Aula 05 – Bottom-Up Parsing

Prof. Eduardo Zambon

Departamento de Informática (DI) Centro Tecnológico (CT) Universidade Federal do Espírito Santo (UFES)

> 2016/2 - Compiladores Compiler Construction (CC)

Introdução

- O segundo módulo do compilador realiza a análise sintática (parsing).
- Parsing pode ser feito em duas direções: top-down e bottom-up.
- Aula de hoje: discussão sobre os principais conceitos de parsing bottom-up.
- Objetivos: apresentar as teorias fundamentais para o funcionamento desse tipo de algoritmo.

Referências

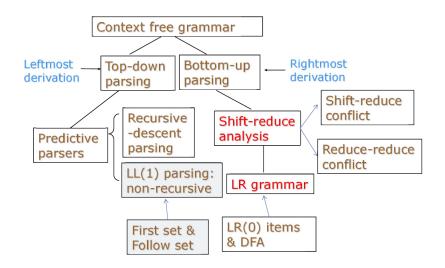
Chapter 5 – Bottom-Up Parsing

K. C. Louden

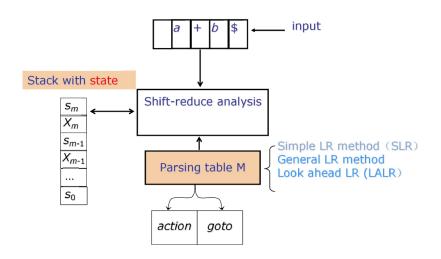
Chapter 3 – Parsers

K. D. Cooper

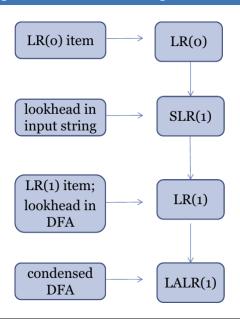
Visão Geral do Processo de Parsing



Visão Geral do Parsing Bottom-Up



Diferentes Algoritmos de Parsing Bottom-Up



Visão Geral do Parsing Bottom-Up

- Um parser bottom-up usa uma pilha para realizar a análise sintática.
- A pilha de parsing pode conter tokens, não-terminais e também alguma informação extra sobre o estado do parser.
- A figura abaixo mostra um visão esquemática da organização do parser.

The stack is empty at the beginning	parsing stack	input	actions
	\$	InputString \$	
will contain the	\$ StartSymbol	\$	accept
start symbol at the end of a successful parse			

Visão Geral do Parsing Bottom-Up

- Um parser bottom-up pode realizar duas outras ações além de accept: shift e reduce.
- Shift: desloca um terminal da entrada para o topo da pilha.
- **Reduce**: reduz uma forma sentencial α no topo da pilha para um não-terminal A, segundo uma regra $A \rightarrow \alpha$ da gramática.
- Por conta das ações que ele realiza, um parser bottom-up também é chamado de parser shift-reduce.
- Para poder realizar o parsing bottom-up, a gramática deve ser aumentada com um novo símbolo inicial S' e uma regra S' → S. (Justificativa será dada adiante.)

Visão Geral do Parsing Bottom-Up - Exemplo 1

Considere a gramática aumentada de parênteses balanceados.

$$S' \rightarrow S$$

 $S \rightarrow (S) S \mid \varepsilon$

O parse bottom-up da entrada () é dado a seguir.

	Parsing stack	Input	Action
1	\$	()\$	shift
2	\$ ()\$	reduce $S \rightarrow \varepsilon$
2 3	\$ (S)\$	shift
4	\$ (S)	\$	reduce $S \rightarrow \varepsilon$
5	\$ (S) S	\$	reduce $S \rightarrow (S)$
6	\$ S	\$	reduce $S' \to S$
7	\$ S'	\$	accept

Visão Geral do Parsing Bottom-Up - Exemplo 2

Considere a gramática aumentada para expressões de adição.

$$E' \to E$$

$$E \to E + \mathbf{n} \mid \mathbf{n}$$

O parse bottom-up da entrada n+n é dado a seguir.

