Campos electromagnéticos

Dios Otín, Federico Artigas García, David Recolons Martos, Jaume Comerón Tejero, Adolfo Canal Bienzobal, Ferran Presentación 7

Presentación

Este libro fue concebido inicialmente como una transcripción, ligeramente reelaborada, de los apuntes de clase que, en los últimos años, se han venido impartiendo en la asignatura de *Campos electromagnéticos*, en la Escuela Técnica Superior de Ingeniería de Telecomunicación de Barcelona.

Nuestra intención primera fue la de proporcionar a los estudiantes un texto de referencia, en el que se contuviera el armazón teórico de la asignatura, junto con numerosos ejemplos y problemas resueltos. Posteriormente esa idea inicial fue modificándose y, al fin, el texto se presenta como un cuerpo teórico completo, si bien se sigue ciñendo principalmente a aquellos contenidos que son relevantes dentro de la asignatura.

Probablemente es pretencioso, e incluso ingenuo, decir que el libro viene a llenar un hueco dentro de la literatura científica dedicada a la teoría electromagnética, que es amplísima. Sí se puede afirmar, sin embargo, que muchos de los textos clásicos han quedado como libros de consulta, y , a menudo, para el profesor o el especialista, más que para el estudiante que trata de introducirse por vez primera, y con cierto rigor, en estos temas. Esto es así porque suelen enfocarse las cuestiones desde presupuestos conceptuales y de método, por encima de las posibilidades reales de un alumno de pregrado.

En el texto hemos tratado de buscar un equilibrio adecuado entre la explicación de los fenómenos físicos y su descripción formal. Aun así somos conscientes de que el estudiante, en ocasiones, puede llegar a pensar que la dificultad real de algunos temas es más matemática que física. Esta percepción está justificada, pero sólo parcialmente: debe admitirse que la propia materia que es objeto de estudio -los campos y las ondas electromagnéticas- son realidades complejas, en sí mismas y en sus interrelaciones con los cuerpos materiales, y que precisan de una herramienta poderosa para ser abarcadas en un modelo compacto. Tal herramienta es el análisis vectorial. Todavía nos atreveríamos a añadir que sin un enfoque formal no es posible alcanzar una comprensión, ni siquiera mediana, de los fenómenos físicos que aquí se tratan. Es por eso que el estudiante debe tratar de hacer una doble ascensión, a medida que avanza en la materia, para comprender, por un lado, la esencia del problema físico, y, por otro, cómo la descripción formal con que se presenta es apropiada y abarca perfectamente todos los aspectos de la cuestión. En algún momento esta tarea puede resultar más difícil, y el estudiante no sabe cuál de los apoyos -el físico-conceptual o el matemático-formal- le está presentando dificultades. A lo largo del texto hemos tratado de

dar las suficiente pistas como para que esos problemas puedan ser superados con una relectura atenta de algunos de los párrafos previos a aquél en el que se presentó la dificultad.

El texto está dividido en seis capítulos. El capítulo primero es un repaso de Electrostática y Magnetostática. Sirve como introducción a los contenidos y herramientas utilizados en el resto del libro, y el alumno está ya suficientemente familiarizado con muchos de sus contenidos, que se han visto en cursos anteriores de Física. La asignatura de Campos electromagnéticos, tal como se ve en muchas escuelas técnicas, y particularmente en la ETSET de Barcelona, comienza con el capítulo segundo. En él se tratan las ecuaciones de Maxwell, de su significado físico y de los principios de índole más general que se derivan de ellas, que se aplican profusamente de allí en adelante. El capítulo tercero está dedicado a las ondas planas uniformes, y constituye el meollo de la asignatura, porque a pesar de no ser un tema de especial dificultad, es la base inmediata para el estudio de muchos otros fenómenos de interés práctico en el área de la Telecomunicación. El capítulo cuarto trata de la incidencia de ondas planas sobre medios materiales. Como es habitual se reduce a los casos sencillos de incidencia sobre superficies planas. De nuevo se trata de un tema muy asequible, pero que plantea situaciones de elevado interés conceptual y práctico. Los dos últimos capítulos están dedicados a cuestiones más aplicadas, como son la propagación guiada (capítulo quinto) y la radiación de antenas elementales y de tipo dipolo (capítulo sexto). Estos dos últimos temas constituyen una introducción inmediata a algunas asignaturas de cursos posteriores.

