



TEMA 5. Modelado y Verificación Formal

Parte 2 de 2

Calidad del Software

Dr. José Luis Abellán Miguel

Grado en Ingeniería Informática

Índice

- ☐ Introducción
- ☐ Estrategia de cuarto limpio
- ☐ Especificación funcional
- ☐ Diseño de cuarto limpio
- ☒ Conceptos de métodos formales
- ☐ Lenguajes de especificación formal

Bibliografía

- Pressman, R. ***Ingeniería del Software: Un enfoque práctico***. 7ª edición. Madrid: McGraw Hill, 2010.
ISBN: 9701054733 (disponible en la biblioteca UCAM) → **Capítulo 21**

Conceptos de Métodos Formales (1/3)

- ❑ Definición [Encyclopedia of Software Engineering'01]:
 - “*Los métodos formales son técnicas con base matemática para describir las propiedades del sistema. Tales métodos formales proporcionan marcos conceptuales dentro de los cuales las personas pueden especificar, desarrollar y verificar los sistemas en forma sistemática”*
- ❑ Los métodos de especificación permiten que los requerimientos o el diseño se interpreten solo en una forma, lo que elimina la ambigüedad de interpretación.
 - Las facilidades descriptivas de la teoría de conjuntos y la notación lógica permiten un enunciado claro de los requerimientos.

Conceptos de Métodos Formales (2/3)

Ejemplo1: Tabla simbólica

MaxIds = 10

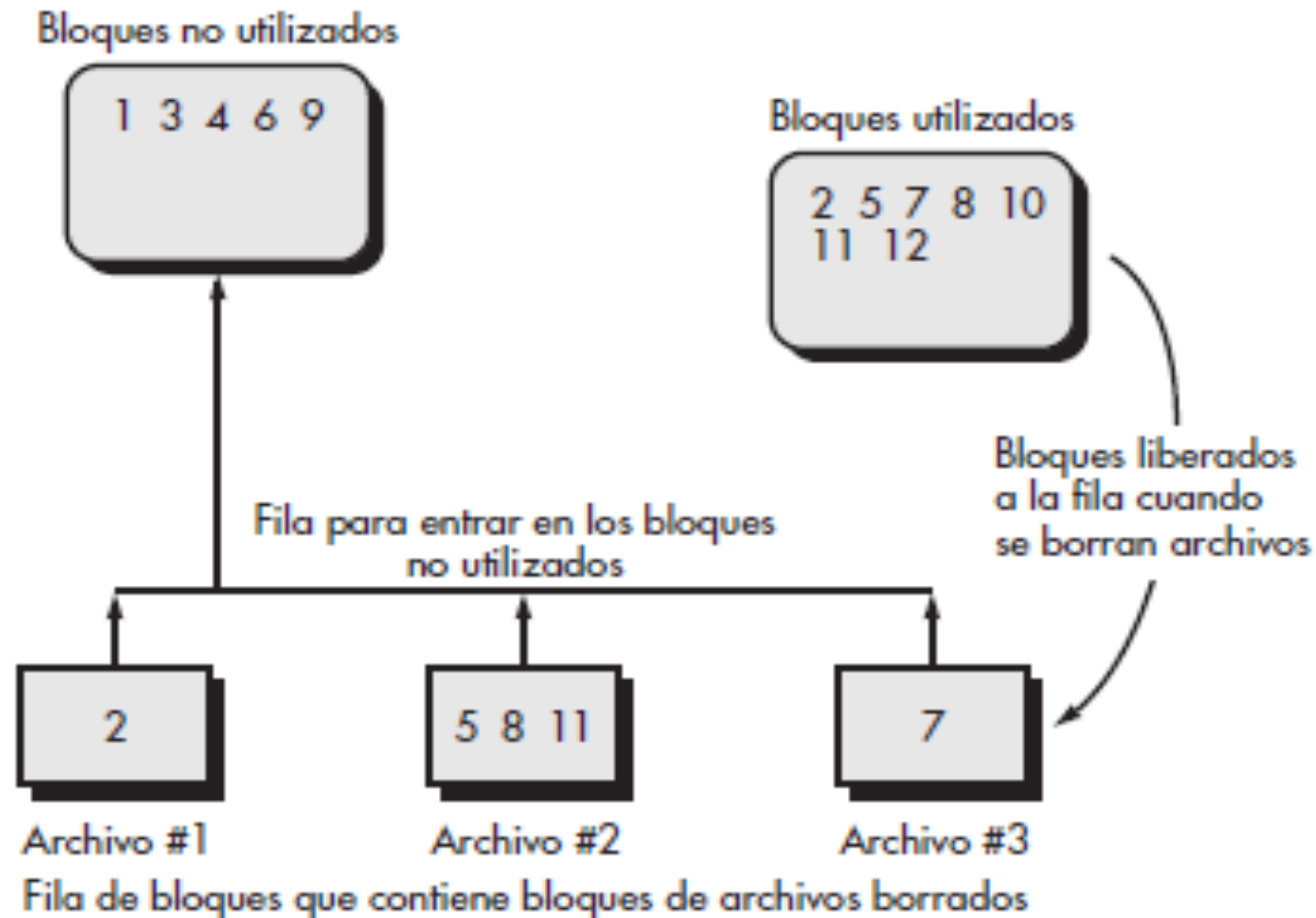
1. Wilson
2. Simpson
3. Abel
4. Fernandez
5.
6.
7.
8.
9.
10.

