

Problema XorFibo

Fișier de intrare xorfibo.in Fișier de ieșire xorfibo.out

Pătrățel și Triunghiuleț se ceartă din nou de Sfântul Valentin. Motivul disputei de anul acesta? Pătrățel a spus că șirul Fibonacci este mult mai frumos decât cel al puterilor lui 2 — preferatul lui Triunghiuleț. Șirul Fibonacci este șirul care începe cu 0 și 1, iar fiecare element este egal cu suma celor două elemente de dinaintea lui, după cum este exemplificat mai jos:

$$0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, \dots$$

Lui Triunghiulet îi place șirul puterilor lui 2 în mod deosebit, deoarece se poate calcula foarte ușor suma XOR a oricărei subsecvențe a acestuia. Așadar, i-a spus lui Pătrățel că va fi de acord cu el doar dacă va reuși sa răspundă corect la Q întrebări legate de suma XOR a mai multor subsecvențe din șirul Fibonacci. Totuși, Triunghiulet înțelege că numerele din șirul Fibonacci cresc rapid și decide să îl lase pe Pătrățel să îi spună restul împărțirii rezultatului la numărul 2^k , pentru fiecare întrebare.

Prin urmare, Pătrățel trebuie să răspundă corect la Q întrebări, fiecare fiind de forma: k, l, r. Pătrățel este nevoit să afle în cadrul fiecărei astfel de întrebări care este restul împărțirii la numărul 2^k a sumei XOR a numerelor din șirul Fibonacci de pe pozițiile: $l, l+1, \ldots, r-1, r$; adică subsecvența care începe pe poziția l și se termină pe poziția r.

Pătrățel te roagă pe tine să îl ajuți să termine odată această ceartă și să se întoarcă la o zi normală de Sfântul Valentin.

Date de intrare

Fișierul de intrare **xorfibo.in** conține pe prima linie numărul natural Q, reprezentând numărul de întrebări la care Pătrățel trebuie să răspundă. Pe fiecare dintre următoarele Q linii se vor găsi, separate între ele prin câte un spațiu: $k \ l \ r$ — valori care caracterizează întrebarea respectivă.

Date de iesire

Fișierul de ieșire **xorfibo.out** va conține pe cea de-a *i*-a linie răspunsul corect pentru cea de-a *i*-a întrebare.

Restricții și precizări

- $1 \le Q \le 10^6$
- $0 \le l \le r \le 10^{18}$
- $1 \le k \le 20$
- Se consideră că șirul *Fibonacci* este indexat de la 0.
- Prin subsecvență a unui șir se înțelege o secvență nevidă continuă din șir, formată din elemente situate pe poziții consecutive în acesta.
- Operația XOR reprezintă operația de disjuncție exclusivă realizată pe biții operanzilor (numerelor). În Pascal, operatorul corespunzător este xor, iar în C/C++ acest operator este \wedge . Ca exemplu, putem deduce că $20 \ xor \ 14 = 20 \ \wedge \ 14 = 26$.



Subtask 1 (9 puncte)

• k=1, pentru fiecare întrebare dintre cele Q

Subtask 2 (18 puncte)

- $Q \le 10^5$
- $r-l+1 \leq 10$, pentru fiecare întrebare dintre cele Q

Subtask 3 (30 de puncte)

• $r \leq 10^6$, pentru fiecare întrebare dintre cele Q

Subtask 4 (43 de puncte)

• Nu există restricții suplimentare.

Exemplu

xorfibo.in	xorfibo.out
3	2
2 0 3	14
4 4 6	519891
20 100 1000	

Explicație

Notăm cu $a \oplus b$ suma XOR a numerelor a și b. Scrierea $a \mod b = c$ reprezintă faptul că restul împărțirii numărului a la b este egal cu c.

Pentru prima întrebare, $0 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 2 \mod 2^2 = 2 \mod 4 = 2$.

Pentru cea de-a doua întrebare, $3 \oplus 5 \oplus 8 \mod 2^6 = 14 \mod 64 = 14$.