Programare funcțională

Introducere în programarea funcțională folosind Haskell C07

Claudia Chiriță Denisa Diaconescu

Departamentul de Informatică, FMI, UB

Examen parțial - săptămâna viitoare

- Test grilă pe foaie în cadrul cursului
- 3 puncte din nota finală, 15 întrebări grilă, 40 min
- Nu este obligatoriu și nu se poate reface
- O să afișăm pe Drive repartiția pe ore
- Materiale ajutătoare: suporturile de curs și de laborator, notițe
- Materiale ajutătoare doar în format fizic!
- Fără ceasuri, telefoane etc

Functori

În cursurile trecute, am văzut funcția

$$map :: (a -> b) -> [a] -> [b]$$

Problemă. Putem generaliza această funcție la alte tipuri parametrizate?

Definiție

```
class Functor f where fmap :: (a \rightarrow b) \rightarrow f a \rightarrow f b
```

Dată fiind o funcție g :: a -> b și ca :: f a, fmap produce cb :: f b obținută prin transformarea rezultatelor produse de computația ca folosind funcția g (și doar atât!)

Instanță pentru liste

```
instance Functor [] where
fmap = map
```

```
class Functor f where
  fmap :: (a -> b) -> f a -> f b

Instanță pentru constructorul de tipuri Maybe
fmap :: (a -> b) -> Maybe a -> Maybe b

instance Functor Maybe where
  fmap f Nothing = Nothing
  fmap f (Just x) = Just (f x)
```

```
class Functor f where
  fmap :: (a -> b) -> f a -> f b

Instanță pentru constructorul de tipuri Either e
fmap :: (a -> b) -> Either e a -> Either e b

instance Functor (Either e) where
  fmap _ (Left x) = Left x
  fmap f (Right y) = Right (f y)
```

```
class Functor f where
  fmap :: (a -> b) -> f a -> f b
data Arbore a = Nil
                | Nod a (Arbore a) (Arbore a)
Instantă pentru constructorul de tipuri Arbore
fmap :: (a \rightarrow b) \rightarrow Arbore a \rightarrow Arbore b
instance Functor Arbore where
 fmap f Nil = Nil
 fmap f (Nod x \mid r) = Nod (f x) (fmap f I) (fmap f r)
```

Exemple

```
Prelude> fmap (*2) [1..3]
[2,4,6]
Prelude > fmap (*2) (Just 200)
Just 400
Prelude > fmap (*2) Nothing
Nothing
Prelude> fmap (*2) (+100) 4
208
Prelude > fmap (*2) (Right 6)
Right 12
Prelude> fmap (*2) (Left 135)
Left 135
Prelude > (fmap . fmap) (+1) [Just 1, Just 2, Just 3]
[Just 2, Just 3, Just 4]
```

Proprietăți ale functorilor

- Argumentul f al lui Functor f definește o transformare de tipuri
 - · f a este tipul a transformat prin functorul f
- fmap definește transformarea corespunzătoare a funcțiilor
 - fmap :: (a -> b) -> (f a -> f b)

Contractul lui fmap

- fmap f ca e obținută prin transformarea rezultatelor produse de computația ca folosind funcția f (și doar atât!)
- Abstractizat prin două legi:

```
identitate fmap id == id compunere fmap (g . h) == fmap g . fmap h
```

Invalidarea contractului - identitate

Instanță a clasei Functor care invalideaza condiția de conservare a identitătii:

```
instance Functor WhoCares where
  fmap _ ItDoesnt = WhatThisIsCalled
  fmap _ WhatThisIsCalled = ItDoesnt
  fmap f (Matter a) = Matter (f a)
```

Prelude> fmap id ItDoesnt
WhatThisIsCalled
Prelude> id ItDoesnt
ItDoesnt

Validarea contractului - identitate

Instanță a clasei Functor care validează condiția de conservare a identității:

```
instance Functor WhoCares where
fmap _ ItDoesnt = ItDoesnt
fmap _ WhatThisIsCalled = WhatThisIsCalled
fmap f (Matter a) = Matter (f a)
```

```
Prelude> fmap id ItDoesnt
ItDoesnt
Prelude> id ItDoesnt
ItDoesnt
```

Invalidarea contractului - compunere

```
data CountingBad a =
  Heisenberg Int a
  deriving (Eq, Show)
```

Instanță a clasei Functor care invalidează condiția de conservare a compunerii:

```
instance Functor CountingBad where
fmap f (Heisenberg n a) = Heisenberg (n+1) (f a)
```

```
Prelude> oneWhoKnocks = Heisenberg 0 "Uncle"
Prelude> f = (++" Jesse")
Prelude> g = (++" Iol")
Prelude> fmap (f . g) oneWhoKnocks
Heisenberg 1 "Uncle Iol Jesse"
Prelude> fmap f . fmap g $ oneWhoKnocks
Heisenberg 2 "Uncle Iol Jesse"
```

Validarea contractului - compunere

```
data CountingBad a =
  Heisenberg Int a
  deriving (Eq, Show)
```