Para finalizar, cabe tan sólo pedir comprensión al lector por los posibles errores o deficiencias que pueda hallar en el texto, que, en cualquier caso, ha sido cuidadosamente revisado. Las diferencias de estilo que pueden detectarse a lo largo del libro obedecen a que la redacción de cada capítulo ha sido realizada por un autor diferente, si bien con un acuerdo general previo acerca de los contenidos. En las revisiones conjuntas posteriores no hemos tratado de limar esas diferencias, que son legítimas y dan, incluso, mayor riqueza a la obra. Lo mismo puede decirse respecto a posibles repeticiones de algunos conceptos en diferentes capítulos. Pensamos que conviene dejarlas para hacer más asequible la introducción de los nuevos temas que van apareciendo.

No podemos dejar de agradecer el ánimo constante que hemos recibido de algunas de las personas de Ediciones UPC, que publica esta obra. También queremos reconocer la tarea y las aportaciones de otros profesores del Departamento, como son Lluís Torner, Juan P. Torres y Jordi Hernández, que en años anteriores han impartido la asignatura de Campos, y que no han tenido tiempo material para embarcarse personalmente en la confección del libro.

Los autores Barcelona, julio de 1998. Índice 9

Índice

Capítulo 1 Campos eléctricos y magnéticos en condiciones estáticas

1.1 El campo eléctrico en el vacío	15
1.1.1 Ley de Coulomb. Definición de campo eléctrico	15
1.1.2 Cargas puntuales y distribuciones de carga	16
	21
1.1.4 Potencial eléctrico. Carácter conservativo del campo electrostático	23
1.1.5 Representación espacial del campo y del potencial: líneas de campo y	
superficies equipotenciales	26
1.1.6 Relación entre el potencial eléctrico y la densidad de carga	27
1.1.7 El campo eléctrico y el potencial en conductores	30
1.1.8 El campo eléctrico en la superficie de un conductor	35
1.1.9 Problemas de potencial. Ecuaciones de Laplace y Poisson	37
1.1.10 Condiciones que determinan el campo en una región	43
1.1.11 Energía electrostática	48
1.1.12 Energía electrostática asociada al campo eléctrico	50
1.1.13 Aproximación del potencial a grandes distancias. Desarrollo multipolar del	
potencial	52
1.1.14 Dipolo real y dipolo ideal	57
1.1.15 El dipolo ideal en presencia de campos eléctricos externos	58
1.2 El campo electrostático en presencia de medios dieléctricos	58
1.2.1 Vector polarización	59
1.2.2 Relación entre el vector polarización y el campo eléctrico. Tipos de	
dieléctricos	61
1.2.3 Ley de Gauss en medios dieléctricos. Vector desplazamiento eléctrico	63
	68
1.2.5 Energía electrostática en presencia de medios dieléctricos	70
1.2.6 Sistemas de conductores. Condensadores	71

