

Bosnian Snake

Relatório Final



Mestrado Integrado em Engenharia Informática e
Computação

Programação Lógica

Turma 3MIEIC05
Grupo Bosnian Snake_2
David Falcão - up201506571
Pedro Miranda - up201506574

Faculdade de Engenharia da Universidade do Porto
Rua Roberto Frias, sn, 4200-465 Porto, Portugal

23 de Dezembro de 2017

Resumo

Este relatório complementa o segundo projeto da Unidade Curricular de Programação Lógica, do Mestrado Integrado em Engenharia Informática e Computação. O projeto consiste na elaboração de um programa, escrito em Prolog, capaz de resolver o problema Bosnian Snake.

Conteúdo

1	Introdução	3
2	Descrição do Problema	4
3	Abordagem	4
3.1	Variáveis de Decisão	4
3.2	Restrições	5
3.3	Estratégia de Pesquisa	7
4	Visualização da Solução	8
5	Resultados	9
6	Conclusão	10
7	Referências	11
8	Anexos	12
8.1	Código Fonte	12
8.1.1	bosnian.pl	12
8.1.2	logic.pl	14
8.1.3	interface.pl	19
8.1.4	generator.pl	21
8.1.5	utils.pl	23

1 Introdução

Este projeto tem como principais objetivos a resolução de problemas com diferentes tamanhos de tabuleiro e diferente número de peças, no nosso caso, o puzzle Bosnian Snake.

Este problema consiste em dados um ponto inicial e um ponto final (aleatórios), ser construído um caminho de ligação entre ambos respeitando restrições impostas, seja no meio da board ou nas colunas/linhas.

O relatório terá a seguinte estrutura:

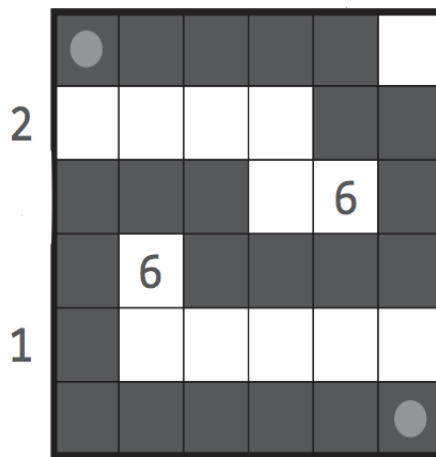
- **Introdução** - Descrição sucinta do projeto e seus objetivos
- **Descrição do Problema** - Descrição detalhada do problema
- **Abordagem** - Descrição da modelação do problema de satisfação de restrições
 - **Variáveis de Decisão** - Descrição das variáveis de decisão
 - **Restrições** - Descrição das variáveis rígida e flexível do problema e a sua implementação.
 - **Estratégia de Pesquisa** - Descrição da estratégia implementada na ordenação de variáveis.
- **Visualização da Solução** - Explicar os predicados que permitem a visualização da solução em mode de texto.
- **Resultados** - Demonstração de exemplos da aplicação em problemas de diferentes complexidades e análise dos resultados obtidos.
- **Conclusão** - Conclusões sobre o projeto.
- **Bibliografia**
- **Anexos**

2 Descrição do Problema

O problema Bosnian Snake consiste em representar uma cobra com 1 célula de largura num tabuleiro sendo que a cabeça e a cauda são posições predefinidas.

A cobra não se pode tocar nunca, nem mesmo diagonalmente. Existem ainda números tanto dentro do tabuleiro como fora. Os números dentro do tabuleiro indicam quantas casas à volta da casa onde o número está vão estar ocupadas por partes da cobra. Os números colocados em linhas ou colunas indicam quantas casas naquela linha/coluna vão ser ocupadas por partes da cobra.

Como podemos ver no exemplo abaixo, há duas células que tem 6 casas ocupadas à sua volta. Há ainda duas linhas com indicação de quantas células ocupadas terá a mesma.



3 Abordagem

3.1 Variáveis de Decisão

A única variável de decisão utilizada é uma lista de tamanho $\text{Size} \times \text{Size}$, em Size é o tamanho de uma matriz quadrada. Apesar de a variável de decisão ser uma lista, posteriormente é convertida para uma matriz e o problema é todo resolvido tomando-a como matriz. O método de conversão foi o seguinte:

```
1 % Convert a list to matrix
2 % list_to_matrix(+list, +matrix_size, -matrix)
3 list_to_matrix([], _, []).
4
5 list_to_matrix(List, Size, [Row|Matrix]):-
6     list_to_matrix_row(List, Size, Row, Tail),
7     list_to_matrix(Tail, Size, Matrix).
8
9 list_to_matrix_row(Tail, 0, [], Tail).
10
11 list_to_matrix_row([Item|List], Size, [Item|Row], Tail):-
12     NSize is Size-1,
13     list_to_matrix_row(List, NSize, Row, Tail).
```

3.2 Restrições

Em primeiro lugar, na inicialização da variável de decisão foi imposto do domínio $[0,1]$, em que 1 representa os locais por onde passa e 0 os locais por onde não passa a cobra.

