# Control de Comunicacions Òptiques

Grup 10 - 30 de novembre de 2007

Temps: 1h 15' Nom:

### TEST (6 punts)

Marqueu la resposta correcta. Cada resposta correcta suma 0,4 punts mentre que cada resposta errònia resta 0,1 punts.

- 1. Els làsers més utilitzats en comunicacions òptiques són:
  - a. Els làsers d'estat sòlid

### b. Els làsers semiconductors

- c. Els làsers de gas
- d. Els làsers de fibra
- 2. L'energia de GAP en un semiconductor és:

## a. El diferencial energètic entre el mínim de la banda de conducció i el màxim de la banda de valència

- b. El diferencial energètic entre el màxim de la banda de conducció i el mínim de la banda de valència
- c. El diferencial energètic entre el màxim de la banda de conducció i el màxim de la banda de valència
- d. El diferencial energètic entre el mínim de la banda de conducció i el mínim de la banda de valència
- 3. Una font òptica lliura una potència òptica P quan s'alimenta amb un corrent continu I. L'eficiència quàntica es defineix com:

a. 
$$\eta \equiv (P \cdot q)/(I \cdot hf)$$

- b.  $\eta \equiv (I \cdot hf)/(P \cdot q)$
- c.  $\eta \equiv (P \cdot hf)/(I \cdot q)$
- d.  $\eta \equiv (I \cdot q)/(P \cdot hf)$
- 4. Un material semiconductor de longitud L presenta un paràmetre de guany g a la freqüència de referència. Si apliquem a l'entrada una ona òptica contínua de potència P<sub>0</sub>, a la sortida tindrem:
  - a.  $P_0e^{-gL}$
  - $\mathbf{b.} \quad \mathbf{P_0} \mathbf{e}^{\mathrm{gL}}$
  - $c. \quad P_0 \ gL$
  - d.  $P_0/gL$
- 5. Per tal de tenir oscil·lació làser en una cavitat Fabry-Perot, el guany del material en petita senyal ha de ser:
  - a. Igual a les pèrdues de scattering
  - b. Superior a les pèrdues de scattering
  - c. Igual a les pèrdues de scattering més les pèrdues de la cavitat

### d. Superior a les pèrdues de scattering més les pèrdues de la cavitat

6. Els modes d'oscil·lació d'una cavitat làser:

#### a. Estan equiespaiats en freqüència però no en longitud d'ona

- b. Estan equiespaiats en longitud d'ona però no en frequència
- c. Estan equiespaiats tant en frequència com en longitud d'ona
- d. No estan equiespaiats ni en frequència ni en longitud d'ona
- 7. En una cavitat làser Fabry-Perot oscil·lant, amb un guany del material g i unes pèrdues totals  $\alpha_t$ , la variació temporal de la quantitat total de fotons dins de la cavitat ( $S_T$ ) ve regida per l'expressió:

a. 
$$\partial S_T / \partial t = S_T (g - \alpha_t)$$

**b.** 
$$\partial S_T / \partial t = S_T v (g - \alpha_t)$$

c. 
$$\partial S_T / \partial t = S_T e^{v(g - \alpha_t)L}$$

$$d. \quad \partial S_{_T}/\partial t = S_{_T} \, e^{(g-\alpha_t)L}$$

- 8. L'amplada de banda d'un LED és:
  - a. Directament proporcional al temps de vida del portador

### b. Inversament proporcional al temps de vida del portador

- c. Directament proporcional a la longitud de la zona activa
- d. Inversament proporcional a la longitud de la zona activa
- 9. D'un làser modulat digitalment, podem dir que pel que fa al seu temps de resposta:
  - a. És millor mantenir I<sub>ON</sub> i I<sub>OFF</sub> per sota del corrent llindar
  - b. És millor mantenir I<sub>ON</sub> per sobre del corrent llindar i I<sub>OFF</sub> per sota
  - c. És millor mantenir I<sub>ON</sub> per sota del corrent llindar i I<sub>OFF</sub> per sobre
  - d. És millor mantenir  $I_{ON}$  i  $I_{OFF}$  per sobre del corrent llindar
- 10. L'amplada de banda d'un làser semiconductor:
  - a. Decreix quan el corrent d'alimentació creix
  - b. Creix quan el corrent d'alimentació creix
  - c. No depèn del corrent d'alimentació
  - d. L'ample de banda màxim es dóna prop del corrent llindar
- 11. En quant a la funció de transferència de les fonts estudiades:

#### a. És anàloga a la d'un circuit RC en el cas del LED i a la d'un circuit RLC en el cas del làser

- b. És anàloga a la d'un circuit RLC en el cas del LED i a la d'un circuit RC en el cas del làser
- c. És anàloga a la d'un circuit RC en els dos casos
- d. És anàloga a la d'un circuit RLC en els dos casos
- 12. La potència òptica lliurada per un làser quan s'aplica un graó de corrent segueix una evolució de la forma:

a. 
$$P(t) \propto [1 - e^{-\alpha t} \cos(\Omega t)]$$
  $\Omega^2 \equiv \omega_c^2 - \alpha^2$   
b.  $P(t) \propto [1 - e^{\alpha t} \cos(\Omega t)]$   $\Omega^2 \equiv \omega_c^2 - \alpha^2$   
c.  $P(t) \propto [1 - e^{-\alpha t} \sin(\Omega t)]$   $\Omega^2 \equiv \omega_c^2 - \alpha^2$   
d.  $P(t) \propto [1 - e^{\alpha t} \sin(\Omega t)]$   $\Omega^2 \equiv \omega_c^2 - \alpha^2$ 

- 13. Un LED presenta les següents característiques: W=10 micres, D=0.5 micres, L=300 micres, τ<sub>r</sub>=0.5 ns, n<sub>s</sub>=3.7. Quan el corrent d'alimentació s'anul·la, la concentració de portadors i de fotons no decau fins a zero de manera instantània. Estimeu el temps necessari per a que la llum a la sortida assoleixi un valor inferior al 1% del màxim.
  - a. t = 1.1 ns
  - b. t = 1.1 ps
  - c. t = 2.3 ns
  - d. t = 2.3 ps
- 14. Un diode làser presenta les següents característiques: n=3,  $\Gamma a=8\pi^2\cdot 10^{-21}\, m^2$ ,  $\alpha_t=10^5\, m^{-1}$ ,  $V=12500\, (\mu m)^3$ ,  $I_{th}=20\, mA$ ,  $\tau_r=159\, \mu s$ ,  $\omega_c^2\equiv S_0\, v\Gamma a/\tau_p\,$ . On  $\omega_c$  és la freqüència de ressonància i  $S_0$  és la concentració de fotons en la cavitat corresponent al nivell de contínua de la modulació  $I_0$ . Si el nivell de contínua és igual a 1.5 vegades el corrent llindar, trobeu l'amplada de banda de modulació del làser assumint que aquesta és aproximadament  $\omega_c$ .
  - a. Bw = 1 MHz
  - b. Bw = 160 MHz
  - $c. \quad \mathbf{Bw} = \mathbf{1} \mathbf{GHz}$
  - d. Bw = 160 GHz
- 15. Es pretén modular el làser de la qüestió anterior amb un senyal digital RZ, determineu quina és la màxima velocitat de modulació que podem emprar.
  - a.  $R_b = 1 \text{ Gb/s}$
  - b.  $R_b = 2 \text{ Gb/s}$
  - c.  $R_b = 160 \text{ Mb/s}$
  - d.  $R_b = 320 \text{ Mb/s}$

## Control de Comunicacions Òptiques

Grup 10 - 30 de novembre de 2007

Temps: 1h 15' Nom:

#### TEST (6 punts)

Marqueu la resposta correcta. Cada resposta correcta suma 0,4 punts mentre que cada resposta errònia resta 0,1 punts.

