

Tema 2. Estructuras de datos

Algoritmia

Profesor: Andrés Muñoz

Escuela Politécnica



Andrés Muñoz - Tlf: (+34) 96827882′ Iniversidad Católica San Antonio de Murcia - Tlf: (+34) 968 27 88 00 info@ucam.edu - <u>www.ucam.ed</u>t

Índice

- Introducción
- · Estructuras lineales
- · Estructuras no lineales
- · Estructuras en memoria secundaria

- · Estructura de datos:
 - Representación organizada de un conjunto de información.
 - Manera natural de manejar la información.

Registro Persona Vs. Variable nombre, apellidos, .

- Fuerte relación E.D. y algoritmos.

3

Introducción

- · Tipo Abstracto de Datos
 - Se puede definir por partes ...
 - Tipo: agrupación de elementos con características similares.
 - · Abstracto: no concreto, conceptual.
 - · *Dato*: información que una computadora puede entender.
 - O de manera más formal ...
 - Un tipo abstracto de datos es un tipo cuya representación como tipo concreto ha sido abstraída y a cuyos datos sólo se puede acceder a través de un conjunto de operaciones.

[Coo94]

- · Operaciones básicas de una E.D.
 - Inserción
 - Eliminación
 - Búsqueda
 - Vaciado
 - Inicialización



- · Operaciones básicas de una E.D.
 - Inserción
 - · Incrementa los elementos de la estructura.
 - · Devuelve la posición del primer elemento.
 - Eliminación
 - Búsqueda
 - Vaciado
 - Inicialización



- · Operaciones básicas de una E.D.
 - Inserción (pasos generales)
 - · Comprobar que hay espacio.
 - · Crear espacio para el nuevo elemento.
 - · Insertar el elemento.
 - · Devolver la primera posición.
 - Eliminación
 - Búsqueda
 - Vaciado
 - Inicialización



- · Operaciones básicas de una E.D.
 - Inserción
 - Eliminación
 - · Reduce los elementos de la estructura.
 - · Devuelve la posición del primer elemento.
 - Búsqueda
 - Vaciado
 - Inicialización



- · Operaciones básicas de una E.D.
 - Inserción
 - Eliminación (pasos generales)
 - · Comprobar que hay elementos.
 - · Localizar el elemento a eliminar.
 - · Liberar la memoria.
 - · Devolver la primera posición.
 - Búsqueda
 - Vaciado
 - Inicialización



- · Operaciones básicas de una E.D.
 - Inserción
 - Eliminación
 - Búsqueda
 - Devuelve el elemento que cumpla el criterio.
 - Vaciado
 - Inicialización



- · Operaciones básicas de una E.D.
 - Inserción
 - Eliminación
 - Búsqueda
 - Vaciado
 - · Elimina todos los elementos de la estructura.
 - Inicialización



- · Operaciones básicas de una E.D.
 - Inserción
 - Eliminación
 - Búsqueda
 - Vaciado
 - Inicialización
 - · Crea una estructura vacía



- · Tipos de estructuras de datos
 - Dinámicas vs. Estáticas
 - Lineales vs. Arborescentes



Índice

- · Introducción
- · Estructuras lineales
- · Estructuras no lineales
- · Estructuras en memoria secundaria

Estructuras lineales

- · Colección ordenada de datos.
- · Cada elemento tiene como máximo un predecesor y un sucesor.



- · La diferencia entre las distintas clases de estructuras radica en el modo de acceso.
- Todas ellas se pueden implementar de forma dinámica (punteros) y estática (arrays)

Estructuras lineales

- · Tipos:
 - Pilas
 - Colas
 - Listas

Todas ellas en su versión estática y dinámica

Pila

- · Política LIFO (Last Input, First Output)
- · Similar a una pila de platos
- · Ejemplos de uso:
 - Microprocesadores, instrucciones máquina,
 - Llamadas a subrutinas,
 - Editores de texto: botón deshacer

Pila

- · Operaciones básicas:
 - CREA: crea una pila vacía.
 - VACIA: devuelve un valor cierto si la pila está vacía, y falso en caso contrario.
 - TOPE: devuelve el elemento situado el tope de la pila, sin extraerlo.
 - PUSH: añade un elemento a la pila, quedando éste situado en el tope.
 - POP: suprime el elemento situado en el tope de la pila.

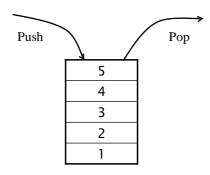
8

Pila

- · Especificación Formal
 - Sintaxis:
 - · crea = Pila
 - · vacia(Pila) = booleano
 - · tope(Pila) = Elemento
 - · push(Pila,Elemento) = Pila
 - \cdot pop(Pila) = Pila
 - Semántica: □P=Pila, □E=Elemento:
 - · vacia(crea) = cierto
 - · vacia(push(P,E)) = falso
 - \cdot tope(crea) = error
 - \cdot tope(push(P,E)) = E
 - \cdot pop(crea) = error
 - $\cdot pop(push(P,E)) = P$

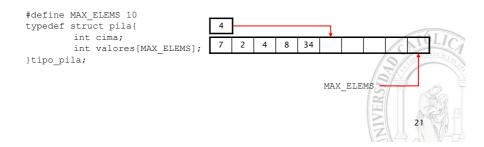


Pila





- · Registro que contiene
 - Array de datos
 - Un entero que indica la última celda vacía.



Pila: versión estática

· Función push (apilar)

```
tipo_pila* push(tipo_pila *p, int i, int *error){
                       *error = 0;
                       if (p->cima < MAX ELEMS)
                                                ← ¿0 < 10?, Sí
                               p->valores[p->cima++] = i;
                       else
                                *error = -1;
                       return p;
En main()
int error = 0;
tipo_pila pila, *pto_pila
pto_pila = &pila;
pto_pila = push(pto_pila,7,&error);
pto_pila = push(pto_pila,2,&error);
pto pila = push(pto pila,4,&error);
                                                                         23
```

Pila: versión estática

· Función push (apilar)

Pila: versión estática

· Función push (apilar)

Pila: versión estática

· Función push (apilar)

```
tipo_pila* push(tipo_pila *p, int i, int *error){
                        *error = 0;
                                                               __ ¿2 < 10?, Sí
                        if (p->cima < MAX ELEMS)
                                                   ←
                                p->valores[p->cima++] = i;
                        else
                                 *error = -1;
                        return p;
En main()
int error = 0;
tipo_pila pila, *pto_pila
pto pila = &pila;
                                          2
pto_pila = push(pto_pila,7,&error);
pto_pila = push(pto_pila,2,&error);
pto_pila = push(pto_pila,4,&error);
                                                                            29
```

Pila: versión estática

· Función push (apilar)

Pila: versión estática

· Función tope (cima de la pila)

· Función pop (desapilar)

Pila: versión estática

· Función pop (desapilar)

Pila: versión estática

· Función pop (desapilar)

Pila: versión estática

· Función pop (desapilar)

Pila: versión estática

· Función pop (desapilar)

Pila: versión estática

```
En main()

pto_pila = pop(pto_pila, &error);
pto_pila = pop(pto_pila, &error);
pto_pila = pop(pto_pila, &error);

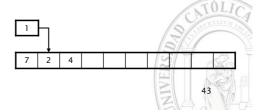
pto_pila = pop(pto_pila, &error);

7 2 4
```

· Función pop (desapilar)

En main()

```
pto_pila = pop(pto_pila, &error);
pto_pila = pop(pto_pila, &error);
pto_pila = pop(pto_pila, &error);
```



Pila: versión estática

· Función pop (desapilar)

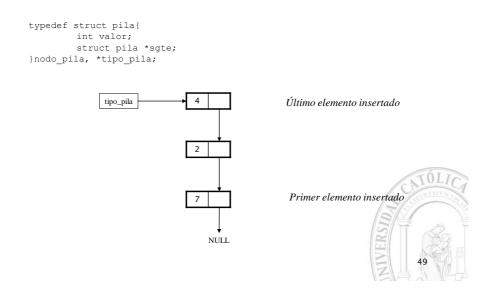
Pila: versión estática

· Función clear (vaciar)

· Función clear (vaciar)

Pila: versión dinámica

- · Se implementa mediante una estructura autorreferenciada con encadenamiento simple.
- Permite disponer de toda la memoria.
- · Los datos se almacenan en un campo.
- "tipo_pila" es un puntero a la última celda insertada.