De seguida restringimos:

- a soma das linhas indicadas no problema:

```
1 % Test all horizontal restrictions of the board
2 % testHorizontalSum(+ board)
3 testHorizontalSum(Board):-
4     forall(Line-Sum, sumLine(Line,Sum),All_Res),
5     testHorizontalSum(Board, All_Res).
6
7 testHorizontalSum(Board, [Line-Sum|T]):-
8     getElemsLine(Board, Line, Elems),
9     sum(Elems, #=, Sum),
10    testHorizontalSum(Board, T).
11
12 testHorizontalSum(_, []).
```

- a soma das colunas indicadas no problema:

```
1 % Test all vertical restrictions of the board
2 % testHorizontalSum(+ board)
3 testVerticalSum(Board):-
4     forall(Column-Sum, sumCol(Column,Sum),All_Res),
5     testVerticalSum(Board, All_Res).
6
7 testVerticalSum(Board, [Column-Sum|T]):-
8     getElemsColumn(Board, Column, Elems),
9     sum(Elems, #=, Sum),
10    testVerticalSum(Board, T).
11
12 testVerticalSum(_, []).
```

- a soma das posições em redor: - a soma dos elementos em redor de uma casa tem que ser exatamente aquela referida no enunciado do problema

```
1 % Test all around position restrictions of the board
2 % testHorizontalSum(+ board)
3 testNeighboursSum(Board):-
4     forall([Line, Column,Sum], sumAround(Line,Column,Sum),All_Res),
5     testNeighboursSum(Board, All_Res).
6
7 testNeighboursSum(Board, [Head|T]):-
8     nth0(0, Head, Line),
9     nth0(1, Head, Column),
10    nth0(2, Head, Sum),
11    nth0(Line, Board, Temp),
12    nth0(Column, Temp, Position),
```

```

13     Position #= 0,
14     getElemsAround(Board, Line, Column, Elems),
15     sum(Elems, #=, Sum),
16     testNeighboursSum(Board, T).
17
18 testNeighboursSum(_, []).

```

- a soma das posições adjacentes, de modo que haja conectividade da cobra:
- para que haja conectividade, se uma casa estiver a 1, tem que ter 2 casas adjacentes a 1 também.

```

1 % Teste the board connectivity
2 % All pieces of the snake must have 2 adjacent pieces, except the borders
3 % that must have only 1
4 % testBoardConnection(+ board)
5 testBoardConnection(Board):-
6     findall(Line-Column, (nth0(Line, Board, Tmp), nth0(Column, Tmp, _)), Indexes),
7     testBoardConnection(Board, Indexes).
8
9 testBoardConnection(Board, [Line-Column|T]):-
10     checkBorders(Line, Column),
11     getElemsAdjacent(Board, Line, Column, Elems),
12     sum(Elems, #=, 1), % only has 1 connection
13     testBoardConnection(Board, T).
14
15 testBoardConnection(Board, [Line-Column|T]):-
16     \+ checkBorders(Line, Column),
17     getElemsAdjacent(Board, Line, Column, Elems),
18     verifyConnection(Board, Line, Column, Elems),
19     testBoardConnection(Board, T).
20
21 testBoardConnection(_, []).
22
23 verifyConnection(Board, Line, Column, Elems):-
24     getElement(Board, Line, Column, P),
25     getElemsAround(Board, Line, Column, Around),
26     sum(Around, #=, A),
27     sum(Elems, #=, H),
28     ((P#=0 #/\ H#=<3 #/\ A#=<7) #\ (P#=1 #/\ H#=2)),
29     preventCrossing(P, Board, Line, Column).

