Práctica 1

Métodos Numéricos y Computación

Ejercicio 1 Construye una matriz cuadrada de orden 5, A, de números enteros aleatorios comprendidos entre -4 y 8. Determina su rango, su traspuesta y su inversa. Calcula A² y observa la diferencia entre array y matriz.

Ejercicio 2 Construye un vector de orden 5×1 de números enteros aleatorios comprendidos entre 2 y 6. Resuelve el sistema Ax = b.

Ejercicio 3 Construye la matriz B que se obtiene a partir de A cambiando la última fila por la suma de las cuatro anteriores. Comprueba que B no es invertible.

Ejercicio 4 De la matriz del primer apartado pon de manifiesto las dos últimas filas. Obtén la diagonal. Obtén los vectores paralelos a la diagonal por abajo y por arriba y distantes de ella una unidad.

Ejercicio 5 Construye la función $e^{-3x} \sin x$. Halla su representación gráfica en el intervalo [-1,0], construyendo previamente un vector de 100 puntos en dicho intervalo y evaluando la función en dichos puntos.

Ejercicio 6 Dibuja en una misma gráfica las funciones $\sin(x)$, $\sin^2(x)$, $\cos(x)$, $\cos^2(x)$ en el intervalo [-2, 2].

Ejercicio 7 Dibuja las funciones del apartado anterior en una misma hoja pero en gráficas diferentes (comando subplot). Cambia el color de las líneas y dibuja algunas mediante puntos aislados.

Ejercicio 8 Representa la función de dos variables:

$$z = x^2 \sin(xy) + e^{-(x^2 + y^2)},$$

definida en el rectángulo $[-1,2] \times [-2,3]$. Selecciona 20 puntos igualmente espaciados en el primer intervalo y otros 20 en el segundo, para realizar la representación.

Ejercicio 9 Integra la función $e^{x^3}\sin(x^2)$ en el intervalo [-2,1] y dibuja el área calculada mediante esta integral.

Ejercicio 10 Construye una función que devuelva una lista con los n primeros números de la sucesión de Fibonacci. Evalúa la función en n = 1 y n = 20.

Ejercicio 11 Modifica la función del apartado anterior para que devuelva todos los números de la sucesión de Fibonacci menores o iguales que n. Utilízala para calcular todos los términos menores que 1000.