	Parsing stack	Input	Action
1	\$	n+n\$	shift
2	\$ 2	+ n\$	reduce $E \rightarrow \mathbf{n}$
3	\$ <i>E</i>	+ #\$	shift
4	\$ E +	" \$	shift
5	\$ E + n	\$	reduce $E \rightarrow E + z$
6	\$ E	\$	reduce $E' \rightarrow E$
7	\$ E'	\$	accept

Visão Geral do *Parsing Bottom-Up* – Observações

- Um parser shift-reduce acompanha uma derivação mais à direita da entrada, mas os passos da derivação ocorrem na ordem inversa.
- No Exemplo 1 há quatro reduções, correspondendo a seguinte derivação mais à direita:

$$S' \Rightarrow S \Rightarrow (S)S \Rightarrow (S) \Rightarrow ()$$
.

No Exemplo 2 a derivação correspondente é

$$E' \Rightarrow E \Rightarrow E + n \Rightarrow n + n$$

A cada passo da derivação, a forma sentencial está dividida entre a pilha e a entrada.

Visão Geral do *Parsing Bottom-Up* – Observações

- Parser realiza shifts até que seja possível realizar um reduce.
- Isso ocorre quando a sequência de símbolos a partir do topo da pilha corresponde ao corpo de uma regra da gramática.
- Um handle da forma sentencial é formado por:
 - Uma sequência de símbolos (*string*) na pilha.
 - A posição na forma sentencial aonde a sequência ocorre.
 - A regra que deve ser usada na redução.
- Se uma gramática é livre de ambiguidades, então existe somente uma única derivação mais à direita, e portanto os handles são únicos.
- Determinar o próximo handle é a tarefa principal de um parser shift-reduce.

Visão Geral do Parsing Bottom-Up - Observações

- A string de um handle corresponde ao corpo de uma regra e o último símbolo deste corpo está no topo da pilha.
- No entanto, para ser de fato um handle, não basta que a string no topo da pilha case com o corpo de uma regra.
- De fato, se uma produção-ε faz parte da gramática (como no Exemplo 1), então o seu corpo (a string vazia) sempre está no topo da pilha.
- Assim, temos uma restrição sobre as reduções: elas só podem ocorrem quando a string resultante de fato corresponde a uma forma sentencial válida na derivação.
- Exemplo: no passo 3 da tabela do Exemplo 1, uma redução por S → ε poderia ser feita, mas a string resultante (SS) não é uma forma sentencial válida.
- Os algoritmos de parsing bottom-up devem computar os handles de forma a garantir que eles só serão reduzidos nos momentos adequados.

Itens LR(0)

- Um item LR(0) de uma CFG é uma regra com uma posição no corpo marcada por um ponto (.).
- Recebem esse nome porque não fazem referência ao look-ahead (em contraste com itens LR(1), que o fazem).
- Para uma regra qualquer $A \rightarrow \beta_1 \dots \beta_n$, o marcador pode aparecer antes ou depois de qualquer β_i .
- Exemplo: se $A \to \alpha\beta$ é uma regra, então $A \to \alpha$. β é um dos itens LR(0) da gramática.
- Itens indicam um passo intermediário no reconhecimento do corpo de uma regra.
- **Exemplo:** o item $A \to \alpha$. β indica que α já foi visto (está no topo da pilha) e que é possível derivar os próximos *tokens* de entrada a partir de β .

Itens LR(0) – Exemplos

A gramática

$$S' \rightarrow S$$

 $S \rightarrow (S) S \mid \varepsilon$

possui os seguintes oito itens LR(0)

$$S' \rightarrow .S$$

$$S' \rightarrow S.$$

$$S \rightarrow .(S)S$$

$$S \rightarrow .(S)S$$

$$S \rightarrow (S).S$$

$$S \rightarrow (S).S$$

$$S \rightarrow (S).S$$

$$S \rightarrow .(S)S.$$

$$S \rightarrow .(S)S.$$

A gramática

$$E' \to E$$

$$E \to E + \mathbf{n} \mid \mathbf{n}$$

possui os seguintes oito itens LR(0)