- Un programa se usa para mantener una tabla simbólica
- Restricciones:
 - Restr1: Colección de ítems sin duplicación
 - Restr2: No se pueden almacenar más de MaxIds nombres

- **Estado:** datos almacenados en el sistema (tabla simbólica)
- **Invariante de datos:** lo que no cambia (Restr2).
- **Operaciones:** leer o escribir datos (add() y remove())
 - **Precondición:** circunstancias en las que es válida una operación (cuando se cumplen Restr1 & Restr2)
 - **Postcondición:** lo que se garantiza que es verdadero hasta completar una operación (para add() la tabla aumentará con el nuevo identificador)

Conceptos de Métodos Formales (2/3)

Ejemplo2: Manipulador de bloques (1/3)



Conceptos de Métodos Formales (2/3)

Ejemplo2: Manipulador de bloques (2/3)

- ❑ **Estado:** colección de bloques libres, la colección de bloques usados y la fila de bloques reciclados
- ❑ **Invariante de datos:**
 - Ningún bloque se marcará como no utilizado y usado al mismo tiempo
 - Todos los conjuntos de bloques que se conservan en la fila serán subconjuntos de la colección de los bloques actualmente utilizados
 - Ningún elemento de la fila contendrá el mismo número de bloque
 - La colección de bloques utilizados y bloques que no se usan será la colección total de bloques que constituyen los archivos

Conceptos de Métodos Formales (2/3)

Ejemplo2: Manipulador de bloques (3/3)

- ❑ **Operaciones:** *add(bloques)*, *remove(bloques)* y *check()* (Comprueba si la fila de bloques esta vacía)
 - **Precondición:** *add* (los bloques que se van a agregar deben estar en la colección de bloques usados); *remove* (la fila debe tener al menos un item); *check* (NULL).
 - **Postcondición:** *add* (la coleccion de bloques ahora se encuentra al final de la fila); *remove* (los bloques deben agregarse a la colección de bloques no utilizados); *check* (entrega el valor *true* si la fila esta vacía y *false* en otro caso).

Conceptos de Métodos Formales (3/3)

- ◆ Ejercicio: en grupos de dos/tres alumnos especificar un marco conceptual basado en metodología formal para una función que describa una operación sobre una estructura de datos que el grupo considere.
 - **Definir el estado, invariante de datos, al menos una operación con su precondition y postcondition**

Lenguajes de Especificación Formal (1/3)

- ❑ Se componen de tres componentes principales:
 - Sintaxis que define la notación específica con la que se representa la especificación
 - Notación estándar de la teoría de conjuntos y cálculo de predicados
 - Semántica para ayudar a definir un “universo de objetos” que se usaran para describir el sistema
 - Cómo representa el lenguaje los requerimientos del sistema
 - Un conjunto de relaciones que definen las reglas que indican qué objetos satisfacen adecuadamente la especificación

Lenguajes de Especificación Formal (2/3)

Lenguaje de restricción de objeto (OCL) (1/13)

- ❑ Notación formal desarrollada de modo que los usuarios de UML puedan agregar mas precisión a sus especificaciones.
- ❑ Diagramas UML: clase, estado o actividad
 - Se agregan expresiones OCL y hechos de estado acerca de elementos de los diagramas:
 - **Invariantes:** Ej., El propietario de un coche ha de ser mayor de edad
 - **Pre/Postcondiciones:** Ej., La operación se ejecuta para un conjunto no vacío. El resultado de la operación añade un elemento al conjunto
 - Dichas expresiones se llaman **restricciones**; cualquier implementación derivada del modelo debe asegurar que cada una de las restricciones siempre sigue siendo verdadera.

Lenguajes de Especificación Formal (2/3)

Lenguaje de restricción de objeto (OCL) (2/13)

□ Notación OCL:

$x.y$	Obtiene la propiedad y del objeto x . Una propiedad puede ser un atributo, el conjunto de objetos al final de una asociación, el resultado de evaluar una operación y otras cosas, dependiendo del tipo de diagrama UML. Si x es un Conjunto, entonces y se aplica a cada elemento de x ; los resultados se recopilan en un nuevo Conjunto.
$c \rightarrow f()$	Aplica la operación f interna de OCL a la Colección c en sí (en oposición a cada uno de los objetos en c). A continuación se mencionan ejemplos de operaciones internas.
$\text{and, or, =, } \neq$	And lógica, or lógica, igual, no es igual.
$p \text{ implica } q$	Verdadero si q es verdadero o p es falso.

