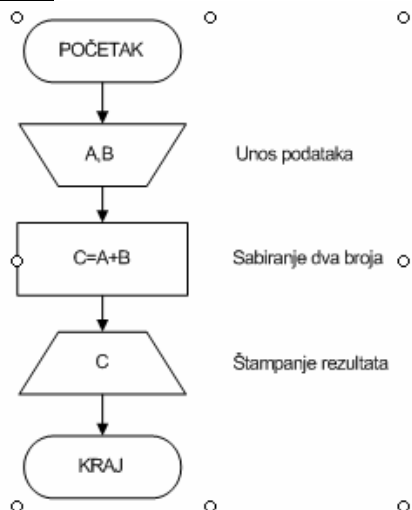


## 7. ALGORITMI

**TEORIJA:** Pogledati 1. i 2. poglavlje u knjizi S. Obradovića “Veština dobrog programiranja”

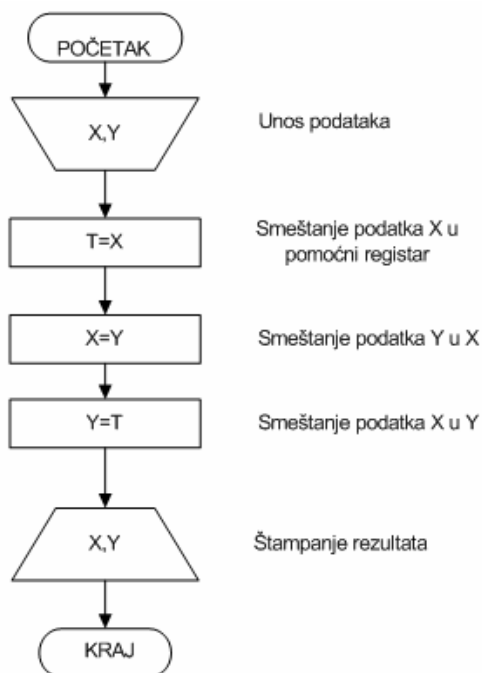
1. Napraviti algoritam za sabiranje dva broja.

**Rešenje:**



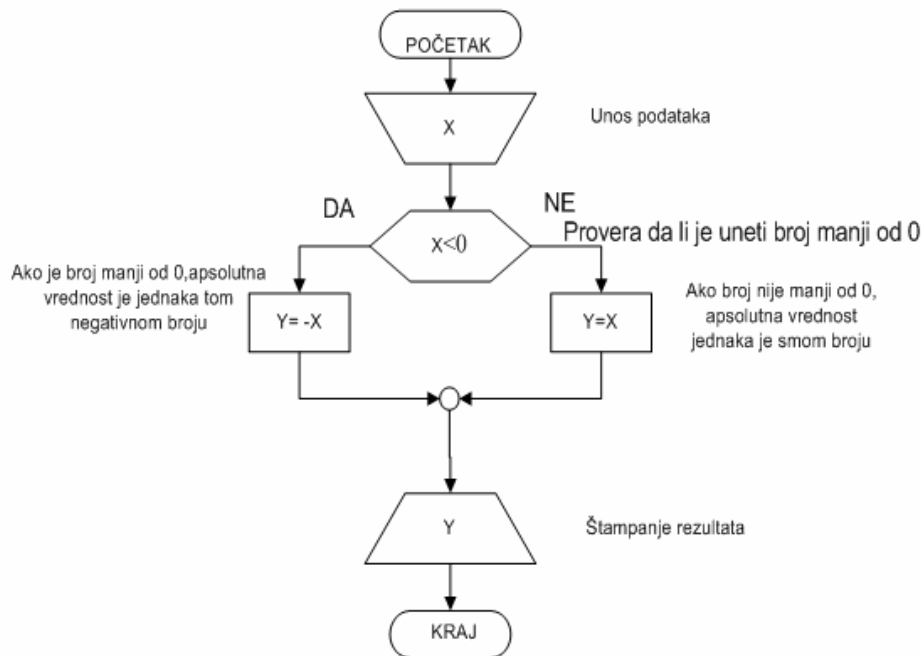
2. Napraviti algoritam koji učitava brojeve X i Y i vrši zamenu njihovih vrednosti.

**Rešenje:**



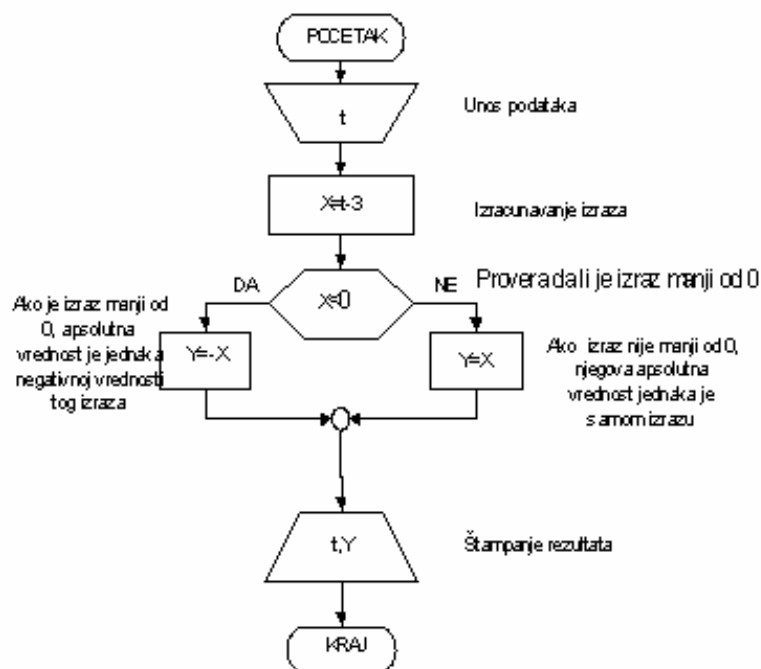
3. Napraviti algoritam koji određuje apsolutnu vrednost broja X.

**Rešenje:**  $y = |x| = \begin{cases} -x; & x < 0 \\ x; & x \geq 0 \end{cases}$



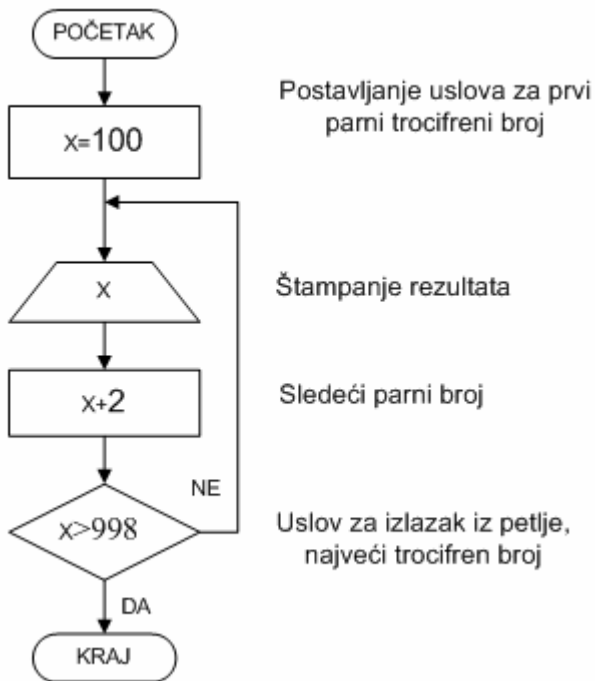
4. Napraviti algoritam koji izračunava izraz  $|t-3|$ , a zatim štampa uneti podatak t i apsolutnu vrednost izraza.

**Rešenje:**



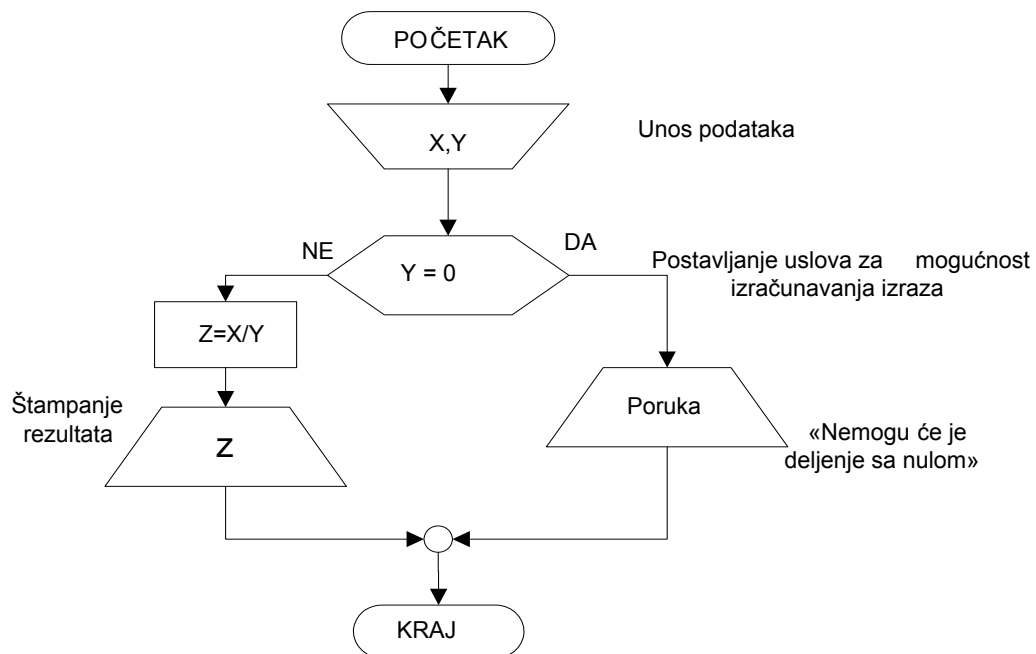
5. Napraviti algoritam koji štampa sve parne trocifrene brojeve.

**Rešenje:**



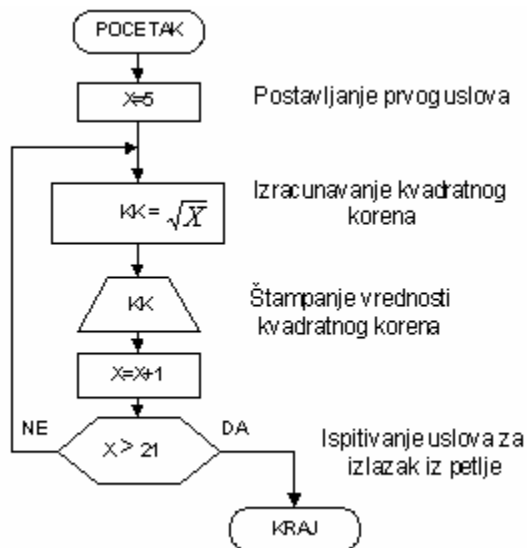
6. Napraviti algoritam za unošenje dva prirodna broja (x,y) i izračunavanje izraza  $z = x/y$ . Štampati vrednost izraza, z.

**Rešenje:**



7. Napraviti algoritam koji izračunava i štampa kvadratni koren brojeva od 5 do 21.

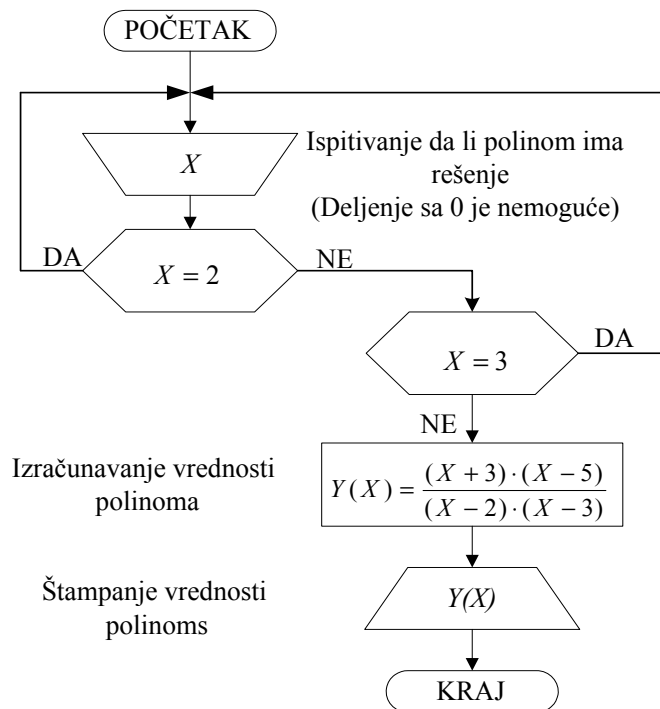
**Rešenje:**



8. Napraviti algoritam koji učitava vrednost x, izračunava i štampa vrednost polinoma y.

$$Y = \frac{(X + 3)(X - 5)}{(X - 2)(X - 3)}$$

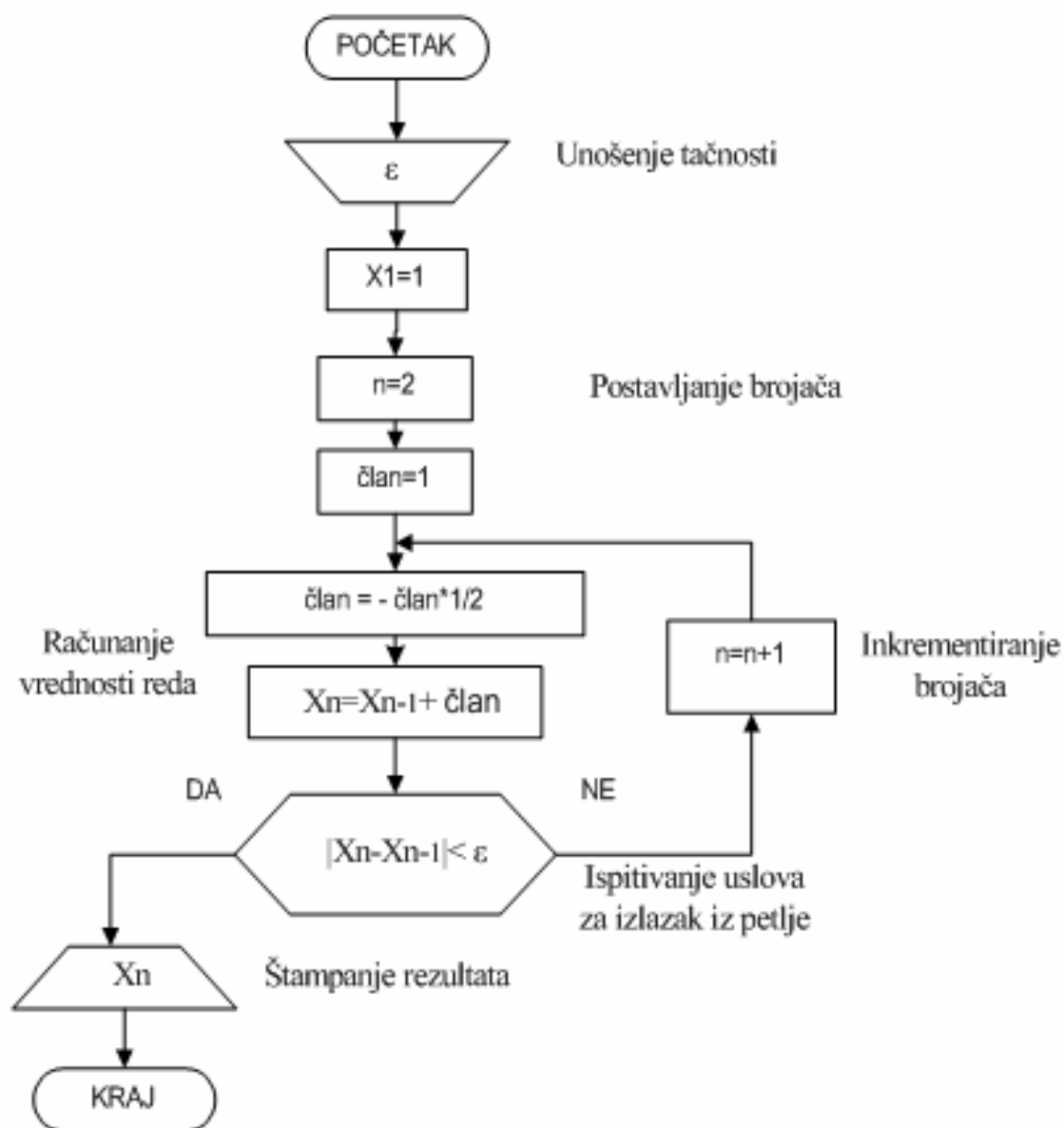
**Rešenje:**



9. Napraviti algoritam za izračunavanje i štampanje reda  $1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{4} - \frac{1}{8} \dots$  sa tačnošću  $\varepsilon$ .