Pila: versión dinámica

· Función push (apilar)

Pila: versión dinámica

· Función push (apilar)

```
tipo_pila push(tipo_pila p, int i) {
    tipo_pila paux;
    paux = (tipo_pila)malloc(sizeof(nodo_pila));
    paux->sgte = p;
    paux->valor = i;
    return paux;
}

tipo_pila pila = NULL;
pila = push(pila,7);
pila = push(pila,2);
pila = push(pila,4);

paux

NULL
```

Pila: versión dinámica

```
tipo_pila push(tipo_pila p, int i) {
    tipo_pila paux;
    paux = (tipo_pila)malloc(sizeof(nodo_pila));
    paux->sgte = p;
    paux->valor = i;
    return paux;
}

tipo_pila pila = NULL;
pila = push(pila,7);
pila = push(pila,2);
pila = push(pila,4);
paux

NULL

paux

paux
```

· Función push (apilar)

```
tipo_pila push(tipo_pila p, int i) {
    tipo_pila paux;
    paux = (tipo_pila)malloc(sizeof(nodo_pila));
    paux->sgte = p;
    paux->valor = i;
    return paux;
}

tipo_pila pila = NULL;
pila = push(pila,7);
pila = push(pila,2);
pila = push(pila,4);
p

NULL
```

Pila: versión dinámica

· Función push (apilar)

```
tipo_pila push(tipo_pila p, int i) {
    tipo_pila paux;
    paux = (tipo_pila)malloc(sizeof(nodo_pila));
    paux->sgte = p;
    paux->valor = i;
    return paux;
}

tipo_pila pila = NULL;
pila = push(pila,7);
pila = push(pila,2);
pila = push(pila,4);

put

The push (pila, 2);
pila = push(pila, 4);
```

Pila: versión dinámica

```
tipo_pila push(tipo_pila p, int i) {
    tipo_pila paux;
    paux = (tipo_pila)malloc(sizeof(nodo_pila));
    paux->sgte = p;
    paux->valor = i;
    return paux;
}

tipo_pila pila = NULL;
pila = push(pila,7);
pila = push(pila,2);
pila = push(pila,4);
```

· Función push (apilar)

Pila: versión dinámica

```
tipo_pila push(tipo_pila p, int i) {
    tipo_pila paux;
    paux = (tipo_pila)malloc(sizeof(nodo_pila));
    paux->sgte = p;
    paux->valor = i;
    return paux;
}

tipo_pila pila = NULL;
pila = push(pila,7);
pila = push(pila,2);
pila = push(pila,4);

pila

NULL

NULL

60
```

· Función push (apilar)

Pila: versión dinámica

```
tipo_pila pop(tipo_pila p, int* valor) {
    tipo_pila paux;
    if (p == NULL) return NULL;
    *valor = p->valor;
    paux = p->sgte;
    free(p);
    return paux;
}

int i;
pop(pila, &i);
pop(pila, &i);
pop(pila, &i);

int i;
```

· Función pop (desapilar)

```
tipo_pila pop(tipo_pila p, int* valor) {
    tipo_pila paux;
    if (p == NULL) return NULL;
    *valor = p->valor;
    paux = p->sgte;
    free(p);
    return paux;
}

int i;
pop(pila, &i);
pop(pila, &i);
pop(pila, &i);
pop(pila, &i);

valor

paux

paux

paux

paux

And paux

p
```

Pila: versión dinámica

```
tipo_pila pop(tipo_pila p, int* valor){
    tipo_pila paux;
    if (p == NULL) return NULL;
    *valor = p->valor;
    paux = p->sgte;
    free(p);
    return paux;
}

int i;
pop(pila, &i);
pop(pila, &i);
pop(pila, &i);
pop(pila, &i);
valor
4

paux

A paux
```

· Función pop (desapilar)

```
tipo_pila pop(tipo_pila p, int* valor) {
    tipo_pila paux;
    if (p == NULL) return NULL;
    *valor = p->valor;
    paux = p->sgte;
    free(p);
    return paux;
}

int i;
pop(pila, &i);
pop(pila, &i);
pop(pila, &i);
valor

4

NULL
65
```

Pila: versión dinámica

```
tipo_pila pop(tipo_pila p, int* valor){
    tipo_pila paux;
    if (p == NULL) return NULL;
    *valor = p->valor;
    paux = p->sgte;
    free(p);
    return paux;
}

int i;
pila = pop(pila, &i);
pila = pop(pila, &i);
pila = pop(pila, &i);
pila = pop(pila, &i);

NULL 666
```

· Función pop (desapilar)

```
tipo_pila pop(tipo_pila p, int* valor) {
    tipo_pila paux;
    if (p == NULL) return NULL;
    *valor = p->valor;
    paux = p->sgte;
    free(p);
    return paux;
}

int i;
pop(pila, &i);
pop(pila, &i);
pop(pila, &i);
int i;
```

Pila: versión dinámica

· Función pop (desapilar)

Pila: versión dinámica

· Función pop (desapilar)

Pila: versión dinámica

```
tipo_pila pop(tipo_pila p, int* valor) {
    tipo_pila paux;
    if (p == NULL) return NULL;
    *valor = p->valor;
    paux = p->sgte;
    free(p);
    return paux;
}

int i;
pila = pop(pila, &i);
pila = pop(pila, &i);
pila = pop(pila, &i);
pila = pop(pila, &i);
i 7
```

- · Función clear (vaciar)
 - Eliminar todo el contenido de la pila.
 - Nunca hacer pila = NULL ¡¡HAY QUE LIBERAR MEMORIA!!