$$E' \rightarrow .E$$

$$E' \rightarrow E.$$

$$E \rightarrow .E + n$$

$$E \rightarrow E + n$$

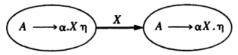
$$E \rightarrow E + n$$

$$E \rightarrow .n$$

$$E \rightarrow n.$$

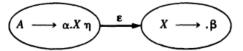
- Itens LR(0) podem ser usados como estados de um autômato finito (FA).
- Esse FA mantém informação sobre a pilha de parsing e o progresso das operações de shift-reduce.
- Inicialmente vamos usar um autômato finito não-determinístico (NFA).
- O autômato determinístico (DFA) equivalente pode ser obtido a partir do NFA usando-se o algoritmo clássico de construção de subconjuntos.
- Transições no FA são rotuladas por um símbolo $X \in (N \cup T)$.

■ Exemplo: dado um item (estado) $A \to \alpha . X\eta$, temos uma transição sobre o símbolo X para o estado $A \to \alpha X . \eta$. Graficamente:



- Se X é um token, a transição corresponde a um shift de X da entrada para o topo da pilha.
- Se X é um não-terminal, a interpretação da transição é um pouco mais complexa, já que X não aparece na entrada.

- Essa transição ainda corresponde ao empilhamento de X durante o processo de parsing.
- Tal empilhamento só pode acontecer com uma redução por uma regra da forma $X \to \beta$.
- Uma redução por $X \to \beta$ deve ser precedida pelo reconhecimento de β .
- \blacksquare O item $X \to .\beta$ representa o início desse processo.
- Assim, devemos adicionar uma transição como

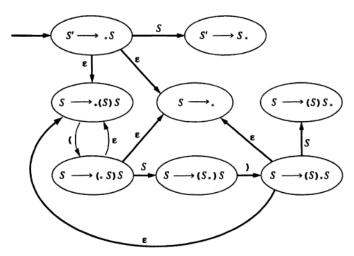


para todas as regras aonde X é a cabeça.

- O estado inicial do NFA deve corresponder ao estado inicial do parser: pilha vazia e pronto para reconhecer S (símbolo inicial).
- Qualquer item S → .α poderia servir como estado inicial, mas a gramática pode ter várias regras aonde S é a cabeça.
- Isso justifica o uso de gramáticas aumentadas: item S' → .S garante a unicidade do estado inicial.
- O NFA não tem estados finais pois o seu propósito é acompanhar o estado do parser e não reconhecer strings.
- O próprio parser é que deve decidir quando aceitar a entrada.

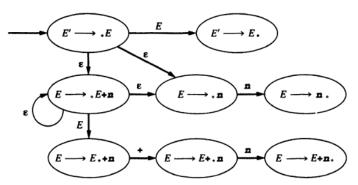
Autômato Finito de Itens – Exemplos

A gramática $S \to S$ possui o seguinte NFA:



Autômato Finito de Itens – Exemplos

A gramática $E \to E$ possui o seguinte NFA:

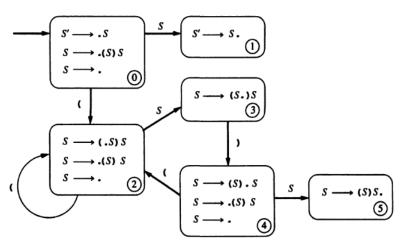


O item $E \to .E + n$ tem uma transição- ϵ para ele próprio. Isso ocorre em todas as CFGs com recursão à esquerda.

- O NFA de itens LR(0) pode ser facilmente construído de forma algorítmica a partir das regras da gramática.
- No entanto, um NFA não é adequado para acompanhar os estados do parsing pois o parser deve ser um programa determinístico.
- Assim, usa-se o algoritmo clássico de construção de subconjuntos para se obter um DFA equivalente ao NFA original.
- Por questões de eficiência, nas ferramentas geradoras de parsers bottom-up esses dois passos são unificados em um só.
- Exemplo: o Bison computa diretamente o DFA a partir das regras da gramática.

