

ESCOLA TÈCNICA SUPERIOR D'ENGINYERIA DE TELECOMUNICACIÓ

Assignatura: Senyals i Sistemes II

Primer Control T07

Data: 26 d'Octubre de 2007

Número d'identificació de la prova: **230 11485 59 0 00**

Professors: G. Haro, J. Hernando, J.B. Mariño, E. Monte, P. Salembier

Temps: 1 h 30 min

- Poseu el vostre nom, el número de DNI i el número d'identificació de la prova al full de codificació de respostes, codificant-los amb les marques a les caselles corresponents
- Totes les marques del full de respostes s'han de fer en llapis (B, HB preferiblement)
- Les preguntes poden tenir més d'una resposta correcta (tres com a màxim). Les respostes errònies resten punts. Utilitzeu la numeració de la dreta (opció d'anul·lar respostes)
- No podeu utilitzar llibres, apunts, taules, formularis, calculadores o telèfon mòbil

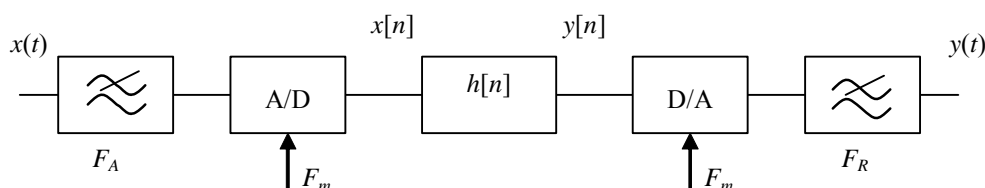


Figura 1

1. En el esquema de la figura 1 con $F_m = 8$ kHz, los filtros antialiasing y reconstructor se suponen ideales con frecuencias de corte de $F_A = F_R$, $x(t) = 1 + \cos(\pi F_m t) + \cos(\pi F_m t/2)$ y el sistema discreto tiene como respuesta impulsional $h[n]$. Se cumple que:
 - 1A:** Si $F_A = F_R = 5$ kHz y $h[n] = \{1, 2, -2, -1\}$, $y(t)$ se compone de dos tonos a frecuencias $F_m/2$ y $F_m/4$, sin componente continua.
 - 1B:** Si $F_A = F_R = 7$ kHz y $h[n] = \{1, 2, -2, -1\}$, $y(t)$ se compone de dos tonos a frecuencias $F_m/2$ y $F_m/4$, sin componente continua.
 - 1C:** Si $F_A = F_R = 7$ kHz y $h[n] = \{1, 1, 1, 1\}$, $y(t)$ únicamente tendrá la componente continua.
 - 1D:** Si $F_A = F_R = 5$ kHz y $h[n] = \{1, 1, 1, 1\}$, $y(t)$ tendrá la componente a $F_m/4$ y la componente continua.
2. Señale las afirmaciones correctas:
 - 2A:** La conversión A/D con $F_m = 8$ kHz de una senoide analógica de pulsación $= 1000$ rad/s genera una secuencia periódica.
 - 2B:** Si $x[n]$ es una senoide discreta periódica, $y[n] = x[Nn]$ también es periódica.
 - 2C:** Si $x[n]$ es una senoide discreta NO periódica, su conversión D/A será una señal analógica NO periódica.
 - 2D:** Si $x[n]$ es una senoide discreta periódica, $y[n] = (-1)^n x[n]$ también es periódica.
3. Sea la secuencia periódica $x[n] = \{\dots -1, 0, 1, 0, -1, 0, 1, 0, -1, 0, \dots\}$. Señale las afirmaciones correctas:
 - 3A:** $x[n] = z^n$ para un $z \in \mathbb{C}$.
 - 3B:** Es un tono de pulsación $\pi/3$.
 - 3C:** Es un tono de pulsación $\pi/2$.
 - 3D:** Es un tono de frecuencia $\pi/6$ Hz.
4. Si $y[n] = h[n] * x[n]$, señale las afirmaciones correctas:
 - 4A:** $y[n-2M] = h[n-M] * x[n-M]$
 - 4B:** $a^n y[n] = (a^n h[n]) * (a^n x[n])$
 - 4C:** $y[-n] = h[n] * x[-n]$
 - 4D:** $y[Nn] = h[n] * x[Nn]$
5. Suponiendo causalidad y reposo, diga qué pares EDF-respuesta impulsional son ciertas:
 - 5A:** $y[n] = -y[n-1] + x[n] \Rightarrow h[n] = u[n]$
 - 5B:** $y[n] = y[n-1] - x[n] \Rightarrow h[n] = (-1)^n u[n]$
 - 5C:** $y[n] = y[n-1] - x[n] \Rightarrow h[n] = -u[n]$
 - 5D:** $y[n] = -y[n-1] - x[n] \Rightarrow h[n] = (-1)^{n+1} u[n]$