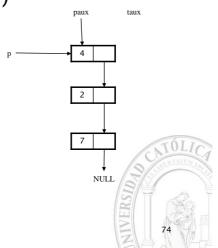
```
tipo_pila vaciar(tipo_pila p) {
    tipo_pila paux,taux;
    paux = p;
    while(paux != NULL) {
        taux = paux;
        paux = paux->sgte;
        free(taux);
    }
    return NULL;
}
```



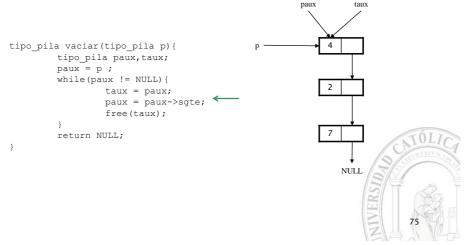
Pila: versión dinámica

· Función clear (vaciar)

```
tipo_pila vaciar(tipo_pila p) {
    tipo_pila paux,taux;
    paux = p;
    while(paux != NULL) {
        taux = paux;
        paux = paux->sgte;
        free(taux);
    }
    return NULL;
}
```







Pila: versión dinámica

· Función clear (vaciar)

```
tipo_pila vaciar(tipo_pila p) {
    tipo_pila paux,taux;
    paux = p;
    while(paux != NULL) {
        taux = paux;
        paux = paux->sgte;
        free(taux);
    }
    return NULL;
}
```

· Función clear (vaciar)

```
tipo_pila vaciar(tipo_pila p) {
    tipo_pila paux,taux;
    paux = p;
    while(paux != NULL) {
        taux = paux;
        paux = paux->sgte;
        free(taux);
    }
    return NULL;
}
NULL
```

Pila: versión dinámica

· Función clear (vaciar)

```
tipo_pila vaciar(tipo_pila p) {
    tipo_pila paux,taux;
    paux = p;
    while(paux != NULL) {
        taux = paux;
        paux = paux->sgte;
        free(taux);
    }
    return NULL;
}
paux

paux

paux

paux

paux
```

· Función clear (vaciar)

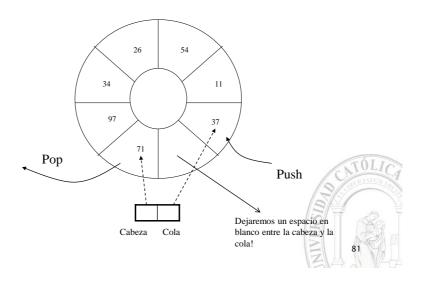
```
tipo_pila vaciar(tipo_pila p) {
    tipo_pila paux,taux;
    paux = p;
    while(paux != NULL) {
        taux = paux;
        paux = paux->sgte;
        free(taux);
    }
    return NULL;
}
```

Cola

- · Política FIFO (First Input, First Output)
- · Similar a una cola del cine
- · Ejemplo de uso:
 - Desplazamiento de la ALU
- Operaciones
 - CREA: Crea una cola vacía.
 - VACIA: Devuelve un valor cierto si la cola está vacía, y falso en caso contrario.
 - PRIMERO: Devuelve el primer elemento de una cola.
 - INSERTA: Añade un elemento por el extremo final de una cola.
 - SUPRIME: Suprime el primer elemento de una cola

0

Cola

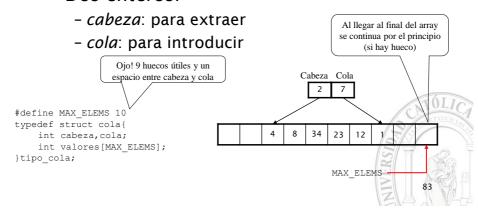


Cola

- · Especificación Formal
 - Sintaxis:
 - \cdot crea = Cola
 - · vacia(Cola) = booleano
 - · primero(Cola) = Elemento
 - · inserta(Cola, Elemento) = Cola
 - · suprime(Cola) = Cola
 - Semántica:
 - · vacia(crea) = cierto
 - · vacia(inserta(C,E)) = falso
 - · primero(crea) = error
 - primero(inserta(C,E)) = si vacia(C) ? E : primero(C)
 - · suprime(crea) = error
 - suprime(inserta(C,E)) = si vacia(C) ? crea : inserta(suprime(C),E)

2

- · Registro que contiene
 - Array de datos
 - Dos enteros:



Cola: versión estática

 Se va a hacer uso de esta función para calcular la posición en el array

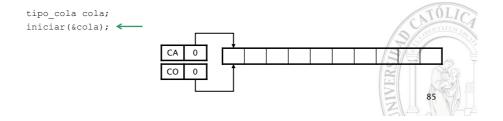
```
int suma_uno(int i) {
    return ((i+1) % MAX_ELEMS);
}

Se utiliza el operador %
    para limitar la posición
    máxima dentro del array
```

Por ejemplo,

si se quiere introducir en la posición 7 => suma_uno(7) = (7+1) % 10 = 8 si se quiere introducir en la posición 15 => suma_uno(15) = (15+1) % 10 = 6

· Función iniciar



Cola: versión estática

· Función push (apilar)

```
void push(tipo_cola *c, int i) {
      if (suma_uno(c->cola) == c->cabeza) {
            printf("Error: cola llena \n");
      }else {
            c->valores[c->cola] = i;
            c->cola = suma_uno(c->cola);
    }
}
```

push(&cola,7);
push(&cola,4);
push(&cola,2);



· Función push (apilar)

Cola: versión estática

· Función push (apilar)

Cola: versión estática

· Función push (apilar)

```
void apilar(tipo_cola *c, int i) {
        if (suma_uno(c->cola) == c->cabeza) {
            printf("Error: cola llena \n");
        }else{
            c->valores[c->cola] = i;
            c->cola = suma_uno(c->cola);

}

push(&cola,7);
push(&cola,4);
push(&cola,2);
CA 0 7
```

Cola: versión estática

· Función push (apilar)

Cola: versión estática

· Función push (apilar)

Cola: versión estática

· Función pop (desapilar)

Cola: versión estática

· Función pop (desapilar)

```
int pop(tipo_cola *c){
                if (es_vacia(c)){
                        v=-1;
                        printf("Error: cola vacia\n");
                }else{
                        v = c->valores[c->cabeza];
                        c->cabeza = suma_uno(c->cabeza); 

                return v;
                                     printf("%d", pop(cola));
                                     printf("%d", pop(cola));
    7
                                     printf("%d", pop(cola) );
    0
                   2
CO
    3
```

Cola: versión estática

```
    Función pop (desapilar)

             int v;
             if (es_vacia(c)){
                    v=-1;
                    printf("Error: cola vacia\n");
             }else{
                    c->cabeza = suma_uno(c->cabeza);
             return v;
                               printf("%d", pop(cola));
                               printf("%d", pop(cola) );
   0
                               printf("%d", pop(cola) );
            4
                2
CO
   3
```

Cola: versión estática

```
int pop(tipo_cola *c){
           int v;
           if (es_vacia(c)){
                    v=-1;
                    printf("Error: cola vacia\n");
                    v = c->valores[c->cabeza];
                    c->cabeza = suma_uno(c->cabeza); 

           return v:
                                 printf("%d", pop(cola));
                                 printf("%d", pop(cola) );
                                 printf("%d", pop(cola) );
1
           4
               2
```

· Función pop (desapilar)

```
int pop(tipo_cola *c){
   int v;
                 if (es_vacia(c)){
                           v = -1:
                          printf("Error: cola vacia\n");
                 }else{
                           v = c->valores[c->cabeza];
                           c->cabeza = suma_uno(c->cabeza);
                 return v;
                                        printf("%d", pop(cola));
                                        printf("%d", pop(cola));
V
     7
                                       printf("%d", pop(cola) );
                 4
                     2
 CO
```

Cola: versión estática

· Función pop (desapilar)

```
int pop(tipo_cola *c){
   int v;
              if (es_vacia(c)){
                      v = -1:
                      printf("Error: cola vacia\n");
              }else{
                      v = c->valores[c->cabeza];
                      return v;
                                 printf("%d", pop(cola));
                                  printf("%d", pop(cola) );
                                                                 TOI
   2
                                 printf("%d", pop(cola) );
    1
             4
                 2
CO
```

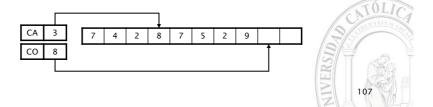
Cola: versión estática

```
int pop(tipo_cola *c) {
    int v;
    if (es_vacia(c)) {
        v=-1;
        printf("Error: cola vacia\n");
    }else {
        v = c->valores[c->cabeza];
        c->cabeza = suma_uno(c->cabeza);
    }
    return v;
}

printf("%d", pop(cola));
printf("%d", pop(cola));
printf("%d", pop(cola));
printf("%d", pop(cola));
```