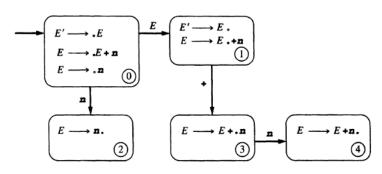
Autômato Finito de Itens – Exemplos

A gramática $S \to S$ possui o seguinte DFA:



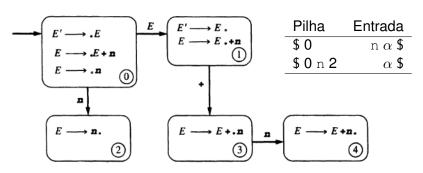
Autômato Finito de Itens – Exemplos

A gramática $E \to E$ possui o seguinte DFA:



Algoritmo de *Parsing* LR(0)

- O algoritmo precisa rastrear o estado atual no DFA de itens.
- Modificamos a pilha de parsing para armazenar os números dos estados, além dos demais símbolos.
- Empilhamos o número do novo estado após empilhar cada símbolo.

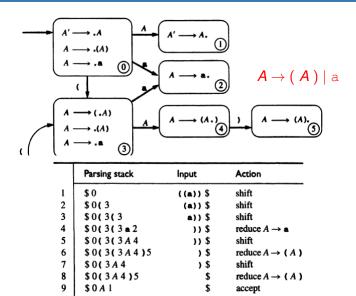


Algoritmo de *Parsing* LR(0)

Seja s o estado atual no topo da pilha de parsing:

- 1 Se o estado s contém um item da forma $A \to \alpha$. $X\beta$, onde X é um terminal:
 - 1 Se o próximo *token* da entrada é X: faça *shift* de X e empilhe o novo estado que contém o item $A \rightarrow \alpha X$. β .
 - 2 Se o próximo *token* da entrada não é X: erro de sintaxe.
- Se o estado *s* contém um item completo (da forma $A \rightarrow \gamma$.), faça *reduce* por essa regra e:
 - Se S' (o símbolo inicial) foi reduzido e a entrada acabou: accept.
 - 2 Se S' foi reduzido e a entrada não acabou: erro de sintaxe.
 - 3 Caso contrário:
 - 1 Desempilhe γ , revelando o estado antigo s_{γ} onde a construção de γ começou.
 - **2** Tome a transição $\mathbf{s}_{\gamma} \stackrel{A}{\to} \mathbf{s}'$, empilhando $A \in \mathbf{s}'$.

Algoritmo de *Parsing* LR(0) – Exemplo



Algoritmo de *Parsing* LR(0)

- O DFA de itens LR(0) e as ações especificadas pelo algoritmo de parsing LR(0) podem ser combinadas em uma tabela de parsing.
- Isso torna o método controlado por tabela, como outros já vistos anteriormente.
- Exemplo:

State	Action	Rule		Input		Goto
			(a)	Α
0	shift		3	2		1
1	reduce	$A' \to A$ $A \to \mathbf{a}$	1			
2	reduce	$A \rightarrow \mathbf{a}$				
3	shift		3	2		4
4	shift		1	1	5	
5	reduce	$A \rightarrow (A)$				

Próximo estado:

terminais - colunas Input, não-terminais - coluna Goto.

Gramática LR(0)

Suponha um estado do DFA que contém os seguintes itens, onde X é um terminal.

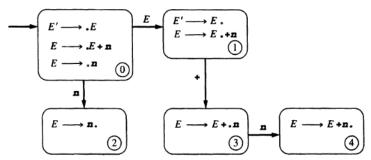
(1)
$$\mathbf{A} \to \alpha$$
. (2) $\mathbf{A} \to \alpha \cdot \mathbf{X} \beta$

- Seguindo o algoritmo de parsing LR(0), o item (2) nos diz para realizar uma ação de shift.
- Por outro lado, o item (1) indica uma ação de reduce.
- Essa indefinição sobre qual ação realizar caracteriza um conflito de shift-reduce.
- De forma similar, os dois itens abaixo em um mesmo estado do DFA, ilustram um conflito de reduce-reduce, pois não é possível decidir sobre qual regra usar.

(3)
$$A \rightarrow \alpha$$
. (4) $B \rightarrow \alpha$.

