cade, ma nessuno ha risposto al perchè l'oggetto cade. Prima ci si chiedeva perchè c'è movimento?

Perchè alcuni oggetti si muovono senza una causa? Esempio lampante: La Luna, si muove (da un pochino di tempo anche) da sola, senza nessuno che spinge.

**Consiglio:** Guardatevi questo spettacolo a teatro di Paolini che parla di Galileo, io l'ho adorato, anche se mi rendo conto che in sessione non avrete per nulla voglia di guardare qualcosa di questo genere -> This

---

Ora, da una parte abbiamo le forze che sono descrivibili con delle formule, e dall'altro abbiamo la meccanica che vuole sapere cosa fanno le nostre forze al punto materiale che le subisce. Ammesso che capisco quanto valga una forza, cos'è una forza?

**Definizione:** Da Wikipedia: Una forza è una grandezza fisica vettoriale che si manifesta nell'interazione reciproca di due o più corpi, sia a livello macroscopico, sia a livello delle particelle elementari. Quantifica il fenomeno di induzione di una variazione dello stato di quiete o di moto dei corpi stessi; in presenza di più forze, è la risultante della loro composizione vettoriale a determinare la variazione del moto. La forza è descritta classicamente dalla seconda legge di Newton come derivata temporale della quantità di moto di un corpo rispetto al tempo

All'atto pratico una forza è quella che causa il movimento, di fatto se si applica una forza, o comunque ci sono delle forze che agiscono su di esso, allora quest'ultimo si muoverà, o per esser più preciso Accelererà. Essendo una grandezza vettoriale, se la somma algebrica delle forze applicate su un corpo è  $= 0$  allora il corpo avrà accelerazione 0.

<sup>1</sup>Credo di volermi rifiutare di fare menzione della definizione dataci a lezione con l'esempio della molla. Ditemi voi se è ammissibile una definizione del tipo "Una forza è quella esercitata da una molla quando la tiri o comprimi".

---

<sup>1</sup>Lamentela personale

Detto in modo più matematico, primo principio della dinamica (**principio di inerzia**:

$$Se \quad \vec{F} = \sum_{\kappa=1}^{\infty} \vec{F}_{\kappa} = 0 \quad allora \quad a = 0$$

Se su un corpo non agisce alcuna forza viene mantenuta costante la propria velocità, pertanto essa può essere anche  $\geq 0$ , ma rimarrebbe costante per via dell'assenza di forze che si oppongono al movimento.

Esatto, perchè potrebbe accadere che esistano forze che non agiscono direttamente come quella centripeta, quella di gravità, quella centrifuga, è pieno di forze che agiscono indirettamente. Sono forze che compaiono nel sistema di riferimento non inerziale.

## 5.1 Secondo principio della dinamica

Dato un corpo fermo, in base al suo peso dovremo applicare una forza maggiore o minore, per ottenere una determinata velocità. Cioè se devo spingere una penna, e farla viaggiare a una velocità  $\lambda$ , è ben diverso far raggiungere la stessa velocità  $\lambda$  ad un camion. (Ponendo  $\lambda > 0$ )

Da questo consegue che la massa influenza sia l'accelerazione che la forza. Infatti il secondo principio della dinamica dice che:

$$F = m \cdot A$$

Provocare dell'accelerazione in un corpo richiederà più o meno forza in base alla massa del corpo da spingere. Ne consegue che:

$$m_x = m_0 \cdot \frac{a_0}{a_x}$$

Chiaramente c'è da dire che un qualsiasi corpo, se è fermo necessiterà di applicare più forza per produrre un determinato movimento, se spingiamo un corpo che già si muove ci vorrà meno forza.

**La Massa:** Anche se la si dà per scontata, non l'abbiamo definita in modo specifico, è considerabile al momento come quantità di materia, pertanto mi raccomando da ora non confondiamo più massa e peso.

**Il Peso:** Il peso è una forza, che è esercitata dal campo gravitazionale terrestre ed è di circa 9,8 N (dove N sarebbe Newton). Il peso è una forza, è una grandezza vettoriale, ha una direzione, un verso, ed un modulo o intensità.

**Precisazione:** Nella meccanica classica tendenzialmente una forza è realizzabile/applicabile/esistente SE son presenti due corpi, pertanto ci si può anche esprimere dicendo che: Presenza di forze  $\rightarrow$  presenza di più corpi.

In assenza di forza non si ha accelerazione, pertanto lo stato di moto di un punto materiale è o a 0 o velocità costante, di fatto nel mondo in cui viviamo, in quello reale ci sono sempre delle forze che agiscono, e appare che i corpi non abbiano velocità costante.

Questo è dovuto per esempio alle forze di attrito che ci sono sempre, cose di questo tipo.

Per tastare con mano quello che è un moto perfettamente (o quasi) costante, si può osservare il movimento della luna, che ok, non è perfettamente nel vuoto anche perchè il vuoto assoluto non esiste, però non ha degli attriti così consistenti.