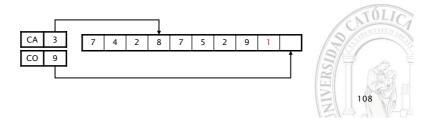
· ¿Y si llegamos al final del array?

```
apilar(cola,1);
apilar(cola,8);
apilar(cola,6);
apilar(cola,5);
apilar(cola,1);
```



Cola: versión estática

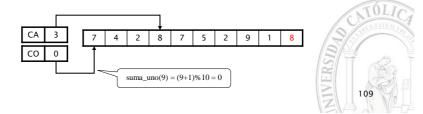
```
apilar(cola,1);
    apilar(cola,8);
    apilar(cola,6);
    apilar(cola,5);
    apilar(cola,1);
```



· ¿Y si llegamos al final del array?

```
apilar(cola,1);
apilar(cola,8);

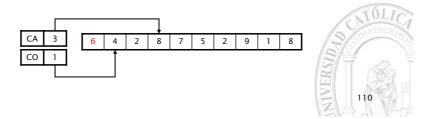
apilar(cola,6);
apilar(cola,5);
apilar(cola,1);
```



Cola: versión estática

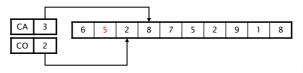
```
apilar(cola,1);
apilar(cola,8);
apilar(cola,6);

apilar(cola,5);
apilar(cola,1);
```



· ¿Y si llegamos al final del array?

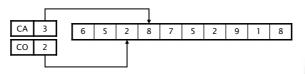
```
apilar(cola,1);
apilar(cola,8);
apilar(cola,6);
apilar(cola,5);
apilar(cola,1);
```





Cola: versión estática

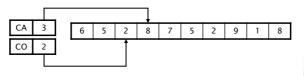
```
void apilar(tipo_cola *c, int i) {
    if (suma_uno(c->cola) == c->cabeza) {
        printf("Error: cola llena \n");
    }else {
        c->valores[c->cola] = i;
        c->cola = suma_uno(c->cola);
    }
}
```





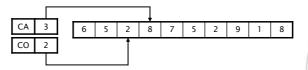
· ¿Y si llegamos al final del array?

```
void apilar(tipo_cola *c, int i) {
    if (suma_uno(c->cola) == c->cabeza) {
        printf("Error: cola llena \n");
    }else{
        c->valores[c->cola] = i;
        c->cola = suma_uno(c->cola);
}
```





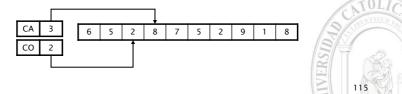
Cola: versión estática





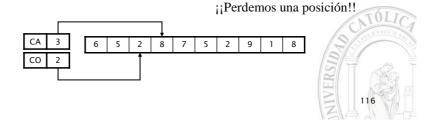
· ¿Y si llegamos al final del array?

```
void apilar(tipo_cola *c, int i) {
    if (suma_uno(c->cola) == c->cabeza) {
        printf("Error: cola llena \n");
    }else {
        c->valores[c->cola] = i;
        c->cola = suma_uno(c->cola);
}
```



Cola: versión estática

```
void apilar(tipo_cola *c, int i) {
    if (suma_uno(c->cola) == c->cabeza) {
        printf("Error: cola llena \n");
    }else{
        c->valores[c->cola] = i;
        c->cola = suma_uno(c->cola);
}
```



- Se implementa mediante una estructura autorreferenciada con encadenamiento simple.
- Permite disponer de toda la memoria.
- Los datos se almacenan en un campo.



Cola: versión dinámica

- · Tendremos dos registros
 - struct n_cola: almacena los datos y un puntero al siguiente elemento.
 - struct t_cola: almacena dos punteros al registro anterior.



- Tendremos dos registros
 - struct n_cola: almacena los datos y un puntero al siguiente elemento.

typedef struct n_cola{
 int valor;
 struct n_cola *sig;
}NODO_COLA, *P_NODO_COLA;

 struct t_cola: almacena dos punteros al registro anterior.

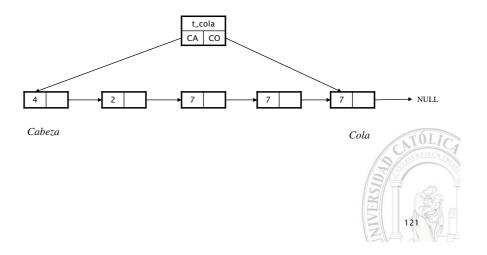
119

Cola: versión dinámica

- · Tendremos dos registros
 - struct n_cola: almacena los datos y un puntero al siguiente elemento.
 - struct t_cola: almacena dos punteros al registro anterior.

typedef struct t_cola{
 P_NODO_COLA cabeza;
 P_NODO_COLA cola;
}tipo_cola;





Cola: versión dinámica

```
tipo_cola cola, *pto_est_cola;  // Puntero a estructura de cola
pto_est_cola = &cola;
pto_est_cola = iniciar(pto_est_cola);
```

· Función push (introducir)



Cola: versión dinámica

· Función push (introducir)

Cola: versión dinámica

· Función push (introducir)

Cola: versión dinámica

· Función push (introducir)

Cola: versión dinámica

```
void push(tipo_cola *q, int i) {
    P_NODO_COLA p; p = alojar_nodo_cola();
                    p->sig = NULL;
                    p->valor = i;
                    if(es vacia(q)) q->cola = q->cabeza = p;
                    else{
                              q->cola->sig=p;
                              q->cola = p;
                    }
           }
                                              q (cola)
                                              CA CO
push(pto_est_cola ,7);
push(pto_est_cola ,2);
push(pto_est_cola ,4);
                                                               2
                                                                                  NULL
                                                                                   130
```

· Función push (introducir)

```
void push(tipo_cola *q, int i) {
                  P_NODO_COLA p; p = alojar_nodo_cola();
                   p->sig = NULL;
                   p->valor = i;
                   if(es_vacia(q)) q->cola = q->cabeza = p;
                   elsef
                            q->cola->sig= p;
                            q->cola = p;
                                          q (cola)
                                          CA CO
push(pto_est_cola ,7);
push(pto est cola ,2);
push(pto_est_cola ,4) <</pre>
                                                          2
                                                                           NULL
                                                                            131
```

Cola: versión dinámica

```
void push(tipo_cola *q, int i) {
    P_NODO_COLA p; p = alojar_nodo_cola();
                    p->sig = NULL;
                    p->valor = i;
                    if(es vacia(q)) q->cola = q->cabeza = p;
                    else{
                              q->cola->sig= p; ←
                              q->cola = p;
                    }
           }
                                              q (cola)
                                              CA CO
push(pto_est_cola ,7);
push(pto_est_cola ,2);
push(pto_est_cola ,4);
                                                                                      → NULL
                                                                                    132
```

· Función push (introducir)

Cola: versión dinámica

```
void push(tipo_cola *q, int i) {
    P_NODO_COLA p; p = alojar_nodo_cola();
                    p->sig = NULL;
                    p->valor = i;
                    if(es vacia(q)) q->cola = q->cabeza = p;
                    else{
                              q->cola->sig= p;
                              q->cola = p;
                    }
           }
                                              q (cola)
                                              CA CO
push(pto_est_cola ,7);
push(pto_est_cola ,2);
push(pto_est_cola ,4);
                                                                     4
                                                                                        NULL
                                                                                    134
```

