UNIK 4490 - Obligatorisk oppgave 1

David Kolden, davidko

2. oktober 2017

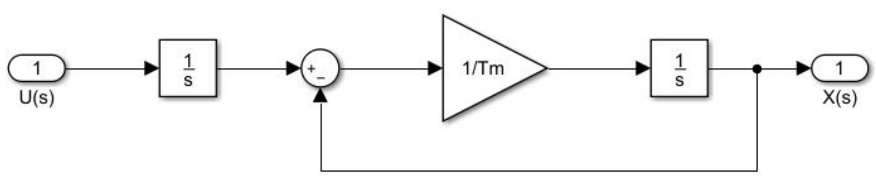
1 Øvelse 1

1.a

Finner poler ved å løse $s(1 + T_M s) = 0$ som gir polene $s = 0$ og $s = -\frac{1}{T_M}$. Systemet er stabilt for alle positive verdier av T_M.

1.b

Figur 1 viser blokkskjema for $\frac{X(s)}{U(s)} = H(s) = \frac{1}{s(1+T_M s)}$



Figur 1: Blokkskjema for $H(s)$

1.c

$H(s)$ har to poler og er derfor et andreordens system.

Setter $U(s) = K(1+T_D s)E(s)$, $E(s) = R(s)-X(s)$, $U(s) = K(1+T_D s)(R(s)-X(s))$ sammen med $H(s)$:

$$X(s) = H(s)U(s) = H(s)K(1 + T_D s)(R(s) - X(s))$$

$$X(s) = H(s)K(1+T_D s)R(s) - H(s)K(1+T_D s)X(s)$$
$$X(s)(1 + H(s)K(1+T_D s)) = H(s)K(1+T_D s)R(s)$$
$$\frac{X(s)}{R(s)} = H_C(s) = \frac{H(s)K(1+T_D s)}{1 + H(s)K(1+T_D s)}$$
$$H_C(s) = \frac{K(1+T_D s)}{\frac{1}{H(s)} + K(1+T_D s)}$$

Setter inn for $H(s)$:

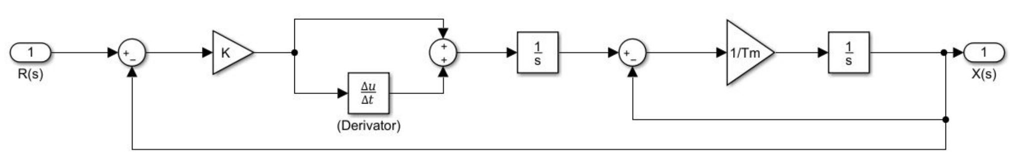
$$H_C(s) = \frac{K(1+T_D s)}{s(1+T_M s) + K(1+T_D s)}$$

$$H_C(s) = \frac{K(1+T_D s)}{s^2 T_M + s + K T_D s + K}$$
$$H_C(s) = \frac{(1+T_D s)}{s^2 \frac{T_M}{K} + s(\frac{1}{K} + T_D) + 1}$$

Ser at systemet med kontroller fortsatt er et andreordens system.

1.d

Figur to viser blokkskjema for systemet med kontroller ($H_C(s)$)



Figur 2: Blokkskjema for $H_C(s)$

1.e

$H_C(s)$ har ett nullpunkt og to poler. Nullpunktet finnes ved å sette telleren i $H_C(s)$ til null, mens man finner polene ved å sette nevneren til null. Polene kan dermed finnes med uttrykket

$$s = \frac{-(\frac{1}{K} + T_D) \pm \sqrt{(\frac{1}{K} + T_D)^2 - 4\frac{T_M}{K}}}{2\frac{T_M}{K}}$$

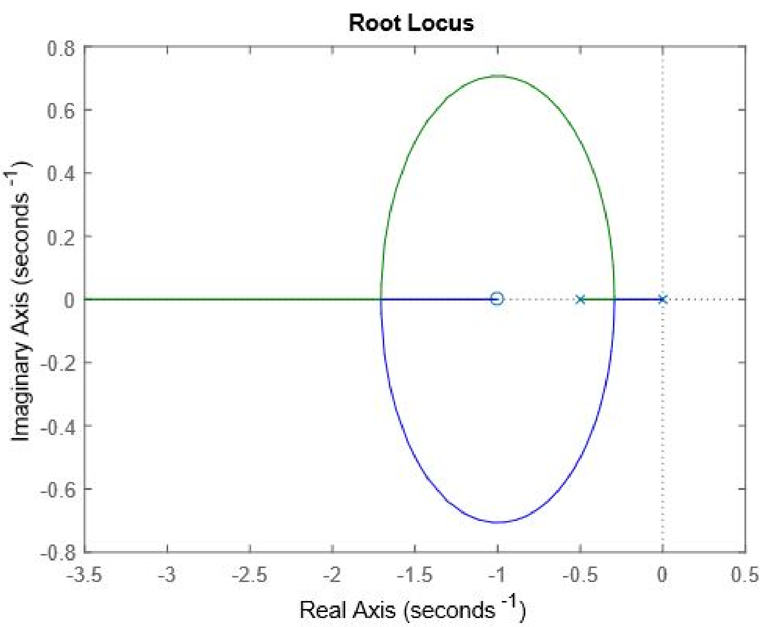
mens nullpunktene finnes med uttrykket

$$s = -\frac{1}{T_D}$$

Ved å sette inn for $T_M = 2$ og $T_D = 1$ får vi til slutt et nullpunkt i $s = -1$ og to poler i

$$s = \frac{-(\frac{1}{K} + 1) \pm \sqrt{(\frac{1}{K} + 1)^2 - 4\frac{2}{K}}}{2\frac{2}{K}}$$

Locusplot:



Figur 3: Locusplot av H_C

2 Øvelse 2

3 Øvelse 3

3.a

3.b

3.c

3.d

3.e

3.f

3.g

3.h