```

- e por fim aplicamos a seguinte restrição para que a cobra não se toque na diagonal: - para uma determinada posição (a 1) ter uma peça a 1 na diagonal, ambas as posições têm de ter uma e só uma casa adjacente a 1 em comum.

```

1 % Prevents the snake from touching itself on the diagonal
2 % For 2 pieces of the snake to touch each other, they must
3 % have one and only one adjacent piece in common
4 % preventCrossing(+reference_element, +board, +line, +column)
5 preventCrossing(P, Board, Line, Column):-
6     findall(L-C, (adjacent(Line, Column, L, C), nth0(L, Board, Temp), nth0(C, Temp, _)) , Adj),

```

```

7      findall(L1-C1, diagonal(Line, Column, L1, C1), Diag),
8      findall(LL-CC, (member(LL-CC, Diag), nth0(LL,Board,Temp), nth0(CC, Temp, _)), Diags),
9      preventCrossing1(P, Board, Adj, Diags).
10
11 preventCrossing1(P,Board, Adj, [L-_|T]):-
12     \+ nth0(L, Board, _),
13     preventCrossing1(P,Board, Adj, T).
14
15 preventCrossing1(P,Board, Adj, [L-C|T]):-
16     nth0(L, Board, Temp),
17     \+ nth0(C, Temp, _),
18     preventCrossing1(P, Board, Adj, T).
19
20 preventCrossing1(P,Board, Adj, [L-C|T]):-
21     findall(L1-C1, (adjacent(L, C, L1, C1),nth0(L1,Board, Temp),nth0(C1, Temp, _)), D_Adj),
22     findall(Line-Col, (member(Line-Col, Adj), member(Line-Col,D_Adj)), Intersect1),
23     getElem(Board, Intersect1, Intersect),
24     nth0(L, Board, Temp),
25     nth0(C, Temp, Elem),
26     sum(Intersect, #, Sum),
27     ((Sum#=0 #/\ P#=1) #=> Elem#=0),
28     preventCrossing1(P,Board, Adj, T).
29
30 preventCrossing1(_,_, _, []).

```

3.3 Estratégia de Pesquisa

De modo a tornar a pesquisa mais eficiente, foi usado no predicado labeling, a opção ffc - first fail constraint. Isto faz com que seja usada a restrição mais rápida: é escolhida a variável com o domínio mais pequeno, com menos restrições e mais à esquerda.

4 Visualização da Solução

Para a visualização da solução foi criados os métodos *printMatrix*, *printRowMatrix* e *printHorizontalDivision* que tratam da representação da matriz e seus limites e da representação da cobra(cabeça,cauda e corpo).

Foi criado o método *printStatistics* que quando a opção *Statistics* estiver ativa imprime, em conjunto com a matriz, o número de passos feitos na resolução do problema. Para além deste método existe ainda o método *print_time* que imprime o tempo que demorou a resolução do problema.

Abaixo podemos observar o funcionamento desta funcionalidade, considerando o mesmo problema de 6x6:

Modo Statistics ON:

```

%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%
%                               Bosnian Snake
%
%      1. Random Puzzle
%      2. 6x6 Puzzle
%      3. 9x9 Puzzle
%      4. Statistics: ON
%      5. Exit
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%
```

```

  2  |-----|
  2  |000|xxx|xxx|xxx|xxx|
  2  |-----|
  2  | | | | |xxx|xxx|
  2  |-----|
  2  |xxx|xxx|xxx| | 6 |xxx|
  2  |-----|
  2  |xxx| 6 |xxx|xxx|xxx|xxx|
  2  |-----|
  1  |xxx| | | | |
  1  |-----|
  1  |xxx|xxx|xxx|xxx|xxx|000|
  1  |-----|

Resumptions: 106919038
Entailments: 76286748
Prunings: 60088496
Backtracks: 320636
Constraints created: 107782

Solution Time: 0.010 seconds

```

Modo Statistics OFF:

```

%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%
%                               Bosnian Snake
%
%      1. Random Puzzle
%      2. 6x6 Puzzle
%      3. 9x9 Puzzle
%      4. Statistics: OFF
%      5. Exit
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%
```

```

  2  |-----|
  2  |000|xxx|xxx|xxx|xxx|
  2  |-----|
  2  | | | | |xxx|xxx|
  2  |-----|
  2  |xxx|xxx|xxx| | 6 |xxx|
  2  |-----|
  2  |xxx| 6 |xxx|xxx|xxx|xxx|
  2  |-----|
  1  |xxx| | | | |
  1  |-----|
  1  |xxx|xxx|xxx|xxx|xxx|000|
  1  |-----|

```


5 Resultados

Abaixo podemos ver alguns exemplos de problema de diferentes complexidades resolvidos onde podemos ver as restrições às casas envolvidas e as restrições às linhas/colunas serem respeitadas.

Relativamente a tempos de execução, todos os problemas depois de criados foram rapidamente resolvidos pelo programa, sendo o maior fator de demoras a criação do problema em si. De forma geral quanto mais complexo o problema maior o número de passos dados, não sendo isto, como já foi dito, um grande obstáculo a uma rápida execução da resolução.