1.3 El campo magnetostático en el vacío	76
1.3.1 Introducción	76
1.3.2 Densidad e intensidad de corriente. Ley de Ohm	77
1.3.3 Ecuación de continuidad. Corrientes estacionarias	80
1.3.4 Ley de Biot y Savart	81
1.3.5 Carácter solenoidal del campo magnético	85
1.3.6 Ley de Ampère	86
1.3.7 Cálculo de B mediante la ley de Ampère en forma integral	87
1.3.8 Aproximación de B a grandes distancias. Momento dipolar magnético	93
1.4 Campos magnéticos en medios materiales	96
1.4.1 Fuerzas sobre un dipolo magnético	96
1.4.2 Vector magnetización	97
1.4.3 Densidades de corriente de magnetización	98
1.4.4 Ley de Ampère en medios magnéticos. Intensidad de campo magnético	99
1.4.5 Relación entre el campo magnético y el vector magnetización	99
1.4.6 Tipos de medios magnéticos	105
1.4.7 Flujo magnético, inductancia y energía magnética	109
Problemas	113
Capítulo 2 Ecuaciones de Maxwell	
2.1 Ecuaciones de Maxwell en forma integral en el vacío	122
2.1.1 Ley de Gauss para el campo eléctrico	122
2.1.2 Ley de Gauss para el campo magnético	100
	123
2.1.3 Ley de Faraday	124
2.1.3 Ley de Faraday 2.1.4 Ley de Ampère-Maxwell	124 128
	124 128 132
2.1.4 Ley de Ampère-Maxwell 2.1.5 Principio de conservación de la carga 2.1.6 Ecuaciones fundamentales del electromagnetismo	124 128 132 134
2.1.4 Ley de Ampère-Maxwell	124 128 132 134 134
2.1.4 Ley de Ampère-Maxwell	124 128 132 134 134 135
2.1.4 Ley de Ampère-Maxwell 2.1.5 Principio de conservación de la carga 2.1.6 Ecuaciones fundamentales del electromagnetismo 2.2 Ecuaciones de Maxwell en forma diferencial 2.2.1 Significado del rotacional y de la divergencia 2.2.2 Forma diferencial de las ecuaciones de Maxwell	124 128 132 134 134 135 142
2.1.4 Ley de Ampère-Maxwell	124 128 132 134 134 135 142
2.1.4 Ley de Ampère-Maxwell 2.1.5 Principio de conservación de la carga 2.1.6 Ecuaciones fundamentales del electromagnetismo 2.2 Ecuaciones de Maxwell en forma diferencial 2.2.1 Significado del rotacional y de la divergencia 2.2.2 Forma diferencial de las ecuaciones de Maxwell 2.3 Ecuaciones de Maxwell en medios materiales 2.3.1 Campos en presencia de medios conductores	124 128 132 134 134 135 142 148
2.1.4 Ley de Ampère-Maxwell 2.1.5 Principio de conservación de la carga 2.1.6 Ecuaciones fundamentales del electromagnetismo 2.2 Ecuaciones de Maxwell en forma diferencial 2.2.1 Significado del rotacional y de la divergencia 2.2.2 Forma diferencial de las ecuaciones de Maxwell 2.3 Ecuaciones de Maxwell en medios materiales 2.3.1 Campos en presencia de medios conductores 2.3.2 Materiales dieléctricos	124 128 132 134 135 142 148 148 151
2.1.4 Ley de Ampère-Maxwell 2.1.5 Principio de conservación de la carga 2.1.6 Ecuaciones fundamentales del electromagnetismo 2.2 Ecuaciones de Maxwell en forma diferencial 2.2.1 Significado del rotacional y de la divergencia 2.2.2 Forma diferencial de las ecuaciones de Maxwell 2.3 Ecuaciones de Maxwell en medios materiales 2.3.1 Campos en presencia de medios conductores 2.3.2 Materiales dieléctricos 2.3.3 Materiales magnéticos	124 128 132 134 134 135 142 148 151 156
2.1.4 Ley de Ampère-Maxwell 2.1.5 Principio de conservación de la carga 2.1.6 Ecuaciones fundamentales del electromagnetismo 2.2 Ecuaciones de Maxwell en forma diferencial 2.2.1 Significado del rotacional y de la divergencia 2.2.2 Forma diferencial de las ecuaciones de Maxwell 2.3 Ecuaciones de Maxwell en medios materiales 2.3.1 Campos en presencia de medios conductores 2.3.2 Materiales dieléctricos 2.3.3 Materiales magnéticos 2.3.4 Ecuaciones fundamentales del electromagnetismo en medios materiales	124 128 132 134 135 142 148 148 151 156 161
2.1.4 Ley de Ampère-Maxwell 2.1.5 Principio de conservación de la carga 2.1.6 Ecuaciones fundamentales del electromagnetismo 2.2 Ecuaciones de Maxwell en forma diferencial 2.2.1 Significado del rotacional y de la divergencia 2.2.2 Forma diferencial de las ecuaciones de Maxwell 2.3 Ecuaciones de Maxwell en medios materiales 2.3.1 Campos en presencia de medios conductores 2.3.2 Materiales dieléctricos 2.3.3 Materiales magnéticos 2.3.4 Ecuaciones fundamentales del electromagnetismo en medios materiales 2.4 Condiciones de contorno	124 128 132 134 135 142 148 148 151 156 161 162
2.1.4 Ley de Ampère-Maxwell 2.1.5 Principio de conservación de la carga 2.1.6 Ecuaciones fundamentales del electromagnetismo 2.2 Ecuaciones de Maxwell en forma diferencial 2.2.1 Significado del rotacional y de la divergencia 2.2.2 Forma diferencial de las ecuaciones de Maxwell 2.3 Ecuaciones de Maxwell en medios materiales 2.3.1 Campos en presencia de medios conductores 2.3.2 Materiales dieléctricos 2.3.3 Materiales magnéticos 2.3.4 Ecuaciones fundamentales del electromagnetismo en medios materiales	124 128 132 134 135 142 148 148 151 156 161

