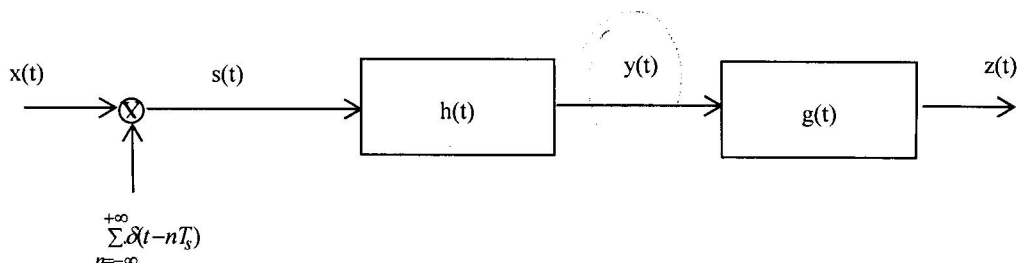


1) Es considera l'esquema lineal de la figura



a.1) (2p) Estudiï justificadament les propietats d'invariància, causalitat i estabilitat del sistema $y(t)=T1[x(t)]$

a.2) (0,5p) Si $h(t)$ fos un filtre passa-baixes ideal, justifiqui com queda la verificació de les propietats estudiades anteriorment.

b) (2,5p) Obtingui la sortida $y(t)$ corresponent al senyal d'entrada $x(t) = \frac{1}{2T_s} \sin^2\left(\frac{t-T_s/2}{2T_s}\right)$ i al sistema

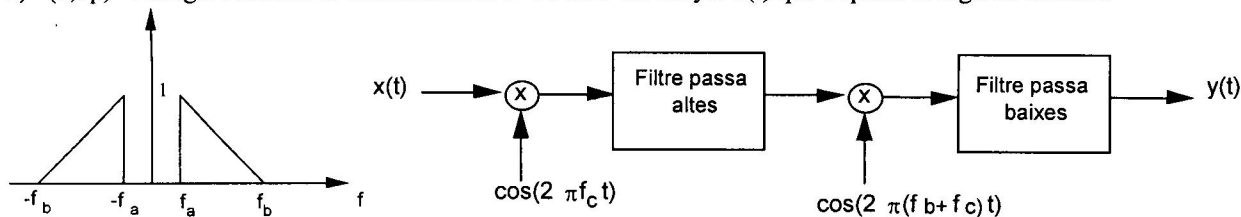
$h(t) = \frac{3}{T_s} \sin^2\left(\frac{t-T_s/2}{T_s/3}\right)$. Trobi justificadament $Y(f)$, especificant-ne el seu mòdul $|Y(f)|$ i la seva fase $\phi_y(f)$.

c) (3,5p) Es considera un sistema LI, caracteritzat per $g(t)$, connectat en sèrie amb l'anterior.

c.1) (2,5p) Trobi la sortida $z(t)$ corresponent a: $x(t) = \cos\left(\frac{2\pi t}{T_s}\right)$, $h(t) = \Pi\left(\frac{t-T_1}{T_1}\right)$ i $g(t) = e^{t+2T_2} \cdot \Pi\left(\frac{t+2T_2}{T_2}\right)$. on $T_s=3T_2$ i $T_1=2T_2$

c.2) (1p) Trobi el Desenvolupament en Sèrie de Fourier de $z(t)$. Dibuixi $Z(f)$ per $|f| \leq \frac{4}{T_s}$

2) (1,5p) La figura mostra la Transformada de Fourier del senyal $x(t)$ que s'aplica al següent sistema:



on: Filtre passa-altes: $H_1(f) = u(f-f_c) + u(-f-f_c)$ Filtre passa-baixes: $H_2(f) = \Pi\left(\frac{f}{2f_c}\right)$

a) Obtingui justificadament i dibuixi l'espectre $Y(f)$ corresponent al senyal de sortida $y(t)$ per $f_c > f_b$. (Indiqui-hi tots els valors d'interès a cada dibuix)