## **Control de Comunicacions Òptiques**

1) En una fibra òptica estàndard (ITU-T G.652), els materials emprats són:
a) El diòxid de silici per al nucli i un polímer per al revestiment.
b) Un polímer per al nucli i el diòxid de silici per al revestiment.

Grup 10 - 22 d'Octubre de 2010

Temps: 1h 15'

TEST (6 punts)

0,1 punts.

	<ul><li>c) El diòxid de silici tant per al nucli com per al revestiment.</li><li>d) Un polímer tant per al nucli com per al revestiment.</li></ul>					
2)	El nivell d'scattering de Rayleigh en una fibra òptica estàndard és:					
	<ul><li>b) Inversament prop</li><li>c) Aproximadament</li></ul>	quarta potència de la lor orcional a la quarta potè independent de la longi entorn de la tercera fine	ència de la longitud d'o tud d'ona.	na.		
3)	De la freqüència normalitzada d'una fibra òptica, podem dir que:					
	<ul> <li>a) Com més gran, major concentració d'energia dels modes de propagació dins del nucli.</li> <li>b) Com més gran, menor número de modes de propagació.</li> <li>c) És inversament proporcional a la freqüència d'emissió.</li> <li>d) Totes són certes.</li> </ul>					
4)	La dispersió guia-ona, e	en una fibra òptica de sa	lt d'índex, compleix qu	e:		
	<ul> <li>á) És nul·la si els materials que conformen el nucli i el revestiment presenten uns índexs de refracció independents de la freqüència.</li> <li>b) És no nul·la quan es transmet un senyal digital encara que l'amplada espectral de la font sigui ideal.</li> <li>c) És sempre menyspreable enfront de la dispersió del material.</li> <li>d) Només es dóna en fibres monomode.</li> </ul>					
5)	Una font LED que presenta un diagrama de radiació de Lambert ( $\cos \theta$ ) i que emet a 2ª finestra s'acobla a una fibra òptica de salt d'índex. L'acoblament LED-Fibra presenta unes pèrdues per reflectivitat de 0.18 dB i l'eficiència d'acoblament total és de -12.42 dB. Trobeu l'índex de refracció del nucli.					
	a) 1,44	b) 1,46	c) 1,48	d)	1,50	
6)	Continuant amb l'exercici anterior. Trobeu l'índex de refracció del revestiment.					
	a) 1,42	b) 1,44	c) 1,46	d)	1,48	
7)	Continuant amb l'exerc	cici anterior. Trobeu l'an	gle d'acceptació de la f	ibra.		
	a) 12.1°	b) 13.9°	c) 15.7°	d)	17.5°	
8)	Determineu l'eficiència d'acoblament de la potència òptica emesa des d'una font puntual envers una fibra de salt d'índex amb obertura numèrica NA=0.2 i índex de refracció del nucli $n_1$ =1.5. La font radia en un únic sentit de l'espa de la forma $\cos^5(\theta)$ i l'índex de refracció de l'ambient és $n_0$ =1. Suposeu que la font està a molt poca distància de la fibra:					
	a) -0.7 dB	b) -9.6 dB	c) -14.5 d	B d)	-23.4 dB	
9)	Es vol acoblar la llum procedent d'un LED a una fibra GRIN. Si no es tenen en compte les pèrdues per reflexión assegurar que l'eficiència d'acoblament respecte una fibra de salt d'índex de les mateixes dimensions, el mate de refracció del revestiment i un índex de refracció del nucli igual al màxim del de la fibra GRIN, és:				mensions, el mateix índex	
	a) Pitjor	b) Millor	c) Igual	d) Depèn del parà	imetre del perfil d'índex	

Nom:

Marqueu la resposta correcta. Cada resposta correcta suma 0,4 punts mentre que cada resposta errònia resta