Instanță a clasei Functor care validează condiția de conservare a compunerii:

```
instance Functor CountingBad where
fmap f (Heisenberg n a) = Heisenberg n (f a)
```

```
Prelude> oneWhoKnocks = Heisenberg 0 "Uncle"
Prelude> f = (++" Jesse")
Prelude> g = (++" Iol")
Prelude> fmap (f . g) oneWhoKnocks
Heisenberg 0 "Uncle Iol Jesse"
Prelude> fmap f . fmap g $ oneWhoKnocks
Heisenberg 0 "Uncle Iol Jesse"
```

Quiz time!



https://tinyurl.com/PF2023-C08-Quiz1

Functori aplicativi

Problemă

- Folosind fmap putem transforma o funcție h :: a -> b într-o funcție fmap h :: m a -> m b
- Dar ce se întâmplă dacă avem o funcție cu mai multe argumente?

De exemplu, cum trecem de la h :: $a \rightarrow b \rightarrow c la$ h' :: $m a \rightarrow m b \rightarrow m c$

Putem încerca să folosim fmap

Problemă

- Folosind fmap putem transforma o funcție h :: a -> b într-o funcție fmap h :: m a -> m b
- Dar ce se întâmplă dacă avem o funcție cu mai multe argumente?

De exemplu, cum trecem de la h :: $a \rightarrow b \rightarrow c la$ h' :: $m a \rightarrow m b \rightarrow m c$

- Putem încerca să folosim fmap
- Dar, deoarece h :: a -> (b -> c), obținem
 fmap h :: m a -> m (b -> c)
- Putem aplica fmap h la o valoare ca :: m a și obținem fmap h ca :: m (b -> c)

Problemă

Cum transformăm un obiect din $m (b \rightarrow c)$ într-o funcție $m b \rightarrow m c$?

- ap :: $m (b \rightarrow c) \rightarrow (m b \rightarrow m c)$, sau, ca operator
- $(<_*>)$:: m(b -> c) -> mb -> mc

Merge pentru funcții cu oricâte argumente

Problemă

Dată fiind o funcție

```
f :: a1 -> a2 -> a3 -> ... -> an -> a
si computatiile
```

ca1 :: m a1, ca2 :: m a2, ..., can :: m an,

vrem să "aplicăm" funcția f pe rând computațiilor ca1, ..., can pentru a obtine o computatie finală ca :: m a.

Merge pentru funcții cu oricâte argumente

Date fiind

- f :: a1 -> a2 -> a3 -> ... -> an -> a
- ca1 :: m a1, ca2 :: m a2, ..., can :: m an,
- fmap :: (a -> b) -> m a -> m b
- (<∗>) :: m (b -> c) -> m b -> m c cu "proprietăți bune"

Atunci

```
fmap f :: m a1 -> m (a2 -> a3 -> ... -> an -> a)

fmap f ca1 :: m (a2 -> a3 -> ... -> an -> a)

fmap f ca1 <*> ca2 :: m (a3 -> ... -> an -> a)

...

fmap f ca1 <*> ca2 <*> ca3 ... <*> can :: m a
```

Clasa de tipuri Applicative

class Functor m => Applicative m where

```
pure :: a \to m a
(<*>) :: m (a \to b) \to m a \to m b
```

- Orice instanță a lui Applicative trebuie să fie instanță a lui Functor
- pure transformă o valoare într-o computație minimală care are acea valoare ca rezultat, și nimic mai mult!
- (<*>) ia o computație care produce funcții și o computație care produce argumente pentru funcții și obține o computație care produce rezultatele aplicării funcțiilor asupra argumentelor

Clasa de tipuri Applicative

class Functor m where

$$fmap :: (a -> b) -> m a -> m b$$

class Functor m => Applicative m where

```
pure :: a \rightarrow m a
(<*>) :: m (a \rightarrow b) \rightarrow m a \rightarrow m b
```

Proprietate importantă

- fmap f x == pure f <*> x
- Se definește operatorul (<\$>) prin (<\$>) = fmap

Functori aplicativi

```
(\$) :: (a \rightarrow b) \rightarrow a \rightarrow b

(<\$>) :: (a \rightarrow b) \rightarrow m \ a \rightarrow m \ b

(<*>) :: m \ (a \rightarrow b) \rightarrow m \ a \rightarrow m \ b
```

Instante – Maybe

```
class Functor m where
 fmap :: (a -> b) -> m a -> m b
class Functor m => Applicative m where
   pure :: a -> m a
  (<_*>) :: m (a -> b) -> m a -> m b
instance Applicative Maybe where
  pure = Just
  Nothing <_*> = Nothing
  Just f <_*> x = fmap f x
```

Instante - Maybe

```
Prelude> pure "Hey" :: Maybe String Just "Hey"
```

Cum concatenam Just "Hey" cu Just "You!"?