**Rešenje:**

$X_1 = 1$   
 $X_2 = X_1 - 1/2^1$   
 $X_3 = X_2 + 1/2^2$   
 $X_4 = X_3 - 1/2^3$   
 $X_n = X_{n-1} + ((-1)^{n+1} \cdot 1/2^{n1})$



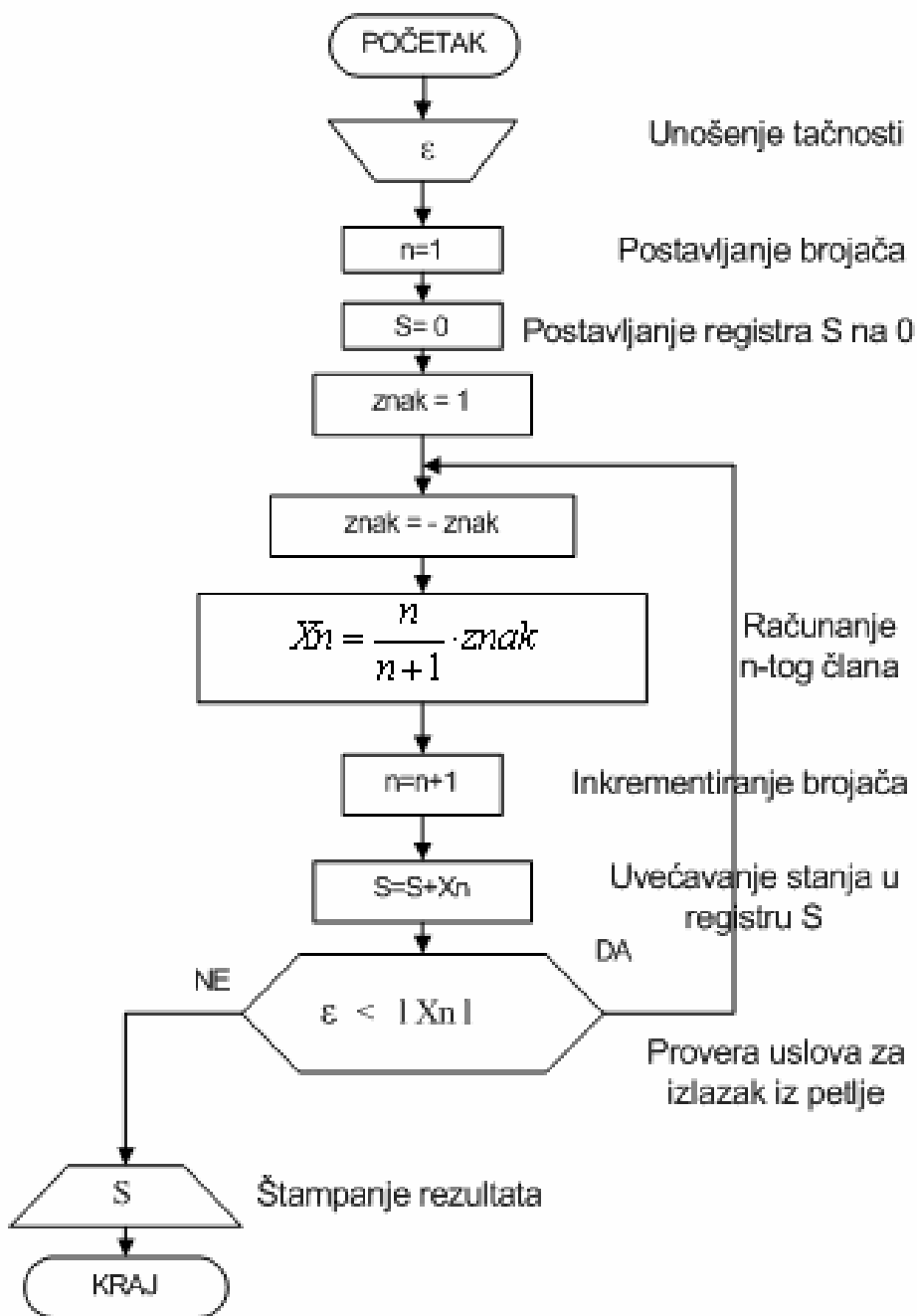
10. Napraviti algoritam za izračunavanje i štampanje reda sa tačnošću  $\varepsilon$ :

$$-\frac{1}{2} + \frac{2}{3} - \frac{3}{4} + \frac{4}{5} - \frac{5}{6} + \frac{7}{6} \dots$$

**Rešenje:**

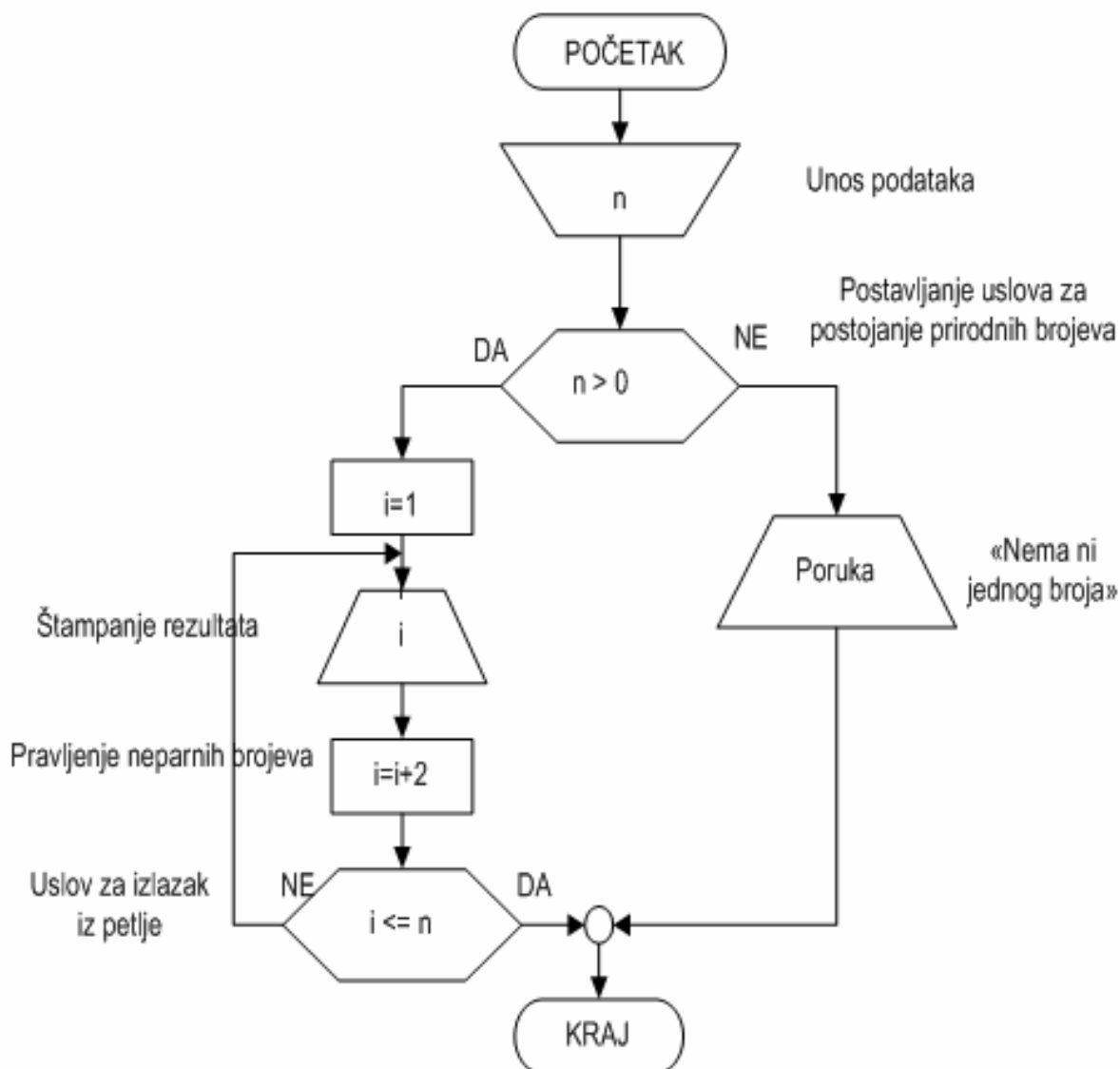
Opšti član je:

$$X_n = \frac{n}{n+1} \cdot (-1)^n$$



11. Napraviti algoritam koji štampa sve neparne prirodne brojeve koji su  $\leq n$ .

**Rešenje:**

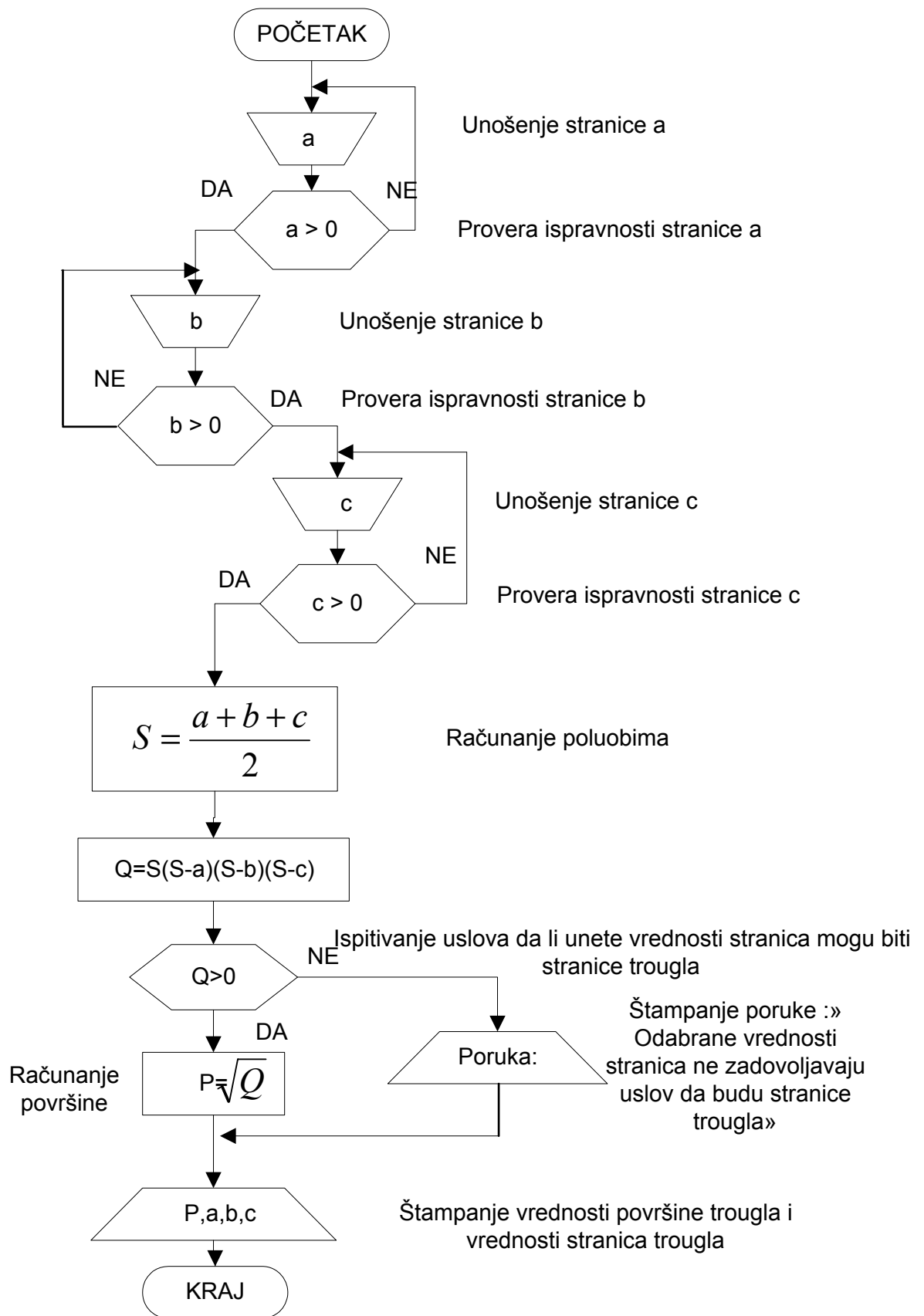


12. Napraviti algoritam koji učitava stranice trougla  $a$ ,  $b$ ,  $c$  i izračunava površinu trougla po Heronovom obrascu i štampa vrednost površine trougla i stranice tog trougla.