10) Es connecten dues fibres exactament iguals i perfectament alineades que tenen un di amb un índex de refracció $n_1$ =1.45 i una obertura numèrica NA=0.2. Si la distància de s 25 micres, estimeu les pèrdues de la connexió degudes a aquest efecte.						
	a) 0.4 dB	b) 0.8 dB	c) 1.2 dB	d) 1.6 dB		
11)	Continuant amb l'exercici anterior. A més a més de la distància de separació es produeix un desalineament lateral de 5 micres. Estimeu les pèrdues de la connexió degudes a aquest darrer efecte.					
	a) 0 dB	b) 0.25 dB	c) 0.5 dB	d) 0.75 dB		
12)	Suposeu una connexió entre una fibra multimode que propaga 200 modes i una fibra monomode amb amb e mateixos índexs de refraxió del nucli i del revestiment. Les pèrdues de la unió, si es considera una distribuci uniforme de la llum en la secció transversal del nucli, es pot assegurar que són:					
	a) < 18 dB	b) > 18 dB	c) < 36 dB	d) >36 dB		
13)	Una fibra monomode presenta un paràmetre de dispersió del material $D_m$ = -10 ps/(nm·km) a la freqüència de Es transmet un senyal NRZ de 50 Mb/s, procedent d'un LED ( $\Delta\lambda$ =50nm), per 10 Km d'aquesta fibra i es me eixamplament dels bits d'un 50%. Trobeu el valor del paràmetre de dispersió de guia-ona en ps/(nm·Km).					
	a) -10	b) 0	c) 10	d) -20		
14)	Es disposa d'una fibra òptica monomode amb un paràmetre d'atenuació $\alpha$ = 0.2 dB/Km i un paràmetre de dispersi cromàtica D = 17 ps/(nm·Km). Per a compensar la dispersió es disposa d'una fibra de compensació de dispersió (DCF que presenta un paràmetre d'atenuació $\alpha$ = 0.6 dB/km i un paràmetre de dispersió cromàtica D= -85 ps/(km·nm Deduïu quanta fibra DCF serà necessària per cada 100 Km de fibra estàndard.					
	a) 500 Km	b) 100 Km	c) 20 Km	d) 5 Km		
15)	màxima distància entre ampl	itinuant amb l'exercici anterior, si es disposa d'amplificadors òptics ideals de 40 dB de guany, quina s kima distància entre amplificadors si han de compensar totalment les pèrdues. Teniu en compte que els tra a DCF no computen en distància.				
	a) 125 Km	b) 150 Km	c) 200 Km	d) 240 Km		

## PROBLEMA (4 punts)

a) inferior al 50%

Marqueu la resposta correcta. Cada resposta correcta suma 0,4 punts mentre que cada resposta errònia resta 0,1 punts.