· Función pop (extraer)

```
int pop(tipo_cola *q) {
    P_NODO_COLA p;
             int v;
             if(es_vacia(q)){
                      v = -1; printf("Error: cola vacia\n");
                      v = q->cabeza->valor;
                      p = q->cabeza;
                      q->cabeza = q->cabeza->sig;
                                                          q (cola)
                      free(p);
                                                         CA CO
             return v;
                                                                                 TOI
   }
                                                                                NULL
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola); 
printf(``Valor:%d\n'', pop(pto_est_cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
                                                                               135
```

Cola: versión dinámica

```
int pop(tipo_cola *q){
             P NODO COLA p;
             int v;
             if(es vacia(q)){
                     v = -1; printf("Error: cola vacia\n");
             }else{
                     v = q->cabeza->valor;
                      p = q->cabeza;
                      q->cabeza = q->cabeza->sig;
                      free(p);
                                                        q (cola)
                                                       CA CO
             return v;
                                                                             NULL
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
printf(``Valor:%d\n'', pop(pto_est\_cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto est cola);
                                                                            136
```

· Función pop (extraer)

```
int pop(tipo_cola *q){
              P_NODO_COLA p;
              int v;
              if(es_vacia(q)){
                       v = -1; printf("Error: cola vacia\n");
              }else{
                       v = q->cabeza->valor;
                       p = q->cabeza;
                       q->cabeza = q->cabeza->sig; 	
                       free(p);
                                                        q (cola)
              return v;
                                                        CA CO
                                                                              TOI
                                                                              NULL
                            р
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
                                                          2
                                             7
printf("Valor:%d\n", pop(pto est cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
                                                                             137
```

Cola: versión dinámica

```
int pop(tipo_cola *q){
            P NODO COLA p;
            int v;
            if(es_vacia(q)){
                     v = -1; printf("Error: cola vacia\n");
                     v = q->cabeza->valor;
                     p = q->cabeza;
                     q->cabeza = q->cabeza->sig;
                     free(p); 	
                                                       q (cola)
            return v;
                                                       CA CO
                                                                            NULL
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola)
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola)?
                                                                           138
```

· Función pop (extraer)

```
int pop(tipo_cola *q) {
             P NODO COLA p;
             int v;
             if(es_vacia(q)){
                     v = -1; printf("Error: cola vacia\n");
             }else{
                     v = q->cabeza->valor;
                      p = q->cabeza;
                      q->cabeza = q->cabeza->sig;
                     free(p);
                                                        q (cola)
            return v; <
                                                        CA CO
                                                                              TOI
                                                                             NULL
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
                                                          2
printf("Valor:%d\n", pop(pto est cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
                                                                            139
```

Cola: versión dinámica

```
int pop(tipo_cola *q){
            P NODO COLA p;
            if(es vacia(q)){
                    v = -1; printf("Error: cola vacia\n");
            }else{
                    v = q->cabeza->valor;
                     p = q->cabeza;
                     q->cabeza = q->cabeza->sig;
                                                      q (cola)
                                                      CA CO
            return v;
                                                                           NULL
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto est cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
                                                        2
```

· Función pop (extraer)

```
int pop(tipo_cola *q) {
    P_NODO_COLA p;
              int v;
              if(es_vacia(q)){
                      v = -1; printf("Error: cola vacia\n");
              }else{
                      p = q->cabeza;
                      q->cabeza = q->cabeza->sig;
                      free(p);
                                                   q (cola)
              return v;
                                                  CA CO
                                                                       NULL TOL
                           р
printf("Valor:%d\n", pop(pto est cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
printf(``Valor: %d\n'', pop(pto_est_cola);
```

Cola: versión dinámica

```
int pop(tipo_cola *q) {
    P_NODO_COLA p;
             int v;
             if(es_vacia(q)){
                       v = -1; printf("Error: cola vacia\n");
             }else{
                      v = q->cabeza->valor;
                       p = q->cabeza;
                      q->cabeza = q->cabeza->sig; 	
                      free(p);
                                                      q (cola)
             return v;
                                                      CA CO
                                                                            NULL
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
                                                2
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
```

· Función pop (extraer)

```
int pop(tipo_cola *q){
            P_NODO_COLA p;
            int v;
            if(es_vacia(q)){
                     v = -1; printf("Error: cola vacia\n");
             }else{
                     v = q->cabeza->valor;
                      p = q->cabeza;
                     q->cabeza = q->cabeza->sig;
                     free (p);
                                                  q (cola)
                                                  CA CO
            return v;
                                                                       NOLL
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
```

Cola: versión dinámica

```
int pop(tipo_cola *q){
            P_NODO_COLA p;
            int v;
            if(es_vacia(q)){
                     v = -1; printf("Error: cola vacia\n");
                     v = q->cabeza->valor;
                     p = q->cabeza;
                     q->cabeza = q->cabeza->sig;
                     free(p);
                                              q (cola)
            return v;
                                             CA CO
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
                                                                ► NULL
```

Cola: versión dinámica

· Función pop (extraer)

```
int pop(tipo_cola *q) {
     P_NODO_COLA p;
             int v;
             if(es_vacia(q)){
                      v = -1; printf("Error: cola vacia\n");
                      v = q->cabeza->valor;
                       p = q->cabeza;
                      q->cabeza = q->cabeza->sig;
                      free(p);
                                                  q (cola)
             return v;
                                                 CA CO
                                                                                  IOI
printf(``Valor: \&d\n'', pop(pto\_est\_cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
                                                    4
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
```

Cola: versión dinámica

· Función pop (extraer)

```
int pop(tipo_cola *q){
            P_NODO_COLA p;
            int v;
            if(es_vacia(q)){
                     v = -1; printf("Error: cola vacia\n");
                     v = q->cabeza->valor;
                     p = q->cabeza;
                     q->cabeza = q->cabeza->sig; 	
                     free(p);
            return v;
                                              q (cola)
                                              CA CO
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
printf(``Valor:%d\n'', pop(pto_est_cola);
                                                                 NULL
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
```

Cola: versión dinámica

· Función pop (extraer)

```
int pop(tipo_cola *q){
           P_NODO_COLA p;
            int v;
           if(es_vacia(q)){
                    v = -1; printf("Error: cola vacia\n");
            }else{
                    v = q->cabeza->valor;
                    p = q->cabeza;
                    q->cabeza = q->cabeza->sig;
                    return v;
                                            q (cola)
                                            CA CO
                         р
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
```

Cola: versión dinámica

Función pop (extraer) int pop (tipo_cola *q) (

Cola: versión dinámica

· Función pop (extraer)

```
int pop(tipo_cola *q) {
     P_NODO_COLA p;
             int v;
             if(es_vacia(q)){
                      v = -1; printf("Error: cola vacia\n");
                      v = q->cabeza->valor;
                      p = q->cabeza;
                      q->cabeza = q->cabeza->sig;
                      free(p);
                                                 q (cola)
             return v;
                                                CA CO
   }
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
printf("Valor:%d\n", pop(pto_est_cola);
                                               NULL
```

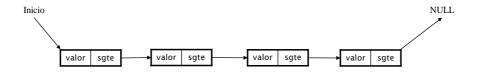


Lista

- Estructura lineal más general que se puede definir.
- · Cada elemento tiene un único antecesor y sucesor.
- Operaciones
 - CREA: Crea una cola vacía.
 - VACIA: Devuelve un valor cierto si la cola está vacía, y falso en caso contrario.
 - BUSCA: Devuelve el elemento de una posición.
 - INSERTA: Añade un elemento en la posición indicada.
 - SUPRIME: Suprime el elemento en la posición indicada.