Gramática LR(0)

- Gramática LR(0): gramática livre de ambiguidades que causam conflitos de shift-reduce ou reduce-reduce.
- Na prática: um estado com um item completo não pode conter outros itens.
- A gramática de somas não é LR(0) pois o estado 1 contém um conflito de shift-reduce.



Praticamente nenhuma gramática "real" é LR(0).

Parsing SLR(1)

- O parsing LR(1) simples, chamado SLR(1), usa o DFA de itens LR(0) como visto anteriormente.
- Além disto o algoritmo SLR(1) é significativamente mais poderoso que o LR(0) por usar um look-ahead.
- O look-ahead é combinado com o conjunto FOLLOW de um não-terminal para se decidir qual redução realizar.
- Essa modificação bastante simples no algoritmo de parse permite o reconhecimento de uma quantidade consideravelmente maior de linguagens.
- O algoritmo modificado é apresentado a seguir, com as alterações indicadas em negrito.

Algoritmo de *Parsing* SLR(1)

Seja s o estado atual no topo da pilha de parsing:

- 1 Se o estado *s* contém um item da forma $A \to \alpha$. $X\beta$, onde X é um terminal:
 - 1 Se o próximo *token* da entrada é X: faça *shift* de X e empilhe o novo estado que contém o item $A \rightarrow \alpha X$. β .
 - 2 Se o próximo *token* da entrada não é *X*: erro de sintaxe.
- 2 Se o estado s contém um item completo $A \rightarrow \gamma$. e o próximo token da entrada está em FOLLOW(A), faça reduce e:
 - Se S' foi reduzido e a entrada acabou: accept.
 - 2 Se S' foi reduzido e a entrada não acabou: erro de sintaxe.
 - 3 Caso contrário:
 - 1 Desempilhe γ , revelando o estado antigo s_{γ} onde a construção de γ começou.
 - 2 Tome a transição $s_{\gamma} \stackrel{A}{\rightarrow} s'$, empilhando $A \in s'$.
- 3 Se o próximo *token* da entrada não estiver em FOLLOW(A): erro de sintaxe.

Gramática SLR(1)

- Uma gramática é SLR(1) se, e somente se, para qualquer estado s, as seguintes condições forem satisfeitas:
 - 1 Para qualquer item $A \to \alpha$. $X\beta$ em s, onde X é um terminal, não existe em s um item completo $B \to \alpha$. com X em FOLLOW(B).
 - Para dois itens completos $A \to \alpha$. e $B \to \alpha$. em s, FOLLOW(A) \cap FOLLOW(B) $= \emptyset$.
- Violação da condição 1 é um conflito de shift-reduce.
- Gramática pode ser "reparada" em alguns casos estabelecendo que shift tem prioridade sobre reduce. Isso resolve o problema do else pendente.
- Violação da condição 2 é um conflito de reduce-reduce.
- Conflitos desse tipo em geral indicam um erro na gramática.
- A gramática de somas apresentada anteriormente não é LR(0) mas é SLR(1).

Limitações do *Parsing* SLR(1)

Considere a gramática de comandos em Pascal abaixo e a sua versão simplificada à direita.

```
stmt \rightarrow call\text{-}stmt \mid assign\text{-}stmt
call\text{-}stmt \rightarrow identifier
assign\text{-}stmt \rightarrow var := exp
var \rightarrow var [exp] \mid identifier
exp \rightarrow var \mid number
S \rightarrow id \mid V := E
V \rightarrow id \mid V \rightarrow id \mid E \rightarrow V \mid n
```

- Não é possível reconhecer a linguagem dessa gramática usando parsing SLR(1). (A gramática não é SLR(1).)
- O DFA de itens possui um estado contendo os itens $S \rightarrow id$. e $V \rightarrow id$. e temos que FOLLOW(S) = {\$} e FOLLOW(V) = {:=,\$}. \Rightarrow Conflito de reduce-reduce.
- Isso é um problema pois esse tipo de construção é comum em linguagens de programação.
- → Precisamos de um método de parsing LR mais poderoso.

