Exercices corrigés – Lois à densité

Exercice 32 p 263

Une première remarque : la variable aléatoire d'une loi normale est entièrement définie dès que l'on connaît les deux paramètres de cette loi normale : μ , σ .

Autrement dit, la loi normale $N(\mu, \sigma)$ est entièrement définie par μ et σ .

Là, il n'y a pas d'autre chose que d'utiliser la TI.

Voir donc le document s'y rapportant.

VOIR ABSOLUMENT LE DOCUMENT « Loi normale et calculatrice ».

Bien noter que NormalFrep demande toujours une borne inférieure et une borne supérieure, et que l'astuce consiste à renseigner par exemple borne sup = 10^99 et borne inf = 2 lorsque l'on veut calculer P(X > 2).

- a°) $P(4,95 \le X \le 5,05) \approx 0,789$
- b°) $P(X \le 4.98) \approx 0.309$
- c°) $P(X \ge 4.92) \approx 0.977$

Exercice 51 p 266

Ici c'est un exercice sur la loi binomiale, revoir le document de cours à ce sujet (programme de 1ère).

a°) Soit l'expérience aléatoire : « prélever un condensateur et noter s'il est défectueux ».

Cette expérience est une épreuve de Bernoulli, car elle comporte seulement deux issues, qui sont S (pour succès) = « tirer un condensateur défectueux » et \overline{S} .

La répétition de cette épreuve de Bernoulli forme un schéma de Bernoulli de paramètres (100, 0.03).

X est la variable aléatoire qui compte le nombre de succès, donc elle suit la loi binomiale B(100, 0,03).

VOIR ABSOLUMENT LE DOCUMENT « Loi binomiale et calculatrice ».

b°)

- $P(X=0) \simeq 0.0476$
- $P(X=3) \simeq 0.2275$
- $P(X \le 5) \approx 0.9192$
- $P(X>10)=1-P(X\leq 10)\simeq 0,0002$
- A noter ici, que P(X = 3) est différent de 0! En effet, la loi de probabilité est la loi binomiale, qui n'est pas une loi à densité continue, donc il est possible de trouver une valeur différente de 0, ce qui n'est pas le cas pour les lois uniformes, exponentielle et normale.
- La calculatrice ne donne pas directement P(X > 10), bien noter l'astuce qui consiste à utiliser $P(X \le 10)$.