Lenguajes de Especificación Formal (2/3)

Lenguaje de restricción de objeto (OCL) (3/13)

□ Notación OCL:

Muestra de operaciones sobre colecciones (incluidos conjuntos y secuencias)

<code>C->size()</code>	El número de elementos en la Colección <code>c</code> .
<code>C->isEmpty()</code>	Verdadero si <code>c</code> no tiene elementos, falso de otro modo.
<code>c1->includesAll(c2)</code>	Verdadero si cada elemento de <code>c2</code> se encuentra en <code>c1</code> .
<code>c1->excludesAll(c2)</code>	Verdadero si ningún elemento de <code>c2</code> se encuentra en <code>c1</code> .
<code>C->forAll(elem boolexpr)</code>	Verdadero si <code>boolexpr</code> es verdadera cuando se aplica a cada elemento de <code>c</code> . Conforme se evalúa un elemento, se enlaza a la variable <code>elem</code> , que puede usarse en <code>boolexpr</code> . Esto implementa cuantificación universal, que se estudió anteriormente.
<code>C->forAll(elem1, elem2 boolexpr)</code>	Igual que el anterior, excepto que <code>boolexpr</code> se evalúa para cada posible par de elementos tomados de <code>c</code> , incluidos casos donde el par tiene el mismo elemento.
<code>C->isUnique(elem expr)</code>	Verdadero si <code>expr</code> evalúa un valor diferente cuando se aplica a cada elemento de <code>c</code> .

Lenguajes de Especificación Formal (2/3)

Lenguaje de restricción de objeto (OCL) (4/13)

□ Notación OCL:

Muestra de operaciones específicas para conjuntos

$s1 \rightarrow \text{intersection}(s2)$	El conjunto de aquellos elementos que se encuentran en $s1$ y también en $s2$.
$s1 \rightarrow \text{union}(s2)$	El conjunto de aquellos elementos que se encuentran en $s1$ o en $s2$.
$s1 \rightarrow \text{excluding}(x)$	El conjunto $s1$ con la omisión del objeto x .

Muestra de operación específica a secuencias

$\text{Seq} \rightarrow \text{first}()$	El objeto que es el primer elemento en la secuencia seq .
---	--

Lenguajes de Especificación Formal (2/3)

Lenguaje de restricción de objeto (OCL) (5/13)

- ❑ Una expresión OCL involucra operadores que operan sobre objetos
- ❑ Los objetos pueden ser instancias de la clase **Collection** OCL:
 - **Set** (conjunto) y **Sequence** (secuencia) son dos subclases
- ❑ El resultado de una expresión completa siempre debe ser booleana (V o F)
- ❑ El objeto **self** es el elemento del diagrama UML en cuyo contexto se evaluara la expresión OCL

Lenguajes de Especificación Formal (2/3)

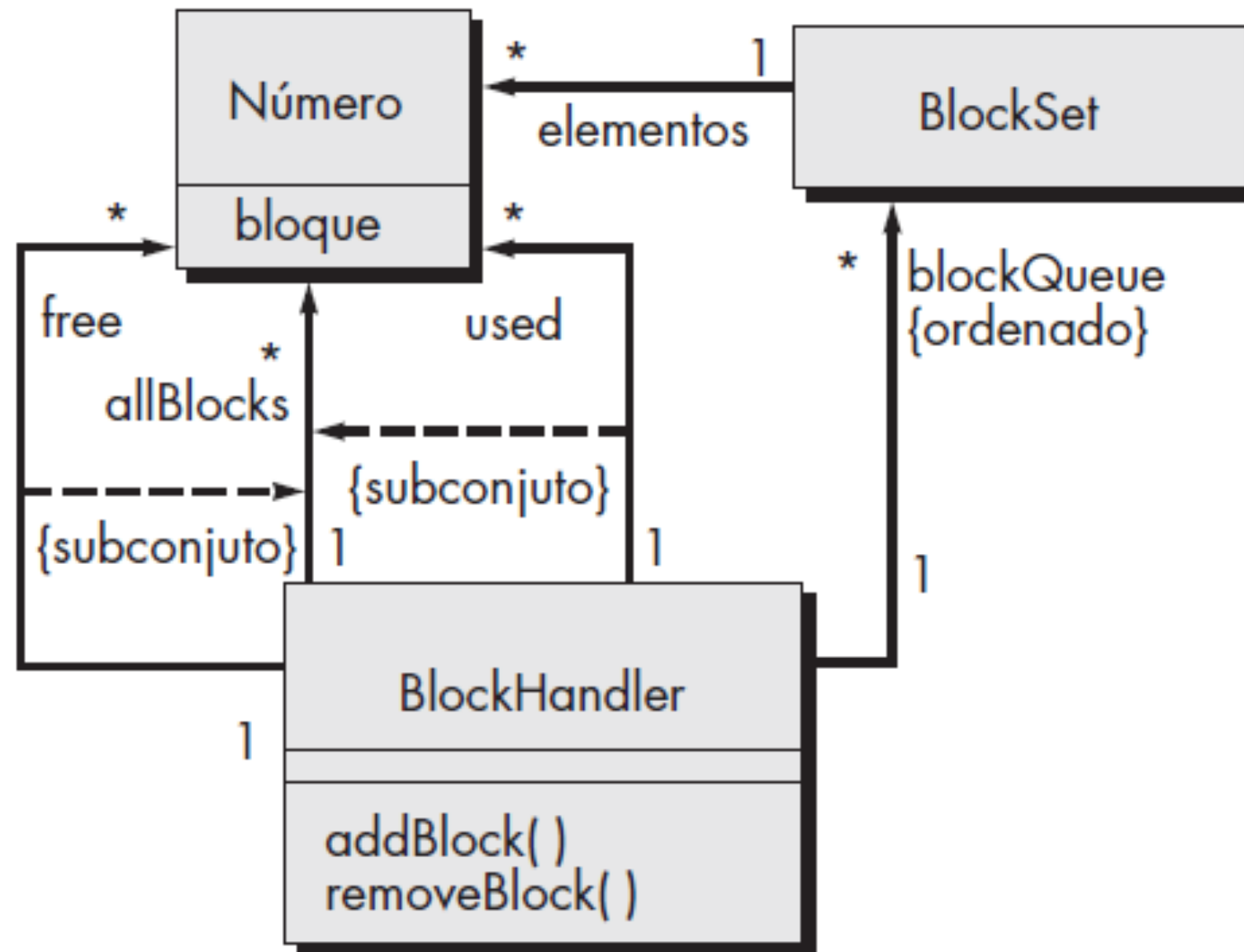
Lenguaje de restricción de objeto (OCL) (6/13)