O algoritmo de parse SLR(1):

- Constrói um DFA de itens LR(0).
- O look-ahead só é utilizado durante a execução do parser: operações de reduce testam se o look-ahead está no conjunto FOLLOW.
- Método não pode ser aplicado para dois itens LR(0) $A \rightarrow \alpha$. e $B \rightarrow \alpha$. com FOLLOW(A) \cap FOLLOW(B) $\neq \emptyset$.

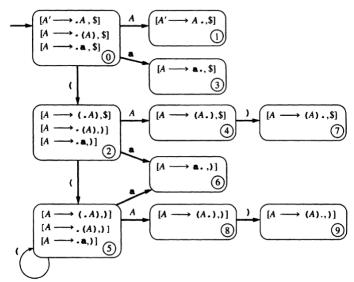
O algoritmo de parse LR(1) geral (canônico):

- Constrói um DFA de itens LR(1).
- Um item LR(1) tem a forma [$A \rightarrow \alpha$. β , a], onde $A \rightarrow \alpha$. β é um item LR(0) e a é um token de look-ahead.
- Para um item completo $[A \rightarrow \alpha\beta, a]$: operações de *reduce* testam se o *look-ahead* é a.
- É essencial destacar que a é o look-ahead esperado quando o item estiver completo.
- Os tokens dos itens LR(1) só servem para distinguir entre as regras que estão "habilitadas" para redução. Estes tokens não influenciam as operações de shift.
- Embutir o look-ahead na construção do DFA torna o método mais poderoso pois permite relaxar a restrição do algoritmo SLR(1).

Construindo o NFA de itens LR(1):

- Similar à construção do NFA de itens LR(0).
- Requer uma gramática aumentada como anteriormente.
- Estados do NFA são conjuntos de itens LR(1). Estado inicial contém $[S' \rightarrow S, \$]$.
- Definição das transições:
 - 1 Temos que $[A \to \alpha . X\beta, a] \xrightarrow{X} [A \to \alpha X . \beta, a]$, para qualquer símbolo $X \in (N \cup T)$.
 - 2 Dado um item $[A \to \alpha .B\beta, a]$ onde B é um não-terminal, há transições- ϵ para itens $[B \to .\gamma, b]$, para toda regra $B \to \gamma$ e todo *token b* em FIRST(βa).
- No caso 1, se X é um terminal, temos uma operação de shift. É essencial notar que não é necessário que X = a, pois a indica qual deve ser o look-ahead no momento da futura operação de redução.

DFA de itens LR(1) para a gramática $A \rightarrow (A) \mid a$.



Algoritmo de *Parsing* LR(1)

Seja s o estado atual no topo da pilha de parsing:

- 1 Se o estado *s* contém um item da forma $[A \rightarrow \alpha . X\beta, a]$, onde X é um terminal:
 - 1 Se o próximo *token* da entrada é X: faça *shift* de X e empilhe o novo estado que contém o item $[A \rightarrow \alpha \ X \ . \ \beta, a]$.
 - 2 Se o próximo *token* da entrada não é X: erro de sintaxe.
- 2 Se o estado s contém um item completo $[A \rightarrow \gamma, a]$ e o próximo token da entrada é a, faça reduce e:
 - Se S' foi reduzido e a entrada acabou: accept.
 - 2 Se S' foi reduzido e a entrada não acabou: erro de sintaxe.
 - 3 Caso contrário:
 - 1 Desempilhe γ , revelando o estado antigo s_{γ} onde a construção de γ começou.
 - **2** Tome a transição $\mathbf{s}_{\gamma} \stackrel{A}{\to} \mathbf{s}'$, empilhando $A \in \mathbf{s}'$.
- Se o próximo token da entrada não for a: erro de sintaxe.