0,1	punts.						
per ps/r	100 Km fibra mono	mode amb paràmetre d'atenu	ació α=0.2 dB/Km i un parà	modulat en intensitat en format NRZ ametre de dispersió cromàtica D=20 na P <sub>0</sub> =10 mW i una amplada espectral			
1)	Determineu la màxima velocitat de transmissió si es té en compte únicament l'atenuació de l'enllaç. Considereu que l'energia de bit necessària al final de l'enllaç és $E_b=10^{-17}  J$ .						
	a) 10 Gb/s	b) 100 Gb/s	c) 1 Tb/s	d) 10 Tb/s			
2)	Determineu la màxima velocitat de transmissió degut a l'efecte de la dispersió cromàtica a partir del model de funció de transferència gaussià. Assumiu que l'amplada espectral de la modulació és menyspreable.						
	a) 53 Mb/s	b) 75 Mb/s	c) 53 Gb/s	d) 75 Gb/s			
3)	Imagineu que el làser es canvia per un làser DFB amb una amplada espectral $\Delta\lambda$ =0.1 pm. En aquesta situació el que domina és l'amplada espectral de la modulació que està relacionada amb la velocitat de transmissió: $\Delta f$ =R $_b$ (Hz). Trobeu la nova velocitat màxima de transmissió.						
	a) 57.5 Mb/s	b) 575 Mb/s	c) 5.75 Gb/s	d) 57.5 Gb/s			
	forma alternativa c		osada per la dispersió és a	partir de l'eixamplament temporal			
4)	Determineu l'eixamplament temporal del bit ( $\Delta$ T) a una distància L=100 Km quan el làser emprat és el FP.						
	a) 10 ps	b) 100 ps	c) 1 ns	d) 10 ns			
5)	Obteniu la relació e	Obteniu la relació entre l'eixamplament temporal i el temps de bit resultant si l'ocupació del bit veí és del 75%.					
	a) $\Delta T = 0.5 \cdot T_b$	b) $\Delta T = T_b$	c) $\Delta T = 1.5 \cdot T_b$	d) $\Delta T = 2 \cdot T_b$			
6)	Trobeu la màxima velocitat de transmissió aplicant la condició $\Delta T < T_b$ si el làser emprat és el FP.						
	a) 10 Mb/s	b) 100 Mb/s	c) 1 Gb/s	d) 10 Gb/s			
7)	Repetiu la qüestió anterior emprant el làser DFB.						
	a) 79 Mb/s	b) 790 Mb/s	c) 7.9 Gb/s	d) 79 Gb/s			
efec	ctes de la dispersió d		l d'aquesta modulació és $\Delta$ i	durada del pols T <sub>p</sub> =0.5·T <sub>b</sub> ) envers als =2R <sub>b</sub> (Hz). La condició imposada en PREGUNTES ANUL·LADES			
8)	Trobeu la màxima velocitat de transmissió del senyal RZ si el làser emprat és el FP.						
	a) 150 Mb/s	b) 200 Mb/s	c) 50 Gb/s	d) 20 Gb/s			
9)	Repetiu la qüestió anterior emprant el làser DFB.						
	a) 68 Mb/s	b) 680 Mb/s	c) 6.8 Gb/s	d) 68 Gb/s			
10)		ontinuant amb l'apartat anterior. Per a que la modulació RZ doni millors prestacions, la condició imposada ha de er que l'ocupació del bit veí sigui:					

c) inferior al 25%

d) superior al 25%

b) superior al 50%

## Resolució:

1) Determineu la màxima velocitat de transmissió si es té en compte únicament l'atenuació de l'enllaç. Considereu que l'energia de bit necessària al final de l'enllaç és  $E_b=10^{-17} \, J$ .

$$P_{L} = P_{0} \cdot 10^{-\frac{\alpha \cdot L}{10}} \to E_{b,L} = P_{L} \cdot T_{b} = P_{0} \cdot 10^{-\frac{\alpha \cdot L}{10}} \cdot T_{b} \ge E_{b,\min} \to R_{b} \le \frac{P_{0} \cdot 10^{-\frac{\alpha \cdot L}{10}}}{E_{b,\min}} = 10 \ Tb \ / \ S$$

2) Determineu la màxima velocitat de transmissió degut a l'efecte de la dispersió cromàtica a partir del model de funció de transferència gaussià. Assumiu que l'amplada espectral de la modulació és menyspreable.

$$\begin{split} f_E \cdot \sigma &= \frac{\sqrt{\ln 2}}{2\pi} \to f_E \cdot = \frac{\sqrt{\ln 2}}{2\pi \cdot \sigma} = \frac{\sqrt{\ln 2}}{\pi \cdot \tau} \\ B_S &= \frac{R_b}{2} \leq \frac{\sqrt{\ln 2}}{\pi \cdot \tau \cdot L} = \frac{f_E}{L} = B_E \to R_b \leq \frac{2\sqrt{\ln 2}}{\pi \cdot \tau \cdot L} = \frac{2\sqrt{\ln 2}}{\pi \cdot |D| \cdot \Delta \lambda \cdot L} \approx 53 \; Mb \, / \, s \\ \tau &= |D| \cdot \Delta \lambda \end{split}$$

3) Imagineu que el làser es canvia per un làser DFB amb una amplada espectral  $\Delta\lambda$ =0.1 pm. En aquesta situació el que domina és l'amplada espectral de la modulació que està relacionada amb la velocitat de transmissió:  $\Delta$ f=R<sub>b</sub> (Hz). Trobeu la nova velocitat màxima de transmissió.