2					
				XXX XXX XXX	
			XXX XXX	6	XXX
		XXX			XXX
		000			XXX
					XXX
					XXX
					XXX
000 XXX XXX XXX XXX XXX XXX					

Puzzle 7x7

6					
4					
			3		XXX XXX XXX XXX
XXX XXX XXX XXX XXX XXX				XXX	
XXX					1
XXX	XXX 000				XXX
XXX	XXX				XXX
XXX	XXX XXX	000			XXX
XXX		5	XXX	XXX XXX	XXX
XXX	XXX XXX		XXX	XXX	
XXX XXX XXX			2	XXX XXX XXX	

Puzzle 9x9

[illegible]

Puzzle 11x11

XXX XXX XXX XXX XXX 000			XXX XXX XXX XXX						
XXX							000		XXX
XXX									XXX
XXX				XXX XXX XXX			XXX		
XXX				XXX XXX	XXX XXX		XXX		
XXX			XXX		4		XXX		XXX
XXX				XXX XXX	XXX XXX		XXX		
XXX				XXX	XXX			XXX	
XXX				XXX	XXX XXX		XXX		
XXX				XXX		XXX		XXX	
XXX XXX XXX			XXX	XXX XXX	XXX XXX				
	XXX			XXX	XXX		6	XXX	
	2	XXX XXX XXX XXX XXX	XXX XXX XXX XXX						

Puzzle 13x13

6 Conclusão

Os objetivos para este projeto foram inteiramente atingido, quer a resolução do problema tendo este diferentes complexidades, bem como a implementação de um método de geração dinâmica de problemas.

A realização deste projeto permitiu aos elementos do grupo uma melhor precessão sobre a linguagem prolog,mais precisamente sobre restrições em prolog e a sua grande utilidade na resolução de problemas de decisão e otimização.

Apesar da dificuldade em realizar algumas tarefas simples, prolog é muito útil devido a uma maior facilidade na resolução de questões complexas, em relação a outras linguagens.

7 Referências

- [1] Walker, Anderson : Shading and Loops. Ep-2. Bosnian Snake,
<http://logicmastersindia.com/limitests/dl.asp?attachmentid=645&view=1>, 2
(2017)
- [2] SICStus Prolog: *<https://sicstus.sics.se/>*

8 Anexos

8.1 Código Fonte

8.1.1 bosnian.pl

```
:-use_module(library(lists)).
:-use_module(library(clpfd)).
:-use_module(library(statistics)).
:-use_module(library(random)).
:-use_module(library(timeout)).
:-include('interface.pl').
:-include('logic.pl').
:-include('utils.pl').
:-include('generator.pl').

start:-
    mainMenu(0),
    !.

mainMenu(EnableV):-
    clearScreen,
    write('%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%'),nl,
    write(' %'),nl,
    write(' % Bosnian Snake'),nl,
    write(' %'),nl,
    write(' % 1. Random Puzzle'),nl,
    write(' % 2. 6x6 Puzzle'),nl,
    write(' % 3. 9x9 Puzzle'),nl,
    printStatisticsStatus(EnableV),
    write(' % 5. Exit'),nl,
    write(' %'),nl,
    write(' %'),nl,
    write('%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%'),nl,
    nl,nl,
    write('Please choose an option: '),
    read(R),
    menu(R, EnableV).

% -----
% Menu 1 - RANDOM PUZZLE
% -----

menu(X, Stats):-
    X==1,
    clearScreen,
    generator,
    !.

% -----
% Menu 2 - 6X6 PUZZLE
```

```

% -----

menu(X, Stats):-
    X==2,
    clearScreen,
    asserta(sumLine(1,2)),
    asserta(sumLine(4,1)),
    asserta(sumAround(2,4,6)),
    asserta(sumAround(3,1,6)),
    asserta(snakeHead(0,0)),
    asserta(snakeTail(5,5)),
    solver(6, Stats),
    cleanDynamicStuff.

% -----
% Menu 3 - 9X9 PUZZLE
% -----

menu(X,Stats):-
    X==3,
    clearScreen,
    asserta(snakeHead(3,3)),
    asserta(snakeTail(5,5)),
    asserta(sumCol(6,4)),
    asserta(sumCol(2,6)),
    asserta(sumAround(2,6,1)),
    asserta(sumAround(0,3,3)),
    asserta(sumAround(6,2,5)),
    asserta(sumAround(8,5,2)),
    solver(9,Stats),
    cleanDynamicStuff.

% -----
% Menu 4 - STATISTICS
% -----

menu(X, EnableV):-
    X==4,
    EnableV1 is mod(EnableV+1,2),
    mainMenu(EnableV1).

% -----
% Exit GAME
% -----

menu(X, _):-
    X==5,
    true.

% -----
% Invalid Option