- 1. Un diode làser presenta les següents característiques: n=3,  $\Gamma a=8\pi^2\cdot 10^{-21}\, m^2$ ,  $\alpha_t=10^5\, m^{-1}$ ,  $V=12500\, (\mu m)^3$ ,  $I_{th}=20\, mA$ ,  $\tau_r=159\, \mu s$ ,  $\omega_c^2\equiv S_0\, v\Gamma a/\tau_p$ . On  $\omega_c$  és la freqüència de ressonància i  $S_0$  és la concentració de fotons en la cavitat corresponent al nivell de contínua de la modulació  $I_0$ . Si el nivell de contínua és igual a 1.5 vegades el corrent llindar, trobeu l'amplada de banda de modulació del làser assumint que aquesta és aproximadament  $\omega_c$ .
  - $\mathbf{a.} \quad \mathbf{B}\mathbf{w} = \mathbf{1} \mathbf{G}\mathbf{H}\mathbf{z}$
  - b. Bw = 160 GHz
  - c. Bw = 1 MHz
  - d. Bw = 160 MHz
- 2. Es pretén modular el làser de la qüestió anterior amb un senyal digital RZ, determineu quina és la màxima velocitat de modulació que podem emprar.
  - a.  $R_b = 2 \text{ Gb/s}$
  - $b. R_b = 1 Gb/s$
  - c.  $R_b = 320 \text{ Mb/s}$
  - d.  $R_b = 160 \text{ Mb/s}$
- 3. Si el temps de vida del portador d'un LED és de 1ns, de quin ordre serà la màxima velocitat de transmissió?
  - a. 500 Mb/s per a un senyal RZ i 250 Mb/s per a un senyal NRZ
  - b. 500 Mb/s per a un senyal NRZ i 250 Mb/s per a un senyal RZ
  - c. 318 Mb/s per a un senval RZ i 159 Mb/s per a un senval NRZ
  - d. 318 Mb/s per a un senyal NRZ i 159 Mb/s per a un senyal RZ
- 4. La potència òptica lliurada per un làser quan s'aplica un graó de corrent segueix una evolució de la forma:
  - a.  $P(t) \propto \left[1 e^{-\alpha t} \sin(\Omega t)\right]$
- $\Omega^2 \equiv \omega_a^2 \alpha^2$
- b.  $P(t) \propto [1 e^{\alpha t} \sin(\Omega t)]$
- $\Omega^2 \equiv \omega_a^2 \alpha^2$
- c.  $P(t) \propto [1 e^{-\alpha t} \cos(\Omega t)]$
- $\Omega^2 \equiv \omega_c^2 \alpha^2$
- d.  $P(t) \propto \left[1 e^{\alpha t} \cos(\Omega t)\right]$
- $\Omega^2 \equiv \omega^2 \alpha^2$
- 5. En quant a la funció de transferència de les fonts estudiades:
  - a. És anàloga a la d'un circuit RC en els dos casos
  - b. És anàloga a la d'un circuit RLC en els dos casos
  - c. És anàloga a la d'un circuit RC en el cas del LED i a la d'un circuit RLC en el cas del làser
  - d. És anàloga a la d'un circuit RLC en el cas del LED i a la d'un circuit RC en el cas del làser
- 6. L'amplada de banda d'un làser semiconductor:
  - a. No depèn del corrent d'alimentació
  - b. L'ample de banda màxim es dóna prop del corrent llindar
  - c. Decreix quan el corrent d'alimentació creix
  - d. Creix quan el corrent d'alimentació creix
- 7. D'un làser modulat digitalment, podem dir que pel que fa al seu temps de resposta:
  - a. És millor mantenir I<sub>ON</sub> per sota del corrent llindar i I<sub>OFF</sub> per sobre
  - b. És millor mantenir I<sub>ON</sub> i I<sub>OFF</sub> per sobre del corrent llindar
  - c. És millor mantenir I<sub>ON</sub> i I<sub>OFF</sub> per sota del corrent llindar
  - d. És millor mantenir I<sub>ON</sub> per sobre del corrent llindar i I<sub>OFF</sub> per sota

- 8. L'amplada de banda d'un LED és:
  - a. Directament proporcional a la longitud de la zona activa
  - b. Inversament proporcional a la longitud de la zona activa
  - c. Directament proporcional al temps de vida del portador