Índice 11

2.5 Energía de los campos electromagnéticos 2.5.1 Potencia aplicada sobre portadores de carga 2.5.2 Principio de conservación de la energía. Teorema de Poynting 2.6 Aproximación estática de las ecuaciones de Maxwell 2.6.1 Electrostática 2.6.2 Magnetostática 2.7 Ecuaciones de Maxwell en régimen senoidal permanente 2.7.1 Fasores y campos instantáneos 2.7.2 Ecuaciones de Maxwell en R.S.P. 2.7.3 Fasores y transformada de Fourier Problemas	172 173 174 179 180 181 182 183 185 195
Capítulo 3 Ondas planas uniformes	
3.1 Ecuación de onda 3.1.1 Ondas planas uniformes con dependencia espacio-temporal arbitraria 3.2 Ondas planas uniformes en régimen senoidal permanente 3.2.1 Ecuación de onda en régimen senoidal permanente 3.2.2 Solución correspondiente a la onda plana uniforme 3.2.3 Características de la onda plana uniforme 3.2.4 Densidad de flujo de potencia asociada a la onda 3.3 Polarización de ondas planas uniformes en R.S.P. 3.3.1 Descripción matemática de la polarización 3.3.2 Características de la elipse de polarización 3.3.3 Casos especiales: polarización lineal y polarización circular 3.4 Propagación de ondas planas uniformes en medios con pérdidas 3.4.1 Permitividad y permeabilidad complejas 3.4.2 Ondas planas uniformes en un medio con pérdidas 3.4.3 Casos límite: buen dieléctrico y buen conductor Problemas	203 205 213 218 219 223 242 247 253 260 264 269 277
Capítulo 4 Incidencia de ondas planas sobre medios materiales	
 4.1 Introducción. Condiciones de contorno de las ecuaciones de Maxwell 4.2 Incidencia normal sobre conductores perfectos 4.2.1 Reflexión en la superficie de un conductor perfecto 4.2.2 Ondas estacionarias 4.3 Incidencia normal sobre medios dieléctricos. 4.3.1 Reflexión y transmisión en la superficie de un medio dieléctrico 4.3.2 Ondas parcialmente estacionarias 	281 284 284 294 299 299 304