```

```

% -----
menu(_,-):-
    mainMenu(_).

% Print statistics status
printStatsStatus(0):-
    write('      %          4. Statistics: OFF          %'),nl.

printStatsStatus(1):-
    write('      %          4. Statistics: ON          %'),nl.

% Print statistics
printStats(1):-
    fd_statistics.

printStats(_).

% Solves the problem and displays the solution
solver(Size, Statistics):-
    solveProb(Size, Board),
    printMatrix(Board),nl,
    printStatistics(Statistics),
    print_time.

```

8.1.2 logic.pl

```

% Sum of line
% sumLine(+n,+sum)
:-dynamic sumLine/2.

% Sum of column
% sumCol(+n,+sum)
:-dynamic sumCol/2.

% Sum of neighbours
% sumAround(+line, +column, ?sum)
:-dynamic sumAround/3.

% Snake Head
% snakeHead(-line, -column)
:-dynamic snakeHead/2.

% Snake Tail
% snakeTail(-line, -column)
:-dynamic snakeTail/2.

%Returns all elements of a specific line
% getElemsLine(+Board, +Line, -Elems)
getElemsLine(Board, Line, Elems):-
    nth0(Line, Board, Elems).

%Returns all elements of a specific column

```

```

% getElemsColumn(+Board, +Column, -Elems)
getElemsColumn(Board, Column, Elems):-
    transpose(Board, New_Board),
    nth0(Column, New_Board, Elems).

%Returns all elements of a specific column
% getElemsAround(+Board, +Line, +Column, -Elems)
getElemsAround(Board, L, C, Elems):-
    findall(L1-C1, neighbor(L, C, L1, C1), Temp),
    getElem(Board, Temp, Elems).

% Returns all valid elements of a list of pairs
% getElem(+board, +List, +Elems)
getElem(Board, [Line-Column|T], [Head|Tail]):-
    nth0(Line, Board, Tmp),
    nth0(Column, Tmp, Head),
    getElem(Board, T, Tail).

getElem(Board, [_|T], Elems):-
    getElem(Board, T, Elems).

getElem(_, [], []).

% Return the neighbor of a specific position L-C
% neighbor(+line, +column, -neighbor_line, -neighbor_column)
neighbor(L,C, L1, C1):-
    L1 is L-1, C1 is C-1.

neighbor(L,C, L1, C1):-
    L1 is L-1,C1 is C.

neighbor(L,C, L1, C1):-
    L1 is L-1,C1 is C+1.

neighbor(L,C, L1, C1):-
    L1 is L,C1 is C-1.

neighbor(L,C, L1, C1):-
    L1 is L,C1 is C+1.

neighbor(L,C, L1, C1):-
    L1 is L+1,C1 is C-1.

neighbor(L,C, L1, C1):-
    L1 is L+1,C1 is C.

neighbor(L,C, L1, C1):-
    L1 is L+1,C1 is C+1.

% Test all horizontal restrictions of the board
% testHorizontalSum(+ board)
testHorizontalSum(Board):-

```

```

        findall(Line-Sum, sumLine(Line,Sum),All_Res),
        testHorizontalSum(Board, All_Res).

testHorizontalSum(Board, [Line-Sum|T]):-
    getElemsLine(Board, Line, Elems),
    sum(Elems, #=, Sum),
    testHorizontalSum(Board, T).

testHorizontalSum(_, []).

% Test all vertical restrictions of the board
% testHorizontalSum(+ board)
testVerticalSum(Board):-
    findall(Column-Sum, sumCol(Column,Sum),All_Res),
    testVerticalSum(Board, All_Res).

testVerticalSum(Board, [Column-Sum|T]):-
    getElemsColumn(Board, Column, Elems),
    sum(Elems, #=, Sum),
    testVerticalSum(Board, T).

testVerticalSum(_, []).

% Test all around position restrictions of the board
% testHorizontalSum(+ board)
testNeighboursSum(Board):-
    findall([Line, Column,Sum], sumAround(Line,Column,Sum),All_Res),
    testNeighboursSum(Board, All_Res).

testNeighboursSum(Board, [Head|T]):-
    nth0(0, Head, Line),
    nth0(1, Head, Column),
    nth0(2, Head, Sum),
    nth0(Line, Board, Temp),
    nth0(Column, Temp, Position),
    Position #= 0,
    getElemsAround(Board, Line, Column, Elems),
    sum(Elems, #=, Sum),
    testNeighboursSum(Board, T).

testNeighboursSum(_, []).

% Return the position adjacent of a specific position L-C
% adjacent(+line, +column, -adjacent_line, -adjacent_column)
adjacent(Line,Col,L1,C1):-
    L1 is Line-1,
    C1 is Col.

adjacent(Line,Col,L1,C1):-
    L1 is Line+1,
    C1 is Col.