## d. Inversament proporcional al temps de vida del portador

- 9. En una cavitat làser Fabry-Perot oscil·lant, amb un guany del material g i unes pèrdues totals  $\alpha_t$ , la variació temporal de la quantitat total de fotons dins de la cavitat ( $S_T$ ) ve regida per l'expressió:
  - $a. \quad \partial S_{_T}/\partial t = S_{_T} e^{v(g-\alpha_{_t})L}$
  - $b. \quad \partial S_{_T}/\partial t = S_{_T}\,e^{(g-\alpha_t)L}$
  - c.  $\partial S_T / \partial t = S_T (g \alpha_t)$
  - $\mathbf{d.} \quad \partial \mathbf{S}_{\mathrm{T}}/\partial \mathbf{t} = \mathbf{S}_{\mathrm{T}} \mathbf{v} (\mathbf{g} \mathbf{\alpha}_{\mathrm{t}})$
- 10. Els modes d'oscil·lació d'una cavitat làser:
  - a. Estan equiespaiats en longitud d'ona però no en freqüència
  - b. Estan equiespaiats tant en freqüència com en longitud d'ona
  - c. Estan equiespaiats en freqüència però no en longitud d'ona
  - d. No estan equiespaiats ni en freqüència ni en longitud d'ona
- 11. Per tal de tenir oscil·lació làser en una cavitat Fabry-Perot, el guany del material en petita senyal ha de ser:
  - a. Superior a les pèrdues de scattering més les pèrdues de la cavitat
  - b. Igual a les pèrdues de scattering més les pèrdues de la cavitat
  - c. Igual a les pèrdues de scattering
  - d. Superior a les pèrdues de scattering
- 12. Un material semiconductor de longitud L presenta un paràmetre de guany g a la freqüència de referència. Si apliquem a l'entrada una ona òptica contínua de potència P<sub>0</sub>, a la sortida tindrem:
  - a.  $P_0 gL$
  - b.  $P_0/gL$
  - $c. \quad P_0 e^{-gL}$
  - $\mathbf{d.} \quad \mathbf{P_0} \mathbf{e}^{\mathrm{gL}}$
- 13. Una font òptica lliura una potència òptica P quan s'alimenta amb un corrent continu I. L'eficiència quàntica es defineix com:
  - a.  $\eta = (P \cdot hf)/(I \cdot q)$
  - b.  $\eta \equiv (I \cdot q)/(P \cdot hf)$
  - c.  $\eta = (P \cdot q)/(I \cdot hf)$
  - d.  $\eta \equiv \overline{(I \cdot hf)/(P \cdot q)}$
- 14. L'energia de GAP en un semiconductor és:
  - a. El diferencial energètic entre el màxim de la banda de conducció i el mínim de la banda de valència
  - b. El diferencial energètic entre el màxim de la banda de conducció i el màxim de la banda de valència
  - c. El diferencial energètic entre el mínim de la banda de conducció i el mínim de la banda de valència
  - d. El diferencial energètic entre el mínim de la banda de conducció i el màxim de la banda de valència
- 15. Els làsers més utilitzats en comunicacions òptiques són:
  - a. Els làsers de gas
  - b. Els làsers de fibra
  - c. Els làsers d'estat sòlid
  - d. Els làsers semiconductors

#### PROBLEMA (4 punts)

Un diode làser que forma part d'un transmissor d'un sistema de comunicacions òptiques presenta les següents característiques:

Longitud d'ona d'operació 850 nm

Dimensions L=350  $\mu$ m, W·d=1  $\mu$ <sup>2</sup>m<sup>2</sup>

El guany del material presenta una característica gaussiana i ve donat per la següent expressió:

$$g_{m}(\lambda) = g_{p} \exp \left[ -\frac{\left(\lambda - \lambda_{p}\right)^{2}}{2\sigma^{2}} \right]$$

On g<sub>n</sub>=5000 m<sup>-1</sup>. Sabent que l'amplada espectral quan el guany cau a la meitat és de 75 nm, es demana:

- a) El número de modes d'oscil·lació del làser.
- b) Les longituds d'ona màxima i mínima d'oscil·lació.
- c) Si el factor de confinament es redueix fins a la meitat, quin efecte tindrà sobre el comportament modal del làser?.