**Rešenje:**

Heronov obrazac:  $P = \sqrt{S(S-a)(S-b)(S-c)}$

Poluobim:  $S = \frac{a+b+c}{2}$

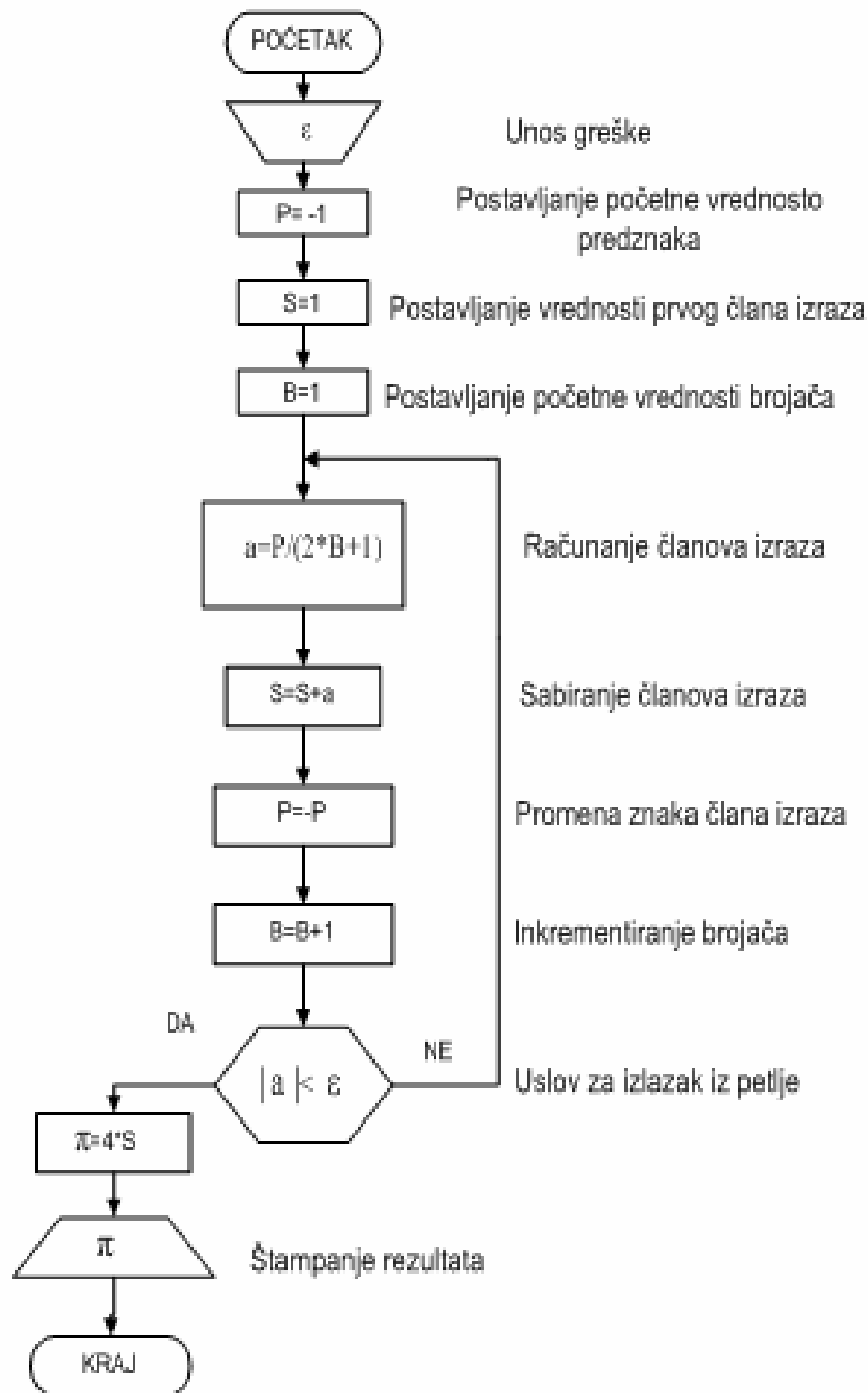




13. Napraviti algoritam koji izračunava i štampa vrednost broja  $\pi$  primenom izraza:

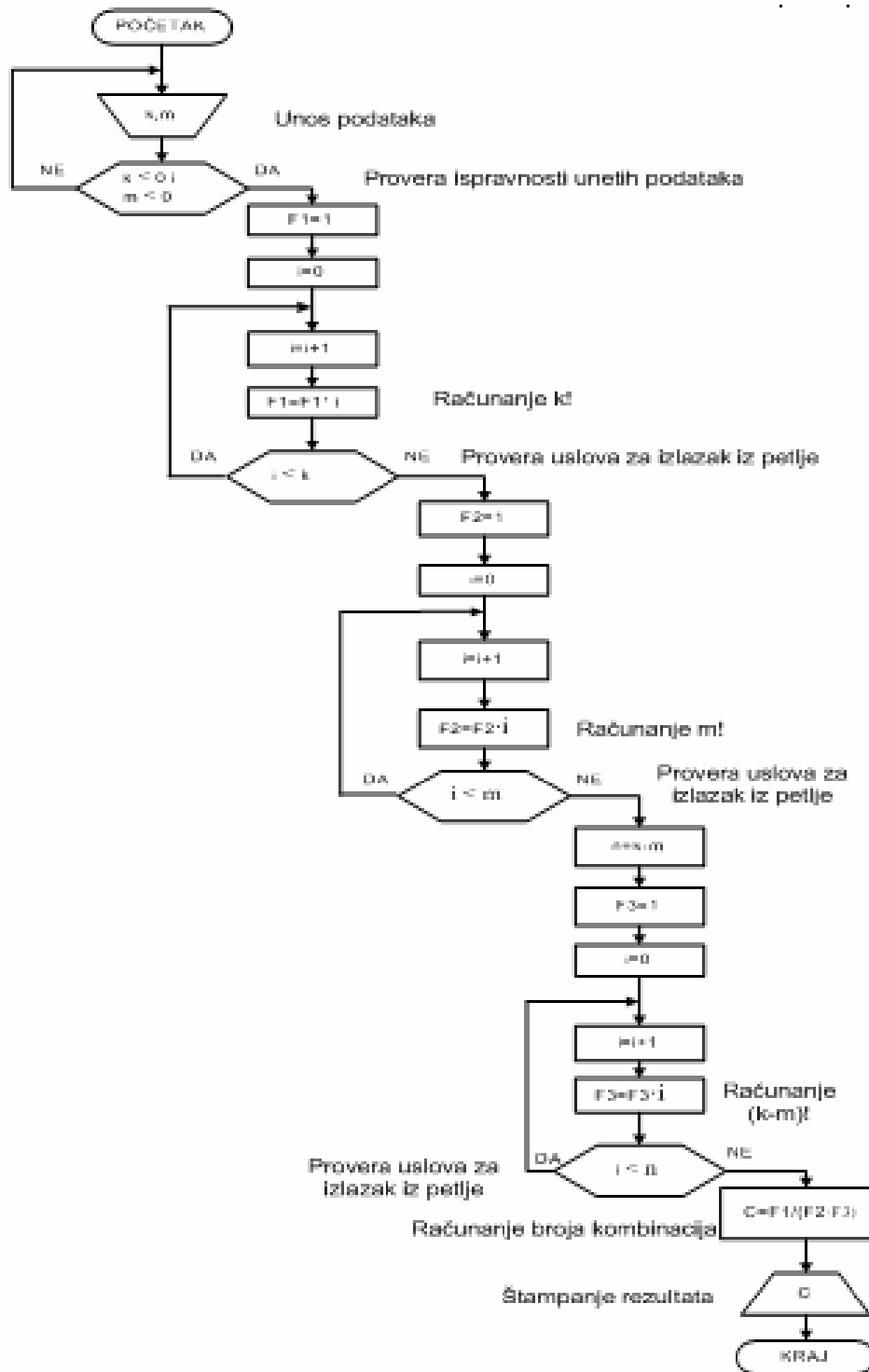
$$\frac{\pi}{4} = 1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} \dots \text{ . Uslov izračunavanja je da je n-ti član reda } |a_n| < \varepsilon.$$

**Rešenje:**



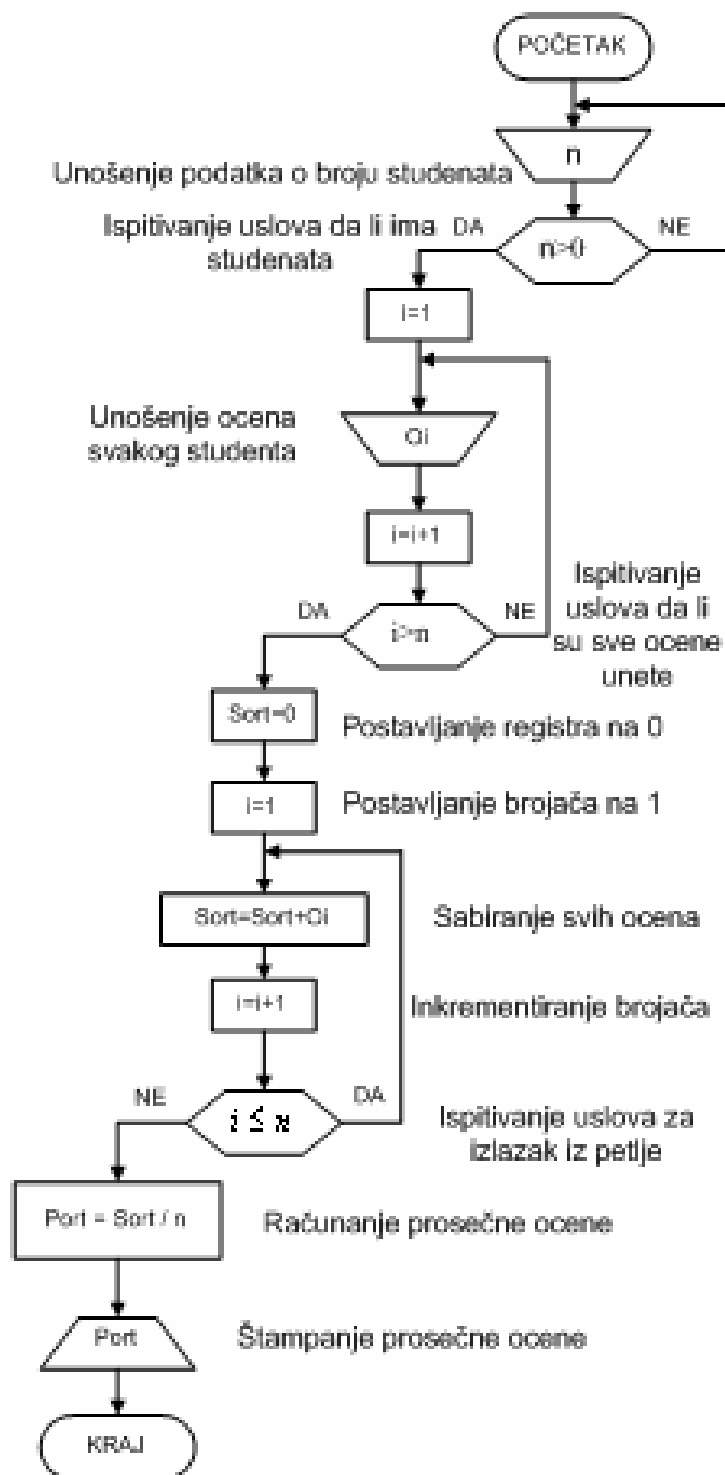
14. Zadana su dva prirodna broja  $k$  i  $m$  ( $k < m$ ). Sastaviti algoritam koji određuje broj kombinacija  $k$ -te klase od  $m$  elemenata.

**Rešenje:** Broj kombinacija  $k$ -te klase od  $m$  elemenata:  $C = \frac{k!}{m!(k-m)!}$



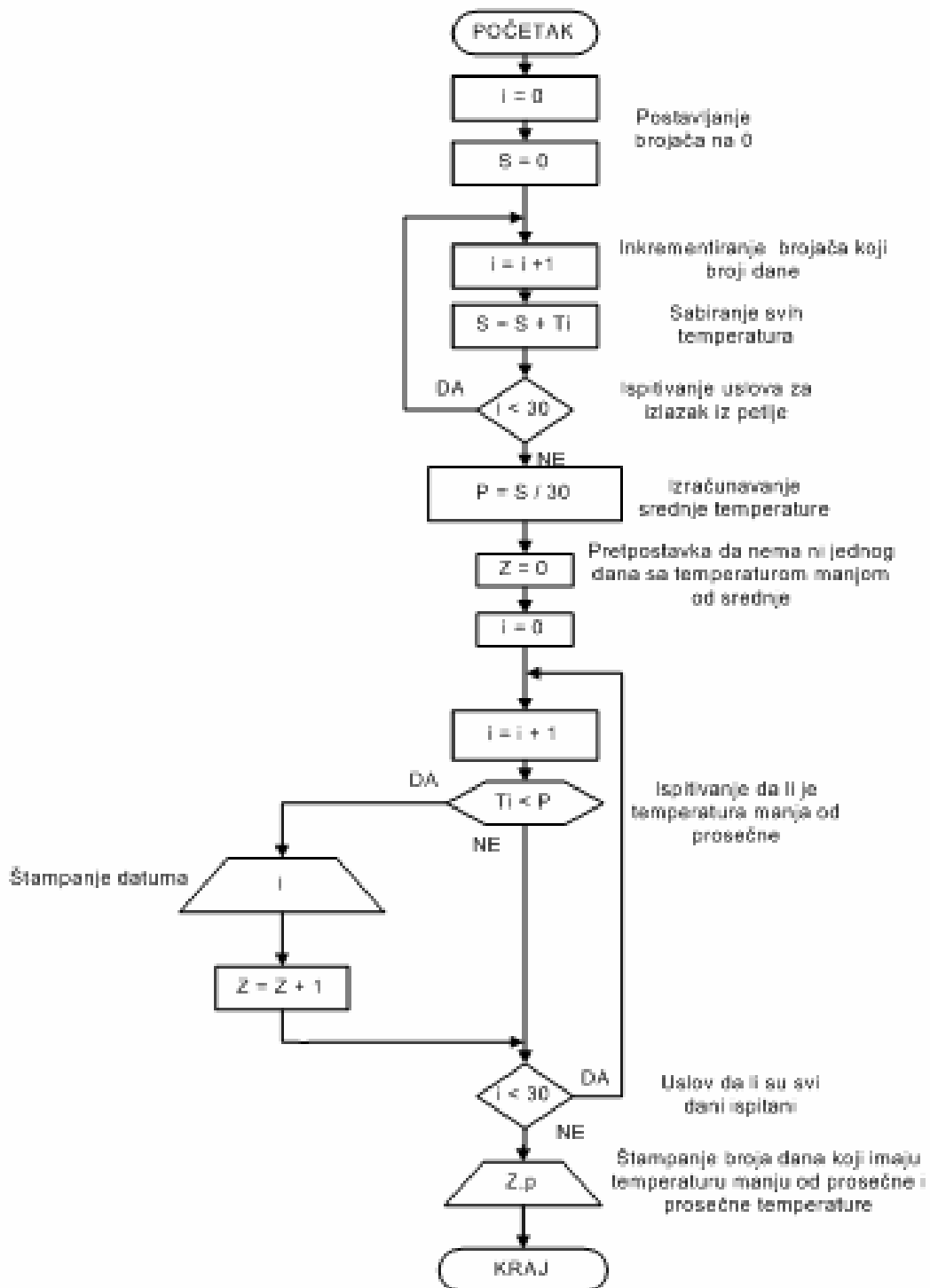
15. Napraviti algoritam koji izračunava prosečnu srednju ocenu na ispitu iz ORT-a.

**Rešenje:**



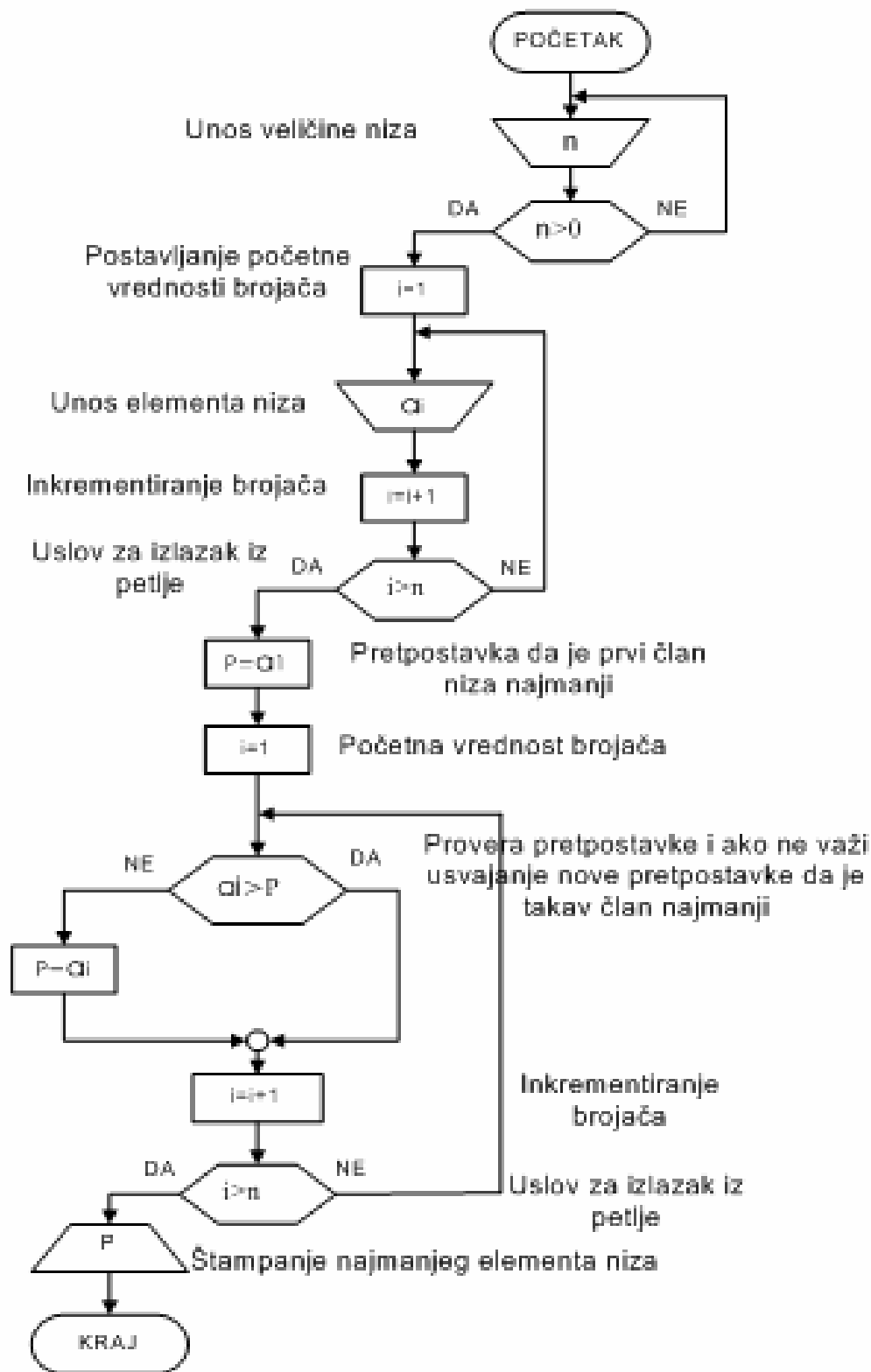
16. U datoteci se nalazi 30 brojeva koji predstavljaju temperaturu od 1–30 juna 2004. godine ( $T_1$ – $T_{30}$ ). Sastaviti algoritam koji izračunava prosečnu temperaturu u mesecu junu, štampa datum dana u kojima je temperatura bila manja od prosečne i broj dana kada je temperatura bila manja od prosečne.

