



08.12.20

Nome: Davi Augusto Neves Leite RA: 191027383

## EDI - 2ª Avaliação

① A ordenação externa consiste em ordenar arquivos de tamanho maior que a memória interna disponível. Dessa forma, os algoritmos associados devem diminuir o número de acesso as unidades de memória externa.

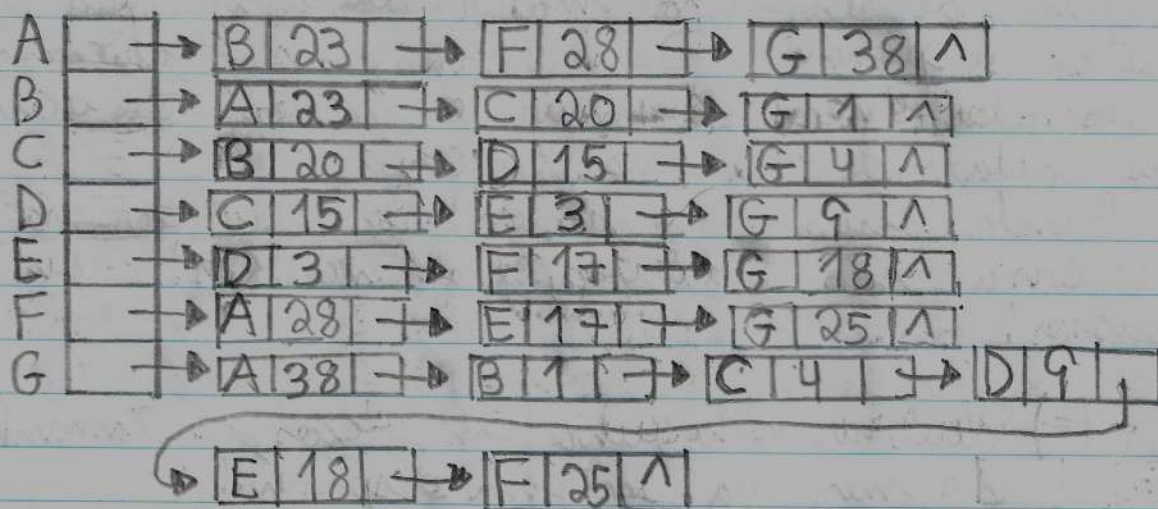
Send assim, os algoritmos para ordenação externa são pautados, geralmente, nas seguintes passos:

- 1º) Dividir o arquivo em blocos do tamanho da memória interna disponível;
- 2º) Ordenar cada bloco na memória interna;
- 3º) Intercalar os blocos ordenados, fazendo várias passadas sobre o arquivo;
- 4º) A cada passada são criados blocos ordenados cada vez maiores, até que todo o arquivo esteja ordenado.

Resumidamente, essa estratégia básica é dividida em duas etapas: classificar (gerar as partições ordenadas) e intercalar (transformar as partições em um arquivo ordenado).

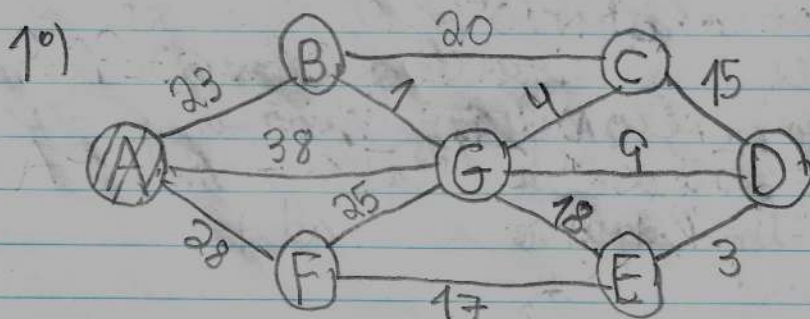
2a) A lista de adjacência, de peso (vértice-adjacente / peso-da-aresta), para o grafo é:

Lista



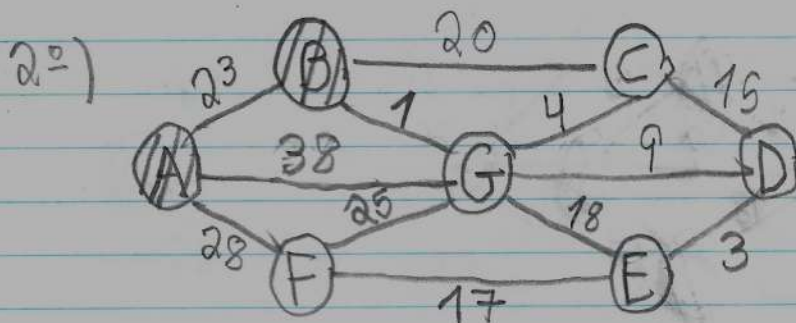
b) Um exemplo de percurso em profundidade, a partir do vértice A, pode ser:

\* Considerar: ○ - não visitado  
 ⊗ - visitado

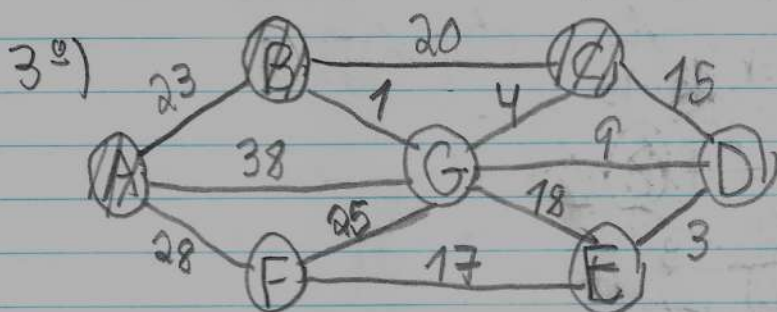


Percurso atual: A

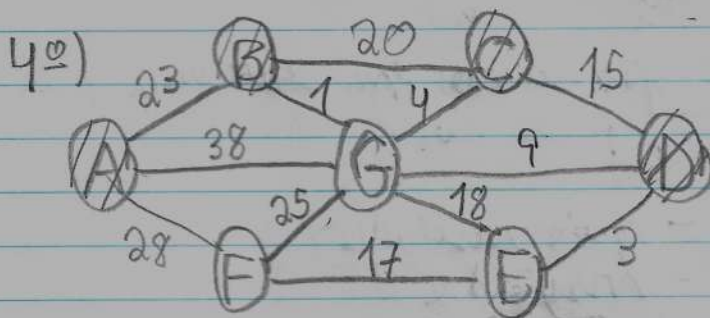




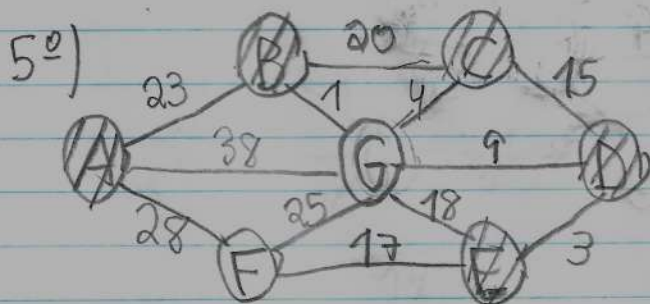
Percorso atual:  $A \rightarrow B$



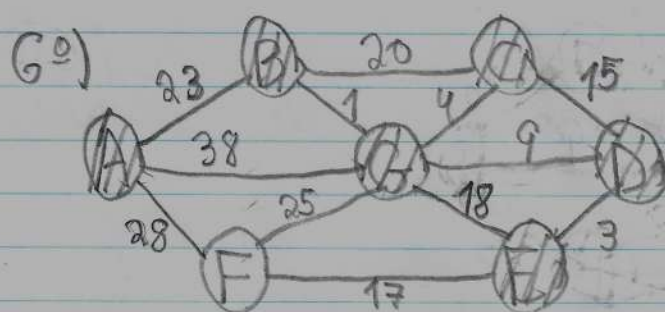
Percorso atual:  $A \rightarrow B \rightarrow C$



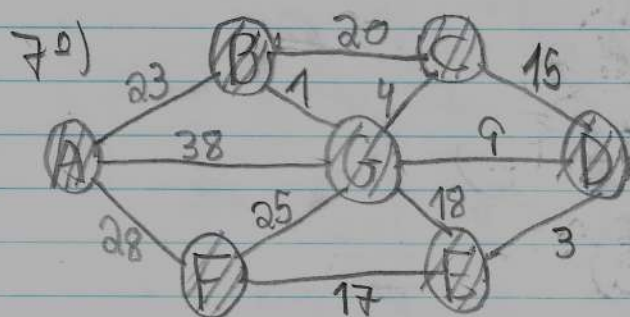
Percorso atual:  $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D$



Percorso atual:  $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E$



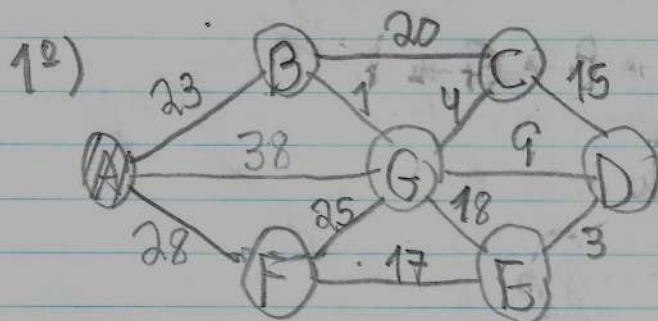
Percurso atual:  $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E \rightarrow G$



Percurso atual:  $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E \rightarrow G \rightarrow F$

c) Um exemplo de percurso em largura, a partir do vértice A, pode ser:

\* Considerar:  $\bigcirc$  - não visitado  
 $\diagup$  - visitado

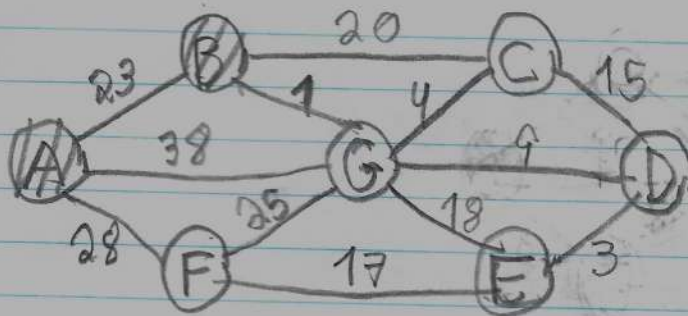


Percurso atual: A



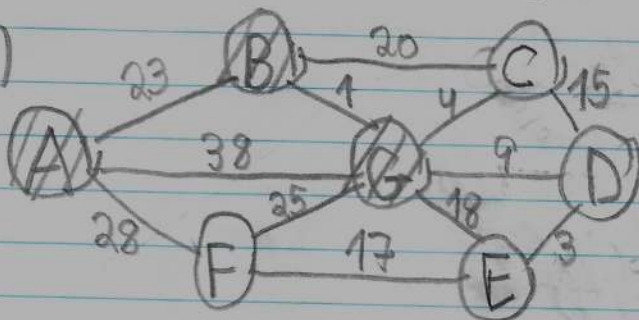


2°)



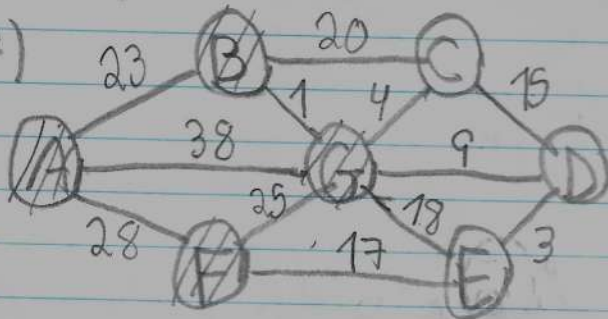
Percorso attuale:  $A \rightarrow B$

3°)



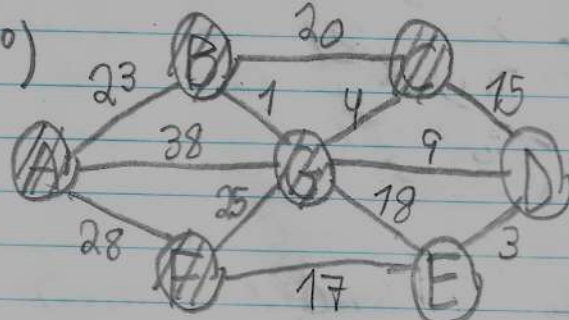
Percorso attuale:  $A \rightarrow B \rightarrow G$

4°)

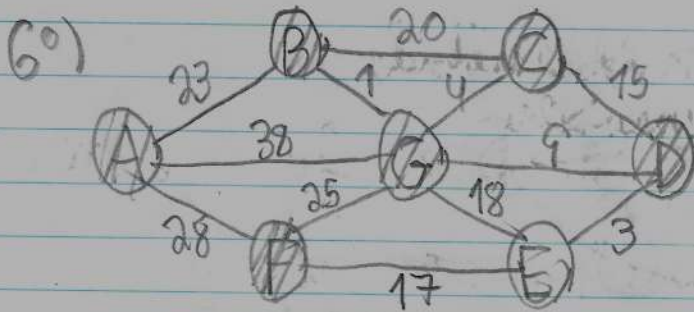
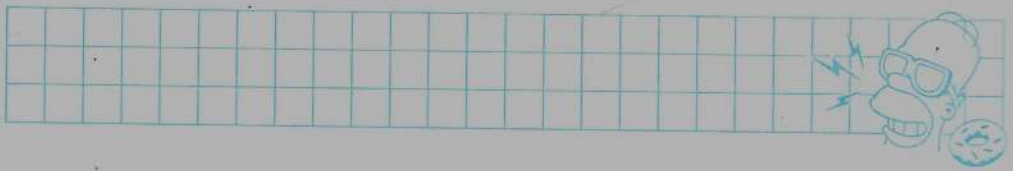


Percorso attuale:  $A \rightarrow B \rightarrow G \rightarrow F$

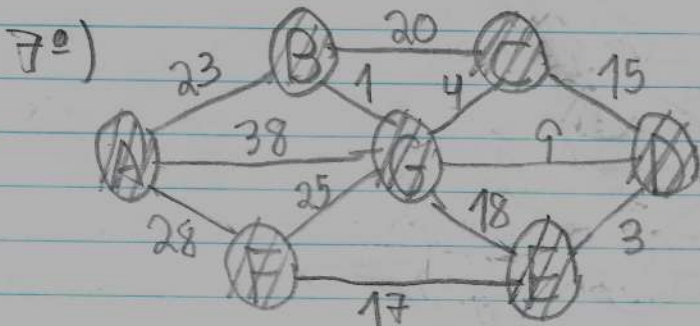
5°)