```



```

adjacent(Line,Col,L1,C1):-
    L1 is Line,
    C1 is Col-1.

adjacent(Line,Col,L1,C1):-
    L1 is Line,
    C1 is Col+1.

% Return the diagonal of a specific position L-C
% diagonal(+line, +column, -diagonal_line, -diagonal_column)
diagonal(Line,Col,L1,C1):-
    L1 is Line-1,
    C1 is Col-1.

diagonal(Line,Col,L1,C1):-
    L1 is Line+1,
    C1 is Col+1.

diagonal(Line,Col,L1,C1):-
    L1 is Line-1,
    C1 is Col+1.

diagonal(Line,Col,L1,C1):-
    L1 is Line+1,
    C1 is Col-1.

% Return the diagonal adjacent of a specific position L-C
% diagonal(+line, +column, -diagonal_line, -diagonal_column)
getElemsAdjacent(Board, Line, Column, Elems):-
    findall(L1-C1, adjacent(Line, Column, L1, C1), Temp),
    getElem(Board, Temp, Elems).

%Check if a position is the tail or the head of the snake
% checkBorders(+line,+column)
checkBorders(L, C):-
    snakeHead(L,C);
    snakeTail(L,C).

% Teste the board connectivity
% All pieces of the snake must have 2 adjacente pieces, except the borders
% that must have only 1
% testBoardConnection(+ board)
testBoardConnection(Board):-
    findall(Line-Column, (nth0(Line, Board, Tmp),nth0(Column, Tmp, _)), Indexes),
    testBoardConnection(Board, Indexes).

testBoardConnection(Board, [Line-Column|T]):-
    checkBorders(Line, Column),
    getElemsAdjacent(Board, Line, Column, Elems),
    sum(Elems, #=, 1), % only has 1 connection
    testBoardConnection(Board, T).

```

```

testBoardConnection(Board, [Line-Column|T]):-
    \+ checkBorders(Line, Column),
    getElemsAdjacent(Board, Line, Column, Elems),
    verifyConnection(Board, Line, Column, Elems),
    testBoardConnection(Board, T).

testBoardConnection(_, []).

verifyConnection(Board, Line, Column, Elems):-
    getElement(Board, Line, Column, P),
    getElemsAround(Board, Line, Column, Around),
    sum(Around,#=,A),
    sum(Elems,#=,H),
    ((P#=0 #/\ H#=<3 #/\ A#=<7) #\ (P#=1 #/\ H#=2)),
    preventCrossing(P, Board,Line, Column).

% Returns the element of a position
% getElement(+ board, +line, +column, -element)
getElement(Board, Line, Column, Elem):-
    nth0(Line,Board,Temp),
    nth0(Column,Temp, Elem).

% Returns true if an element is not a member of a list
% notMember(+element, +list)
notMember(A, List):-
    \+ member(A, List).

% Prevents the snake from touching itself on the diagonal
% For 2 pieces of the snake to touch each other, they must
% have one and only one adjacent piece in common
% preventCrossing(+reference_element, +board, +line, +column)
preventCrossing(P, Board, Line, Column):-
    findall(L-C, (adjacent(Line, Column, L, C), nth0(L,Board,Temp), nth0(C,Temp, _)) , Adj),
    findall(L1-C1, diagonal(Line, Column, L1, C1), Diag),
    findall(LL-CC, (member(LL-CC, Diag), nth0(LL,Board,Temp), nth0(CC, Temp, _)), Diags),
    preventCrossing1(P, Board, Adj, Diags).

preventCrossing1(P,Board, Adj, [L-_|T]):-
    \+ nth0(L, Board, _),
    preventCrossing1(P,Board, Adj, T).

preventCrossing1(P,Board, Adj, [L-C|T]):-
    nth0(L, Board, Temp),
    \+ nth0(C, Temp, _),
    preventCrossing1(P, Board, Adj, T).

preventCrossing1(P,Board, Adj, [L-C|T]):-
    findall(L1-C1, (adjacent(L, C, L1, C1),nth0(L1,Board, Temp),nth0(C1, Temp, _)), D_Adj),
    findall(Line-Col, (member(Line-Col, Adj), member(Line-Col,D_Adj)), Intersect1),
    getElem(Board, Intersect1, Intersect),
    nth0(L, Board, Temp),