**Rešenje:**



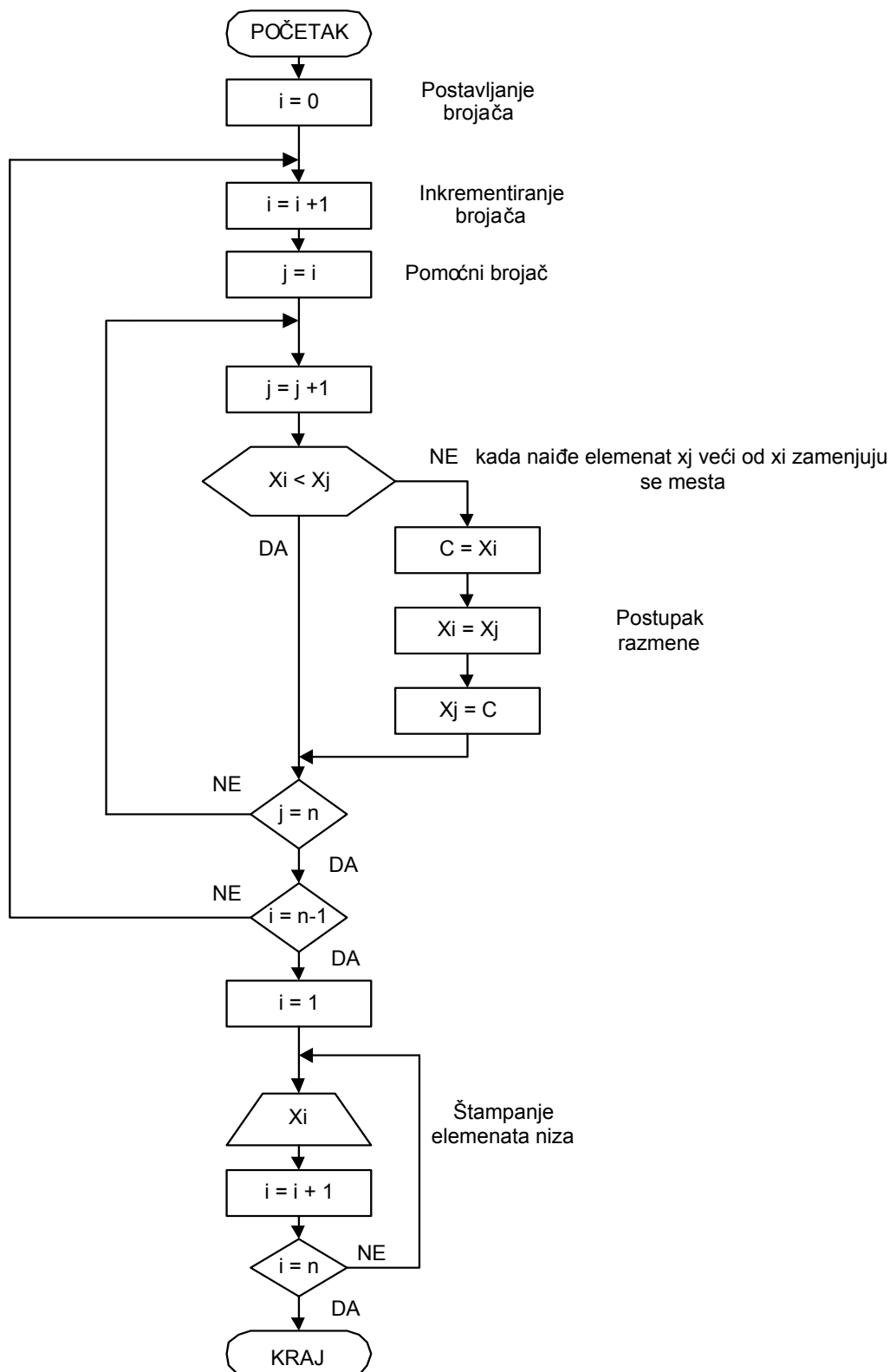
17. Napraviti algoritam koji učitava niz  $a_i$ , pronalazi i štampa najmanji elemenat niza.

**Rešenje:**



18. Napraviti algoritam koji dati niz dimenzije  $n$ , uređuje u rastućem redosledu.

**Rešenje:**



19. Napraviti algoritam koji određuje rešenja kvadratne jednačine  $ax^2+bx+c=0$ .

**Rešenje:**

$a \neq 0$ , uslov da je jednačina kvadratna;

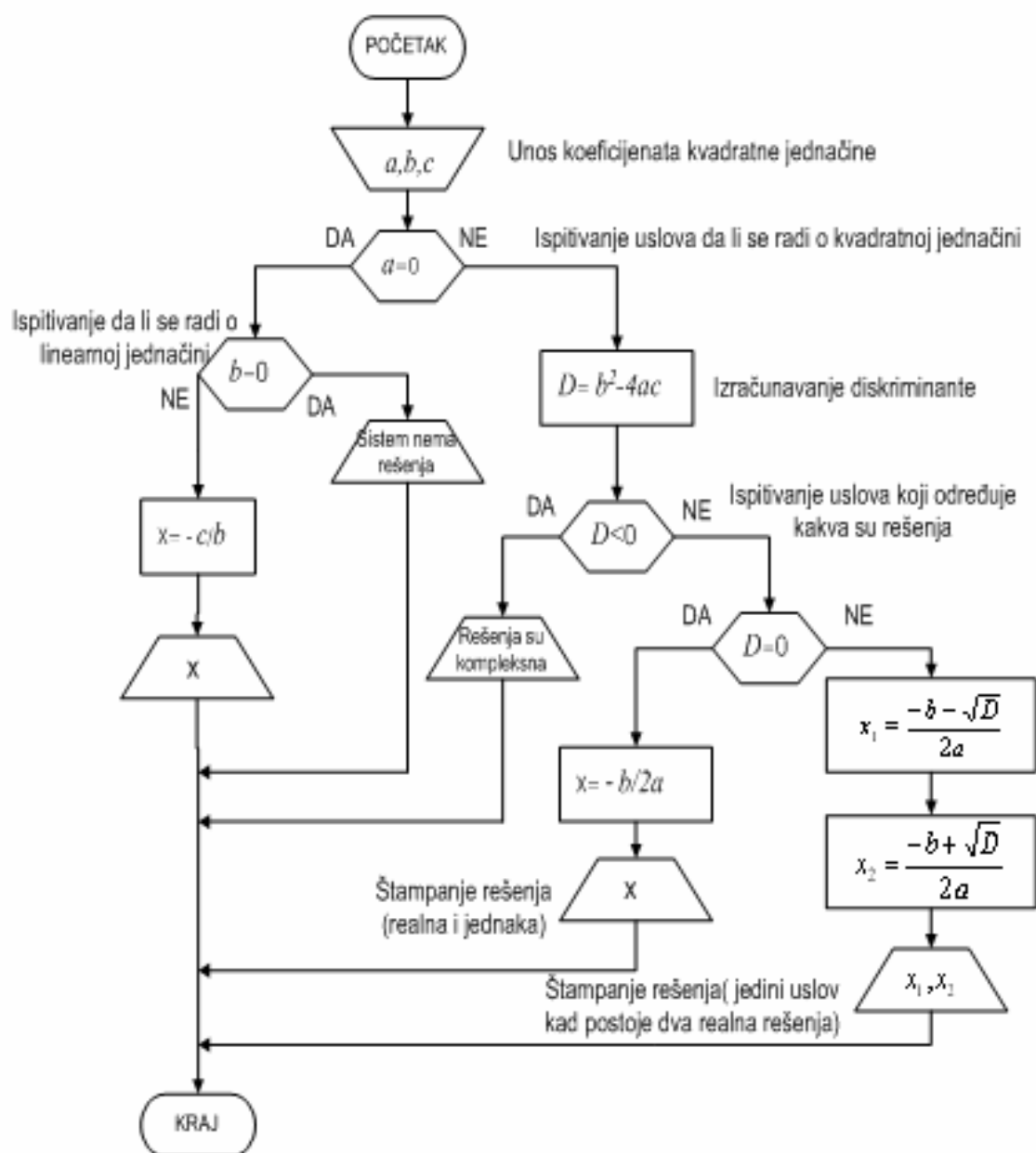
Diskriminanta:  $D=b^2-4ac$

Realna i različita rešenja:  $x_1 = \frac{-b - \sqrt{D}}{2a}$  i  $x_2 = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a}$  ( $a, b, c \neq 0$ )

Realna i jednaka rešenja:  $x = \frac{-b}{2a}$  ( $a, b, c \neq 0$  i  $b^2=4ac$ ).

Rešenja su konjugovano kompleksna ( $b^2-4ac < 0$ ).

Jednačina nije kvadratna,  $x=-c/b$  ( $a=0$  i  $b \neq 0$ ).



20. Sastaviti algoritamsku šemu za rešavanje i štampanje rešenja sistema linearnih jednačina  
 $ax + by = p$  i  $mx + ny = q$

**Rešenje:**

$$ax + by = p$$

$$mx + ny = q$$

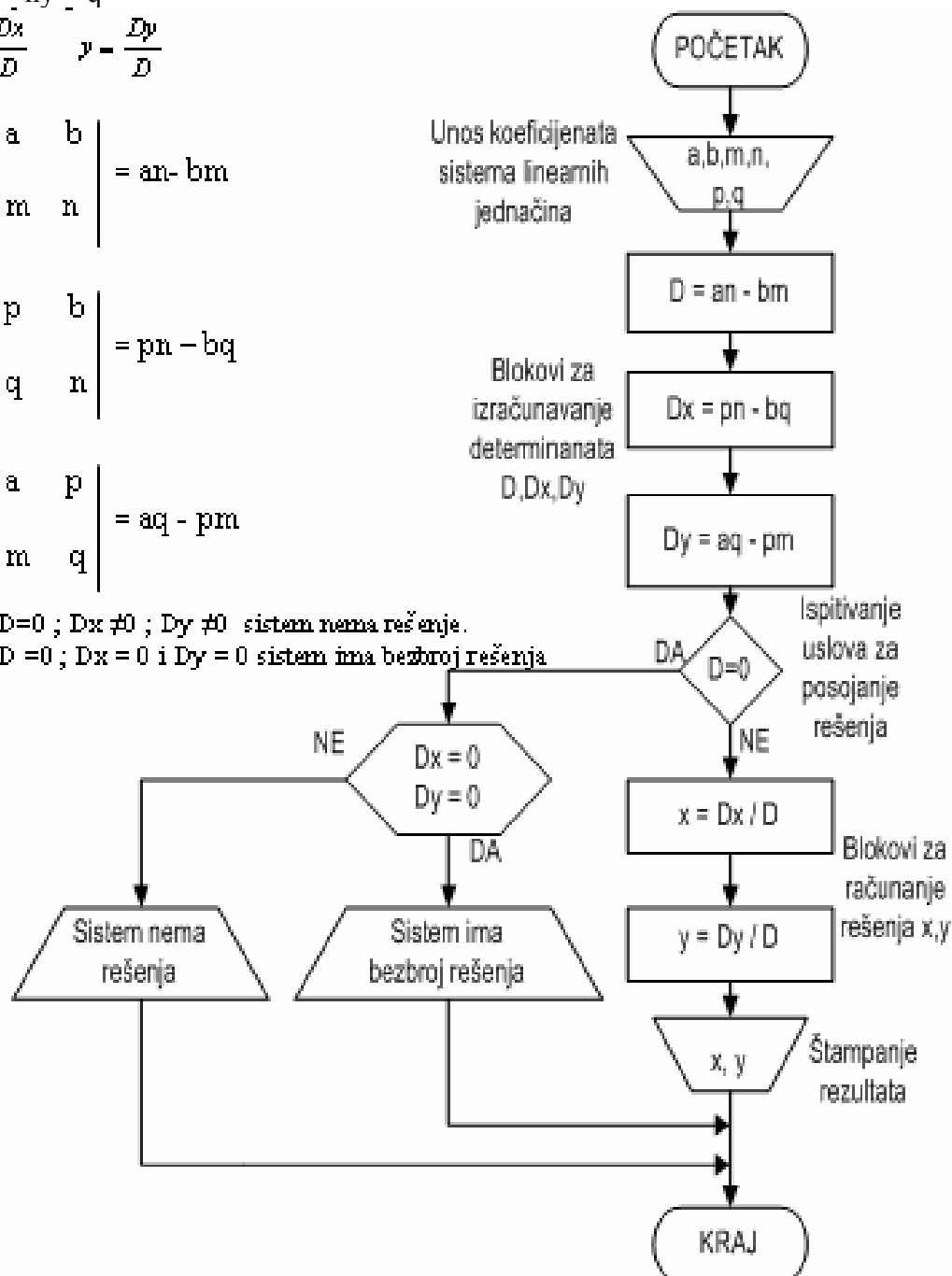
$$x = \frac{D_x}{D} \quad y = \frac{D_y}{D}$$

$$D = \begin{vmatrix} a & b \\ m & n \end{vmatrix} = an - bm$$

$$D_x = \begin{vmatrix} p & b \\ q & n \end{vmatrix} = pn - bq$$

$$D_y = \begin{vmatrix} a & p \\ m & q \end{vmatrix} = aq - pm$$

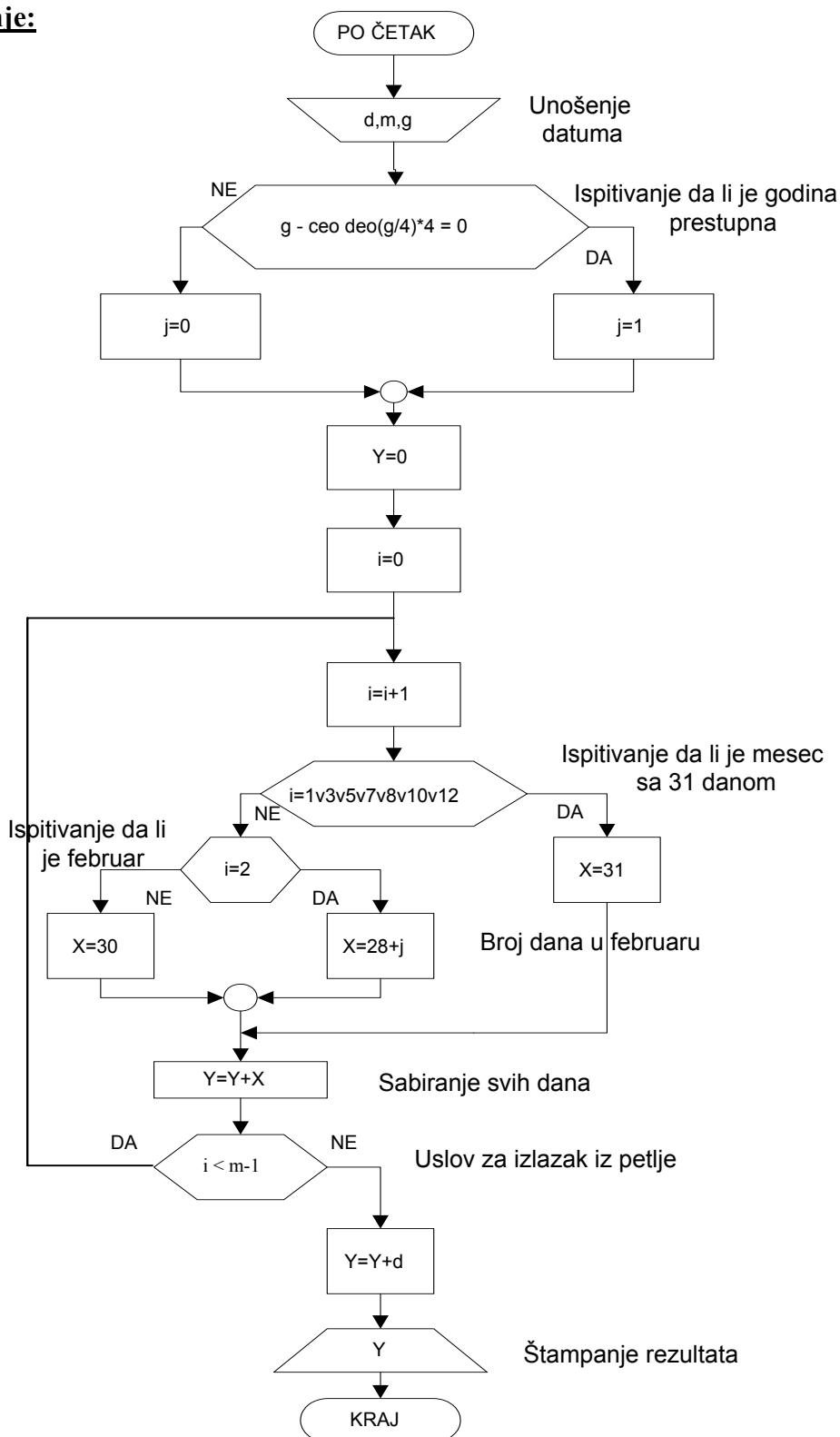
1.  $D=0$  ;  $D_x \neq 0$  ;  $D_y \neq 0$  sistem nema rešenje.
2.  $D=0$  ;  $D_x = 0$  i  $D_y = 0$  sistem ima bezbroj rešenja