Percorso attuale:  $A \rightarrow B \rightarrow G \rightarrow F \rightarrow C$

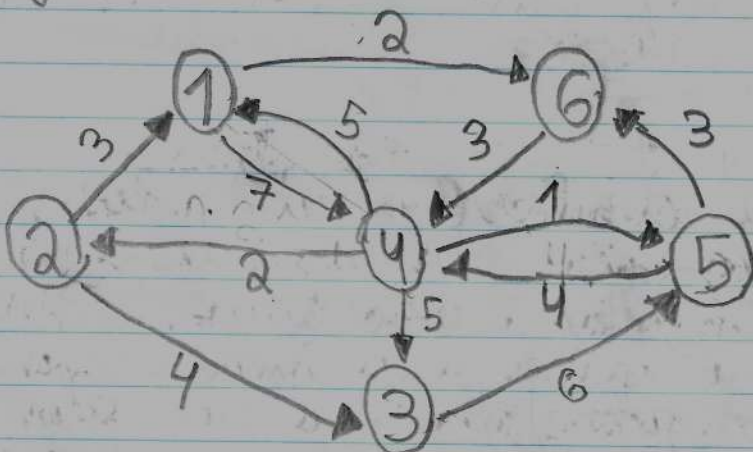


Percurso atual:  $A \rightarrow B \rightarrow G \rightarrow F \rightarrow C \rightarrow D$



Percurso atual:  $A \rightarrow B \rightarrow G \rightarrow F \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E$

③ Grafo atual:



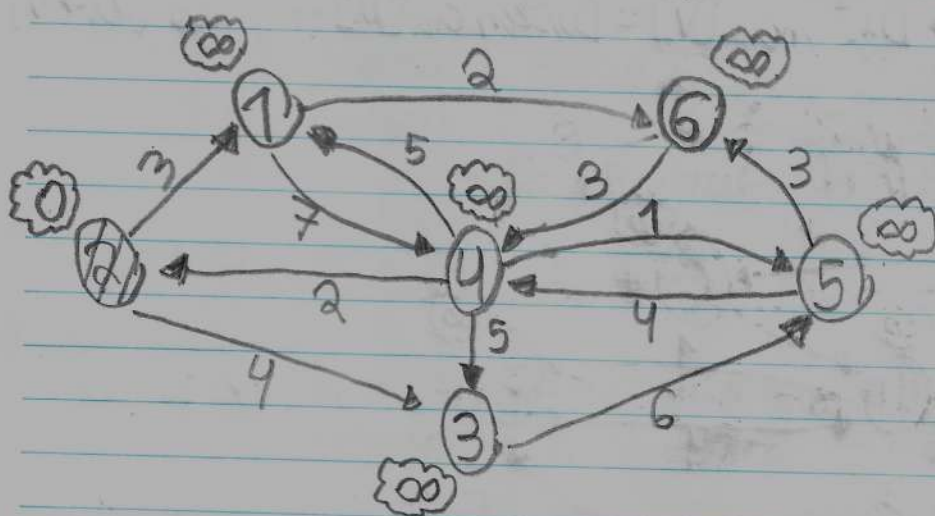
Considerando a vértice 2 como origem, tem-se os seguintes caminhos mínimos (aplicando Dijkstra):





\* Considerar:  $\emptyset$  - não visitado  
 $\odot$  - visitado  
 $\infty$  - distância  $\infty$  até o vértice atual

1º) Iniciar o vetor distância com infinito, exceto a posição inicial (valor 0), como mostra abaixo



Distância [E] = {INF, INF, 0, INF, INF, INF, INF}

2º) Atualizar a distância dos vértices adjacentes somente se a distância do vértice atual (ou seja, até ali), mais o peso da aresta entre o vértice atual e o adjacente analisado for menor (ou seja, mínimo) do que a distância atual do vértice adjacente analisado.

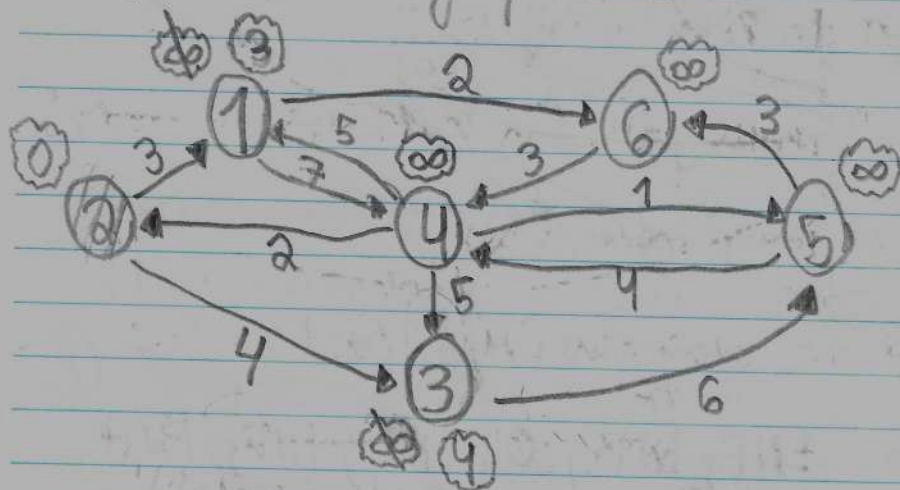
↳ Em outras palavras: seja "u" o vértice atual, tem-se o seguinte algoritmo:

⇒ Para cada vértice "v" adjacente a "u":

⇒ Se  $\text{Distancia}[u] + \text{peso}(u \rightarrow v) < \text{Distancia}[v]$ :

⇒  $\text{Distancia}[v] = \text{Distancia}[u] + \text{peso}(u \rightarrow v)$

Aplicando ao grafo:



$\text{Distancia}[] = \{\text{INF}, 3, 0, 4, \text{INF}, \text{INF}, \text{INF}\}$

3ª) Para otimizar a repetição necessária ao passo 2 (passando por todos os vértices adjacentes) e ter um critério de parada melhor definido, utiliza-se uma fila de prioridade que consiste em uma fila ordenada por prioridade (valores crescentes ou decrescentes).