 4.4 Incidencia oblicua sobre conductores perfectos 4.4.1 Planteamiento del problema 4.4.2 Ondas estacionarias mixtas 4.5 Incidencia oblicua sobre dieléctricos 4.5.1 Leyes de Snell para la reflexión y la refracción de ondas planas 4.5.2 Ecuaciones de Fresnel 	308 308 315 323 324 325
4.5.3 Ángulo de Brewster	333
4.5.4 Ángulo crítico. Reflexión total en un dieléctrico	337 348
4.6 Incidencia sobre un buen conductor	354 354
4.6.1 Impedancia de onda generalizada	356
4.6.2 Coeficiente de reflexión generalizado	358
Problemas	364
Capítulo 5 Guías de onda	
•	369
5.1 Guías de onda y líneas de transmisión	370
5.2 Guías conductoras de sección rectangular	373
5.2.1 Modos de tipo transversal eléctrico (TE)	375
5.2.2 Modos de tipo transversal magnético (TM)	377
5.2.3 Modos guiados y modos en corte. Curvas de dispersión	380
5.2.4 Modo dominante TE ₁₀	381
5.2.5 Potencia transmitida	382
5.2.6 Atenuación.	384
5.3 Guías conductoras de sección circular	385
5.3.1 Modos TM	387
5.3.2 Modos TE	388
5.3.3 El cable coaxial. Modos TEM	390 391
5.4 Cavidades resonantes de paredes conductoras	393
5.4.1 Modos TE	393
5.4.2 Modos TM	395
5.4.3 Factor Q de la cavidad y energía almacenada	393
5.5 Guías de onda dieléctricas	397
5.5.1 Guías dieléctricas planas	397 404
5.5.2 Modos TE y modos TM. Curvas de dispersión	404
5.5.3 Modos guiados y modos radiados	403
Droblemes	100

Índice 13

Capítulo 6 Radiación de antenas elementa
--

6.1 Fundamentos de la radiación electromagnética	413
6.1.1 Fuentes de radiación	415
6.1.2 Potenciales dinámicos	416
6.1.3 Ecuaciones de los potenciales en régimen senoidal permanente	419
6.2 Dipolo eléctrico oscilante	420
6.2.1 Densidad de carga y corriente en el dipolo eléctrico oscilante	420
6.2.2 Potencial vector generado por el dipolo eléctrico	421
6.2.3 Cálculo de los campos E y H	424
6.2.4 Campos radiados	425
6.2.5 Características de radiación del dipolo eléctrico	426
6.2.6 Campos inducidos	429
6.3 Radiación simultánea de dos dipolos	430
6.3.1 Campo radiado	431
6.3.2 Resistencia de radiación y ganancia directiva	432
6.4 Radiación de una antena larga de tipo dipolo	436
6.5 Emisión en campo lejano: generalización	438
Problemas	440
Anexo A: Sistemas de coordenadas	445
Anexo B: Fórmulas de análisis vectorial	449
Anexo C: Funciones de Bessel	451
Anexo D: La distribución delta de Dirac	455
Soluciones a los problemas	459
Bibliografía	469
Índice alfabético de materias	471

Bibliografía 469

Bibliografía

Textos de referencia y consulta

Electromagnetic fields and waves. Paul Lorrain, Dale R. Corson and Françoise Lorrain. Freeman & Co., 1988. Existe la traducción al castellano de una edición anterior: *Campos y Ondas Electromagnéticos*. Paul Lorrain, Dale R. Corson. Selecciones Científicas, 1972.

Electromagnetic fields and waves. Magdy Iskander. Prentice Hall, 1992.

Electromagnetismo aplicado. Martin.A. Plonus. Reverté, 1982.

Elements of Engineering Electromagnetics, 3rd ed. N. Narayana. Rao. Prentice Hall, 1993.

Fundamentos de electromagnetismo para ingenieros. David K. Cheng. Addisson-Wesley iberoamericana, 1997.

Campos electromagnéticos. R. K. Wangsness. Limusa, 1983.

Electromagnetismo. John D. Kraus. McGraw-Hill, 1986.

Fundamentos de la teoría electromagnética. John R. Reitz, Frederick J.Milford, Robert W. Christy. Addison-Wesley, 1995.

Engineering Electromagnetism. A. J. Baden Fuller. John Wiley & sons, 1993.

Textos complementarios

Fields and waves in Communications Electronics. S. Ramo, F. J. Whinnery , T. V. Duzer, John Wiley and sons. 1984.

The Feynman lectures on Physics, vol.II. Richard P. Feynman, Robert B. Leighton, Matthew Sands. Addison-Wesley, 1964 (versión en castellano de ed. Fondo Educativo Interamericano, 1972).