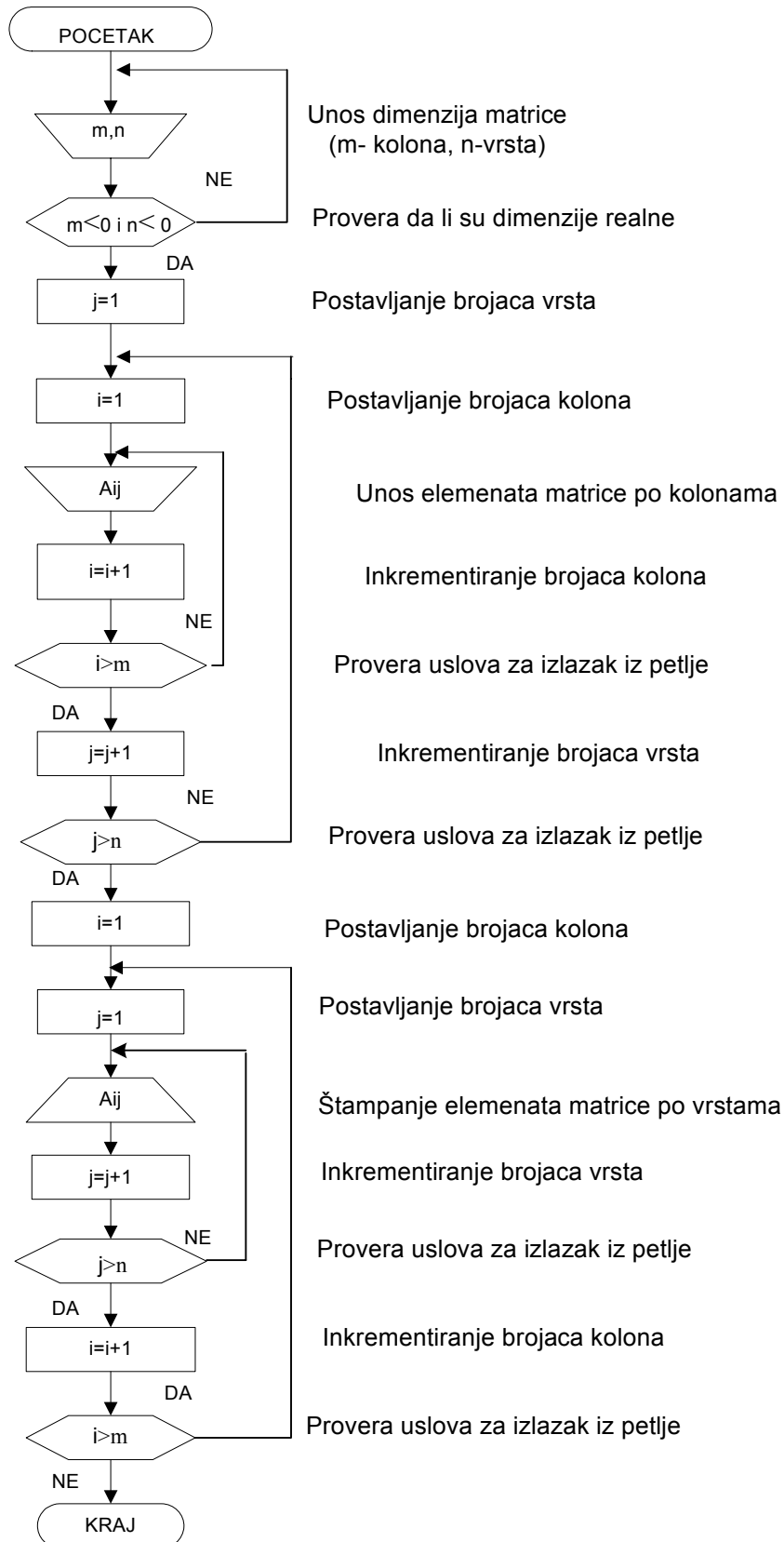
21. Napraviti algoritam koji učitava datum u obliku d,m,g ; što znači dan, mesec, godina, a zatim izračunava i štampa koji je to dan u godini.

**Rešenje:**



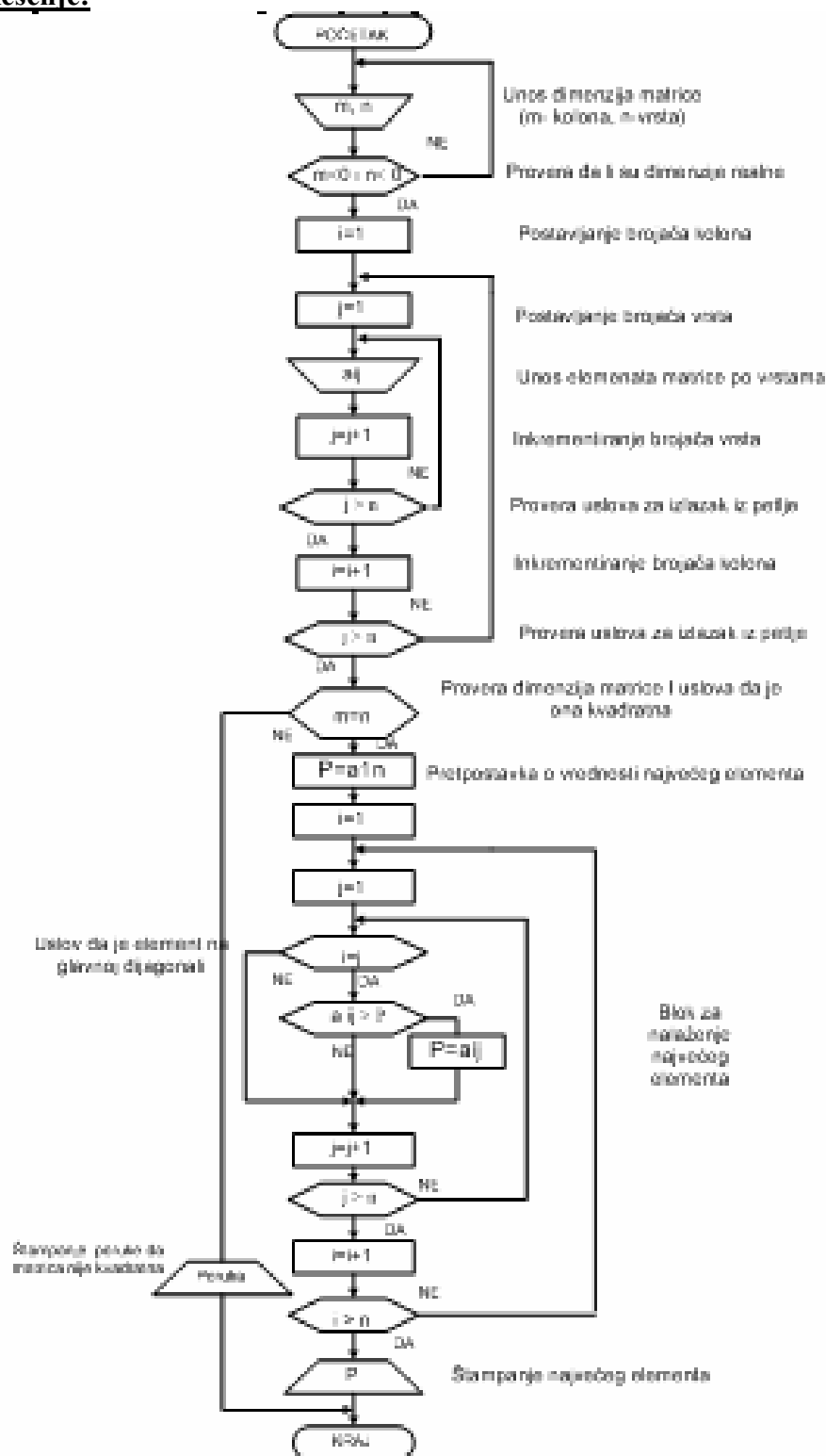
22. Napraviti algoritam koji učitava elemente matrice kolonu po kolonu, a štampa matricu vrstu po vrstu.

**Rešenje:**



23. Napraviti algoritam koji učitava elemente kvadratne matrice ( $m=n$ ) vrstu po vrstu, nalazi i štampa najveći element na glavnoj dijagonali.

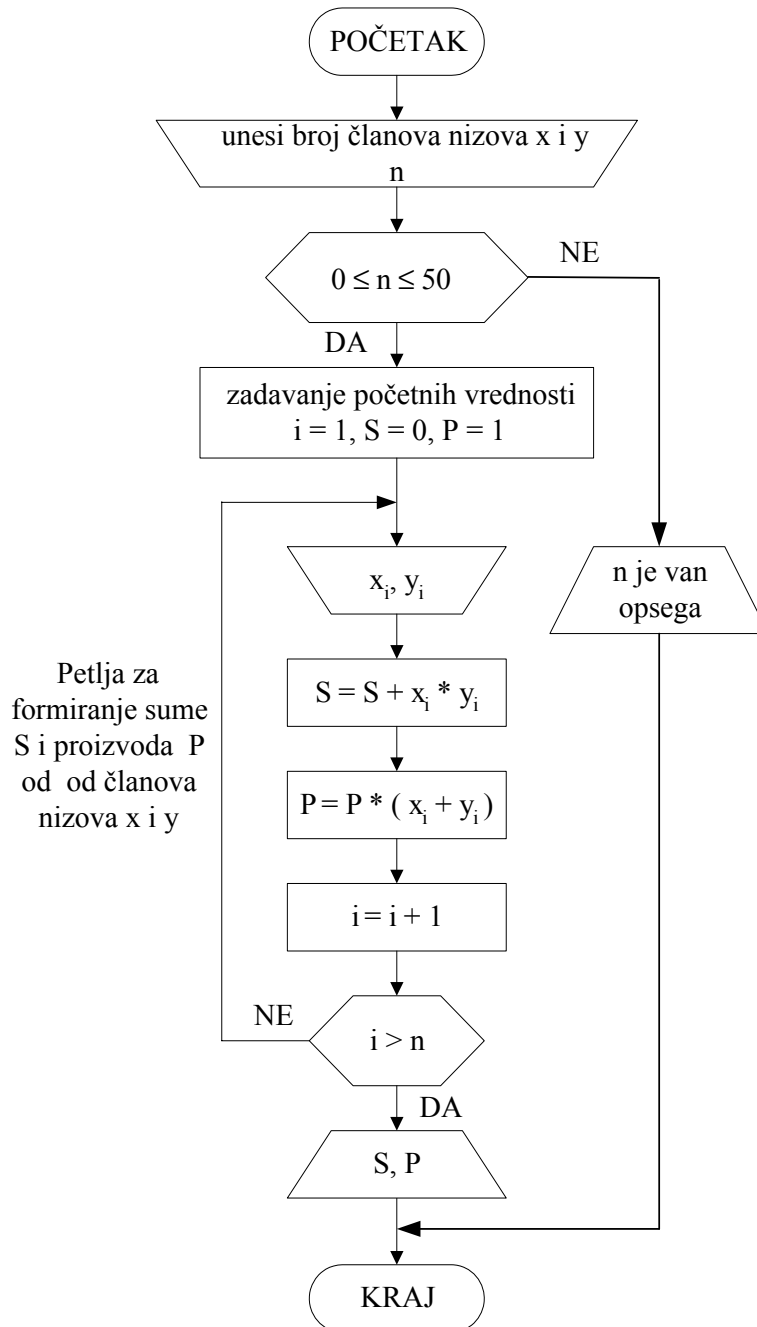
**Rešenje:**



24. Nacrtati algoritam za program koji učitava  $n$  parova brojeva ( $1 \leq n \leq 50$ )  $x_i$  i  $y_i$  ( $i = 1, 2, \dots, n$ ) i izračunava sumu proizvoda  $S = \sum(x_i y_i)$  i proizvod sume  $P = \prod(x_i + y_i)$ .

**Rešenje:**

Izračunavanje  $S$  i  $P$  obavlja se u petlji. Broj prolazaka kroz petlju određen je brojem  $n$  članova nizova  $x$  i  $y$ . Broj parova  $n$  unosi se na početku programa. Ukoliko se uneta vrednost ne nalazi u zadanom opsegu, program generiše izveštaj i skače na kraj. Kad se broj  $n$  nalazi u zadanom opsegu, novi parovi brojeva ( $x_i y_i$ ) se učitavaju u petlji pre formiranja sume proizvoda ( $S$ ), odnosno proizvoda suma ( $P$ ).



25. Nacrtati algoritam za program koji od dva niza  $A$  i  $B$  koji imaju po  $1 \leq n \leq 15$  brojeva formira niz  $C$  sa elementima:

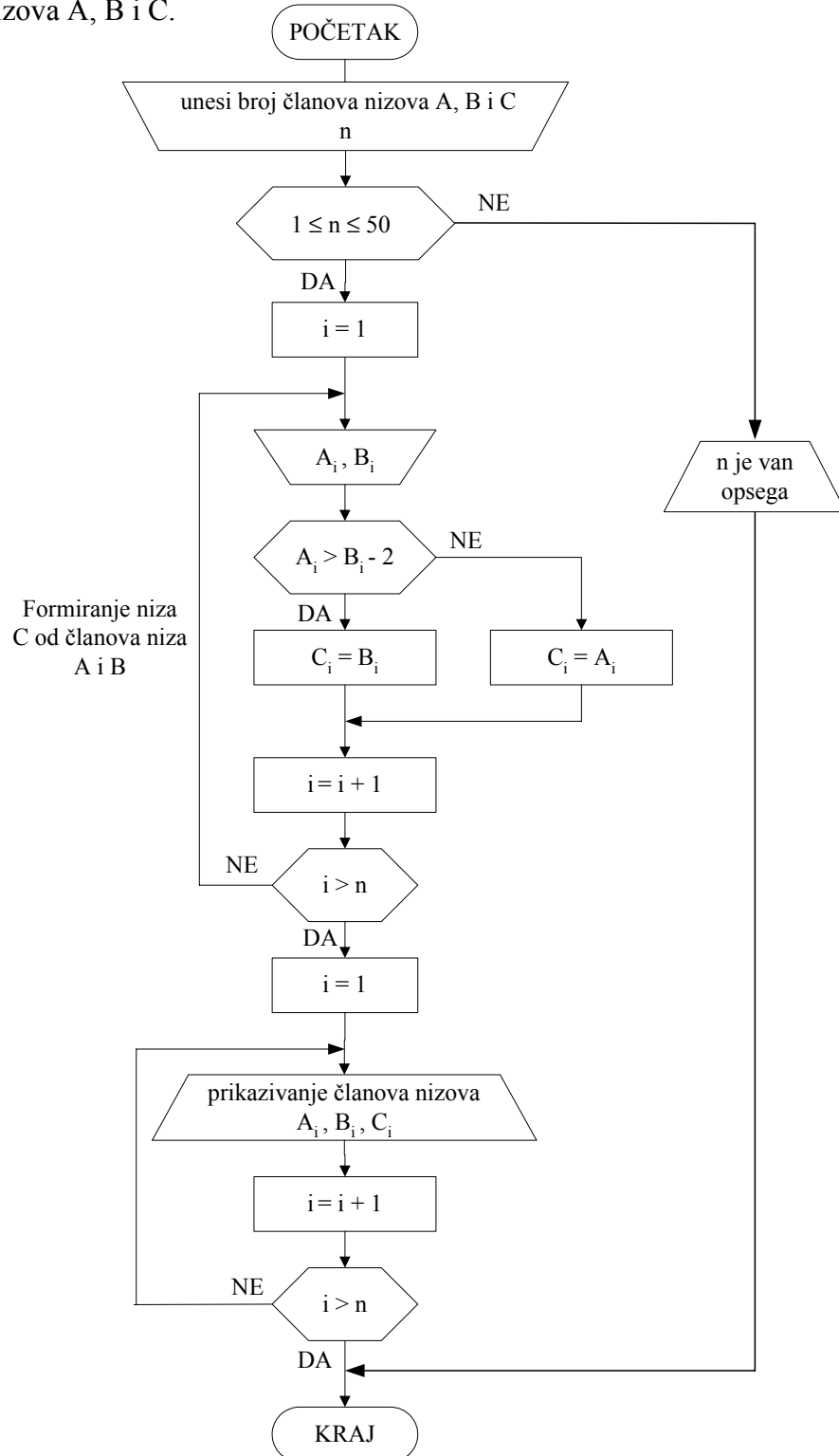
$$C_i = A_i, A_i \leq B_i - 2, i = 1, 2, \dots, n$$

$$C_i = B_i, A_i > B_i - 2, i = 1, 2, \dots, n$$

i daje izveštaj u kome se prikazuju članovi niza  $A_i$ ,  $B_i$  i  $C_i$ .