```

```

nth0(C, Temp, Elem),
sum(Intersect, #=, Sum),
((Sum#=0 #/\ P#=1) #=> Elem#=0),
preventCrossing1(P,Board, Adj, T).

preventCrossing1(_,_, _, []).

% Solves the problem
% solveProb(+ board_size, -solution_board)
solveProb(Size, Board):-
    reset_timer,
    Size1 is Size*Size,

    length(List, Size1),
    domain(List, 0,1),

    % ADD SNAKE HEAD %
    snakeHead(Head_L, Head_C),
    calculateIndex(Size, Head_L, Head_C, Index),
    setElemByIndex(List,Index, 1),

    % ADD SNAKE TAIL %
    snakeTail(Tail_L, Tail_C),
    calculateIndex(Size, Tail_L, Tail_C, Index1),
    setElemByIndex(List,Index1, 1),

    list_to_matrix(List, Size, Board),

    testHorizontalSum(Board),
    testVerticalSum(Board),
    testNeighboursSum(Board),
    testBoardConnection(Board),

    labeling([ffc], List).

```

8.1.3 interface.pl

```

printMatrix(Board):-
    printMatrix(Board,-1,-1).

printMatrix(Board,-1,-):-
    printRowMatrix(Board, -1, -1),
    nl,
    length(Board, Size),
    printHorizontalDivision(Size),
    printMatrix(Board, 0, -1).

printMatrix([Head|Tail],Line,Column):-
    printRowMatrix(Head, Line, Column),
    write('|'),nl,

```

```

    length(Head, Size),
    printHorizontalDivision(Size),
    Line1 is Line+1,
    printMatrix(Tail, Line1, -1).

printMatrix([],_,_).

printRowMatrix([],_,_).

printRowMatrix(Board, Line,-1):-
    sumLine(Line,Sum),
    Sum < 10,
    write(Sum),
    write(' '),
    printRowMatrix(Board, Line, 0).

printRowMatrix(Board, Line,-1):-
    sumLine(Line,Sum),
    write(Sum),
    write(' '),
    printRowMatrix(Board, Line, 0).

printRowMatrix(Board, Line,-1):-
    write(' '),
    printRowMatrix(Board, Line, 0).

printRowMatrix([_|Tail],Line,Column):-
    checkBorders(Line,Column),
    write('|000'),
    C1 is Column+1,
    printRowMatrix(Tail, Line, C1).

printRowMatrix([_|Tail],Line,Column):-
    sumAround(Line, Column, Sum),
    write('| '),
    write(Sum),
    write(' '),
    C1 is Column+1,
    printRowMatrix(Tail, Line, C1).

printRowMatrix([Head|Tail],Line,Column):-
    Head = 0,
    write('| '),
    C1 is Column+1,
    printRowMatrix(Tail, Line, C1).

printRowMatrix([Head|Tail],Line,Column):-
    Head = 1,
    write('|XXX'),
    C1 is Column+1,
    printRowMatrix(Tail, Line, C1).

```

```

printRowMatrix([_|Tail],-1,Column):-
    sumCol(Column,Sum),
    write(' '),
    write(Sum),
    write(' '),
    C1 is Column+1,
    printRowMatrix(Tail,-1, C1).

printRowMatrix([_|Tail],-1,Column):-
    write(' '),
    C1 is Column+1,
    printRowMatrix(Tail,-1, C1).

printRowMatrix(Board,-1,-1):-
    write(' '),
    printRowMatrix(Board,-1, 0).

printHorizontalDivision(Length):-
    write(' |'),
    Length1 is Length*4,
    printHorizontalDivision(Length1, 1).

printHorizontalDivision(Length, Length):-
    write('|'),nl.

printHorizontalDivision(Length, I):-
    write('-'),
    I1 is I+1,
    printHorizontalDivision(Length, I1).