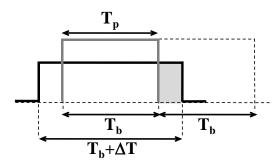
$$R_{b} \leq \frac{2\sqrt{\ln 2}}{\pi \cdot |D| \cdot \Delta \lambda \cdot L} = \frac{2\sqrt{\ln 2}}{\pi \cdot |D| \cdot \frac{\lambda_{c}^{2}}{c} R_{b} \cdot L} \rightarrow R_{b} \leq \left[ \frac{2\sqrt{\ln 2}}{\pi \cdot |D| \cdot \frac{\lambda_{c}^{2}}{c} \cdot L} \right]^{\frac{1}{2}} \approx 5.75 \ Gb / s$$

$$\Delta \lambda \approx \frac{\lambda_{c}^{2}}{c} \underbrace{\Delta f}_{R_{b}} = \frac{\lambda_{c}^{2}}{c} R_{b}$$

4) Determineu l'eixamplament temporal del bit ( $\Delta T$ ) a una distància L=100 Km quan el làser emprat és el FP.

$$\Delta T = |D| \cdot \Delta \lambda \cdot L = 10 \ ns$$

5) Obteniu la relació entre l'eixamplament temporal i el temps de bit resultant si l'ocupació del bit veí és del 75%. L'ocupació del bit veí queda esquematitzat en la figura següent:



Així doncs, la relació entre l'eixamplament del pols i el temps de bit donat un nivell d'ocupació es pot expressar com segueix.

$$\frac{\Delta T}{2} = \alpha \cdot T_b \to \Delta T = 2\alpha \cdot T_b = 1.5 T_b$$

$$\alpha = 0.75$$

6) Trobeu la màxima velocitat de transmissió aplicant la condició ΔT<T<sub>b</sub> si el làser emprat és el FP.

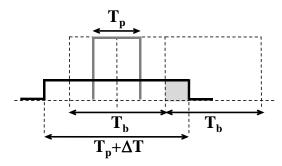
$$\Delta T \le T_b = \frac{1}{R_b} \to R_b \le \frac{1}{\Delta T} = \frac{1}{|D| \cdot \Delta \lambda \cdot L} = 100 \ Mb / s$$
$$\Delta T = |D| \cdot \Delta \lambda \cdot L$$

7) Repetiu la qüestió anterior emprant el làser DFB.

$$R_{b} \leq \frac{1}{|D| \cdot \Delta \lambda \cdot L} = \frac{1}{|D| \cdot \frac{\lambda_{c}^{2}}{c} R_{b} \cdot L} \rightarrow R_{b} \leq \left[ \frac{1}{|D| \cdot \frac{\lambda_{c}^{2}}{c} \cdot L} \right]^{\frac{1}{2}} \approx 7.9 \ Gb / s$$

$$\Delta \lambda \approx \frac{\lambda_{c}^{2}}{c} \underbrace{\Delta f}_{R_{b}} = \frac{\lambda_{c}^{2}}{c} R_{b}$$

8) Trobeu la màxima velocitat de transmissió del senyal RZ si el làser emprat és el FP. L'ocupació del bit veí en aquest cas queda esquematitzat en la figura següent, on el pols s'ha situat al centre del bit per simplicitat:



Així doncs, la relació entre l'eixamplament del pols i el temps de bit donat un nivell d'ocupació es pot expressar com segueix.