### Rešenje:

Na početku programa unosi se vrednost za  $n$  i to predstavlja broj članova nizova  $A$ ,  $B$  i  $C$ . Ukoliko se uneta vrednost za  $n$  ne nalazi u zadatom opsegu, program generiše izveštaj i skače na kraj. Algoritam treba da sadrži dve petlje. U prvoj petlji učitavaju se vrednosti nizova  $A$  i  $B$ , na osnovu čega se formira niz  $C$ , dok se u drugoj petlji omogućava formiranje izveštaja u kome se prikazuju svi elementi nizova  $A$ ,  $B$  i  $C$ .

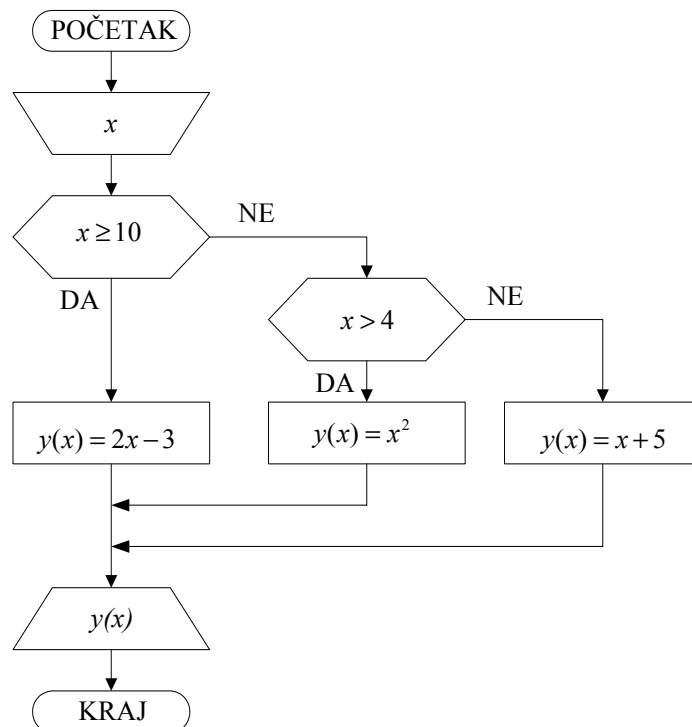


26. Nacrtati algoritam programa za izračunavanje i prikazivanje funkcije  $y(x)$ , gde je  $x$  zadata celobrojna ulazna promenljiva:

$$y(x) = \begin{cases} 2x - 3 & x \geq 10 \\ x^2 & 4 < x < 10 \\ x + 5 & x \leq 4 \end{cases}$$

**Rešenje:**

U ovom primeru se primenjuje struktura sa višestrukim odlučivanjem koja određuje putanju izvršavanja programa u zavisnosti od vrednosti ulazne promenljive  $x$ .



27. Nacrtati algoritam programa koji izračunava i prikazuje vrednosti polinoma  $f(x)$ :

$$f(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_nx^n \quad 0 \leq n \leq 20$$

$$x = x_0 + k\Delta x \quad k = 0, 1, \dots, m$$

Poznate su ulazne vrednosti:  $n, a_0, a_1, \dots, a_n, x_0$  i  $\Delta x$  i  $m$ .

**Rešenje:**

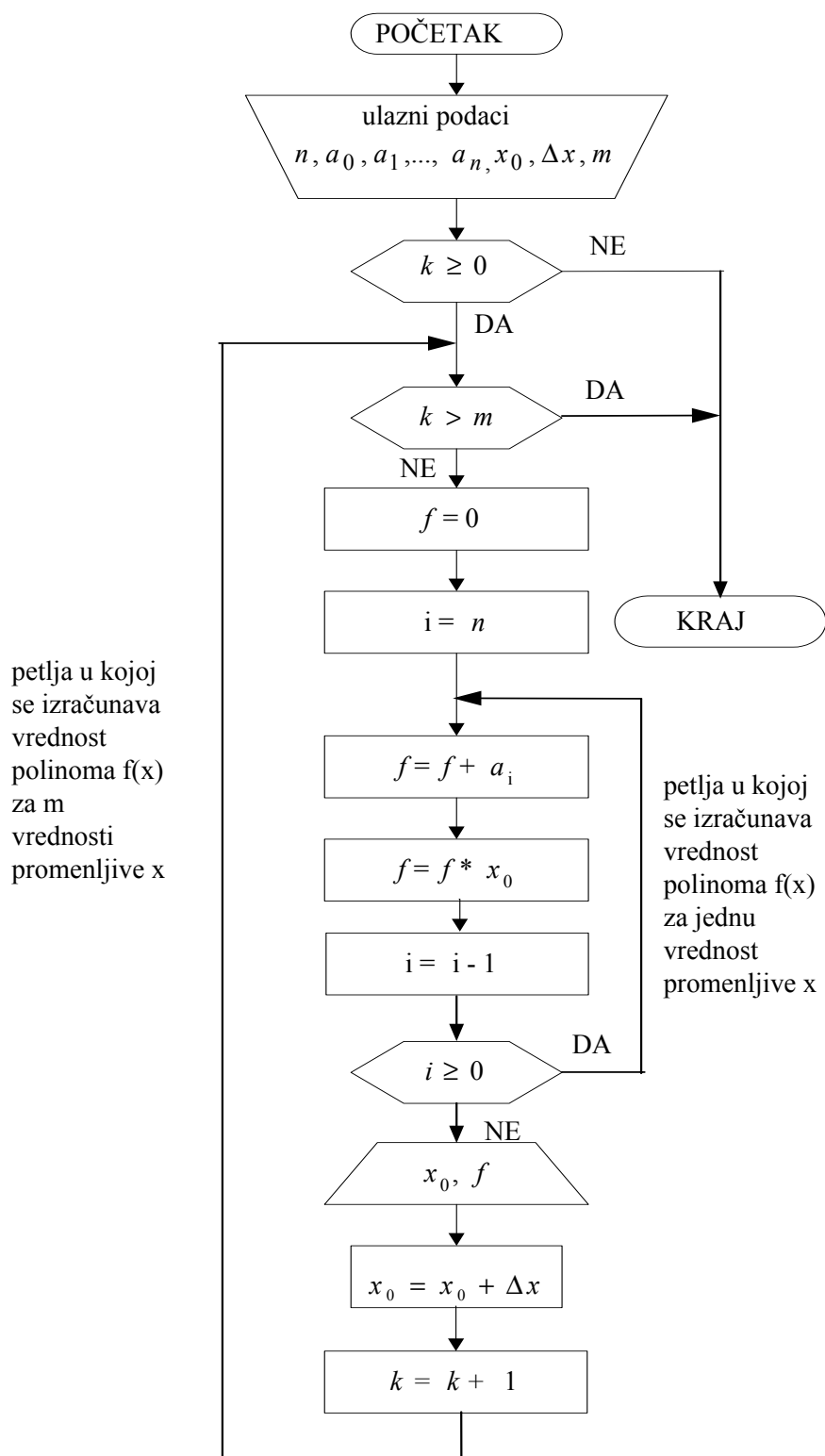
Za organizovanje programskog ciklusa za izračunavanje polinoma  $f(x)$ , pogodno je da se polinom zapiše u obliku:

$$f(x) = a_0 + x(a_1 + x(a_2 + \dots x(a_{n-1} + xa_n)))$$

Zbog toga algoritam treba da sadrži dva koncentrična ciklusa izračunavanja, odnosno dve petlje. U unutrašnjoj petlji vrši izračunavanje vrednosti polinoma za  $x = x_0$ , počev od  $xa_n$ .

Unutrašnji ciklus se izvršava za  $i = n, n-1, \dots, 0$  sa korakom -1.

U spoljašnjem ciklusu se vrši postavljanje  $f = 0$ , izdavanje izračunate vrednosti polinoma i uvećanje vrednosti  $x$  za naredno izračunavanje. Spoljašnji ciklus se izvršava za  $k = 0, 1, \dots, m$  sa korakom +1, odnosno onoliko puta koliko puta treba izračunati vrednost polinoma.



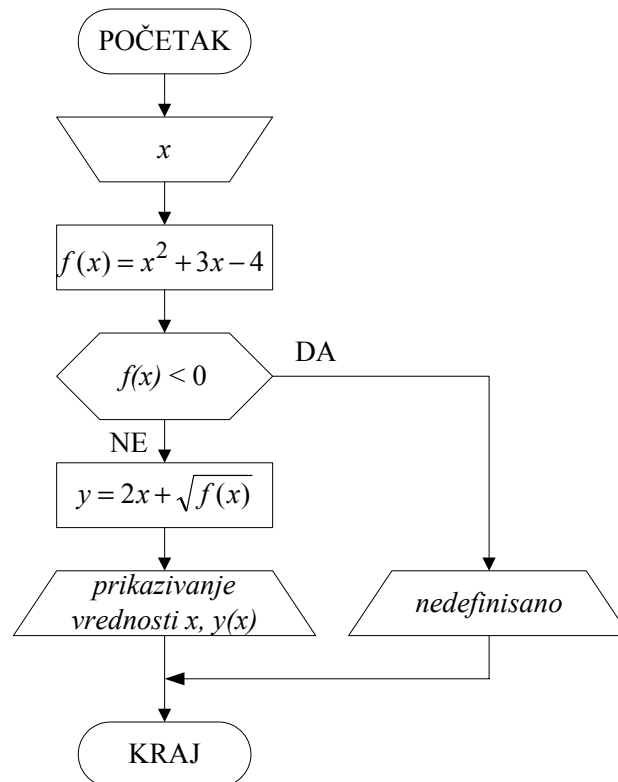
28. Definirati dijagram toka programa koji za zadatu vrednost promenljive  $x$  izračunava vrednost funkcije:

$$y(x) = 2x + \sqrt{x^2 + 3x - 4}$$

i prikazuje vrednosti za  $x$  i  $y(x)$  pod uslovom da je zadovoljeno  $x^2 + 3x - 4 > 0$ . Ukoliko navedeni uslov nije zadovoljen, izlazi se iz programa i štampa se izveštaj da je stanje nedefinisano.

**Rešenje:**

Polinom koji se nalazi ispod korena funkcije  $y(x)$  može da se proglasi za funkciju  $f(x)$ , čija se vrednost izračunava na početku programa za unetu vrednost promenljive  $x$ , a zatim se ispituje da li je zadovoljen uslov da je vrednost polinoma veća od 0. Ukoliko je uslov ispunjen nastavlja se sa izračunavanjem vrednosti funkcije  $y(x)$  i izdaje se izveštaj u kome se nalazi vrednost promenljive  $x$  i funkcije  $y(x)$ .



29. Definirati dijagram toka koji za zadate celobrojne vrednosti  $x_i$  i  $y_i$ ,  $i = 1, 2$  izračunava i prikazuje vrednost funkcije  $Z$ :

ako je 
$$Z = \frac{F(x_1, y_1)}{F(x_2, y_2)}$$

$$F(x, y) = 2x^2 + 8y + e^{2x^2 + 8y}$$



### Rešenje:

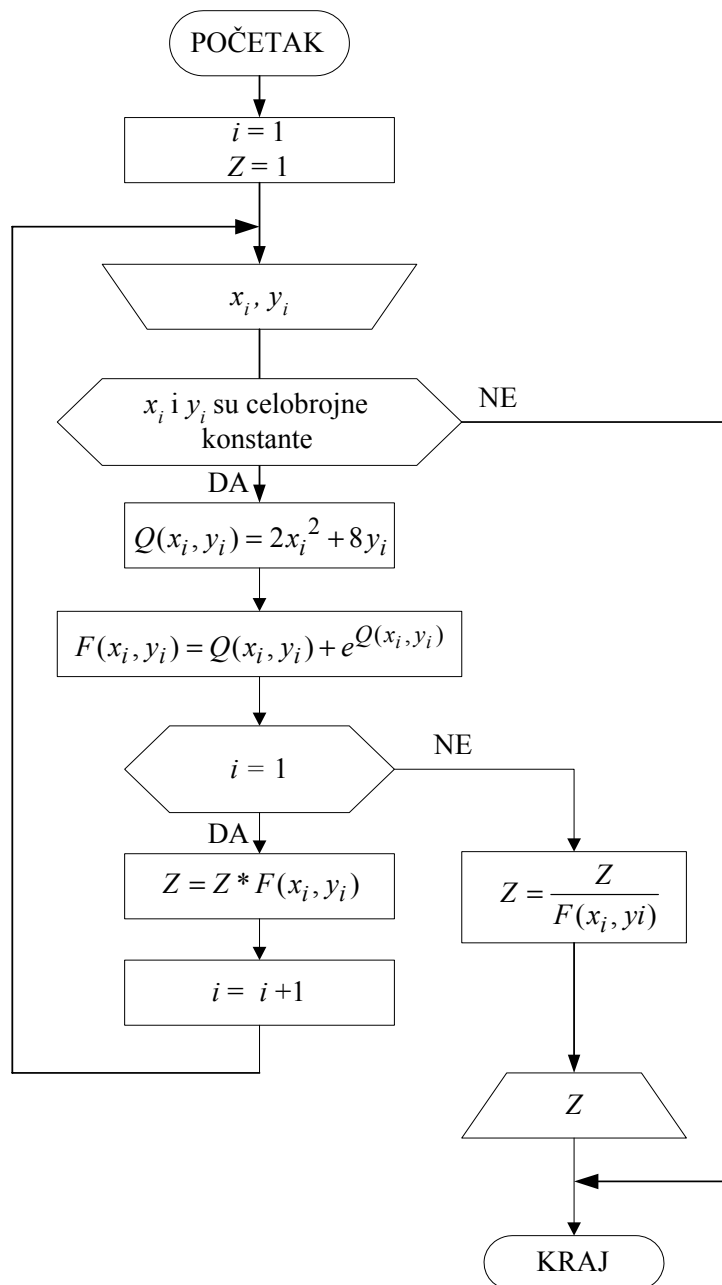
Izraz koji se ponavlja u funkciji F može da se definiše kao posebna funkcija  $Q(x, y)$ :

$$Q(x, y) = 2x^2 + 8y$$

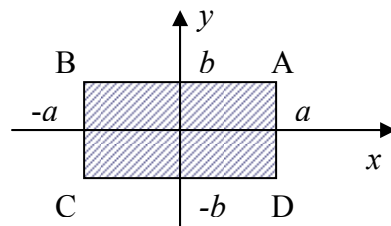
tako da funkcija  $F(x, y)$  može da se zapiše u obliku:

$$F(x, y) = Q(x, y) + e^{Q(x, y)}$$

Vrednost izraza Z može da se izračuna u petlji u kojoj se učitavaju vrednosti za parove promenljivih  $x$  i  $y$  ( $x_i, y_i, i = 1, 2$ ), pri čemu se u prvom prolasku kroz petlju izrazu Z dodeljuje vrednost funkcije  $F(x_1, y_1)$ , dok se u drugom prolasku tako dobijena vrednost za Z deli sa vrednošću funkcije  $F(x_2, y_2)$ .

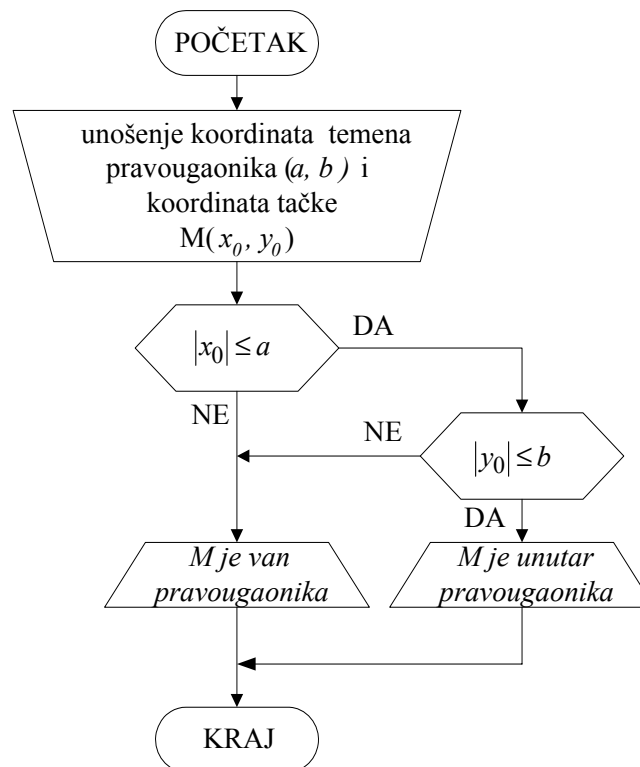


30. U pravougaonom koordinatnom sistemu zadat je pravougaonik sa temenima A, B, C i D. Ako su poznate koordinate temena, nacrtati dijagram toka kojim se određuje da li je tačka M ( $x_0, y_0$ ) unutar ili izvan pravougaonika.