Dessa forma, pode-se adicionar ao par de ( $\text{distancia}[\text{adjacente}]$ ,  $\text{adjacente}$ ) na fila de prioridade (decrescente) e realizar o passo 2 a partir do valor de início da fila.





De outra forma, o Dijkstra pode ser descrito como o seguinte algoritmo:

⇒ Dijkstra (grafo  $G$ ; vértice inicial):

⇒ Para cada vértice " $u$ " em  $G$ :  
distância [ $u$ ] = INFINITO;

⇒ distância [inicial] = 0;

⇒ Adicionar a par ( $\text{distância}[\text{inicial}], \text{inicial}$ ) a uma fila de prioridades  $Q$ .

⇒ Repetição: enquanto  $Q$  não estiver vazia:

⇒  $u = \text{retorna\_inicial}(Q)$

⇒ Para cada vértice " $v$ " adjacente a " $u$ ":

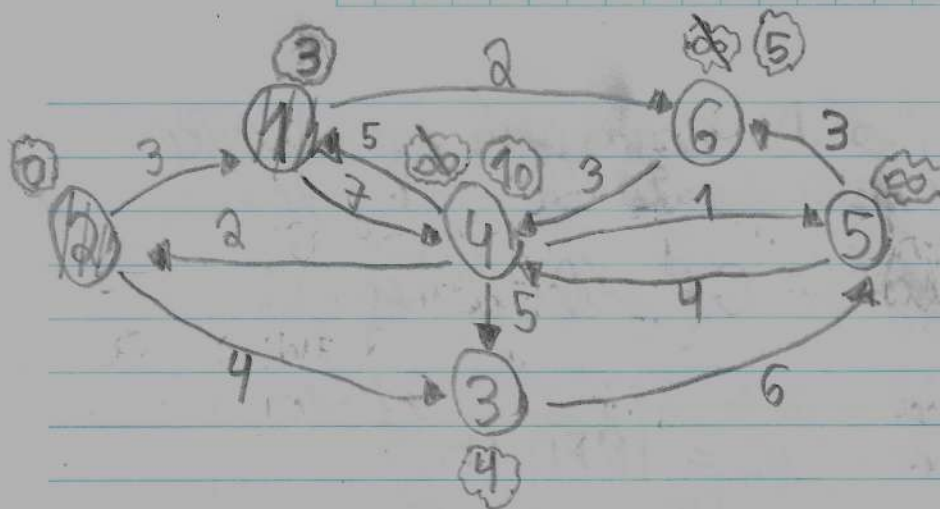
⇒ Se  $\text{distância}[u] + \text{peso}(u \rightarrow v) < \text{distância}[v]$ , então:

⇒  $\text{distância}[v] = \text{distância}[u] + \text{peso}(u \rightarrow v)$

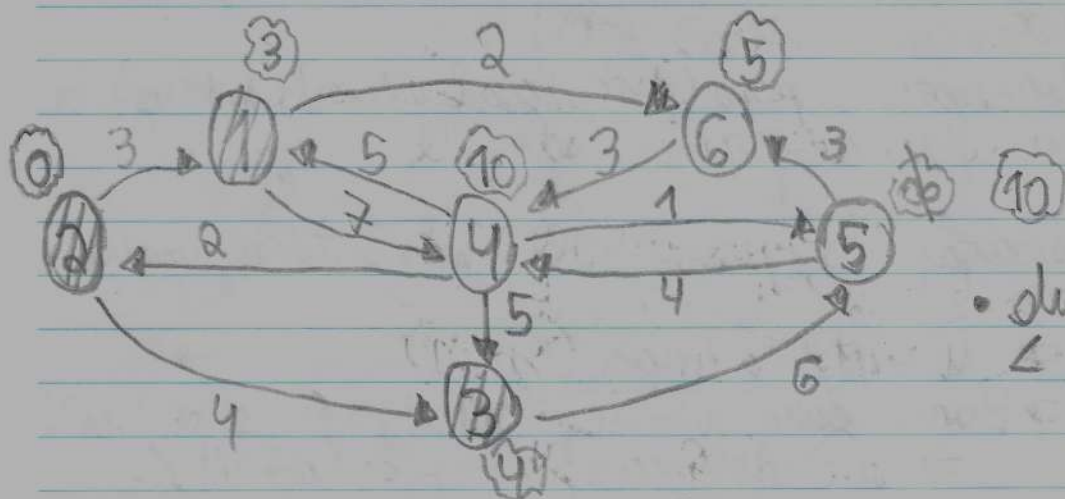
⇒ Adicionar ( $-\text{distância}[v], v$ ) à fila de prioridades  $Q$