Il principio (detto principio di inerzia) si basa sul concetto del "In assenza di forze il corpo conserva il suo moto", o meglio, se non ci sono corpi vicini che influenzino un corpo allora la sua accelerazione sarà  $= 0$ .

## 5.2 Quantificare una forza

L'unità di misura di una forza è il Newton (N),

Se il corpo pesa 1kg si ha che:  $1 \text{ N} = 1 \text{ m/s}^2 \cdot \text{kg}$  pertanto  $F(t) = m \cdot a(t)$ , cioè la forza applicata in un tempo è proporzionale all'accelerazione in quel determinato tempo.

$$m = \text{kg}$$

$$a = \frac{m}{s^2}$$

$$F = \text{kg} \cdot \frac{m}{s^2} = \text{N}$$

Ovviamente (come specificato prima) anche  $\sum_{i=1}^{\infty} \vec{F}_i = 0 \rightarrow \vec{a} = 0$ , e quindi ad esempio:

$$\begin{cases} m_0 = 1 \text{ kg} \rightarrow a_0 \\ m_1 = \lambda \text{ kg} \rightarrow a_1 \end{cases}$$

$\frac{m_0}{m_1} = \frac{a_0}{a_1}$ , e quindi questo significa che ragionando per formule inverse  $m_1 = m_0 \cdot \frac{a_1}{a_0} \forall F$

Non si è specificato, MA la somma di due masse è fattibile, cioè se prendo una mela e una pera e le incollo, la loro massa sarà  $mela + pera + colla$ , pertanto l'accelerazione seguirà questa somma, nel senso, se ho calcolato l'accelerazione prima che avrebbe la mela, poi la pera, la loro somma avrà un valore approssimativamente proporzionale alla somma delle masse (circa perchè c'è la colla ma è diciamo trascurabile.)

**Riprendendo il secondo principio della dinamica:** Ricordiamoci la difficilissima formula  $F = m \cdot a$ , e quindi  $\vec{F} = m \cdot \vec{a}$ .

Il problema è che io data una forza posso concludere di avere una massa per un'accelerazione MA non posso concludere data una massa ed accelerazione che ci sia quella forza. Non mi sta definendo la forza, è una sua espressione. Ti serve una teoria sulla forza per lavorarci su. In termini più semplici: Da sinistra verso destra l'equazione  $\vec{F} = m \cdot \vec{a}$  va bene MA da destra verso sinistra no. Un esempio di alternativa a questo?

### Legge di Gravitazione Universale

$$\vec{F}_a = G \cdot \frac{M \cdot m}{d^2}$$

in cui la  $G$  è la costante di gravitazione universale ed è  $g = \frac{G \cdot M}{R_{Terra}^2}$ ,  $g$  invece è la forza  $g$ , quella che si vede di solito in F1 in curva o frenata, in cui letteralmente si hanno decelerazioni e accelerazioni (non necessariamente rettilinee, generalmente più in curva) fino ai 5g.

Inoltre, siccome questa  $g$  dipende dal raggio della *terra*<sup>2</sup>, quindi può cambiare anche sulla terra stessa.

## 5.3 La Molla

La molla è un tipo di corpo su cui si può applicare sia una compressione che un'espansione, ma attenzione, non si chiamerà più espansione ma allungamento, perciò essendo un corpo, su di esso si può applicare una forza.

Sulla molla si può applicare una forza sia tirandola che spingendola, e questa forza è:

$$\vec{F}_k = -k \cdot (\vec{x} - \vec{x}_0)$$

In cui  $\vec{x} - \vec{x}_0$  sui libri di fisica vien chiamata  $\Delta l$  e sarebbe l'allungamento, o quanto s'è deformata la molla.

## 5.4 Il peso

Siccome misurare il rapporto tra masse è uguale a misurare il rapporto tra forze, allora si conclude che si ha la stessa gravità, che sulla terra è 9,8, e quindi si può anche dire che per misurare una massa, bisogna tener conto della forza peso e confrontarla con la gravità che si sta considerando.

$$\vec{P} = m \vec{a} = m \vec{g} = -m \cdot g \cdot \hat{\gamma}$$

. Se una bilancia misura una forza, dato  $g$ , si ottiene che  $\frac{\text{forza}}{g} = \text{massa}$ , per cui se è vero che il peso cambia in base a dove ci troviamo, non è vero che lo faccia anche la massa, e infatti la massa quella è e quella rimane.

## 5.5 Terza legge della dinamica

E' anche detto principio di azione/reazione, ovvero:

**Definizione:** Dati due corpi, per qualsiasi forza che viene applicata da un corpo all'altro (per ogni azione), corrisponderà una forza (reazione) che sia uguale e contraria  
 $\rightarrow azione(corpo_a, corpo_b) = reazione(corpo_a, corpo_b) = azione(corpo_b, corpo_a)$