

# MODELOS DE COMPUTACION I

## RELACION DE PROBLEMAS 6.

1. Proporcione ejemplos de los siguientes lenguajes:
  - 1.a Un lenguaje que no es independiente del contexto.
  - 1.b Un lenguaje independiente del contexto pero no determinista.
  - 1.c Un lenguaje que es independiente del contexto determinista, pero que no es aceptado por un autómata con pila determinista que tiene que vaciar su pila.
  - 1.d Un lenguaje que es aceptado por un autómata con pila determinista que tiene que vaciar su pila, pero que no es un lenguaje regular.

2. Encontrar cuando sea posible, un autómata con pila que acepte el lenguaje  $L$ , donde:

- $L = \{ww^{-1} \mid w \in \{a, b\}^*\}$
- $L = \{ww \mid w \in \{a, b\}^*\}$
- $L = \{a^l b^m c^n \mid l + m = n\}$
- $L = \{a^m b^n c^m \mid n \leq m\}$

3. Demostrar que los siguientes lenguajes no son libres de contexto:

- $L_1 = \{a^p : p \text{ es primo}\}$
- $L_2 = \{a^{n^2} : n \geq 1\}$

4. Encontrar un autómata con pila que acepte, por el criterio de pila vacía el lenguaje  $L = \{0^n u u^{-1} 1^n : u \in \{0, 1\}^*\}$ .

Encontrar un autómata que acepte el lenguaje complementario.

5. Considerar la gramática libre de contexto dada por las siguientes producciones:

$$S \rightarrow aABb \mid aBA \mid \epsilon$$

$$A \rightarrow aS \mid bAAA$$

$$B \rightarrow aABB \mid aBAB \mid aBBA \mid bS$$

Determinar si las cadenas  $aabaab$  y las cadenas  $baaaa$  son generadas por esta gramática

- a) Haciendo una búsqueda en el árbol de todas las derivaciones, pasando previamente la gramática a forma normal de Greibach.
- b) Mediante el algoritmo de Cocke-Younger-Kasami.

6. Determinar qué lenguajes son regulares y/o libres de contexto:

- $\{0^{n^2} \mid n \geq 1\}$
  - $\{0^n 1^n 0^n 1^n \mid n \geq 0\}$
  - $\{0^n 10^m 10^{n+m} \mid n, m \geq 0\}$
  - Conjunto de palabras en las que toda posición impar está ocupada por un 1.
7. Construir autómatas con pila que acepten por el criterio de pila vacía los siguientes lenguajes sobre el alfabeto  $A = \{0, 1\}$ :
- $L_1 = \{(01)^i (10)^i \mid i \geq 0\}$
  - $L_2 = \{(0^i 1^i (10)^i \mid i \geq 0\}$
8. Comprobar, usando el algoritmo de Cocke-Younger-Kasami y el algoritmo de Early si las palabras  $bba0d1$  y  $cba1d1$  pertenecen al lenguaje generado por la gramática:

$$S \rightarrow AaB \mid AaC$$

$$A \rightarrow Ab \mid Ac \mid b \mid c$$

$$B \rightarrow BdC \mid 0$$

$$C \rightarrow CeB \mid 1$$

9. Dada la gramática:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow AB & S &\rightarrow C \\ A &\rightarrow aAb & A &\rightarrow ab & B &\rightarrow cBd & B &\rightarrow cd \\ C &\rightarrow aCd & C &\rightarrow aDd & D &\rightarrow bDc & D &\rightarrow bc \end{aligned}$$

determinar mediante el algoritmo de Cocke-Younger-Kasami si las palabras  $abbccd$  y  $aabbcd$  son generadas.

10. Determinar si son regulares y/o independientes del contexto los siguientes lenguajes:

- a)  $\{uu^{-1}u \mid u \in \{0, 1\}^*\}$
- b)  $\{uu^{-1}ww^{-1} \mid u, w \in \{0, 1\}^*\}$
- c)  $\{uu^{-1}w \mid u, w \in \{0, 1\}^* \text{ y } |u| \leq 3\}$

Justificar las respuestas.

11. Construir una gramática independiente del contexto para el lenguaje más pequeño que verifica las siguientes reglas:

- a) Cualquier sucesión de dígitos de  $\{0, 1, 2, \dots, 9\}$  de longitud mayor o igual a 1 es una palabra del lenguaje.
- b) Si  $u_1, \dots, u_n$  ( $n \geq 1$ ) son palabras del lenguaje, entonces  $(u_1 + \dots + u_n)$  es una palabra del lenguaje.
- c) Si  $u_1, \dots, u_n$  ( $n \geq 1$ ) son palabras del lenguaje, entonces  $[u_1 * \dots * u_n]$  es una palabra del lenguaje.

Comprobar por el algoritmo de Cocke-Younger-Kasami si las palabras:  $(0+1)*3$  y  $[(0+1)]$  son generadas por la gramática.

12. Construye autómatas con pila determinista por el criterio de pila vacía que reconozcan a cada uno de los siguientes lenguajes:

- a)  $L = \{a^m b^j c^{m-1} d : m \geq 1, j \geq 1\}$
- b)  $L = \{a^i b^j c^k : i < j < k\}$