Da, Nech Va W sú vektotové priestory a f: V -> W je lineárne zobrazenie.

Potom: jadrom lineárneho zobrakenia f je 
$$Ker(f) = \{ \vec{l} \in V; f(\vec{l}) = \vec{0} \}$$

• Obrazom lineárneho zobrazenia f je  $Im(f) = \{\vec{B} \in W; f(\vec{d}) = \vec{B}\}$ .

b, 
$$B: \mathbb{R}^{3} \to \mathbb{R}^{3}: (x_{1}, x_{2}, x_{3}) \mapsto (x_{1} + x_{2} + x_{3}, x_{1} - x_{2}, x_{1} + x_{2})$$

$$Ker(B) = \begin{cases} \vec{x} \in \mathbb{R}^{3}: B(\vec{x}) = \vec{0} \end{cases}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & -1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -2 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \qquad -2x_{2} - t = 0$$

$$x_{2} = -\frac{t}{2}$$

$$\ker(B) = \{(-\frac{t}{2}, -\frac{t}{2}, t) : t \in R\}$$
 $x_1 - \frac{t}{2} + t = 0$ 
 $x_1 = -\frac{t}{2}$ 

$$lm(B) = \{ B(\vec{x}) : \vec{x} \in \mathbb{R}^3 \}$$

$$lm(B) = \{(a_1b_1-b): a_1b \in R\}$$
  
 $dim(lm(B)) = 2$ 

2

 $\ker(B) = \{(-\frac{t}{2}, -\frac{t}{2}, t) : t \in \mathbb{R} \}$   $\Rightarrow$  ortonormalia  $\lim(B) = \{(a, b, -b) : a, b \in \mathbb{R} \}$   $\Rightarrow$  ortonormalia Standardná báza  $\mathbb{R}^{3n}$  je uzhľadom na geometricky skalárný Síčin ortonormálna. No, ale na to son sa nepytal.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

1. CHARAKTERISTICKÝ POLYNÓM:

$$\mathcal{X}(A) = \det\left(\frac{A}{4} - \lambda \overline{1}\right) = \begin{vmatrix} 1 - \lambda & 2 & 1 \\ 0 & \lambda - \lambda & 20 \\ 1 & 2 & 1 - \lambda \end{vmatrix} =$$

$$= (1-n)(\lambda-n)(1-n)+1\cdot 0\cdot 1+1\cdot 0\cdot 2-1\cdot (\lambda-n)\cdot 1-2\cdot 0\cdot 4n)-(1-n)\cdot 0\cdot 2$$

$$= -n^3+\lambda\cdot n^2+\lambda\cdot n^2-2\lambda\cdot n=$$

$$= -n^3+(\lambda+2)n^2-2\lambda n=$$

$$= -\lambda \left( \lambda^2 - (\lambda + 1)\lambda + 2\lambda \right) =$$

$$\lambda_1 = 0$$

$$\lambda_2 = 2$$

(11) VZASTNÉ VEKTORY

$$\begin{array}{ll}
\text{pre} & N_1 = 0 \\
\text{Ker} & (\frac{14}{14}A - N_1 \underline{I}) : \text{m} & \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} N \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} N
\end{array}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{cases} \lambda_1 + \lambda_3 = 0 \\ \lambda_2 = 0 \end{cases}$$

$$n_2 = 2$$

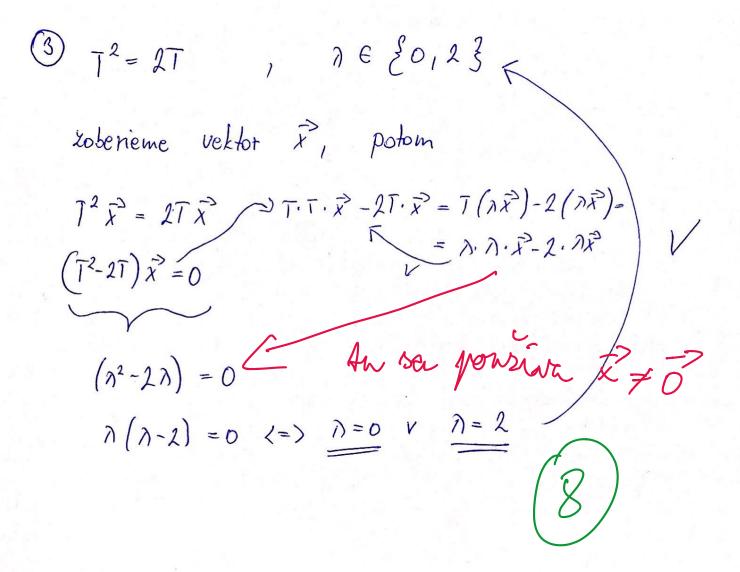
$$\lambda = L$$

$$\ker (A - \lambda_2 \overline{1}) : \begin{bmatrix} -1 & 2 & 1 & 0 \\ 0 & d - 2 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & -1 & 0 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & -2 & -1 & 0 \\ 0 & d - 2 & 0 & 0 \\ 0 & 4 & 0 & 0 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & -2 & -1 & 0 \\ 0 & 4 & 0 & 0 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & -2 & -1 & 0 \\ 0 & 4 & 0 & 0 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & -2 & -1 & 0 \\ 0 & 4 & 0 & 0 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & -2 & -1 & 0 \\ 0 & 4 & 0 & 0 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & -2 & -1 & 0 \\ 0 & 4 & 0 & 0 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \sum_{X_1 - X_3 = 0} X_1 - X_3 = 0$$

$$\lambda \neq 0$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} x_1 - x_3 & = 0 \\ x_2 & = 0 \end{bmatrix} \downarrow \neq 2$$

Scanned with CamScanner



(b)  $\langle x_1 y \rangle_S := \langle S_{x_1} S_{yx} \rangle \ge 0$   $\downarrow S = 0 \langle = \rangle \times = 0 \Rightarrow S_{x} = 0$ Attorigation divine. (5) a, Nech = M = (mi)non, n ∈ N je štvorova matica, ktory pruky sú realne cisla. Císlo il sa nazyra WASINÁ HODNOTA, ktoré sa pocita pomocou charaktenstického polynómu ako det (M-NI) Vektor sa nazýva VLASTRY VEKTOR, ktorý prislúcha k vlastnej No ale toto nie je dobre "pristuchanie" je co.