**Rešenje:**

Ako su zadate veličine  $a$  i  $b$ , tada su poznate koordinate svih temena pravougaonika prikazanog na slici: A( $a, b$ ), B( $-a, b$ ), C( $-a, -b$ ) i D( $a, -b$ ). Tačka M( $x_0, y_0$ ) nalazi se unutar pravougaonika ako je  $|x_0| \leq a$  i  $|y_0| \leq b$ .



31. Za ulazne podatke  $k$  i  $x$  izračunati vrednost trigonometrijske funkcije:

$$y(x) = \begin{cases} \sin 3x & k = 1 \\ \sin\left(\frac{\pi}{4} - x\right) \cos x & k = 2 \\ \cos(\pi + x) & k = 3 \\ 0 & k \notin \{1, 2, 3\} \end{cases}$$

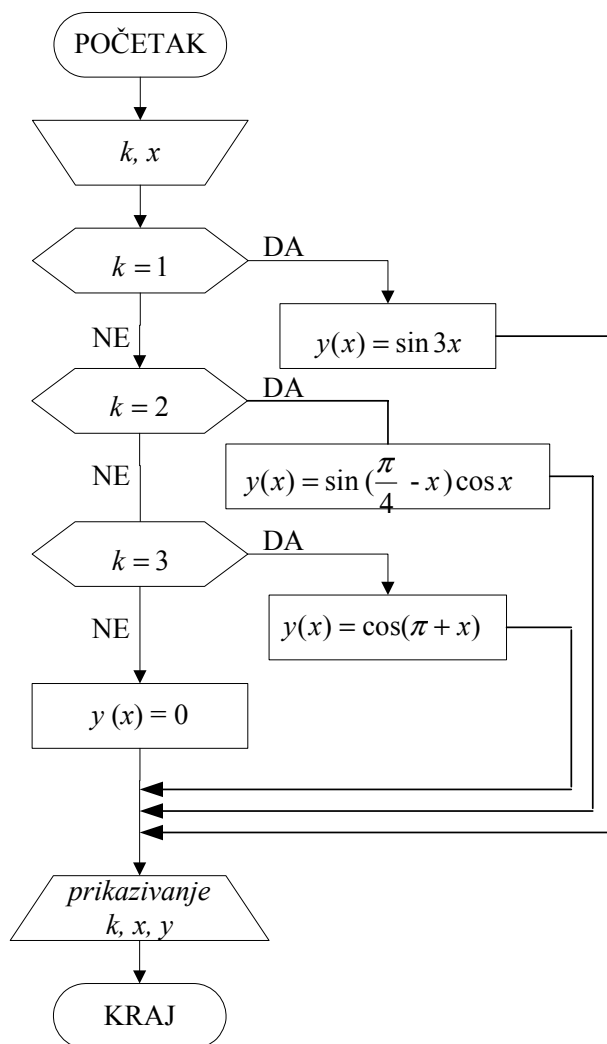
**Rešenje:**

Algoritam može da se realizuje kao:

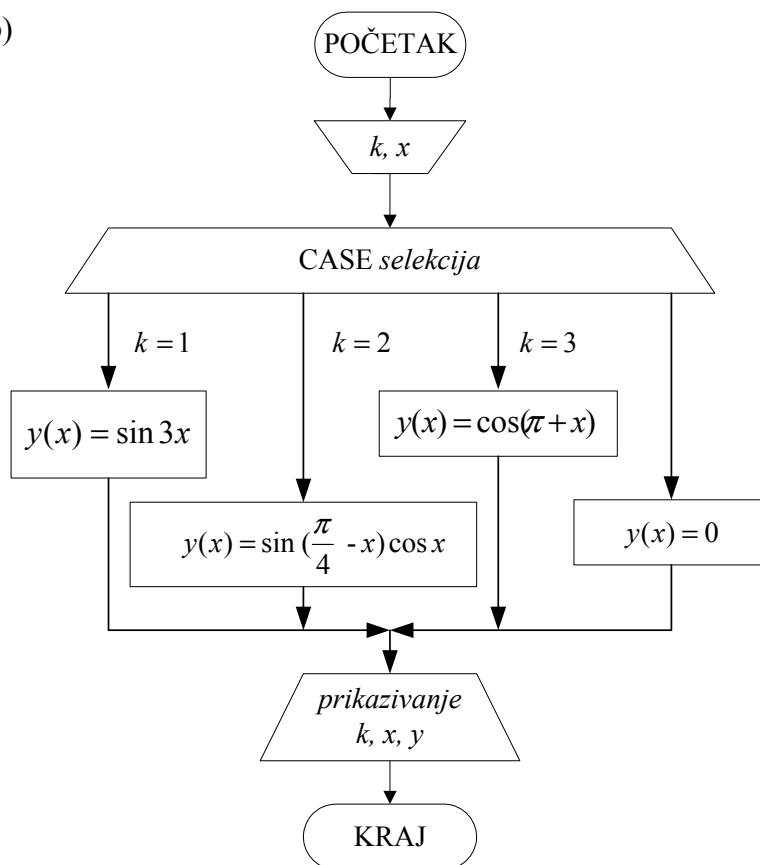
- a) klasična struktura sa višestrukim odlučivanjem
- b) kao struktura sa CASE odlučivanjem.

I u jednom i u drugom slučaju na početku se učitavaju vrednosti parametra  $x$  i kontrolne promenljive  $k$  od čije vrednosti zavisi način izračunavanja vrednosti funkcije  $y(x)$ .

a)



b)



32. Nacrtati dijagram toka za program koji niz brojeva  $a_1, a_2, \dots, a_n$ ,  $1 \leq n \leq 10$  uređuje u opadajući niz.

**Rešenje:**

Niz brojeva može da se uredi upoređivanjem svaka dva susedna broja u nizu:

$$a_i \geq a_{i+1}, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

Mogu da nastanu dva slučaja:

- Brojevi  $a_i$  i  $a_{i+1}$  zadovoljavaju zahtevanu relaciju, pa takve članove niza ne treba premeštati
- Brojevi  $a_i$  i  $a_{i+1}$  ne zadovoljavaju zahtevanu relaciju, pa takvim brojevima treba promeniti mesta u nizu. Razmena mesta članova u nizu može da se uradi na sledeći način:

$$p \leftarrow a_i$$

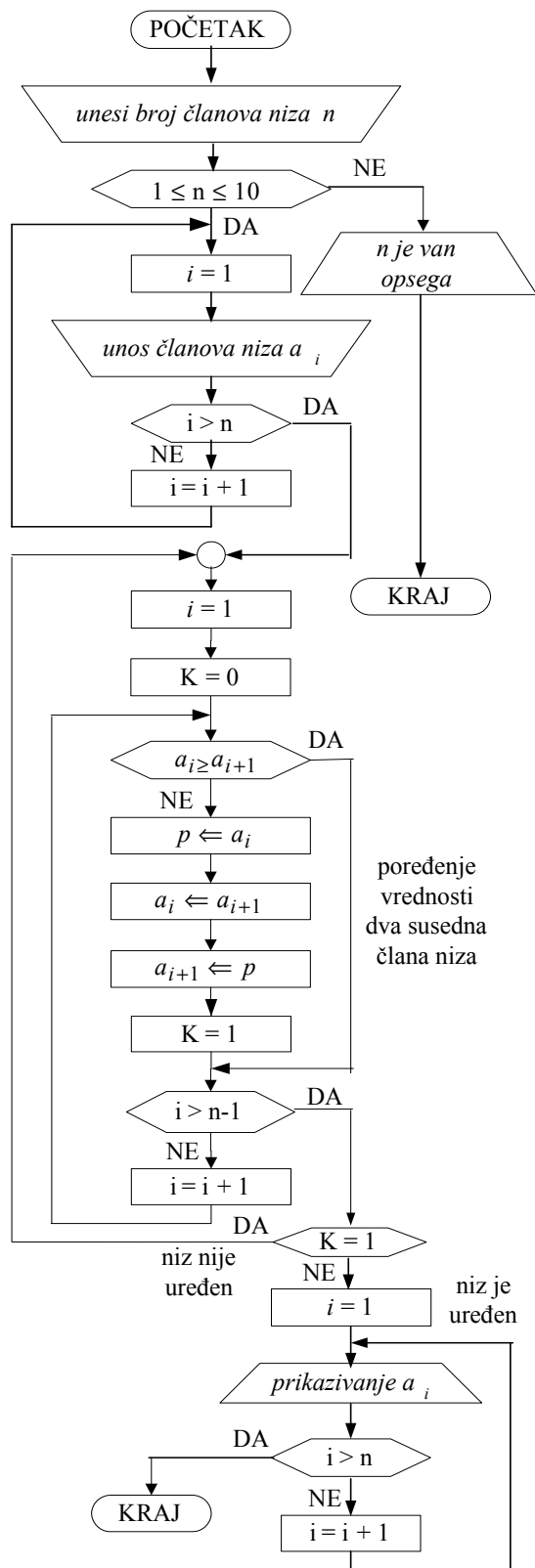
$$a_i \leftarrow a_{i+1}$$

$$a_{i+1} \leftarrow p$$

Algoritam treba da se sastoji iz dve koncentrične petlje:

- U unutrašnjoj petlji se vrši uzajamno poređenje dva susedna člana niza.
- U spoljašnjoj petlji se odlučuje da li je završeno uređivanje članova i u tu svrhu može da se koristi neka pomoćna promenljiva  $K$  koja predstavlja indikaciju da li je došlo do promene mesta među članovima niza. Pre prolaska kroz niz postavi se vrednost promenljive  $K = 0$ , a zatim ako dođe do promene mesta članova niza postavi se  $K = 1$ . Ako je po izlasku iz

unutrašnjeg ciklusa  $K = 1$ , nastavlja se uređenje niza, a ako je  $K = 0$  niz je uređen i izlazi se iz programa, odnosno prikazuje se ceo uređeni niz.



33. Izračunati vrednost funkcije  $f(x) = e^{-4x} \cos 4x$  u zadanom intervalu nezavisne promenljive  $x$   $[x_0, x_n]$  i sa zadatim priraštajem  $\Delta x$  ( $\Delta x \geq 0$ ). Nakon svakog izračunavanja prikazati u izveštaju vrednost promenljive  $x$  i odgovarajuću vrednost funkcije  $f(x)$ .

**Rešenje:**

Vrednost funkcije  $f(x)$  određuje se u petlji, počev od vrednosti  $x_0$ . Petlja se izvršava sve dok promenljiva  $x$  ne dostigne vrednost  $x_n$ , s tim što se pri svakom prolasku kroz petlju vrednost promenljive  $x$  uvećava za  $\Delta x$ .

Na početku programa treba uneti vrednosti za  $x_0$ ,  $x_n$  i  $\Delta x$ , pri čemu je uslov za izvršavanje petlje  $x_0 \leq x_n$ . Pošto je vrednost priraštaja  $\Delta x \geq 0$ , broj ciklusa izvršavanja petlje je prirodan broj koji direktno zavisi od vrednosti priraštaja  $\Delta x$ .

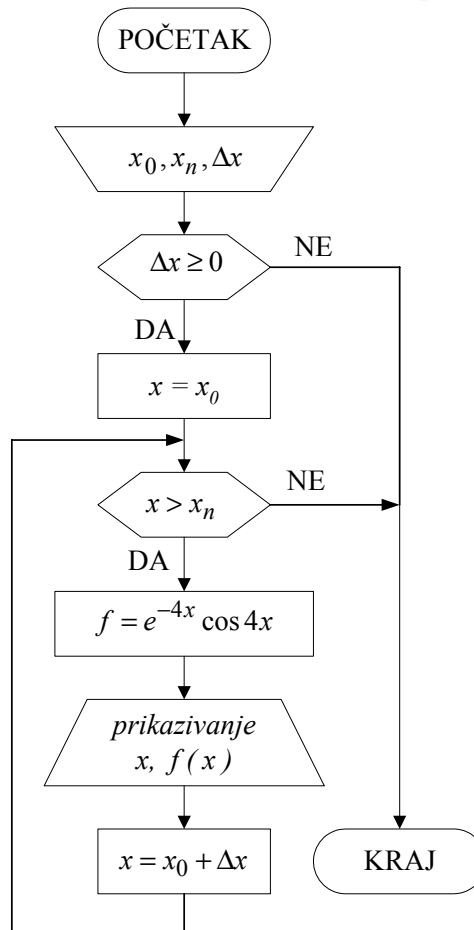
U slučaju da je  $\Delta x = 0$ , petlja se izvršava samo jednom, odnosno dobija se samo jedna vrednost funkcije  $f(x)$ , jer je tada  $x = x_0$ .

Ako je  $\Delta x > 0$ , broj prolazaka kroz petlju određuje se kao količnik razlike maksimalne ( $x_n$ ) i minimalne ( $x_0$ ) vrednosti promenljive  $x$  i priraštaja  $\Delta x$ :

$$\frac{x_n - x_0}{\Delta x}$$

Broj različitih vrednosti funkcije  $f(x)$  u zavisnosti od promenljive  $x$  odgovara broju prolazaka kroz petlju. Program se završava kada je  $x = x_n$ .

Predviđeno je da se vrednost funkcije  $f(x)$  i odgovarajuća vrednost promenljive  $x$  prikazuju pri svakom prolasku kroz petlju.



34. Nacrtati dijagram toka programa koji za zadatu vrednost promenljive  $N \geq 1$  računa sumu:

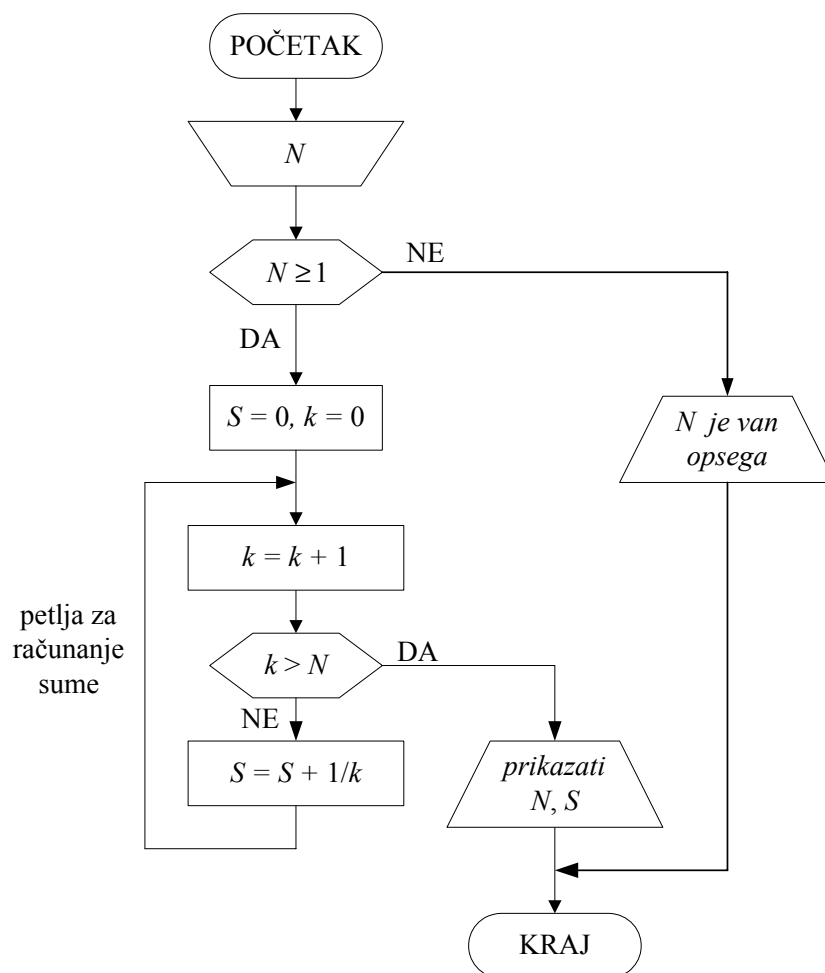
$$S = \sum_{k=1}^N \frac{1}{k}$$

**Rešenje:**

Pošto je  $N$  poznata vrednost koja se učitava na početku programa, tražena suma može da se izračuna jedino ako je  $N$  u dozvoljenom opsegu, što se ispituje na početku programa. Ako je  $N$  van opsega, formira se poruka i izlazi se iz programa.

Ako je  $N$  u dozvoljenom opsegu, vrednost sume  $S$  računa se u petlji u kojoj se inkrementira vrednost promenljive  $k$  sve dok je  $k \leq N$ .