- ❑ El símbolo **.** del objeto **self** permite obtener otros objetos:
 - Si **self** es la clase **C**, con atributo **a**, entonces **self.a** evalúa al objeto almacenado en **a**
 - Si **C** tiene una asociación uno a muchos llamada *assoc* con otra clase **D**, entonces **self.assoc** evalúa un **Set** cuyos elementos son del tipo **D**
 - Si **D** tiene el atributo **b**, entonces la expresión **self.assoc.b** evalúa al conjunto de todos los **b** que pertenecen a todos los **D**

Lenguajes de Especificación Formal (2/3)

Lenguaje de restricción de objeto (OCL) (7/13)

□ Ej: Diagrama de Clase para Manipulador de Bloques



Lenguajes de Especificación Formal (2/3)

Lenguaje de restricción de objeto (OCL) (8/13)

□ Ej: Expresiones OCL de las restricciones

Ningún bloque se marcará como no utilizado y usado al mismo tiempo

context BlockHandler inv:

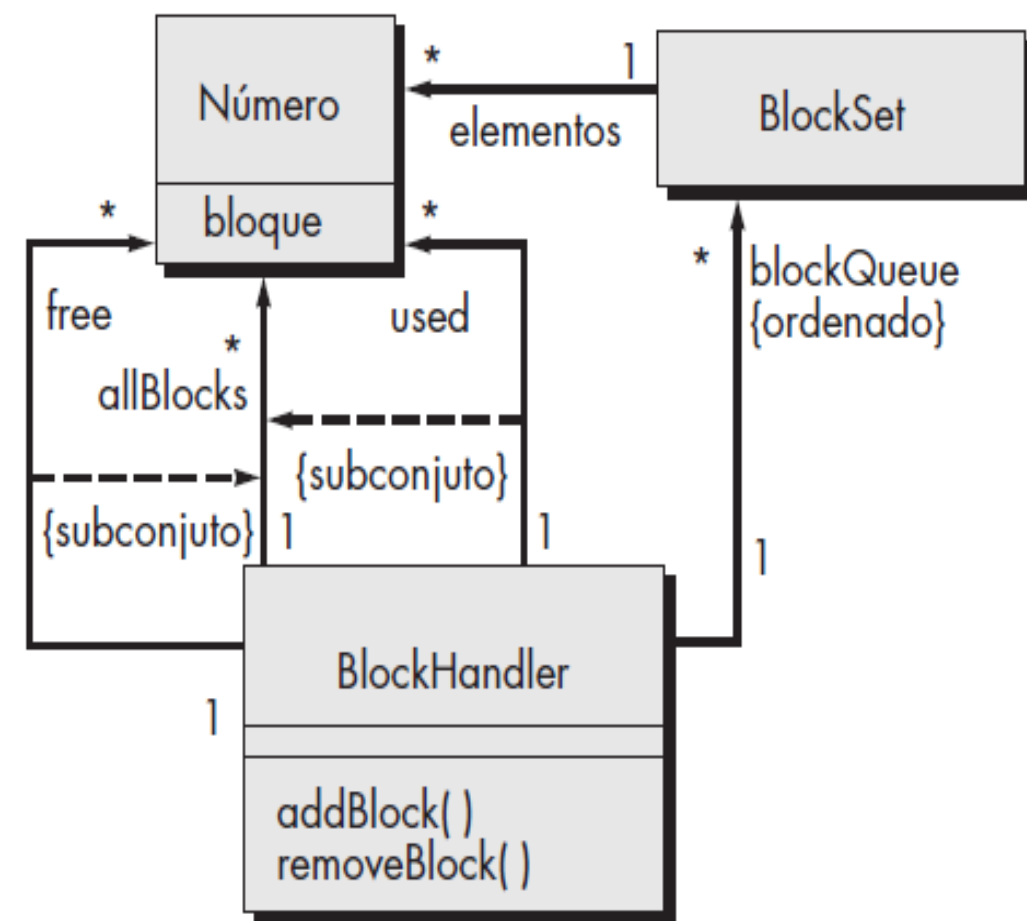
$(self.used \rightarrow intersection(self.free)) \rightarrow isEmpty()$

