

### Algoritmo para obtener la raíz cuarta de un número binario a 32 bits

En esencia, el algoritmo consiste en establecer comparaciones entre el cociente obtenido elevado a la cuarta, con el valor del número a radicalizar.

#### Ejemplo:

Se tiene el siguiente número:

$$y = 2496901817_{10}$$

el cual, su raíz cuarta corresponde a

$$\begin{aligned} z &= \sqrt[4]{2496901817_{10}} = 223,537488054_{10} \\ Q &= 223_{10} \\ R &= 2496901817_{10} - 223_{10}^4 = 23928376_{10} \end{aligned}$$

Ahora, se procede a convertir el valor  $y$  en binario y se agrupa el dato en paquetes de 4 bits desde la derecha

$$y[31..0] = 1001'0100'1101'0011'1011'0010'1011'1001_2$$

Ahora, se busca obtener la raíz cuarta del primer paquete (desde la izquierda). Como este valor sólo puede oscilar entre 0 y 1 (0 si el paquete es igual a 0 y 1 si es distinto de 0), se ingresa el 1 a la cadena de cociente, para luego elevar a la cuarta potencia y comparar con el primer paquete:

$$\begin{aligned} Q[7] &= 1 \\ Q[7]^{100} &= 1 \\ y[31..28] &> Q[7]^{100} \\ 1001 &> 0001 \end{aligned}$$

Una vez terminado de obtener el primer bit para el cociente, se procede a operar el siguiente paquete, teniendo en cuenta que en esta ocasión se toman los dos primeros paquetes:

$$\begin{aligned} Q[7..6] &= 11 \\ Q[7..6]^{100} &= 101001 \\ y[31..24] &> Q[7..6]^{100} \\ 10010100 &> 00101001 \end{aligned}$$

Ahora, se procede con el mismo método; esta vez para tres paquetes consecutivos:

$$\begin{aligned} Q[7..5] &= 111 \\ Q[7..5]^{100} &= 100101100001 \\ y[31..20] &> Q[7..5]^{100} \end{aligned}$$

Pero...

$$100101001101 < 100101100001$$

Entonces, ¿qué hacer en este caso? ¡Sencillo!

Se procede a ingresar un 0 al cociente, en vez del 1, quedando de esta forma:

$$Q[7..5] = 110$$

$$Q[7..5]^{100} = 10100010000$$

$$y[31..20] > Q[7..5]^{100}$$

$$100101001101 > 010100010000$$

Ahora que se conoce toda la secuencia, se procede a realizar las iteraciones para los demás paquetes:

$$Q[7..4] = 1101$$

$$Q[7..4]^{100} = 110111110010001$$

$$y[31..16] > Q[7..4]^{100}$$

$$1001010011010011 > 0110111110010001$$

$$Q[7..3] = 11011$$

$$Q[7..3]^{100} = 10000001101111110001$$

$$y[31..12] > Q[7..3]^{100}$$

$$10010100110100111011 > 10000001101111110001$$

$$Q[7..2] = 110111$$

$$Q[7..2]^{100} = 100010111010000010100001$$

$$y[31..8] > Q[7..2]^{100}$$

$$100101001101001110110010 > 100010111010000010100001$$

$$Q[7..1] = 1101111$$

$$Q[7..1]^{100} = 1001000011000110010001000001$$

$$y[31..4] > Q[7..1]^{100}$$

$$1001010011010011101100101011 > 1001000011000110010001000001$$

$$Q[7..0] = 11011111$$

$$Q[7..0]^{100} = 10010011011001101001010010000001$$

$$y[31..0] > Q[7..0]^{100}$$

$$10010100110100111011001010111001 > 10010011011001101001010010000001$$

Ahora que se obtuvo el cociente, se procede a obtener el residuo restando el número a obtener la raíz menos el cociente final elevado a la cuarta potencia:

$$R = y[31..0] - Q[7..0]^{100} = 00000001011011010001111000111000$$

Se convierten los resultados de cociente y residuo para verificar que el algoritmo se desarrolló satisfactoriamente:

$$Q = 11011111_2 = 223_{10}$$

$$R = 00000001011011010001111000111000_2 = 23928376_{10}$$

***This is the end...my only friend, the end...***