⇒ Fim do Algoritmo

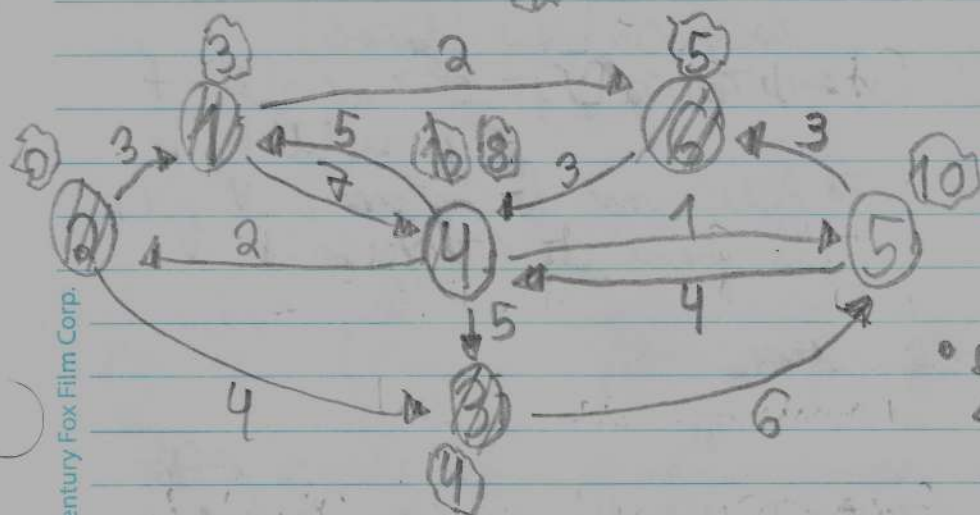
Seja assim, aplicando o algoritmo acima no grafo presente no par 2, tem-se:



- $dist[1] + peso(1 \rightarrow 6)$   
 $< dist[6]$
- $dist[1] + peso(1 \rightarrow 4)$   
 $< dist[4]$



- $dist[3] + peso(3 \rightarrow 5)$   
 $< dist[5]$



- $dist[6] + peso(6 \rightarrow 4)$   
 $< dist[4]$



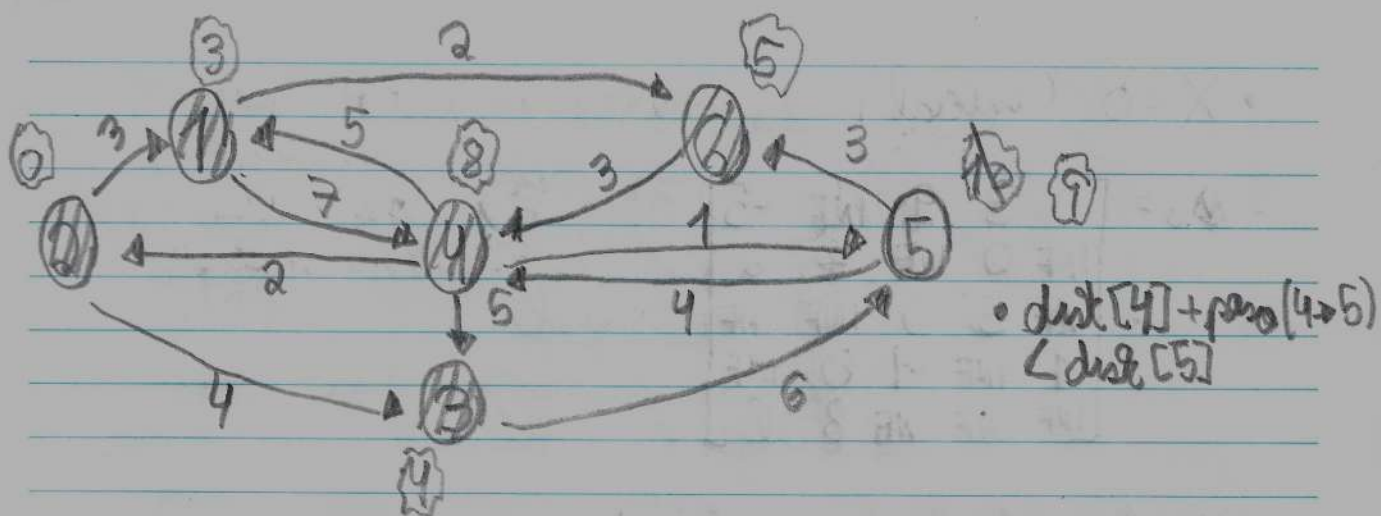
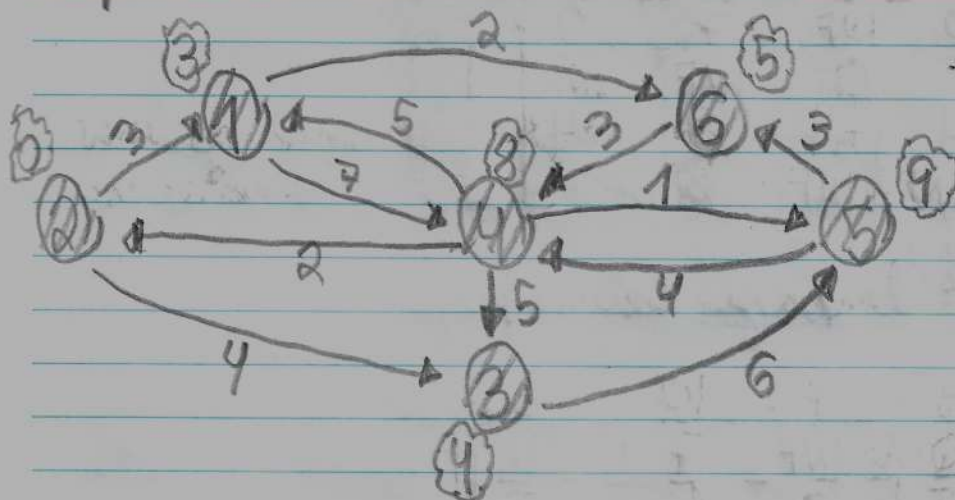