□ Palabra clave **context**

- Elemento del diagrama UML que restringe la expresión

□ Palabra clave **self**

- Refiere a la instancia de BlockHandler
- Se puede omitir



Lenguajes de Especificación Formal (2/3)

Lenguaje de restricción de objeto (OCL) (9/13)

□ Ej: Expresiones OCL de las restricciones

Todos los conjuntos de bloques que se conservan en la cola (blockQueue) serán subconjuntos de la colección de los bloques actualmente utilizados

context BlockHandler inv:

`blockQueue->forall(aBlockSet | used->includesAll(aBlockSet))`

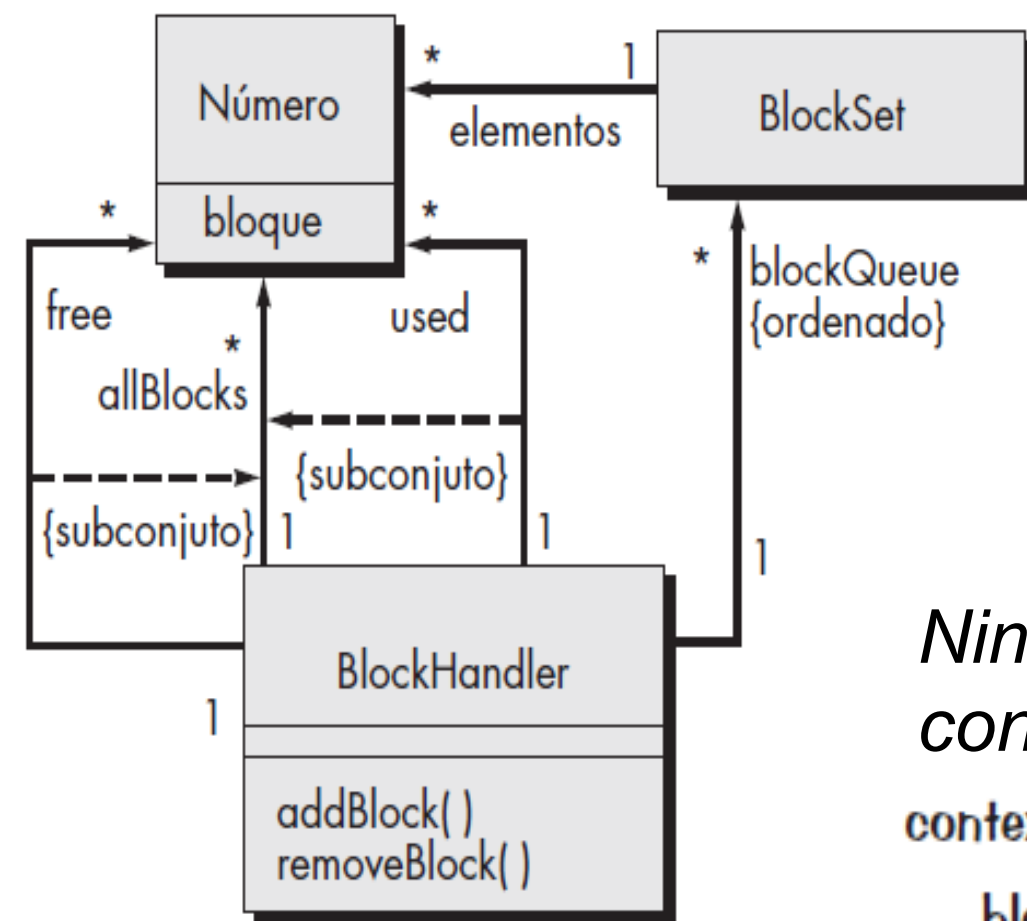
Ningún elemento de la cola (blockQueue) contendrá el mismo número de bloque

context BlockHandler inv:

`blockQueue->forall(blockSet1, blockSet2 |`

`blockSet1 <> blockSet2 implies`

`blockSet1.elements.number->excludesAll(blockSet2.elements.number))`



Lenguajes de Especificación Formal (2/3)

Lenguaje de restricción de objeto (OCL) (10/13)

□ Ej: Expresiones OCL de las restricciones

La colección de bloques utilizados y bloques que no se utilizan será la colección total de bloques que constituyen los archivos

context BlockHandler inv:

$\text{allBlocks} = \text{used} \rightarrow \text{union}(\text{free})$

La colección de bloques no utilizados no tendrá números de bloque duplicados

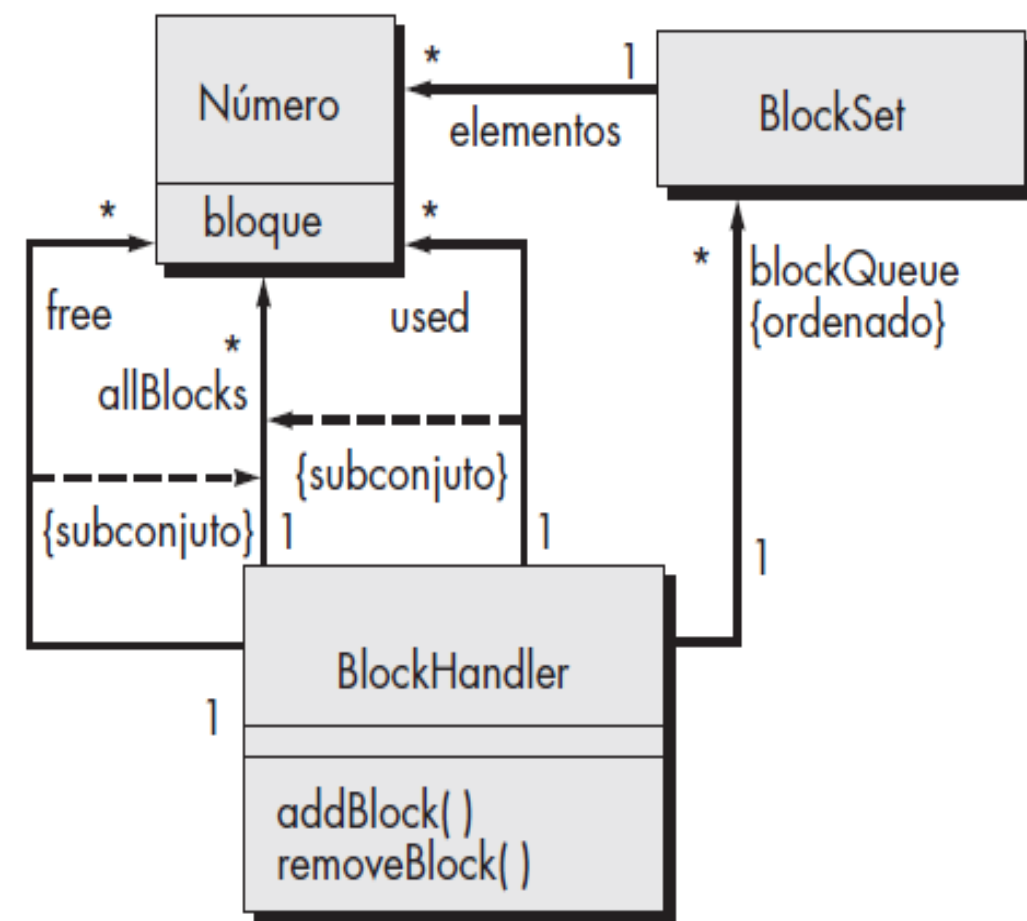
context BlockHandler inv:

$\text{free} \rightarrow \text{isUnique}(\text{aBlock} \mid \text{aBlock.number})$

La colección de bloques utilizados no tendrá números de bloque duplicados

context BlockHandler inv:

$\text{used} \rightarrow \text{isUnique}(\text{aBlock} \mid \text{aBlock.number})$



Lenguajes de Especificación Formal (2/3)

Lenguaje de restricción de objeto (OCL) (11/13)

- ❑ OCL para precondiciones y postcondiciones de las operaciones

```
context BlockHandler::removeBlocks()
```

```
  pre: blockQueue->size() > 0
```

```
  post: used = used@pre->blockQueue@pre->first() and
```

```
        free = free@pre->union(blockQueue@pre->first()) and
```

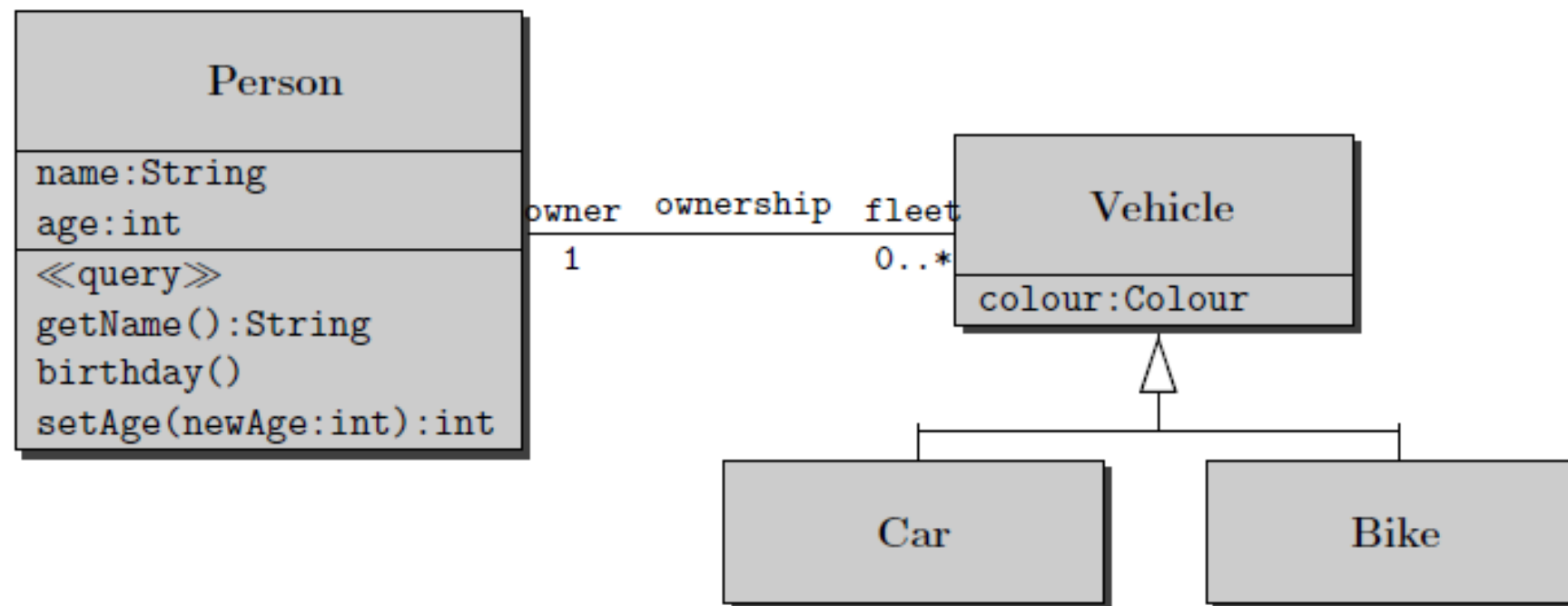
```
        blockQueue = blockQueue@pre->excluding(blockQueue@pre->first)
```

