

CONTROL DE TRANSMISIÓN DE DATOS

24 de mayo de 2002

GRUPO 10

NOTA IMPORTANTE:

- *Un error conceptual grave puede anular todo el problema.*

PROBLEMA 1

Sea una función de hash $H(M)$, con una salida de k bits, que se calcula de la siguiente forma:

1. Se añade al final del mensaje el número de ceros necesario para que la longitud el mensaje sea múltiplo de k
2. Se divide el mensaje en n bloques de k bits, m_i $0 \leq i \leq n-1$
3. $H(M)$ se calcula iterativamente de la siguiente manera:

$$h_0 = m_0$$

$$h_{i+1} = h_i \oplus m_{i+1} \quad 0 \leq i \leq n-2 \quad (\text{XOR bit a bit})$$

$$H(M) = h_{n-1}$$

- a) Indique las propiedades que debe cumplir una función de hash criptográficamente robusta, y diga cuales de ellas cumple la función propuesta.
- b) Sea el mensaje $M = 101010101010101010$. Calcule $H(M)$ para $k=6$.
- c) Sea un sistema de RSA en el que todos los usuarios usan $e=23$. Genere un par de claves RSA con $p=11$, $q=13$. Indique cual sería la clave privada y la pública.
- d) Firme digitalmente el mensaje del apartado b con el sistema de claves generado en el apartado c y la función de hash propuesta (considere siempre que los bits de menor peso son los de la derecha). Indique que servicios de seguridad ofrece la firma digital.
- e) Suponga que es un atacante que quiere modificar un mensaje firmado digitalmente con el sistema anterior. Indique la forma más eficiente de hacerlo y genere un mensaje que genere la misma firma que M .

PROBLEMA 2

Sea una fuente de información sin memoria cuyo alfabeto es de 3 símbolos $\{A, B, C\}$ con $p(A)=0,5$; $p(B)=p(C)=0,25$.

- a) Calcule el tiempo mínimo necesario para transmitir 10.000 símbolos de fuente a través de un canal ($W=3$ KHz) cuya relación señal a ruido a la entrada del receptor es $S/N=7$ (en escala lineal).
- b) Codifique la secuencia ABACAAA mediante un codificador de Huffman.
- c) Codifique la secuencia ABACA mediante un codificador de aritmético.
- d) Decodifique la secuencia 0011426 mediante un codificador de LZW, con un diccionario cargado inicialmente con A en la posición 0, B en la 1 y C en la 2.
- e) ¿Cuál de las codificaciones anteriores considera más apropiada para la fuente en cuestión? Razone la respuesta.