Electromagnetic fields and energy. Hermann A. Haus , James R.Melcher. Prentice Hall, 1989.

Classical Electrodynamics. John. D. Jackson. John Wiley & sons, 1975 (existe una versión en castellano de Ed. Alhambra, 1980).

Advanced Engineering Electromagnetics. Constantine A. Balanis. John Wiley & sons, 1989.

Electricity and Magnetism. Edward. M. Purcell. McGraw-Hill, 1966 (versión en castellano de Ed. Reverté, 1992).

Classical Electricity and Magnetism. W. Panofsky and M. Phillips. Addison-Wesley, 1971.

Principles of Electricity and Magnetism. Emerson M. Pugh, Emerson W. Pugh. Addison-Wesley, 1970.

Electromagnetic Theory. Julius A. Stratton. McGraw-Hill, 1941.

Electromagnetics. Robert S. Elliot. McGraw-Hill, 1966.

Ingeniería de Radio. Frederick E. Terman. Ed. Arbó, 1952 (traducción al castellano de Radio Engineering de ed. McGraw-Hill).

Las teorías de los campos de fuerza. William Berkson. Alianza Editorial, 1981 (traducción al castellano de *Fields of Force - The development of a world view from Faraday to Einstein*, Routledge & Kegan Paul, 1974).

Índice alfabético de materias 471

Índice alfabético de materias

Ampère	solenoidal, 85-86
ley de, 87, 99, 128	Capacidad
ley de la fuerza de, 77	coeficientes de, 72
Amperio, unidad de intensidad de corriente	de un cable coaxial, 73
(A)	de un condensador esférico, 74
Ángulo sólido, 21	de un condensador plano, 73
Anisótropos, materiales, 61	de una línea con retorno por tierra,
Apantallamiento eléctrico, 43, 44, 414	Prob.1.10
Apertura numérica de una fibra, 346-347	Carga eléctrica
Atenuación	conservación de la, 67, 132
constante de, 265, 348, 383-384	densidad superficial de, 17, 290, 322
de ondas planas, 267, 348	densidad volúmica de, 17
en cavidades resonantes, 393-395	imagen, 46
en guías conductoras, 382-384	libre, 67
Autoinductancia, 110	ligada, 62-63, 67, 153-154
de una bobina toroidal, 111	puntual, 16
de un cable coaxial, Prob.1.23	Cavidad resonante, 296, 390-394
de una línea bifilar, Prob.1.24	Circuitos acoplados magnéticamente, 110
	Coeficientes
Bessel, funciones de, 386-387, Anexo C	de reflexión y transmisión, 330, 332
Biot y Savart, ley de, 82	de reflectividad y transmitividad, 333
Brewster, ángulo de, 333-337	Coercitivo, campo, 108
	Condensador, 73-74, Probs. 1.8, 1.11, 1.12
Cable coaxial, 41, <i>Prob.</i> 1.23,388-390	Condiciones de contorno, 43-44, 163-172, 281-
Campo	283
conservativo, 24, 37	Conducción, corriente de, 79
electrostático, 16 y ss.	Conductividad, 79, 149-150
electrostático en la atmósfera, Prob.1.1	Conductor, 30
despolarizante, 67	buen conductor, 269, 348
inducido o cercano, 429-430	carga en un, 31, 36-37
irrotacional, 25	campos en un, 31, 35, 148
local, 59	Conservación
magnético terrestre, Prob.1.20	de la carga, 67, 132
magnetostático, 76 y ss.	de la energía, 174, 285
radiado o lejano, 425-426	Constante dieléctrica, 64