50

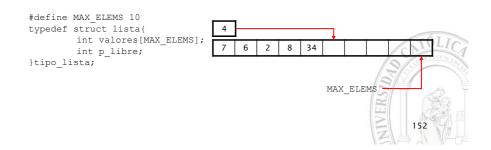
Lista





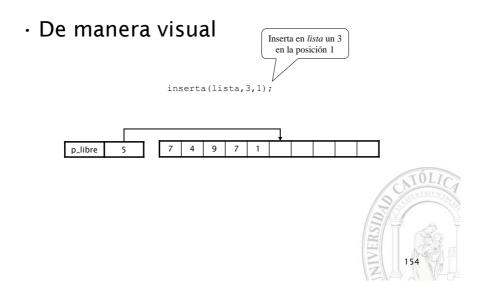
Lista: versión estática

- · Registro que contiene
 - Array de datos
 - Un entero que indica la siguiente posición libre.

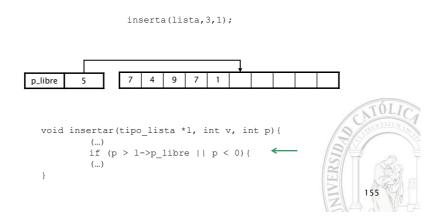


· Función insertar

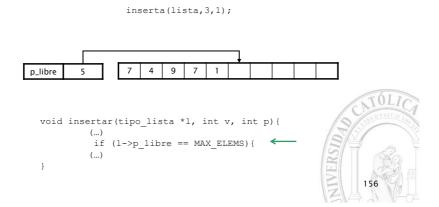
Lista: versión estática



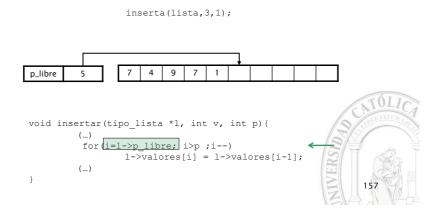
· De manera visual



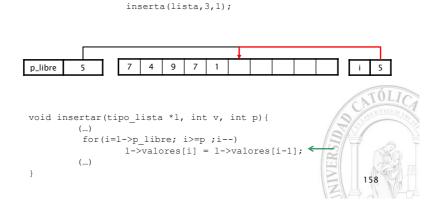
Lista: versión estática



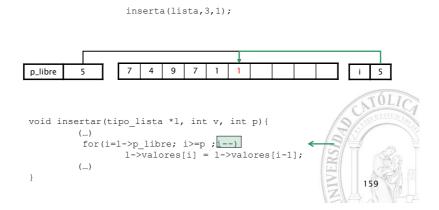
· De manera visual



Lista: versión estática



· De manera visual

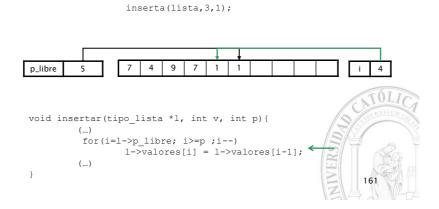


Lista: versión estática

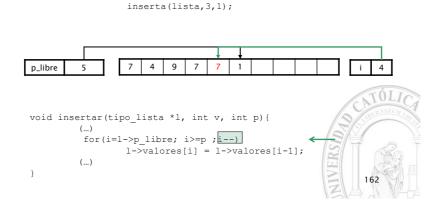
· De manera visual

inserta(lista,3,1);

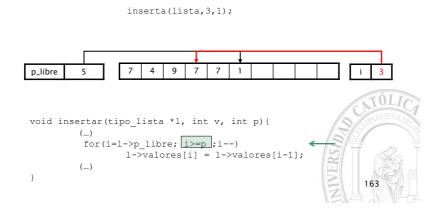
· De manera visual



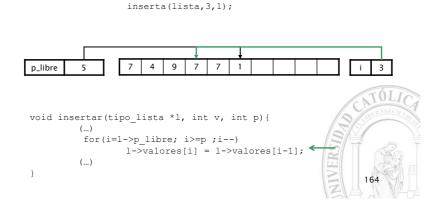
Lista: versión estática



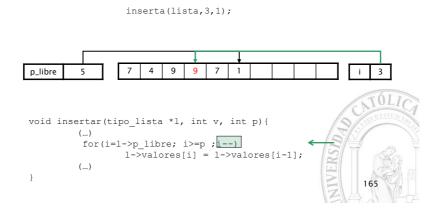
· De manera visual



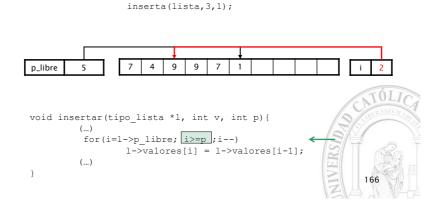
Lista: versión estática



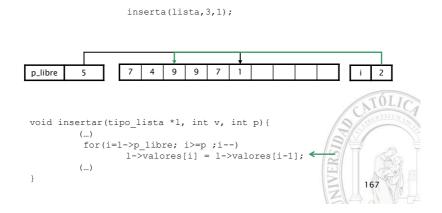
· De manera visual



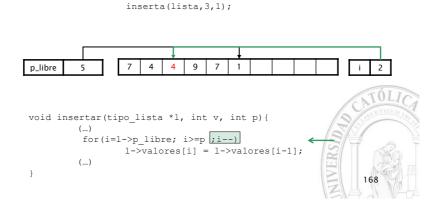
Lista: versión estática



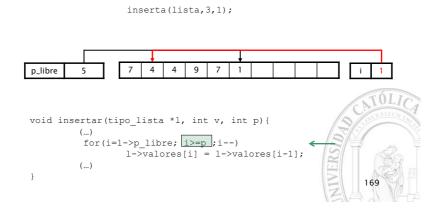
· De manera visual



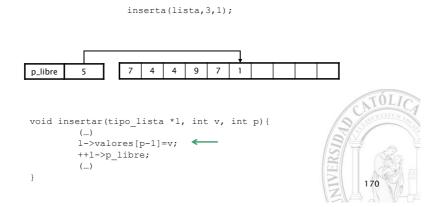
Lista: versión estática



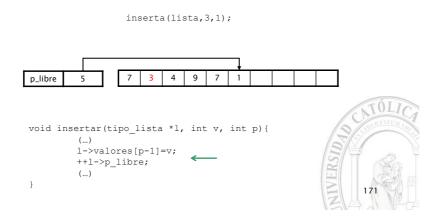
· De manera visual



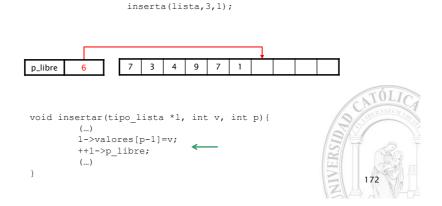
Lista: versión estática



· De manera visual



Lista: versión estática



· Función extraer

Lista: versión estática

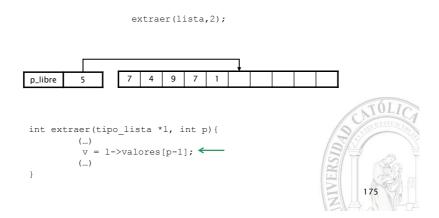
• De manera visual

Extrae de lista el elemento de la posición 2

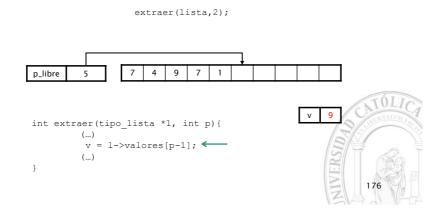
extraer (lista, 2);



