Conjuntos y combinatoria

Taller de Álgebra I

1er Cuatrimestre 2017

Conjuntos

Más de listas

► Implementar entre todos la función agregarATodas :: Integer → [[Integer]] → [[Integer]] que dado un número n y una lista de listas lls agrega a n detrás de cada lista de lls

Ejercicios

Implementar una función partes :: Integer -> Set (Set Integer) que genere todos los subconjuntos del conjunto $\{1,2,3,\ldots,n\}$.

```
Ejemplo> partes 2
[[], [1], [2], [1, 2]]
```

Implementar una función subconjuntos :: Integer -> Integer -> Set (Set Integer) que dados k y n enteros, genera todos los subconjuntos de k elementos del conjunto $\{1,2,3,\ldots,n\}$.

```
Ejemplo> subjconjuntos 2 3
[[1, 2], [2, 3], [1, 3]]
```

Recordar la demostración combinatoria de la igualdad

$$\binom{n}{k} = \binom{n-1}{k} + \binom{n-1}{k-1}$$

Conjuntos

type

Definamos un renombre de tipos para conjuntos:

```
type Set a = [a]
```

- Otra forma de escribir lo mismo pero más descriptivo.
- Podemos asumir que si nuestra función recibe un conjunto, no contendrá elementos repetidos (aunque Haskell no hace nada para verificarlo)
- Debemos asegurar que si devolvemos un conjunto, este no contenga elementos repetidos (Haskell tampoco hace nada automático).
- ▶ No hace falta preocuparse por el orden de los elementos (aunque en Haskell no lo sabe).

Ejercicio

- Implementar una función incluido :: Set Integer -> Set Integer -> Bool que determina si el primer conjunto está incluido en el segundo (ayuda: La función "pertenece" en Haskell existe y se llama "elem").
- Implementar una función
 iguales :: Set Integer -> Set Integer -> Bool que determina si dos conjuntos son
 iguales.

```
Ejemplo> iguales [1,2,3,4,5] [2,3,1,4,5]
```

Variaciones con repetición

Producto cartesiano

Implementar una función productoCartesiano :: Set Integer -> Set Integer -> Set (Integer, Integer) que dados dos conjuntos genere todos los pares posibles (como pares de dos elementos) tomando el primer elemento del primer conjunto y el segundo elemento del segundo conjunto.

```
Ejemplo> productoCartesiano [1, 2, 3] [3, 4] [(1, 3), (2, 3), (3, 3), (1, 4), (2, 4), (3, 4)]
```

Variaciones con repetición

► Implementar una función variaciones :: Set Integer -> Integer -> [[Integer]] que dado un conjunto c y una longitud / genere todas las posibles listas de longitud / a partir de elementos de c.

```
Ejemplo> variaciones [4, 7] 3 [[4, 4, 4], [4, 7, 7], [7, 4, 4], [7, 4, 7], [7, 7, 4], [7, 7, 7]]
```

Permutaciones

Insertar un elemento en una lista

▶ Implementar una función insertarEn :: [Integer] → Integer → Integer → [Integer] que dados una lista /, un número n y una posición i (contando desde 1) devuelva una lista en donde se insertó n en la posición i de l y los elementos siguientes corridos en una posición.

```
Ejemplo> insertarEn [1, 2, 3, 4, 5] 6 2
[1, 6, 2, 3, 4, 5]
```

Permutaciones (DIFÍCIL!)

► Implementar una función permutaciones :: Integer → [[Integer]] que genere todas las posibles permutaciones de los números del 1 al n.

```
Ejemplo> permutaciones 3
[[1, 2, 3], [1, 3, 2], [2, 1, 3], [2, 3, 1], [3, 1, 2], [3, 2, 1]]
```

Más ejercicios Implementar funciones que devuelvan \blacksquare Todas las formas de ubicar n bolitas numeradas en k cajas. **2** Todas las listas ordenadas de k números distintos tomados del conjunto $\{1, \ldots, n\}$. Todas las sucesiones de 0 y 1 de longitud 6 en las que hay tres 1's y tres 0's. Todas las sucesiones de 0 y 1 de longitud 5 en las que hay mas 1's que 0's.

Más ejercicios