

1 RSA

- $p = 11, q = 7, d = 53 \Rightarrow (77, 17)$
- $(119, 5), E = 81 \Rightarrow m = 30$
- $(65, 7), E = 31 \Rightarrow m = 21$
- $(299, 5) \Rightarrow p = 13, q = 23, d = 53$
- No se puede afirmar que calcular d a partir de (n, e) sea polinomial.

2 Curvas Elípticas

- Si tomamos una c.e. módulo p dada en forma de Weierstrass \Rightarrow El número de puntos de la c.e. está comprendido en el intervalo $[(\sqrt{p} - 1)^2, (\sqrt{p} + 1)^2]$.
- (V/F) Una c.e. sobre un cuerpo K tiene siempre un punto proyectivo con coordenadas enteras.
- (V/F) Tres puntos alineados de una c.e. siempre suman cero.
- Si $E(\mathbb{F}_{p^k})$ es el grupo de una c.e. \Rightarrow Si es cíclico, no puede tener más de un elemento de orden dos.

3 Primos de Fermat

- (V/F) Un pseudoprimo de Fermat, $n = psp(a)$, satisface $a^{n-1} \equiv 1 \pmod{n}$ y es compuesto.
- (V/F) Los pseudoprimos fuertes pueden certificar que un número es compuesto pero no que es primo.
- (V/F) Aunque sea fácil comprobar la primalidad de un número de Fermat puede ser difícil demostrar la primalidad de alguno de sus factores.
- (V/F) Un pseudoprimo de Euler respecto de la base a es siempre pseudoprimo de Fermat respecto de la misma base.

4 FCS

- La FCS de \sqrt{d} con d libre de cuadrados es $[q_0, \dots, 2q_0]$ donde cada $q_i < q_0$.
- Si $\alpha = \frac{P+\sqrt{d}}{Q}$ es un irracional cuadrático (d libre de cuadrados):
 - La FCS de α es periódica con periodo máximo $2d - 1$.
 - La FCS de α es puramente periódica sii $\alpha > 1$ y $1 < \bar{\alpha} < 0$ (su conjugado).
- (V/F) Una FCS finita coincide con su último convergente.
- Si $x^2 - dy^2 = N$ ($|N| < \sqrt{d}$) es una ecuación de Pell \Rightarrow Cualquier solución positiva con $\text{mcd}(x, y) = 1$, son el numerador y el denominador de una convergente de la FCS de \sqrt{d} .