compleja, 263, 348	Ecuaciones constitutivas del medio, 203
Continuidad, ecuación de, 132, 415, 420	Electrostática, Cap.1, 180-181
Coordenadas, sistemas de, <i>Anexo A</i>	Elipse de polarización, 243
Corriente	Efecto pelicular,271-272, 350
de conducción, 79	Energía
de convección, 79	de un sistema de carga puntuales, 49-50
de desplazamiento, 130	de un continuo de carga, 50-51, 70-71
de magnetización, 98	densidad de, 176, 190-191
estacionaria, 80, 415	electromagnética, 172, 393
densidad superficial de, 77, 291, 383	magnética, 109-110
densidad volúmica de, 77, 274	potencial, 48
Coulomb	Esfera conductora, 32, 40
ley de, 15	Esfera dieléctrica, <i>Prob.1.6</i>
norma de, 90	
	Espira de corriente, 90
Coulombio, unidad de carga (C) Corte	Estacionario, régimen, 76, 355
frecuencia de, 378	Factor de calidad, Q, 393
modos en, 377-379	Faraday, ley de, 109, 124-128
Crítico, ángulo, 337-339	Faradio, unidad de capacidad (F)
Cuadripolo, 54-55	Fase, velocidad de, 234, 266, 340, 379
Curie, temperatura de, 108	Fasor, 183-184, 195
•	Ferromagnetismo, 106
D'Alembert, ecuación de, 206	Fibra óptica, 346, 405-408
Derivada direccional, 25	Flujo
Desarrollo multipolar, 52-56	de campo eléctrico, 21, 122
Desplazamiento eléctrico, 64, 154, 261	de campo magnético, 109, 126-128
Diagrama de radiación, 428	de densidad de potencia, 176, 285
Diamagnetismo, 105	Fourier, transformada de, 195
Dieléctricos, 58, 151	Fresnel, fórmulas de, 330, 332
Dipolo	Fuerza
eléctrico real, 54	de Lorentz, 81, 134
eléctrico ideal, 57	electromotriz, 109, 125
eléctrico oscilante, 420-430	ejercida por un imán, <i>Prob.1.21</i>
en lambda medios, 436-438	entre corrientes, 76-77
fuerza sobre un, 58, 96	entre las placas de un condensador,
magnético real, 95	Prob.1.7
magnético ideal, 96	sobre una carga en movimiento,
magnético oscilante, <i>Prob.</i> 6.6	Probs.1.16,1.17,1.18
Dirac, función delta de, 420, <i>Anexo D</i> Directividad, 429	Ganancia directiva, 429 Gauss
Dirichlet, problema de, 44 Dispersión, ecuación de, 379, 386, 400	unidad de campo magnético CGS (G)
	ley de, 21, 63-65, 122-124
Divergencia, teorema de la, 135	teorema de, 135
Dominios ferromagnéticos, 106-107	Guías de onda,
Ecuación	de paredes conductoras, 320, 370-388
de continuidad, 132, 415, 420	dieléctricas, 345, 395-405
de onda homogénea, 205	Gradiente, 25
de onda inhomogénea, 204	Green, teorema de, 43