x@pre: el objeto x antes de la operación

Lenguajes de Especificación Formal (2/3)

Lenguaje de restricción de objeto (OCL) (12/13)

♦ **Ejercicio:** dado el siguiente diagrama de clases definir mediante OCL las siguientes restricciones:

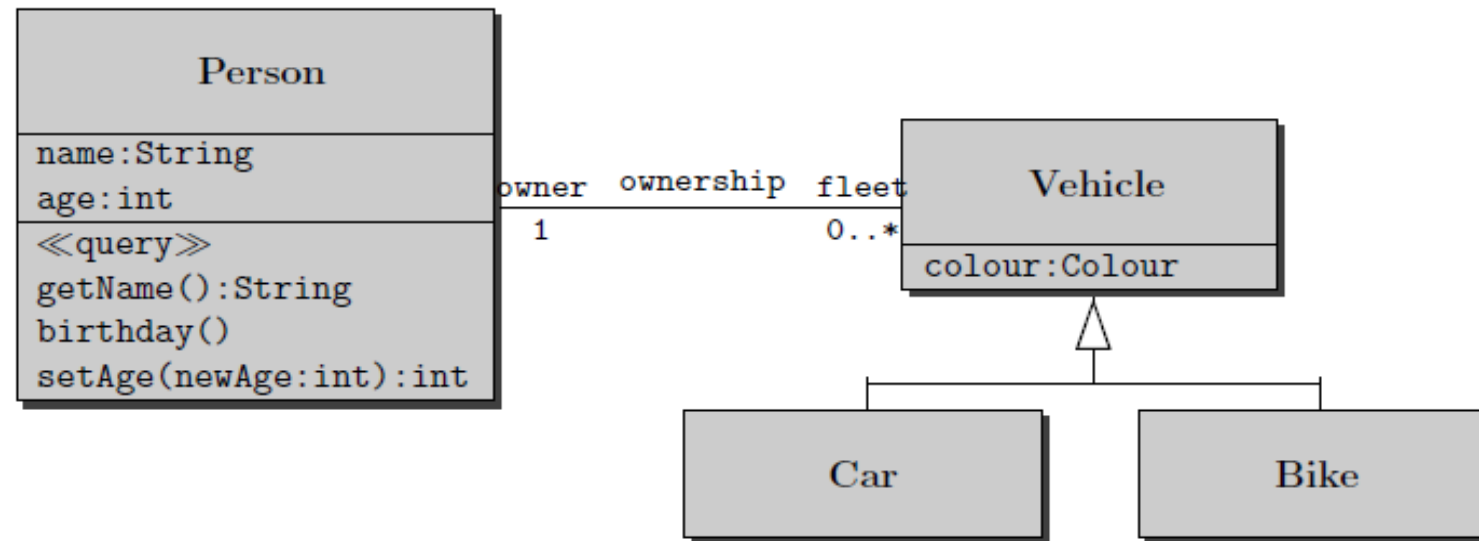


- El propietario de un vehículo tiene que tener al menos 18 años
- Ninguna persona tiene más de tres vehículos
- Todos los coches de las personas son negros
- Para operación `setAge` → pre: edad mayor que cero
- Para operación `birthday` → post: edad se incrementa en uno

Lenguajes de Especificación Formal (2/3)

Lenguaje de restricción de objeto (OCL) (13/13)

♦ Ejercicio:



- El propietario de un vehículo tiene que tener al menos 18 años

context Vehicle inv: self.owner.age >= 18

- Ninguna persona tiene más de tres vehículos

context Person inv: self.fleet→size() <= 3

- Todos los coches de las personas son negros

context Person inv: self.fleet→forAll(v | v.colour = black)