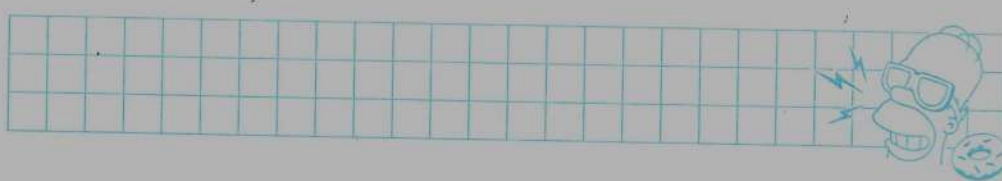
Gráfico final com distâncias mínimas a partir do nó 2:



Distância  $[i] = \{ \text{INF}, 3, 0, 4, 8, 9, 5 \}$   
 Nó  $\rightarrow 0 \quad 1 \quad 2 \quad 3 \quad 4 \quad 5 \quad 6$

④ Aplicando o algoritmo de Floyd:

\* Considere:  $M^x =$  Matriz de Distâncias (Pesos) da iteração " $x$ "



•  $X=0$  (inicial)

$$M_0 = \begin{bmatrix} 0 & 3 & 9 & \text{INF} & -5 \\ \text{INF} & 0 & \text{INF} & 7 & 2 \\ \text{INF} & 5 & 0 & \text{INF} & \text{INF} \\ 1 & \text{INF} & -4 & 0 & \text{INF} \\ \text{INF} & \text{INF} & \text{INF} & 8 & 0 \end{bmatrix}$$

•  $X=1$  (1ª linha e coluna)

$$M_1 = \begin{bmatrix} 0 & 3 & 9 & \text{INF} & -5 \\ \text{INF} & 0 & \text{INF} & 7 & 2 \\ \text{INF} & 5 & 0 & \text{INF} & \text{INF} \\ 1 & 4 & -4 & 0 & -4 \\ \text{INF} & \text{INF} & \text{INF} & 8 & 0 \end{bmatrix}$$

•  $X=2$  (2ª linha e coluna)

$$M_2 = \begin{bmatrix} 0 & 3 & 9 & 10 & -5 \\ \text{INF} & 0 & \text{INF} & 7 & 2 \\ \text{INF} & 5 & 0 & 12 & 7 \\ 1 & 4 & -4 & 0 & -4 \\ \text{INF} & \text{INF} & \text{INF} & 8 & 0 \end{bmatrix}$$

•  $X=3$  (3ª linha e coluna)

$$M_3 = \begin{bmatrix} 0 & 3 & 9 & 10 & -5 \\ \text{INF} & 0 & \text{INF} & 7 & 2 \\ \text{INF} & 5 & 0 & 12 & 7 \\ 1 & 1 & -4 & 0 & -4 \\ \text{INF} & \text{INF} & \text{INF} & 8 & 0 \end{bmatrix}$$





•  $X=4$  (4ª linha e coluna)

$$M_4 = \begin{bmatrix} 0 & 3 & 6 & 10 & -5 \\ 8 & 0 & 3 & 7 & 2 \\ 13 & 5 & 0 & 12 & 7 \\ 1 & 1 & -4 & 0 & -4 \\ 9 & 9 & 4 & 8 & 0 \end{bmatrix}$$

•  $X=5$  (5ª linha e coluna)

$$M_5 = \begin{bmatrix} 0 & 3 & -1 & 3 & -5 \\ 8 & 0 & 3 & 7 & 2 \\ 13 & 5 & 0 & 12 & 7 \\ 1 & 1 & -4 & 0 & -4 \\ 9 & 9 & 4 & 8 & 0 \end{bmatrix}$$

∴ Matriz Final de Distâncias

$$M_5 = \begin{matrix} & \begin{matrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 0 & 3 & -1 & 3 & -5 \\ 8 & 0 & 3 & 7 & 2 \\ 13 & 5 & 0 & 12 & 7 \\ 1 & 1 & -4 & 0 & -4 \\ 9 & 9 & 4 & 8 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

⑤ Para otimizar a infraestrutura de rede da empresa basta encontrar a chamada árvore geradora mínima do grafo formado pela infraestrutura de rede ( $G$ ). A árvore geradora mínima nada mais é do que um subgrafo de  $G$  (sendo  $G$  um grafo não orientado, conexo e ponderado) que conecta todos os vértices de  $G$  e com o menor



para total final. Em outras palavras, para realizar a otimização da infraestrutura de rede, basta encontrar um grafo que conecte todos os vértices da infraestrutura, tendo a menor custo total.

