

Universidad de Buenos Aires FACULTAD DE INGENIERÍA

Año 2020 - 2. do cuatrimestre

ANÁLISIS Y NUMÉRICO (75.12 - 95.04)

Curso 06 - Rodriguez - Machiunas

TRABAJO PRÁCTICO DE MÁQUINA N.º 1

INTEGRANTES:

86559 Vicari, Dario Santiago dvicari@fi.uba.ar Moreno, Jorge

jomoreno@fi.uba.ar

FECHA DE ENTREGA: 12/06/2021

1. Enunciado

La altura de las mareas se puede modelar utilizando una sumatoria de componentes armónicas de acuerdo a la siguiente ecuación:

$$altura = a_0 + \left[\sum_{k=1}^{n} a_k cos(\omega_k t + \Phi_k) \right]$$
(1.1)

siendo:

 a_0 : nivel medio de referencia

n: número de componentes armónicas consideradas

 ω_k : frecuencia angular de la componente armónica k-ésima

 ϕ_k : fase de la componente armónica k-ésima

Los parámetros de la ecuación ?? se calculan a partir de la serie temporal de datos obtenida por mareógrafos en los años anteriores, conocida como marea astronómica. Por lo general los responsables de la toma de datos de los mareógrafos son organismos que dependen de los gobiernos.

Históricamente se realizaba una publicación llamada anuario de mareas y en ocasiones también se publicaban las últimas constantes armónicas obtenidas en los puertos principales.

Actualmente parte de la información es de acceso público a través de páginas web. Por ejemplo, en Argentina, el organismo responsable es el Servicio de Hidrografía Naval. http://www.hidro.gov.ar. Cada puerto tiene asociada una tabla de mareas y en ocasiones hay que realizar correcciones debido a la influencia de los factores meteorológicos.

El primer objetivo de este TP es estimar las constantes armónicas de un puerto, del cual se dispone la altura de la marea en forma horaria, durante un año.

Cada grupo elegirá una combinación de puerto/año diferente, de un conjunto suministrado por los docentes. [Publique en el foro del TP 1 su puerto/año de esta primer parte, y verifique que no haya sido elegido por otro grupo]

Para cumplir adecuadamente el objetivo propuesto se sugiere se realicen los siguientes pasos:

- 1. Determinen las frecuencias angulares más importantes $(\omega_1,\omega_2,\omega_3,...\omega_n)$. Para ello utilicen la transformada discreta de Fourier. Podrán utilizar la implementación de la transformada rápida de Fourier (fft) en Octave o Python. Deberán indicar que criterio utilizan para definir la cantidad de componentes armónicas (n). (En caso de consultar bibliografía adicional, recuerden tomar nota de los datos de la misma, para citarla en la bibliografía).
- 2. Utilicen el método de mínimos cuadrados para obtener el nivel medio de referencia (a_0) y la amplitud de cada componente armónica $(a_1, a_2, ..., a_n)$ seleccionada previamente, como así también la fase. Indicar el ECM.
- 3. Repitan el punto anterior pero utilizando una componente armónica menos y analicen el efecto de esta modificación.
- 4. Repitan los puntos anteriores, pero esta vez utilizando solamente
 - a) los datos de la primer semana de enero;
 - b) los datos de la segunda semana de enero;
 - c) los datos de enero y febrero;
 - d) los datos de marzo y abril;

Comparen (y relacionen, si les parece que es posible) los valores obtenidos en los componentes armónicos.

5. Suponga ahora que se desea realizar predicciones diarias de las horas y alturas de las pleamares y bajamares utilizando únicamente una sola componente armónica de acuerdo a la siguiente ecuación:

$$altura = a_0 + a_1 cos(\omega_1 t + \phi_1) \tag{1.2}$$

Indiquen como se modifican los parámetros (a_0, ω_1, ϕ_1) si solo se desea predecir las pleamares y bajamares en el mes de enero y en el mes de marzo (Pueden complementar el análisis empleando 2 o hasta 3 componentes armónicas, si les parece necesario; justifiquen su elección, en ese caso).

6. Ahora vamos utilizar la ecuación ?? para predecir las mareas en los puertos de la costa Argentina. Los datos se obtendrán de la página:

http://www.hidro.gov.ar/oceanografia/Tmareas/Form_Tmareas.asp seleccionelo de la lista de puertos patrones; y cada grupo elegirá un puerto diferente. [Publiquen en el foro del TP 1 su puerto para esta segunda parte, y verifique que no haya sido elegido por otro grupo].

Tomen los datos completos de marzo, abril y los primeros 21 días de mayo de este año. (Observe que los datos no son equiespaciados). Se aconseja que procesen los datos horarios y luego copien todo a un archivo de texto, para cargarlo con facilidad en Octave o Python.

Para poder utilizar el modelo lineal de cuadrados mínimos, primero hagan gráficos y estudien que valor de ω_1 es adecuado utilizar -a partir de la inspección de los datos- y expliquen el criterio utilizado; luego por cuadrados mínimos lineales estime los parámetros a_0, a_1 y ϕ_1 .

También pueden optar por emplear el modelo de cuadrados mínimos no lineal.

Hallen el ECM.

7. Utilicen el modelo obtenido en el punto anterior para predecir la hora de la primer pleamar de junio de la playa elegida. Expliquen la estrategia utilizada para la modelización.

2. Introducción

En este trabajo práctico desarrollaremos la metodología para procesar datos de la realidad mediante la Transformada Rápida de Fourier (FFT), aplicarlos a un modelo dado descartando la información menos relevante (Construcción de la Serie de Fourier a partir de los armónicos principales), y obtener una caracterización del error cometido mediante el método de cuadrados mínimos. Empezaremos por los desarrollos teóricos necesarios para probar que la Serie de Fourier (SF) minimiza el error de cuadrados mínimos de una función, y luego la relación entre los coeficientes de la Transformada Discreta de Fourier y la Serie Continua de Fourier.

- 3. Desarrollo
- 4. Resultados
- 5. Conclusiones
- 6. Bibliografía

Referencias

[1] Hernán González (2017) - Análisis Numérico Primer Curso 2º edición. Buenos Aires. Nueva Librería.