- Para operación setAge → pre: edad mayor que cero

context Person::setAge(newAge:int) pre: newAge > 0

- Para operación birthday → post: edad se incrementa en uno

context Person::birthday() post: self.age = self.age@pre + 1

Lenguajes de Especificación Formal (3/3)

Lenguaje Z (1/5)

- ❑ Se aplica a conjuntos escritos, relaciones y funciones dentro del contexto de la lógica de predicados de primer orden
- ❑ Las especificaciones del lenguaje Z se organizan como un conjunto de **esquemas**:
 - Estructura de lenguaje que introduce variables y que especifica la relación entre dichas variables
 - Describe los datos almacenados a los que accede y que altera un sistema (el **estado**)
 - Describe las operaciones que se aplican para cambiar el estado y las relaciones que ocurren dentro del sistema

Lenguajes de Especificación Formal (3/3)

Lenguaje Z (2/5)

- Ejemplo sobre el manipulador de bloques
 - *used* y *free* serán conjuntos de bloques.
 - *BlockQueue* será una secuencia
 - No habrá bloques comunes en la colección utilizada y en las colecciones libres de bloques.
 - La colección de bloques utilizados y de bloques libres siempre será igual a la colección completa de bloques en el sistema
 - El *i*-ésimo elemento en la fila de bloques siempre será un subconjunto de los bloques utilizados.
 - Para cualesquiera dos elementos de la fila de bloques que no son el mismo, no habrá bloques comunes en dichos elementos

Lenguajes de Especificación Formal (3/3)

Lenguaje Z (3/5)

BlockHandler

$used, free : \mathbb{P} BLOCKS$

$BlockQueue : seq \mathbb{P} BLOCKS$

$used \cap free = \emptyset \wedge$

$used \cup free = AllBlocks \wedge$

$\forall i: \mathbf{dom} BlockQueue \bullet BlockQueue i \subseteq used \wedge$

$\forall i, j: \mathbf{dom} BlockQueue \bullet i \neq j \Rightarrow BlockQueue i \cap BlockQueue j = \emptyset$

- $used$ y $free$ serán conjuntos de bloques.
- $BlockQueue$ será una secuencia
- No habrá bloques comunes en la colección utilizada y en las colecciones libres de bloques.
- La colección de bloques utilizados y de bloques libres siempre será igual a la colección completa de bloques en el sistema
- El i -ésimo elemento en la fila de bloques siempre será un subconjunto de los bloques utilizados.
- Para cualesquiera dos elementos de la cola de bloques que no son el mismo, no habrá bloques comunes en dichos elementos

Lenguajes de Especificación Formal (3/3)

Lenguaje Z (4/5)

□ Notación básica (1/2)

Conjuntos:

$S : \mathbb{P} X$	S se declara como un conjunto de X s.
$x \in S$	x es miembro de S .
$x \notin S$	x no es miembro de S .
$S \subseteq T$	S es un subconjunto de T : todo miembro de S también está en T .
$S \cup T$	La unión de S y T : contiene a todo miembro de S o T o ambos.
$S \cap T$	La intersección de S y T : contiene a todo miembro tanto de S como de T .
$S \setminus T$	La diferencia de S y T : contiene todo miembro de S excepto aquellos que también están en T .
\emptyset	Conjunto vacío: no contiene miembros.
$\{x\}$	Conjunto de un solo elemento: sólo contiene a x .
\mathbb{N}	Conjunto de los números naturales $0, 1, 2, \dots$
$S : \mathbb{F} X$	S se declara como un conjunto finito de X s.
$\max(S)$	El máximo del conjunto no vacío de números S .

Lenguajes de Especificación Formal (3/3)

Lenguaje Z (4/5)

□ Notación básica (2/2)

Funciones:

$f: X \mapsto Y$	f se declara como una inyección parcial de X a Y .
$\text{dom } f$	El dominio de f : el conjunto de valores x para los cuales se define $f(x)$.
$\text{ran } f$	El rango de f : el conjunto de valores tomados por $f(x)$ conforme x varía sobre el dominio de f .
$f \oplus \{x \mapsto y\}$	Una función que concuerda con f excepto que x se mapea a y .
$\{x\} \trianglelefteq f$	Una función como f , excepto que x se remueve de su dominio.

Lógica:

$P \wedge Q$	P y Q : es verdadero si tanto P como Q son verdaderos.
$P \Rightarrow Q$	P implica a Q : es verdadero si Q es verdadero o P es falso.
$\theta S' = \theta S$	Ningún componente del esquema S cambia en una operación.

Lenguajes de Especificación Formal (3/3)

Lenguaje Z (5/5)

- También sirve para definir precondiciones y postcondiciones de las operaciones (removeBlocks)

RemoveBlocks

Δ *BlockHandler*

$\#BlockQueue > 0,$
 $used' = used \setminus head\ BlockQueue \wedge$
 $free' = free \cup head\ BlockQueue \wedge$
 $BlockQueue' = tail\ BlockQueue$

- Δ *BlockHandler* da como resultado todas las variables que constituyen el estado disponible para el esquema *RemoveBlocks* y garantiza que la invariante de datos se cumplirá antes y después de ejecutar la operación.