Bacharelado em Sistemas de Informação Bacharelado em Ciência da Computação 4719 / 4646 - Pesquisa Operacional Profa, Márcia A, Zanoli Meira e Silva

2ª LISTA DE EXERCÍCIOS – MÉTODO SIMPLEX

Entregar os exercícios: 1, 5, 6, 7, 9, 12, 14, 15, 16, 18

Utilize o Método Simplex para resolver os problemas a seguir.

Quando existir solução mostre o valor de x^* , z^* e diga qual o tipo de solução.

1. $maximizar z = 2x_1 + 2x_2$

sujeito a:
$$\begin{cases} -x_1 + 3x_2 \le 12 \\ x_1 + x_2 \le 8 \\ 3x_1 - x_2 \le 12 \\ x > 0 \end{cases}$$

$$z^* = 16$$

2. $maximizar z = 2x_1 + 3x_2$

sujeito a:
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 \le 2 \\ 6x_1 + 4x_2 \ge 24 \\ x > 0 \end{cases}$$

$$z = 4$$

3. minimizar $z = x_1 + x_2$

sujeito a:
$$\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 \ge 5 \\ 12x_1 + 5x_2 \le 30 \\ x > 0 \end{cases}$$

$$z^* = 5/2$$

4. $maximizar z = 2x_1 + 2x_2$

$$sujeito \ a: \begin{cases} -2x_1 + x_2 \leq 2 \\ -x_1 + x_2 \geq 1 \\ x \geq 0 \end{cases}$$

$$z = 2$$

5. $maximizar z = 5x_1 + 2x_2$

sujeito a:
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 \le 9 \\ x_1 + x_2 \ge 7 \\ x_1 \le 3 \\ x_2 \le 4 \\ x \ge 0 \end{cases}$$

$$z = 21$$

6. maximizar $z = 6x_1 + 2x_2 + x_3$

sujeito a:
$$\begin{cases} x_1 - x_2 + 2x_3 \ge 2 \\ 5x_1 + 4x_2 - x_3 = -5 \\ 3x_1 + 2x_2 - 2x_3 \le 1 \\ x_1 \ge 0, x_2 \ livre, \ x_3 \ge 0 \end{cases}$$

$$z = 22$$

7. $minimizar z = 14x_1 + 13x_2 + 11x_3 + 13x_4 + 13x_5 + 12x_6$

sujeito a:
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 &= 1200 \\ x_4 + x_5 + x_6 &= 1000 \\ x_1 &+ x_4 &= 1000 \\ x_2 &+ x_5 &= 700 \\ x_3 &+ x_6 &= 500 \\ x \geq 0 \end{cases}$$

$$z^* = 27600$$

8. *minimizar* $z = 2x_1 + x_2$

$$sujeito \ a: \begin{cases} x_1 + 2x_2 \ge 8 \\ -x_1 + x_2 = 2 \\ x \ge 0 \end{cases}$$

$$z^* = 6$$

9. $maximizar z = 2x_1 + 2x_2$

sujeito a:
$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 \le 2\\ x_1 + x_2 \ge 5\\ x > 0 \end{cases}$$

$$z = 4$$

10. $minimizar z = x_1 + x_2$

sujeito a:
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 \ge 5000 \\ 5x_1 + 3x_2 \ge 12000 \\ x \ge 0 \end{cases}$$

$$z^* = 22000/7$$

11. $maximizar z = x_1 + x_2$

sujeito a:
$$\begin{cases} x_1 + 5x_2 \le 5\\ 2x_1 + x_2 \le 4\\ x > 0 \end{cases}$$

$$z^* = 7/3$$

12. $minimizar z = 2x_1 - x_2 + 4x_3$

sujeito a:
$$\begin{cases} 5x_1 - 2x_2 - 3x_3 \ge 7 \\ 2x_1 - 2x_2 + x_3 \le 8 \\ x \ge 0 \end{cases}$$

$$z = 14/5$$

13. $maximizar z = x_1 + 9x_2 + x_3$

sujeito a:
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 \le 9 \\ 3x_1 + 2x_2 + 2x_3 \le 15 \\ x > 0 \end{cases}$$

$$z^* = 81/2$$

14. $minimizar z = 2x_1 + 5x_2$

sujeito a:
$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 \ge 12 \\ 7x_1 + 4x_2 \le 28 \\ x > 0 \end{cases}$$

$$z^* = 212/13$$

15. $minimizar z = 5x_1 + 4x_2$

sujeito a:
$$\begin{cases} 10x_1 + 2x_2 \ge 20 \\ 8x_1 + 4x_2 \ge 32 \\ 4x_1 + 10x_2 \ge 40 \\ x > 0 \end{cases}$$

$$z^* = 49/2$$

16. $maximizar z = -2x_1 - 4x_2 - 10x_3$

sujeito a:
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 \le 120 \\ x_1 + 2x_2 + 5x_3 \ge 30 \\ x \ge 0 \end{cases}$$

$$z^* = -60$$

17. $minimizar z = 3x_1 + 2x_2 + x_3$

sujeito a:
$$\begin{cases} 3x_1 + x_2 + 3x_3 \ge 6 \\ 3x_1 + 2x_2 = 6 \\ x_1 - x_2 \le 1 \\ x > 0 \end{cases}$$

$$z^* = 31/5$$

18. $minimizar z = 2x_1 + 3x_2$

sujeito a:
$$\begin{cases} 4x_1 + 2x_2 \ge -2 \\ 8x_1 - 2x_2 = 4 \\ x_1 \ livre, \ x_2 \ge 0 \end{cases}$$

$$z^* = 1$$