Uma das formas de se encontrar essa árvore geradora mínima está na aplicação do algoritmo de Prim. Esse algoritmo consiste nos seguintes passos:

- 1º) Iniciar num vértice arbitrário;
- 2º) Percorrer as arestas incidentes em busca da aresta segura, sendo esta uma aresta de peso mínima que conecta a árvore a um vértice não presente na árvore.
- 3º) Inserir o vértice na árvore.

Dessa forma, aplicando o algoritmo de Prim na infraestrutura de rede da empresa tem-se:

↳ Selecionando o vértice 4 como inicial

AGM:

④

↳ Basta analisar qual a aresta segura, neste caso a que conecta o vértice 4 ao vértice 1 (custo 10)

AGM:

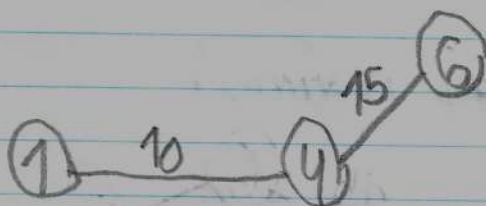
① — 10 — ④





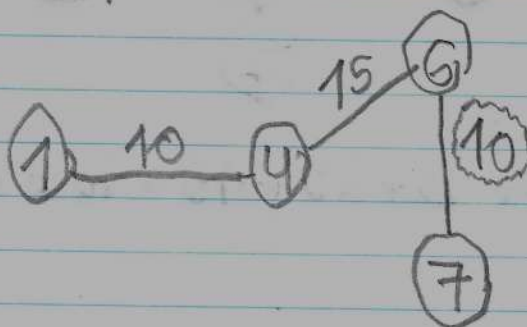
↳ Agora, precisamos analisar todas as arestas dos vértices 1 e 4 em busca da aresta segura. Encontramos duas com mesmo peso de 15: vértice 4 ao 6 e vértice 1 ao 3. Insere arbitrariamente.

AGM:

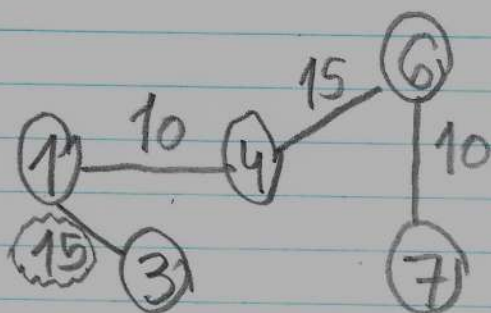


↳ Repetindo os passos:

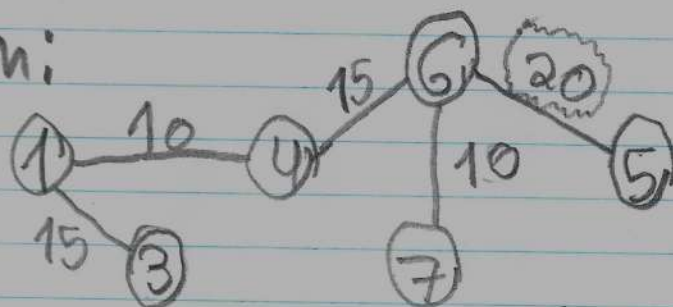
AGM:

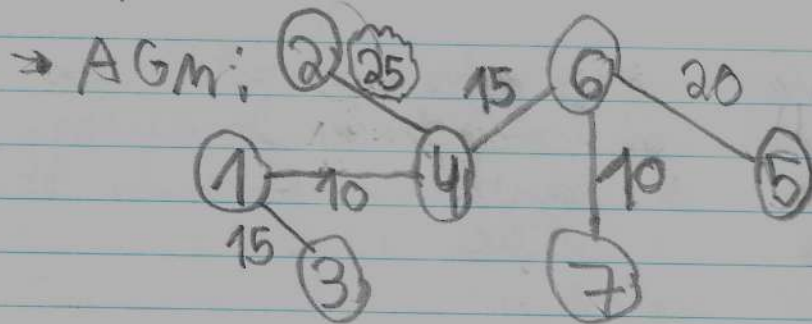


→ AGM:

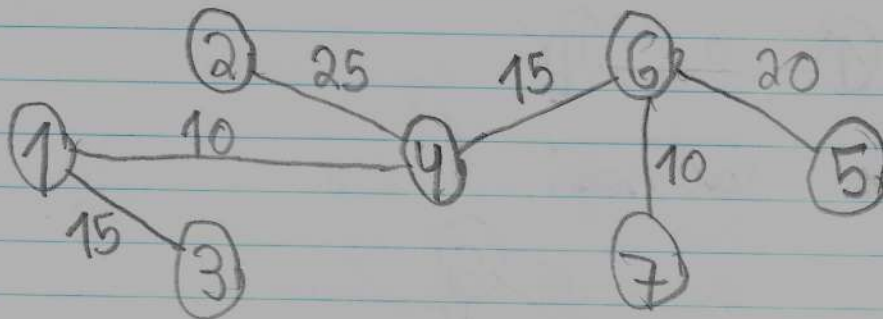


→ AGM:





∴ Árvore Geradora Mínima:



Para total:  $15 + 10 + 25 + 15 + 10 + 20 = 95$