6. Dados los sistemas siguientes: $T_1\{x[n]\} = x[-n+1]$, $T_2\{x[n]\} = x[2n]$, $T_3\{x[n]\} = x[n^2]$ Indicar las afirmaciones correctas:

6A: $T_2\{T_3\{T_1\{x[n]\}\}\} = x[-2n^2 + 4]$

6B: $T_3\{T_1\{T_2\{x[n]\}\}\} = x[-2n^2 + 2]$

6C: $T_1\{T_2\{T_3\{x[n]\}\}\} = x[4n^2 - 8n + 4]$

6D: $T_1\{T_3\{T_2\{x[n]\}\}\}$ es invariante

7. Considere la señal:

$$x[n] = \begin{cases} (1/2)^n & 0 \leq n \leq M-1 \\ 0 & \text{otros casos} \end{cases}$$

Señale las afirmaciones correctas:

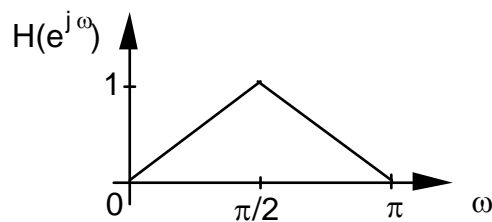
7A: $x[n] \xleftrightarrow{FT} \frac{1}{1 - 0.5e^{-j\omega}}$

7B: $x[n] * x[-n]$ tiene una duración de $2M-1$ muestras.

7C: $TF\{x[n] * x[-n]\}$ no tiene parte imaginaria.

7D: $TF\{x[n] * x[-n]\}$ es una función par.

8. Si un sistema té una resposta freqüencial real i parella tal que



quina de les següents respostes pot ser certa?:

8A: si $x[n] = 1$, llavors $y[n] = 0$.

8B: si l'entrada és la seqüència periòdica $x[n] = \{\dots, 0, 1, 0, -1, 0, 1, 0, -1, \dots\}$, llavors $y[n] = 1$.

8C: $\sum_{k=-\infty}^{\infty} h[k] = 0$

8D: $h[0] = 1$

9. Señale los pares de secuencia y transformada correctas:

9A: $DFT_N^{-1}\{1\} = \delta[n]$ $0 \leq n \leq N-1$

9B: $F\{1\} = \delta(\omega)$

9C: $F^{-1}\{1\} = \delta[n]$

9D: $DFT_N\{1\} = \delta[k]$ $0 \leq k \leq N-1$

10. Sea $x[n]$ una secuencia cuyas muestras no nulas están confinadas al intervalo $[0, N-1]$ y $X[k]$ su transformada discreta de Fourier (DFT) con N muestras. Se puede afirmar que:

10A: La DFT con N muestras de $x[-n]$ es $X[-k]$.

10B: La DFT con $M > N$ muestras de $x[n]$ es $X[k]$.

10C: $F\{x[n] * x[n]\} \Big|_{\omega = \frac{2\pi k}{N}} = X^2[k]$, donde $F\{\}$ representa la transformada de Fourier.

10D: $DFT^{-1}\{X^2[k]\} = x[n] * x[n]$, donde $DFT^{-1}\{\}$ representa la transformada discreta de Fourier inversa con N muestras.