Instante – Maybe

```
Prelude> pure "Hey" :: Maybe String
Just "Hey"
```

Cum concatenam Just "Hey" cu Just "You!"?

```
Prelude> (++) <$> (Just "Hey ") <*> (Just "You!") Just "Hey You!"
```

Instante – Maybe

```
Prelude > pure "Hey" :: Maybe String
Just "Hev"
Cum concatenam Just "Hey" cu Just "You!"?
Prelude> (++) <$> (Just "Hey ") <*> (Just "You!")
Just "Hev You!"
  • (++) :: String -> (String -> String)

    Just "Hey_" :: Maybe String

  • (<\$>) :: (a -> b) -> m a -> m b (este fmap)
  • (++) <$> (Just "Hey_") :: Maybe (String -> String)
  Just "You!" :: Maybe String
  • (<*>) :: m (b -> c) -> m b -> m c

    Just "Hey_You!":: Maybe String
```

Instante - Maybe

```
mDiv \times y = if y == 0 then Nothing
            else Just (x 'div' y)
mF x = (+) < pure 4 < mDiv 10 x
  • (+) :: Int -> Int -> Int
  pure 4 :: Maybe Int
  • (<\$>) :: (a -> b) -> m a -> m b (este fmap)
  • (+) <$> pure 4 :: Maybe (Int -> Int)
  mDiv :: Int -> Int -> Maybe Int
  mDiv 10 x :: Maybe Int
  • (<*>) :: m (b -> c) -> m b -> m c
Prelude > mF 2
Just 9
```

Instante – Either

```
class Functor m where
 fmap :: (a -> b) -> m a -> m b
class Functor m => Applicative m where
   pure :: a -> m a
  (<_{\star}>) :: m (a -> b) -> m a -> m b
instance Applicative (Either a) where
  pure = Right
  Left e <_*> = Left e
  Right f <_*> x = fmap f x
```

Instante – Either

```
Prelude> pure "Hey" :: Either a String
Right "Hey"

Prelude> (++) <$> (Right "Hey ") <*> (Right "You!")
Right "Hey You!"
```

- (++) :: String -> (String -> String)
- Right "Hey" :: Either a String
- (<\$>) :: (a -> b) -> m a -> m b (este fmap)
- (++) <\$> (Right "Hey_") :: Either a (String -> String)
- Right "You!" :: Either a String
- (<*>) :: m (b -> c) -> m b -> m c
- Right "Hey_You!":: Either a String

Instante – Either

```
eDiv x y = if y == 0 then Left "Division by 0!"
             else Right (x 'div' y)
eF x = (+) < pure 4 < eDiv 10 x
  • (+) :: Int -> Int -> Int
  pure 4 :: Either String Int
  • (<\$>) :: (a -> b) -> m a -> m b (este fmap)
  • (+) <$> pure 4 :: Either String (Int -> Int)
  • eDiv :: Int -> Int -> Either String Int
  eDiv 10 x :: Either String Int
  • (<*>) :: m(b -> c) -> mb -> mc
Prelude > eF 2
Right 9
```

class Functor m where

$$fmap :: (a \rightarrow b) \rightarrow m a \rightarrow m b$$

class Functor m => Applicative m where

$$(<_{\star}>)$$
 :: m $(a \rightarrow b) \rightarrow m a \rightarrow m b$

instance Applicative [] where

pure
$$x = [x]$$

fs <*> $xs = [f x | f <- fs, x <- xs]$

```
Prelude> pure "Hey" :: [String]
["Hev"]
Prelude> (++) <$> ["Hello ", "Goodbye "] <*> ["world"
    , "happiness"]
["Hello world", "Hello happiness", "Goodbye world", "
   Goodbye happiness"1
  • (++) :: String -> (String -> String)
  ["Hello_", "Goodbye_"] :: [String]
  • (<\$>) :: (a -> b) -> m a -> m b (este fmap)
  • (++) <$> ["Hello_", "Goodbye_"] :: [String -> String]
  ["world", "happiness"] :: [String]
  • (<_*>) :: m(b -> c) -> mb -> mc
```

- (+) :: Int -> Int -> Int
- [1,2] :: [Int]
- (<\$>) :: (a -> b) -> m a -> m b (este fmap)
- (<*>) :: m (b -> c) -> m b -> m c

- (+),(*) :: Int -> Int -> Int
- [(+),(*)] :: [Int -> Int -> Int]
- [1,2] :: [Int]
- (<*>) :: m (b -> c) -> m b -> m c
- [(+),(*)] <*> [1,2] :: [Int -> Int]
- [(+),(*)] <*> [1,2] <*> [3,4] :: [Int]

- (*) :: Int -> Int -> Int
- [2,5,10] :: [Int]
- (<\$>) :: (a -> b) -> m a -> m b (este fmap)
- (*) <\$> [2,5,10] :: [Int -> Int]
- $(<_*>)$:: m(b->c)->mb->mc
- (*) <\$> [2,5,10] <*> [8,10,11] :: [Int]

Prelude> (*) <\$> [2,5,10] <*> [8,10,11] [16,20,22,40,50,55,80,100,110]

Quiz time!



https://tinyurl.com/PF2023-C08-Quiz2

Pe săptămâna viitoare!