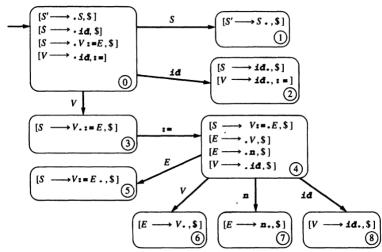
Gramática LR(1)

- Uma gramática é LR(1) se, e somente se, para qualquer estado s, as seguintes condições forem satisfeitas:
 - 1 Para qualquer item $[A \to \alpha . X\beta, a]$ em s, onde X é um terminal, não existe em s um item completo $[B \to \alpha . , X]$. (Caso contrário é um conflito de *shift-reduce*.)
 - 2 Não existem dois itens em s da forma $[A \rightarrow \alpha . , a]$ e $[B \rightarrow \alpha . , a]$. (Caso contrário é um conflito de reduce-reduce.)
- Próximo slide apresenta o DFA de itens LR(1) para a gramática que não é tratável pelo método SLR(1).
- Em geral, o DFA de itens LR(1) é bem maior (fator de 10) que o DFA de itens LR(0).
- O tamanho do DFA afeta diretamente o tamanho da tabela de parsing.
- Preocupações com eficiência levaram ao desenvolvimento do método LALR(1).

$$S \rightarrow id \mid V := E$$

 $V \rightarrow id$

DFA de itens LR(1) para a gramática $E \rightarrow V \mid \mathbf{n}$

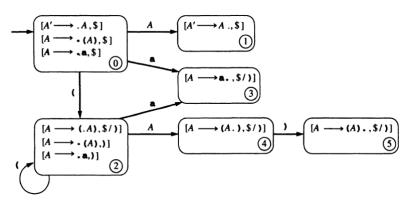


Parsing LALR(1)

- No DFA de itens LR(1), muitos estados distintos são diferenciados apenas pelo token de look-ahead, i.e., esses estados possuem o mesmo item LR(0).
- O algoritmo de parse LALR(1) identifica estes estados e combina os look-aheads.
- Assim, o DFA contém itens da forma $[A \rightarrow \alpha . \beta, a/b/c]$.
- Parsing LALR(1) possui praticamente o mesmo poder de reconhecimento que o LR(1) canônico e ao mesmo tempo utiliza um DFA menor.
- Por conta disso, LALR(1) é o método preferido para a implementação de parsers bottom-up.
- O Bison gera parsers LALR(1).

Parsing LALR(1)

DFA de itens LALR(1) para a gramática $A \rightarrow (A) \mid a$.



DFA de itens LR(1) tinha 10 estados, já o DFA acima tem o mesmo número de estados que o DFA de itens LR(0).

Parsing LALR(1)

- O algoritmo de parsing LALR(1) é o mesmo que o algoritmo de parsing LR(1) geral.
- A construção LALR(1) pode introduzir conflitos que não existem no método LR(1) geral, mas isso raramente acontece na prática.
- Se uma gramática é LR(1), o método LALR(1) não introduz conflitos de shift-reduce mas pode introduzir conflitos de reduce-reduce.
- Gramáticas LR(1) que não são LALR(1) geralmente não ocorrem em LPs. (Veja exemplo no exercício 5.2 do livro.)
- Vale destacar que não é necessário construir o DFA de itens LR(1) para depois condensá-lo em itens LALR(1).
- O DFA de itens LALR(1) pode ser construído diretamente a partir do DFA de itens LR(0) através de um processo chamado propagação de look-aheads.

Sumário

Comparativo entre os métodos bottom-up e top-down:

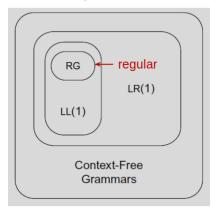
	Método LR(1)	Método LL(1)
Gramática	sem restrições	sem recursão à es- querda
Tabela	estados × símbolos (grande)	terminais × não- terminais (pequena)
Pilha	símbolos e estados	somente símbolos

Sumário

■ Poder de reconhecimento dos algoritmos de *parsing* LR:

$$LR(0) < SLR(1) < LALR(1) < LR(1) \qquad .$$

■ Poder de expressão das gramáticas:



Aula 05 – Bottom-Up Parsing

Prof. Eduardo Zambon

Departamento de Informática (DI) Centro Tecnológico (CT) Universidade Federal do Espírito Santo (UFES)

> 2016/2 - Compiladores Compiler Construction (CC)