Po izlasku iz petlje prikazuje se zadata vrednost  $N$  i suma  $S$ .



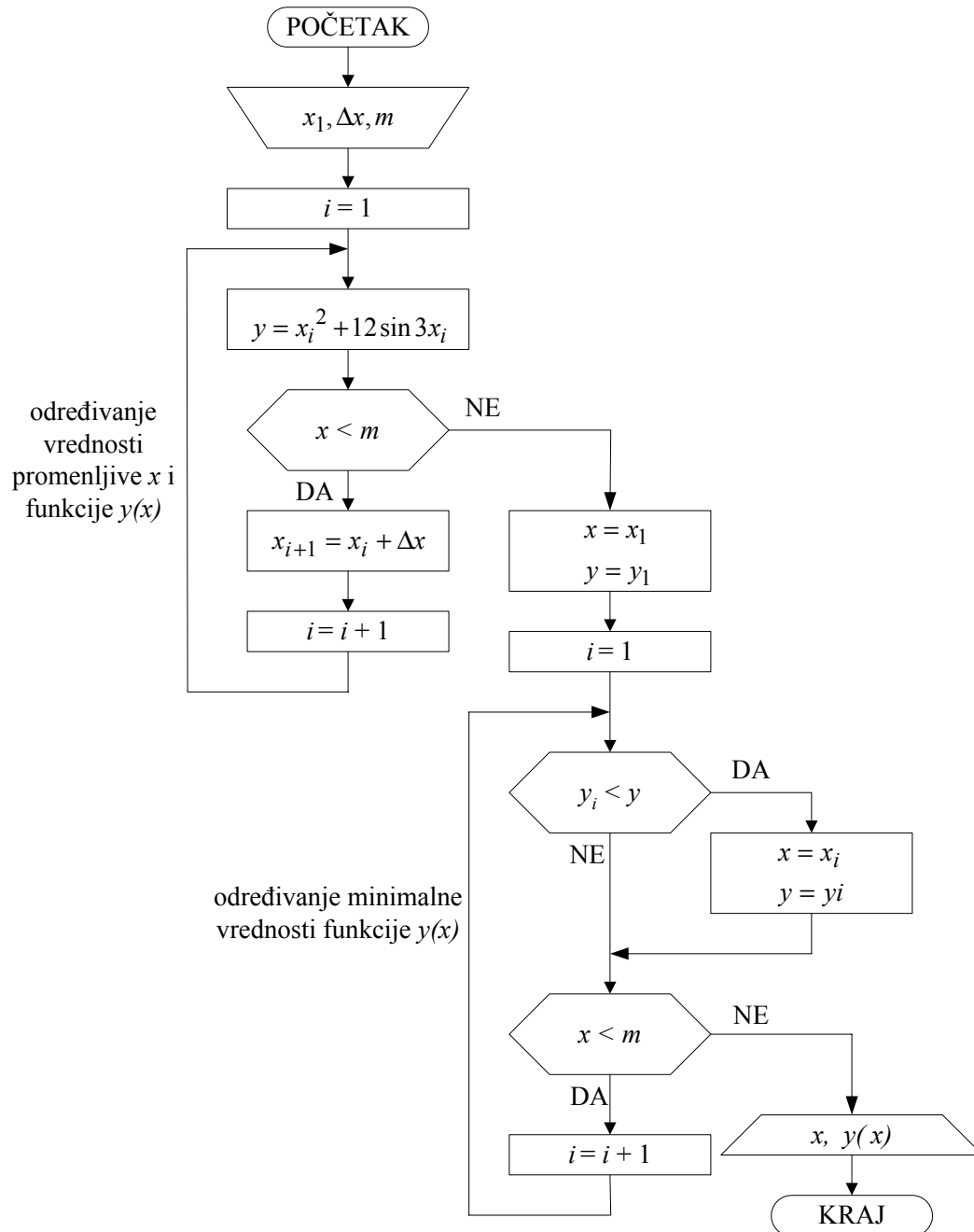
35. Nacrtati dijagram toka programa koji računa  $m$  vrednosti funkcije  $y(x)$ :

$$y(x) = x^2 + 12 \sin 3x$$

ako se promenljiva  $x$  menja počev od vrednosti  $x_0$  sa priraštajem  $\Delta x$ , a zatim nalazi minimalnu vrednost funkcije  $y(x)$  i vrednost promenljive  $x$ .

### Rešenje:

Dijagram toka sadrži dve nezavisne petlje. U prvoj se obavlja izračunavanje vrednosti funkcije  $y$ , i tada se dobija  $m$  parova  $(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_m, y_m)$ . U drugoj petlji se određuje par  $(x, y)$  koji se sastoji od minimalne vrednosti funkcije  $y$  i odgovarajuću vrednosti promenljive  $x$ , pri čemu se polazi od pretpostavke da je prva izračunata vrednost funkcije  $y_1$  dobijena za  $x = x_1$  najmanja vrednost funkcije. Ukoliko se utvrdi da je neka vrednost funkcije  $y_i$  manja, onda se ova vrednost uzima kao nova najmanja, kojoj odgovara promenljiva  $x_i$ . Na kraju ispitivanja par  $(x, y)$  predstavlja traženu najmanju vrednost funkcije  $y$  i odgovarajuću vrednost promenljive  $x$ .

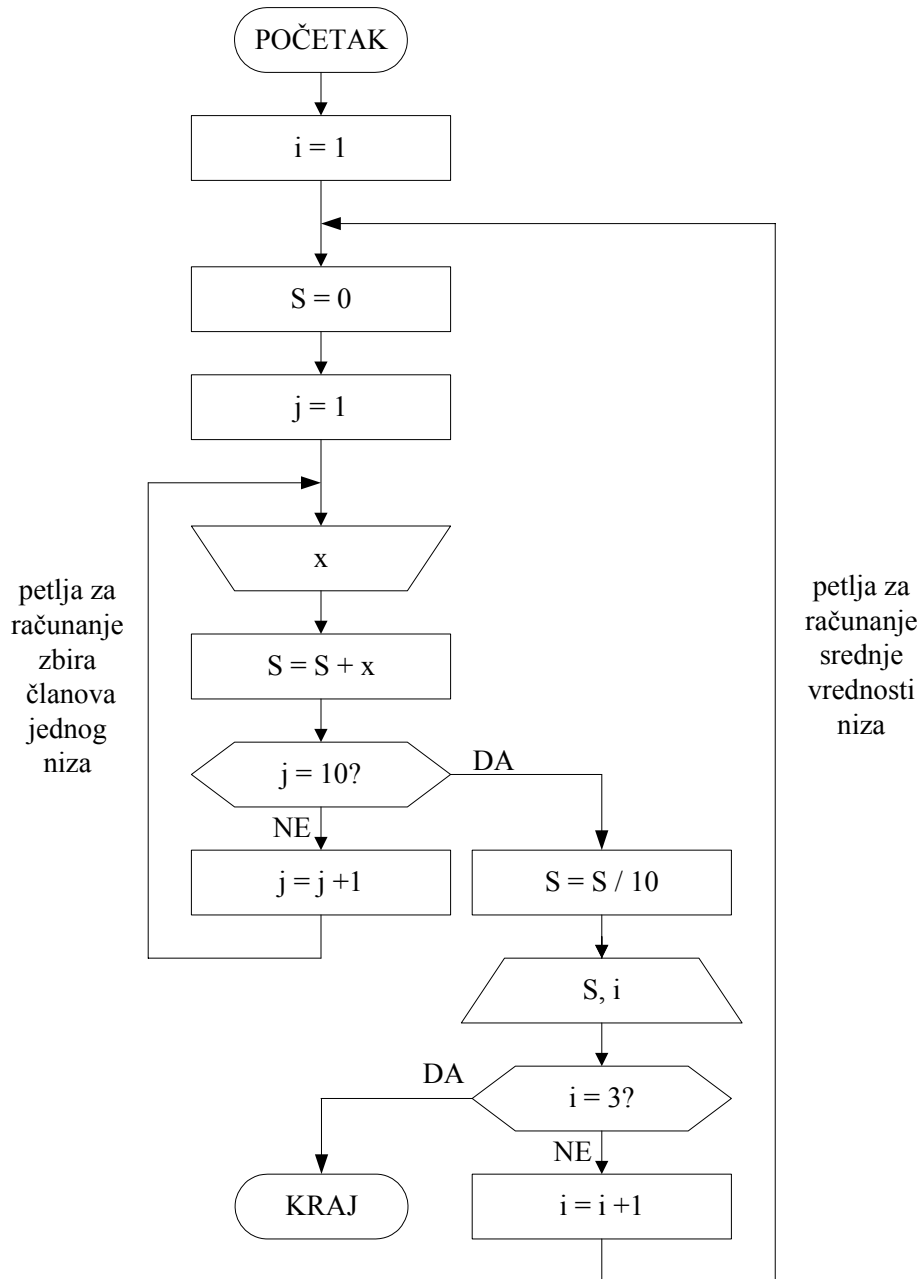




36. Neka su zadana tri niza brojeva, od kojih svaki sadrži po 10 brojeva. Nacrtati dijagram toka za program koji izračunava i prikazuje srednju vrednost svakog niza.

**Rešenje:**

Dijagram toka treba da sadrži dve koncentrične petlje. U unutrašnjoj petlji se učitava 10 članova niza i računa njihov zbir, dok se u spoljašnjoj petlji računa srednja vrednost niza i prikazuje u izveštaju. Spoljašnja petlja se izvršava tri puta, nakon čega se program završava.



37. Definirati algoritam koji za zadato  $x$  izračunava  $\sqrt{x}$  po Njutnovoj iterativnoj formuli:

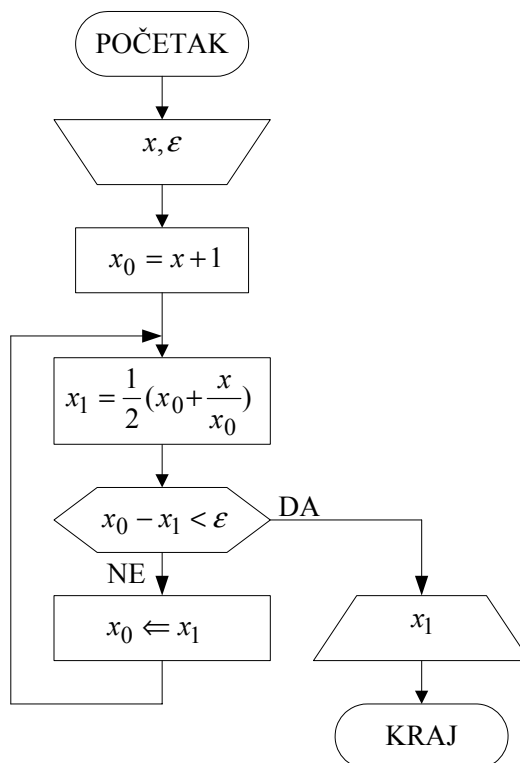
$$x_{i+1} = \frac{1}{2} \left( x_i + \frac{x}{x_i} \right) \quad i = 0, 1, 2, \dots$$

gde je  $x_0 = x + 1$ . Proces izračunavanja se prekida kada se dostigne zadata tačnost  $\varepsilon$ , tako da je  $x_i - x_{i+1} < \varepsilon$ .

**Rešenje:**

Ulazne veličine su  $x$  i  $\varepsilon$ , dok je izlazna veličina izračunat kvadratni koren iz  $x$ . Prema primenjenoj metodi to će biti  $x_{i+1}$  koji se izračunava u poslednjoj iteraciji. Za iterativno računanje mogu da se koriste samo dve promenljive  $x_0$  (prehodna vrednost) i  $x_1$  (naredna vrednost).

Ovde se koristi iterativni ciklus, što znači da je broj ponavljanja ciklusa nepoznat pre izvršenja programa. On zavisi od brzine konvergencije iterativnog postupka i zadate tačnosti ( $\varepsilon$ ).



38. Nacrtati dijagram toka programa koji određuje rešenja sistema jednačina za  $N$  zadatih vrednosti promenljivih  $x$  i  $y$ :

$$a_1 x_i + b_1 y_i = c_1$$

$$a_2 x_i + b_2 y_i = c_2$$

39. Nacrtati dijagram toka programa koji računa vrednost funkcije:  $z = \sin(x + 5) + \cos 2x$  ako se vrednosti promenljive  $x$  nalaze u opsegu  $[x_0, x_m]$ , pri čemu se  $x$  menja sa korakom  $\Delta x$ . Program se završava kada je izračunato  $K$  vrednosti funkcije ili ako je promenljiva  $x$  dostigla svoju maksimalnu vrednost  $x_m$ .

40. Realizovati dijagram toka programa koji u zavisnosti od vrednosti kontrolne promenljive  $C$  i poznatog poluprečnika kružnice  $r$  određuje obim kruga  $O$  ( $C = 1$ ), površinu kružne površi  $P_K$  ( $C = 2$ ) ili površinu kvadrata oko koga je opisana data kružnica  $S$  ( $C = 3$ ). Program testira u petlji vrednost kontrolne promenljive  $C$  koja se učitava sa tastature i završava se izveštajem o brojnoj vrednosti tražene izračunate veličine kada promenljiva  $C$  dobije jednu od definisanih vrednosti.

41. Odrediti vrednosti funkcije  $Z_i$  ( $i = 1, \dots, 8$ ):

$$Z_i(x) = \sqrt{\ln(x_i) \sin^2 x_i}$$

Pri promeni indeksa  $i$  u intervalu  $1 \leq i \leq 4$  argument  $x$  se povećava od vrednosti  $x_1 = 1.2$  za  $\Delta x = 0.3$ , dok se u intervalu  $5 \leq i \leq 8$  povećava za  $\Delta x = 0.2$ .

42. Na osnovu zadate formule

$$y_{i+1} = -y_{i-1} + y_i(2 - a^2 \Delta x^2)$$

odrediti vrednost parametra  $y_i$  ako su zadati početni uslovi:

$$y_0 = 1 \text{ i } y_1 = 1 \\ 0 \leq x \leq 1$$

za učitane podatke  $a = 0.8$  i  $\Delta x = 0.05$ .

43. Neka je  $A_3 A_2 A_1 A_0$  četvorocifren dekadni broj. Napisati dijagram toka koji izračunava koliko postoji četvorocifrenih brojeva kod kojih je zbir prve dve cifre jednak zbiru sledeće dve cifre, tj.  $A_3 + A_2 = A_1 + A_0$ .

44. Napravi algoritam kojim se učitava ceo broj  $n$  i realni broj  $a$ , a zatim se izračunava  $a^n$ . Algoritam mora da radi  $\forall a \in \mathbb{R}$  i  $\forall n \in \mathbb{Z}$ .

45. Napraviti algoritam koji određuje maksimum za tri uneta broja.

46. Napravi algoritam koji učitava cele brojeve  $a$  i  $b$  i za njih izračunava NZS i NZD.

47. Napravi algoritam kojim se najpre učitava broj  $n$ , koji predstavlja broj članova niza, određuje se indeks najvećeg i najmanjeg člana niza, a zatim se štampaju ti indeksi i ti članovi niza.

48. Napraviti algoritam kojim se učitava broj  $x$  i realna greška  $\epsilon$ , a zatim na bazi razvoja u Maklorenov red funkcije  $\sin x = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \dots$  izračunati vrednost  $\sin x$  sa greškom manjom od zadanog  $\epsilon$ .

49. Napraviti algoritam kojim se učitava broj  $x$  i realna greška  $\epsilon$ , a zatim na bazi razvoja u Maklorenov red funkcije  $\cos x = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \dots$  izračunati vrednost  $\sin x$  sa greškom manjom od zadanog  $\epsilon$ .

50. Napraviti algoritam kojim se učitava prirodan broj  $n$ , a zatim se proverava da li je taj broj prost, i štampa odgovarajuća poruka.
51. Napraviti algoritam koji učitava današnji datum u obliku d,m,g (dan, mesec, godina), a zatim određuje i štampa sutrašnji datum.
52. Napraviti algoritam koji određuje koliko od unetih 10 brojeva je veće od 100.
53. Napraviti algoritam koji učitava elemente kvadratne matrice ( $m=n$ ) vrstu po vrstu, nalazi i štampa najmanji element ispod glavne dijagonale.
54. Napraviti algoritam kojim se učitavaju brojevi  $m$  i  $n$  koji predstavljaju dimenzije matrice  $A$ , a zatim se učitavaju elementi matrice  $a_{mn}$  i određuje:
  - a) Suma elementa na glavnoj dijagonali;
  - b) Vrednost najvećeg elementa iznad glavne dijagonale;
  - c) Po apsolutnoj vrednosti najveći element u sporednoj dijagonali.