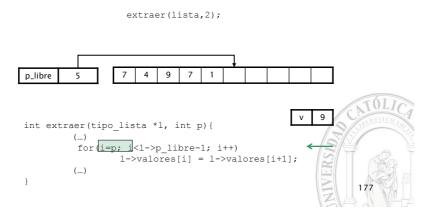
· De manera visual



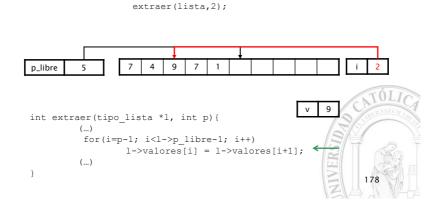
Lista: versión estática



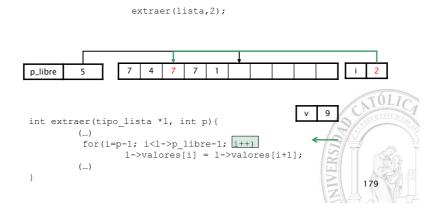
· De manera visual



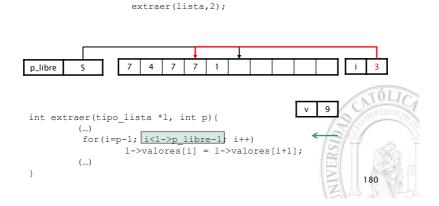
Lista: versión estática



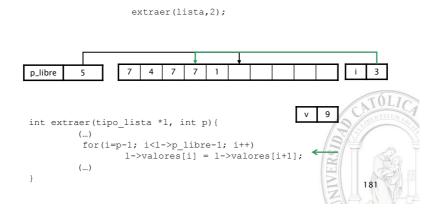
· De manera visual



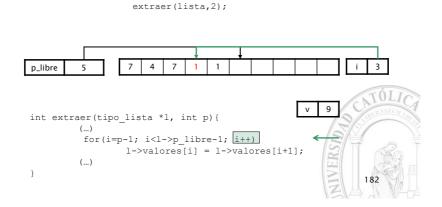
Lista: versión estática



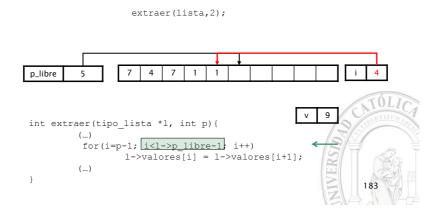
· De manera visual



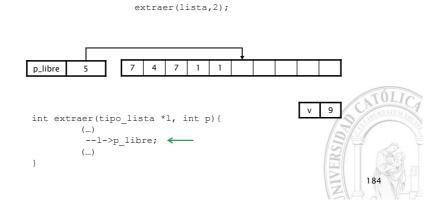
Lista: versión estática



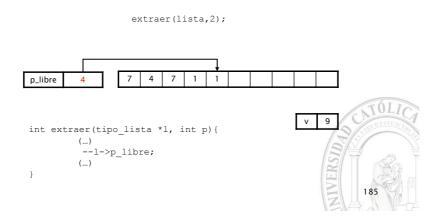
· De manera visual



Lista: versión estática

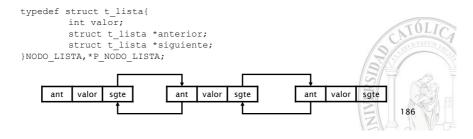


· De manera visual



Lista: versión dinámica

- · Registro que contiene
 - Dos punteros que hacen referencia a la misma estructura
 - · anterior y siguiente
 - El dato a guardar.



· Función es Vacia()

```
int esVacia(P_NODO_LISTA 1) {
    if (1 == NULL) return true;
    else return false;
}
```



Lista: versión dinámica

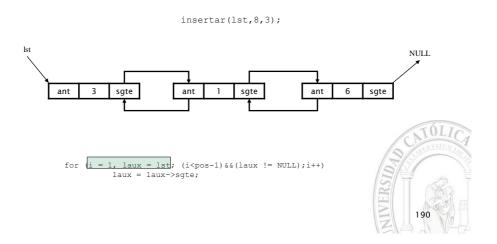
· Función insertar

insertar(lst,8,3);