	Medios
Hall, efecto, Probs.1.19,1.22	anisótropos, 61
Helmholtz,	conductores, 30, 148
ecuación de, 219	dieléctricos, 58,151
teorema de, 90	magnéticos, 96, 156
Henrio, unidad de inductancia (H)	no lineales, 62
Histéresis, curva de, 108	Modos en guías de onda, 321, 345
	en corte, 377
Imágenes, método de las, 45-48, Prob.1.4	guiados, 377, 380
Imán permanente, 108	radiados, 404-405
Impedancia	TE, 372, 373-375, 387-388
de una antena, 427, 433	TEM, 388-390
intrínseca de un medio, 208, 264	TM, 372, 375-376, 385-387
de onda, 356-358	Momento
superficial de un conductor, 273, 382	cuadripolar, 53
Incidencia,	dipolar eléctrico, 53
ángulo de, 309	dipolar magnético, 94
plano de, 308-309	de una fuerza, 97
Inducción electromagnética, 109	Motor, <i>Prob.1.22</i>
Inductancia mutua entre circuitos, 110	Movilidad de un portador de carga, 79
Integración, ejemplos de, 18-20, 82-85	Multicapas dieléctricas, 354
Intensidad	ivialiteapus dielectricus, 33 i
de campo magnético, 99, 159	Neumman,
de corriente, 78	funciones de, 407, Anexo C
de comence, 70	problema de, 44
Joule, pérdidas por efecto, 109	Número de onda, 219
Julio, unidad de energía (J)	rumero de onda, 219
Kronecker, delta de, 53	Oersted, 76
Kronecker, delta de, 33	Ohm
Laplace, ecuación de, 38,	unidad de resistencia (Ω)
Laplaciana, 38, 204	
Láser, 298-299	ley de, 79 Onda
Legendre, polinomios de, 39	
Lenz, ley de, 126-127	forma de, 207
Línea de transmisión, 358, 369-370	ecuación de, 204-206
Líneas de campo, 26, 29	esférica, 424
Longitud de onda	estacionaria, 294-296, 315-320
en el espacio libre, 225	evanescente, 340
	localmente plana, 425-426
en guías de onda, 379	parcialmente estacionaria, 304-307
Lorentz franza da 81	plana uniforme, 201-276
fuerza de, 81	viajera, progresiva o regresiva, 207
norma de, 417, 419	Operadores diferenciales, <i>Anexo B</i>
Magnetización	Paramagnetismo, 105
corrientes de, 158	Pérdidas
curva de, 106	ángulo de, 265
vector, 98, 157	de conducción, 262-263, 383-384
Magnetostática, <i>Cap. 1</i> , 181-182	dieléctricas, 260-262, 382-383
Maxwell, ecuaciones de, 121, 134, 162, 182	en conductores, 174

tangente de, 266	Relación axial, 247-248
Permeabilidad, 77, 100, 262	Relación de onda estacionaria, 306
Permitividad, 15, 64, 261-262	Remanencia, 108
Plano	Resistencia, 177-178
de carga homogénea, 18	de radiación, 433
de corriente uniforme, 215	Resonador, 390-391
de fase constante, 234	Resonancia, frecuencia de, 392
de incidencia, 308-309	Rotacional, teorema del, 138
Poisson, ecuación de, 38, 68	,
Polarización	Saturación de la magnetización, 106
carga de, 63, 67	Segmentos, método de los, 92-93
de ondas planas, 241-253	Semiconductores, corriente en, 80
circular, 255-257	Sentido de giro, 248
elíptica, 243-246	Siemens, unidad de admitancia (S)
lineal, 253-255	Snell, leyes de, 324-325
vector, 59-60, 152	Stokes, teorema de, 138
Polarizador, 257, Prob. 3.10	Superficie equipotencial, 27, 30
Potencia	Superposición, principio de, 16, 28, 243, 257,
densidad de, 176	433
de una onda plana, 238-240	Susceptibilidad
de un modo, 381	dieléctrica, 61-62, 154-155
radiada por una antena, 426, 432	magnética, 100, 159
Potencial	5 , ,
electrostático, 23	Tesla, unidad de campo magnético B (T)
escalar eléctrico, 417	Trayectoria de una carga, <i>Probs.1.16,1.17,1.18</i>
problemas de, 37-48	
vector magnético, 89, 417	Unicidad, teorema de, 43
Potenciales retardados, 418	,
Poynting	Vector de onda, 219
teorema de, 174	Velocidad
vector de, 176, 188-189	de arrastre, 79
Profundidad de penetración, 271, 349	de fase, 234, 266, 340, 379
Propagación	de la luz, 206
constante de, 266	Voltio, unidad de potencial (V)
ionosférica, 342-344	, , ,
Radiación	Watio, unidad de potencia (W)
de un dipolo eléctrico, 426-429	Weber, unidad de flujo magnético (Wb)
de un dipolo magnético, Prob. 6.6	Weiss, teoría de los dominios de, 106-107
de un dipolo en lambda medios, 436	
Ranura, en una guía de onda, <i>Prob.5.9</i>	
Recubrimiento antirreflectante, 362-364	
Reflexión,	
ángulo de, 310	
total, 337-342	
Refracción,	
ángulo de, 324	
índice de, 304	
Régimen senoidal permanente, 182-183, 185-195	
· , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	