$$\frac{\Delta T}{2} - \left(\frac{T_b}{2} - \frac{T_p}{2}\right) = \alpha \cdot T_b \to \Delta T = 2\alpha \cdot T_b + \left(T_b - T_p\right) = 3\frac{T_b}{2}$$

$$\alpha = 0.5$$

$$T_p = \frac{T_b}{2}$$

$$\Delta T \le 3\frac{T_b}{2} = \frac{3}{2R_b} \to R_b \le \frac{3}{2\Delta T} = \frac{3}{2|D| \cdot \Delta \lambda \cdot L} = 150 \text{ Mb/s}$$

$$\Delta T = |D| \cdot \Delta \lambda \cdot L$$

9) Repetiu la qüestió anterior emprant el làser DFB.

$$R_{b} \leq \frac{3}{2|D| \cdot \Delta \lambda \cdot L} = \frac{3}{2|D| \cdot \frac{\lambda_{c}^{2}}{c} 2R_{b} \cdot L} \rightarrow R_{b} \leq \left[\frac{3}{4|D| \cdot \frac{\lambda_{c}^{2}}{c} \cdot L}\right]^{\frac{1}{2}} \approx 6.8 \ Gb / s$$

$$\Delta \lambda \approx \frac{\lambda_{c}^{2}}{c} \Delta f = \frac{\lambda_{c}^{2}}{c} 2R_{b}$$

10) Continuant amb l'apartat anterior. Per a que la modulació RZ doni millors prestacions, la condició imposada ha de ser que l'ocupació del bit veí sigui:

$$\begin{split} \frac{\Delta T}{2} - \left(\frac{T_b}{2} - \frac{T_p}{2}\right) &\leq \alpha \cdot T_b \to \Delta T \leq 2\alpha \cdot T_b + \left(T_b - T_p\right) = \left(2\alpha + \frac{1}{2}\right)T_b = \frac{4\alpha + 1}{2R_b} \to \\ T_p &= \frac{T_b}{2} \\ \to R_b \leq \frac{4\alpha + 1}{2\Delta T} = \frac{4\alpha + 1}{2|D| \cdot \frac{\lambda_c^2}{c} 2R_b \cdot L} \to R_b^2 \leq \frac{4\alpha + 1}{4|D| \cdot \frac{\lambda_c^2}{c} \cdot L} \\ \Delta T &= |D| \cdot \Delta \lambda \cdot L = |D| \cdot \frac{\lambda_c^2}{c} 2R_b \cdot L \\ \Delta \lambda &\approx \frac{\lambda_c^2}{c} \underbrace{\Delta f}_{2R_b} = \frac{\lambda_c^2}{c} 2R_b \end{split}$$

$$\frac{\overline{NRZ}}{\Delta T} \leq \alpha \cdot T_b \to \Delta T \leq 2\alpha \cdot T_b = \frac{2\alpha}{R_b} \to R_b \leq \frac{2\alpha}{\Delta T} = \frac{2\alpha}{|D| \cdot \frac{\lambda_c^2}{C} R_b \cdot L} \to R_b^2 \leq \frac{2\alpha}{|D| \cdot \frac{\lambda_c^2}{C} \cdot L}$$

$$\Delta T = |D| \cdot \Delta \lambda \cdot L = |D| \cdot \frac{\lambda_c^2}{C} R_b \cdot L$$

$$\Delta \lambda \approx \frac{\lambda_c^2}{C} \Delta f = \frac{\lambda_c^2}{C} R_b$$

Per a que el cas RZ sigui millor s'ha de complir que:

$$R_{b,RZ}^2 = \frac{4\alpha + 1}{4|D| \cdot \frac{\lambda_c^2}{c} \cdot L} > \frac{2\alpha}{|D| \cdot \frac{\lambda_c^2}{c} \cdot L} = R_{b,NRZ}^2 \rightarrow \frac{4\alpha + 1}{4} > 2\alpha \rightarrow \alpha < \frac{1}{4}$$

L'ocupació del bit veí ha de ser inferior al 25%.