```

8.1.4 generator.pl

```

generator:-
    write('Generating ...'),nl,
    repeat,
        cleanDynamicStuff,
        write('Solving ...'),nl,
        random(5,20, Size),
        randomSnakeBorders(Size),
        randomColumnRestrictions(Size),
        randomLineRestrictions(Size),
        randomAroundRestrictions(Size),
        time_out(solveProb(Size, Board),1000,Result),
        write(Result),nl,
        !,

    (Result = time_out -> generator; printMatrix(Board),cleanDynamicStuff, true).

cleanDynamicStuff:-
    retractall(sumLine(_,_)),
    retractall(sumCol(_,_)),

```

```

    retractall(sumAround(_,_,_)),
    retractall(snakeHead(_,_)),
    retractall(snakeTail(_,_)).

randomSnakeBorders(Size):-
    random(0, Size, L1),
    random(0, Size, C1),
    random(0, Size, L2),
    random(0, Size, C2),
    asserta(snakeHead(L1,C1)),
    asserta(snakeTail(L2,C2)).

randomColumnRestrictions(Size):-
    Max is integer(Size/3),
    random(0,Max, N),
    randomColumnRestrictions(Size, N,0).

randomColumnRestrictions(_ ,Total, Total).

randomColumnRestrictions(Size,Total, I):-
    repeat,
        Max is integer(Size/2),
        random(0,Size, Col),
        \+ sumCol(Col,_),
        random(1,Max, Sum),
        asserta(sumCol(Col,Sum)),
        !,
    I1 is I+1,
    randomColumnRestrictions(Size,Total, I1).

randomLineRestrictions(Size):-
    Max is integer(Size/3),
    random(0,Max, N),
    randomLineRestrictions(Size, N,0).

randomLineRestrictions(_ ,Total, Total).

randomLineRestrictions(Size,Total, I):-
    repeat,
        Max is integer(Size/2),
        random(0,Size, Line),
        \+ sumLine(Line,_),
        random(1,Max, Sum),
        asserta(sumLine(Line,Sum)),
        !,
    I1 is I+1,
    randomLineRestrictions(Size,Total, I1).

randomAroundRestrictions(Size):-
    Max is integer(Size/3),

```

```

        random(0,Max, N),
        randomAroundRestrictions(Size, N,0).

randomAroundRestrictions(_,Total, Total).

randomAroundRestrictions(Size,Total, I):-
    repeat,
        Max is 7,
        random(0,Size, Line),
        random(0,Size, Col),
        \+ sumAround(Line,Col,_),
        random(0,Max, Sum),
        asserta(sumAround(Line,Col, Sum)),
        !,
    I1 is I+1,
    randomAroundRestrictions(Size,Total, I1).

```

8.1.5 utils.pl

```

% clean the Screen with 50 new lines
clearScreen :-
    newLine(50), !.

% display new lines
% newLine(+ Number)
newLine(Number) :-
    newLine(0, Number).

% display new lines
% newLine(+ Line, + Limit)
newLine(Line, Limit) :-
    Line < Limit,
    LineInc is Line + 1,
    nl,
    newLine(LineInc, Limit).

newLine(_,_).

% convert an ascii code to a decimal number
% ascii_to_dec(+ N, - N1)
ascii_to_dec(N,N1):-
    N1 is N-48.

% reset the timer
reset_timer:-
    statistics(walltime,_).

% Print the elapsed time
print_time :-
    statistics(walltime, [_, ElapsedTime | _]),
    nl,
    format('Solution Time: ~3d seconds',ElapsedTime), nl, nl.

```

```

% Convert a list to matrix
% list_to_matrix(+list, +matrix_size, -matrix)
list_to_matrix([], _, []).

list_to_matrix(List, Size, [Row|Matrix]):-
    list_to_matrix_row(List, Size, Row, Tail),
    list_to_matrix(Tail, Size, Matrix).

list_to_matrix_row(Tail, 0, [], Tail).

list_to_matrix_row([Item|List], Size, [Item|Row], Tail):-
    NSize is Size-1,
    list_to_matrix_row(List, NSize, Row, Tail).

calculateIndex(Size, Line, Column, Index):-
    Index is (Size * Line + Column).

calculateLineColumn(Size, Index, Line, Column):-
    Line is integer(Index/Size),
    Column is mod(Index,Size).

setElemByIndex(List, Index, Elem):-
    setElemByIndex(List, Index, 0, Elem).

setElemByIndex([Head|_], Index, Index, Elem):-
    Head = Elem.

setElemByIndex([_|Tail], Index, I, Elem):-
    I1 is I+1,
    setElemByIndex(Tail, Index, I1, Elem).

intersection([], _, []).

intersection([H1|T1], L2, [H1|Res]) :-
    member(H1, L2),
    intersection(T1, L2, Res).

intersection([_|T1], L2, Res) :-
    intersection(T1, L2, Res).

disjunction([], _, []).

disjunction([H1|T1], L2, [H1|Res]) :-
    disjunction(T1, L2, Res).

disjunction([H1|T1], L2, Res) :-
    member(H1, L2),
    disjunction(T1, L2, Res).

```