#### Resolució:

a) El primer que hem de fer és determinar el paràmetre  $\sigma$  de l'expressió del guany:

$$\frac{g_{p}}{2} = g_{p} \exp \left[ -\frac{\left(\Delta \lambda/2\right)^{2}}{2\sigma^{2}} \right] \rightarrow \sigma = \frac{\Delta \lambda/2}{\sqrt{2 \ln 2}}$$

Després es pot comprovar que la frequència d'emissió es correspon amb el mode fonamental del làser:

$$f_0 = p \frac{c}{2nL} \rightarrow \lambda_0 = \frac{2nL}{p} \rightarrow p = \frac{2nL}{\lambda_p} \approx 3047.06$$
 (3047)

$$\lambda_0 = \frac{2nL}{3047} \approx 850.016 \text{ nm} \ (+0.016 \text{nm})$$

$$\delta \lambda \approx \frac{\lambda_p^2}{2nL} \approx 0.279 \text{ nm}$$

0.016 nm és menyspreable front 0.279 nm, per tant, podem dir que el model fonamental (3047) es correspon amb 850 nm.

Ara cal determinar el número de modes d'oscil·lació:

$$\Gamma g_{p} \exp \left[ -\frac{\left(\lambda - \lambda_{p}\right)^{2}}{2\sigma^{2}} \right] \ge \alpha_{t}$$
 (c. mòdul)

Ara aïllem la longitud d'ona:

$$\frac{\left(\lambda - \lambda_{p}\right)^{2}}{2\sigma^{2}} \leq ln \left(\frac{\Gamma g_{p}}{\alpha_{t}}\right) \quad \longrightarrow \quad \lambda_{p} - \sqrt{2\sigma^{2} \, ln \left(\frac{\Gamma g_{p}}{\alpha_{t}}\right)} \geq \lambda \leq \lambda_{p} + \sqrt{2\sigma^{2} \, ln \left(\frac{\Gamma g_{p}}{\alpha_{t}}\right)}$$

Trobem els dos extrems i identifiquem el mode corresponent:

$$\lambda_{min} = \lambda_{p} - \sqrt{2\sigma^{2} \ln\left(\frac{\Gamma g_{p}}{\alpha_{t}}\right)} = \lambda_{p} - 30.09 \text{ nm} = 819.91 \text{ nm}$$

$$\lambda_{m} = \frac{2nL}{m} \rightarrow m = \left\lfloor \frac{2nL}{\lambda_{m}} \right\rfloor = 3158$$

$$\lambda_{max} = \lambda_{p} + \sqrt{2\sigma^{2} \ln\left(\frac{\Gamma g_{p}}{\alpha_{t}}\right)} = \lambda_{p} + 30.09 \text{ nm} = 880.09 \text{ nm}$$

$$\lambda_{m} = \frac{2nL}{m} \rightarrow m = \left\lfloor \frac{2nL}{\lambda_{m}} \right\rfloor = 2943$$

$$g(\lambda)$$

$$\lambda_{min} \qquad \lambda_{p} \qquad \lambda_{max}$$

Per l'extrem inferior (mode superior) hem de prendre l'enter immediatament anterior mentre que per l'extrem superior (mode inferior) l'enter immediatament posterior. Ara ja podem calcular el nombre de modes:

$$M = 3158 - 2943 + 1 = 216$$
 modes (distribuits assimètricament)  
 $3047 - 2943 = 104$  modes superiors  
 $3158 - 3047 = 111$  modes inferiors

b) Ara podem determinar la longitud d'ona dels modes extrems:

$$\lambda_{3158} = \frac{2nL}{3158} = 820.139 \text{ nm}$$

$$\lambda_{2943} = \frac{2nL}{2943} = 880.054 \text{ nm}$$

c) Quan el confinament es redueix a la meitat:

$$\Gamma g_{_{m}}(\lambda) < \Gamma g_{_{p}} = 2500 \quad m^{^{-1}} < 3200 \quad m^{^{-1}} = \alpha_{_{t}} \quad \rightarrow \quad \text{no efecte l\`aser}$$

El guany és sempre inferior a les pèrdues de la cavitat per tant no es pot donar l'efecte làser.