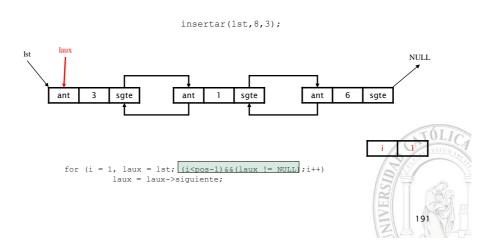
NULL

ant 3 sgte ant 1 sgte ant 6 sgte

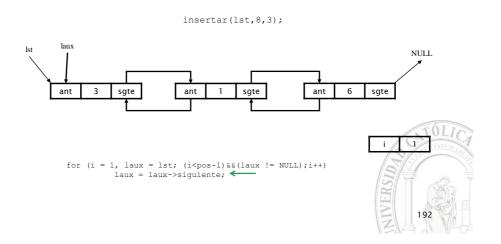
Lista: versión dinámica



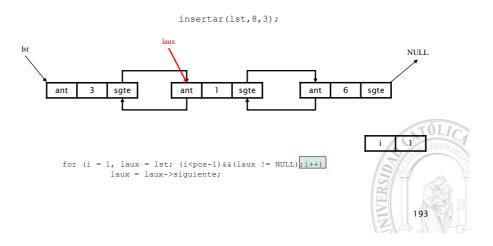
· Función insertar



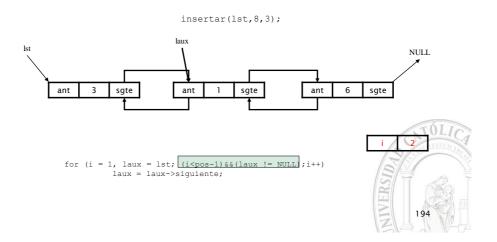
Lista: versión dinámica



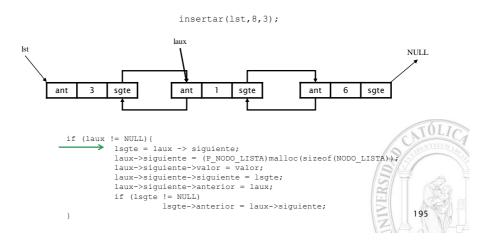
· Función insertar



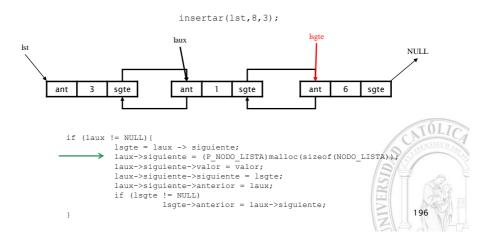
Lista: versión dinámica



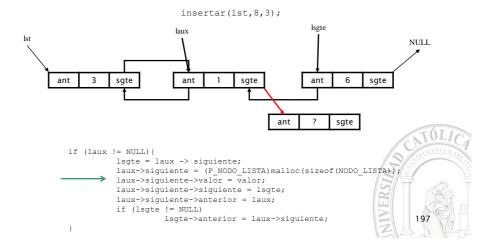
· Función insertar



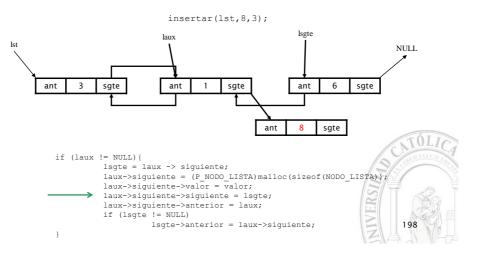
Lista: versión dinámica



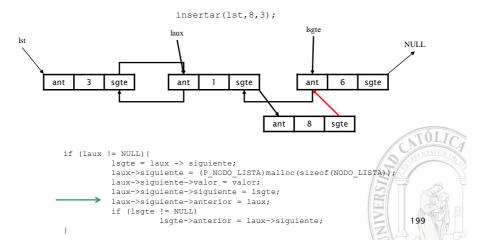
· Función insertar



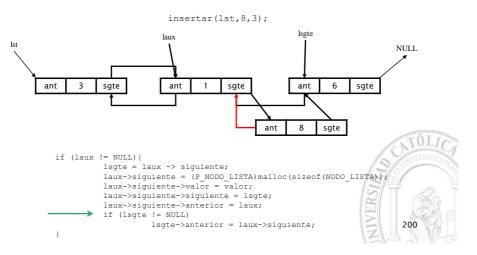
Lista: versión dinámica



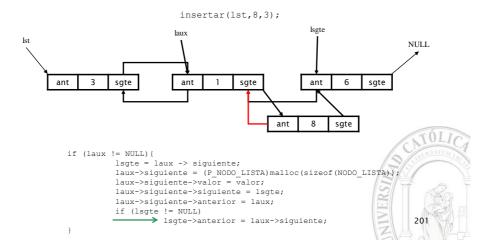
· Función insertar



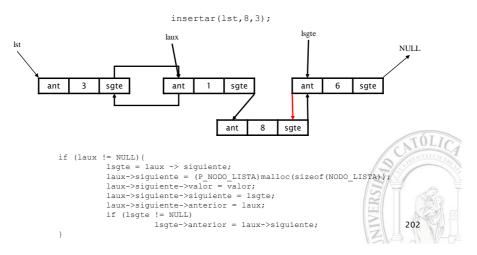
Lista: versión dinámica



· Función insertar



Lista: versión dinámica



· Función borrar (parte I)

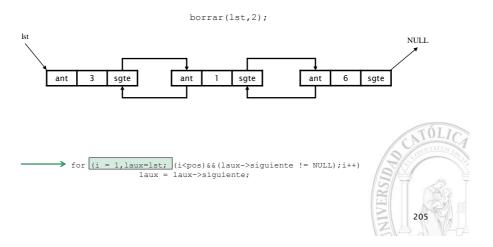
```
//Si la posición está fuera de rango o la lista es vacía no
         //se hace nada. Devolvemos la lista tal cual.
         if ((pos < 1) || (esVacia(lst))) {
                  *valor = -1;
                  return 1st;
         //{\rm Si} es la primera posición, eliminamos el elemento y ponemos
         //como cabeza de la lista el segundo elemento.
         if (pos == 1) {
                  laux = lst->siguiente;
*valor = lst->valor;
                   free(lst);
                   //En el caso de que no fuera el ultimo elemento se pone
                   //el puntero a anterior apuntando a NULL
                  if (laux != NULL)
                           laux->anterior = NULL;
                  return laux;
```

Lista: versión dinámica

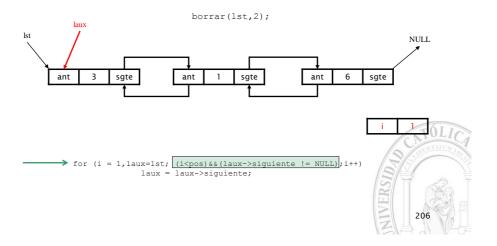
· Función borrar (parte II)

```
P_NODO_LISTA borrar (P_NODO_LISTA lst, int pos, int *valor){
           // En otro caso, Lo primero que se debe hacer es encontrar la posición a borrar.
           for (i = 1, laux=1st; (i<pos) && (laux->siguiente != NULL); i++)
                      laux = laux->siguiente;
           //Si no hemos llegado al último nodo, eliminamos y
          //actualizamos las referencias del nodo anterior y posterior del eliminado
if (laux->siguiente != NULL) {
                      laux->anterior->siguiente = laux->siguiente;
laux->siguiente->anterior = laux->anterior;
                      *valor = laux->valor;
                      free(laux);
           }else if (pos == i){
                      //Si hemos llegado al final de lista y ese es el
                      //elemento a eliminar sólo tenemos que actualizar el puntero a siguiente
                      laux->anterior->siguiente = laux->siguiente;
                      *valor = laux->valor;
                      free(laux);
          else {
                      *valor = -1;
                      printf("ERROR, fuera de posicion\n");
          return 1st;
```

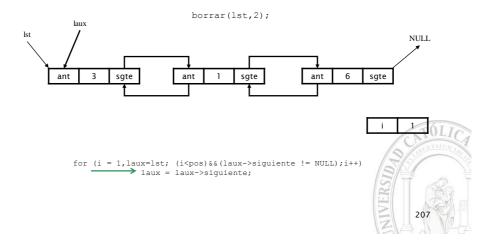
· Función borrar



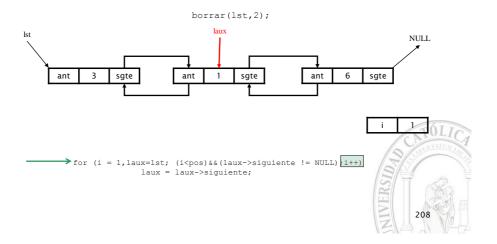
Lista: versión dinámica



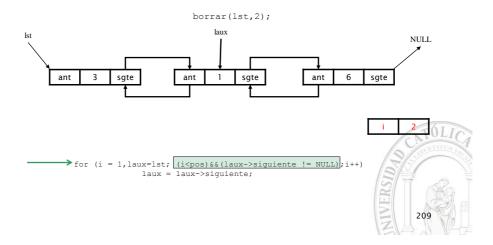
· Función borrar



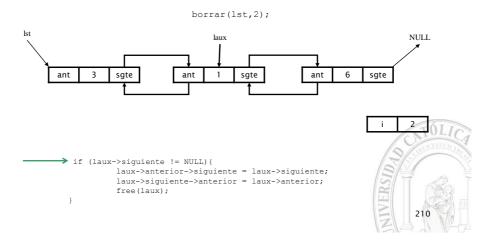
Lista: versión dinámica



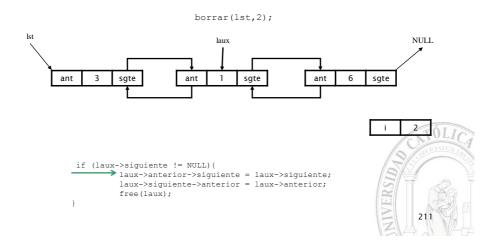
· Función borrar



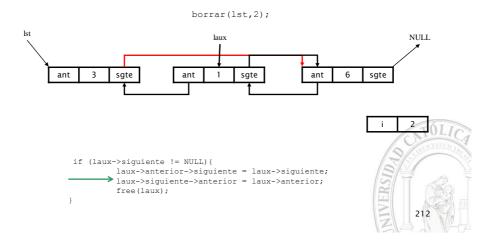
Lista: versión dinámica



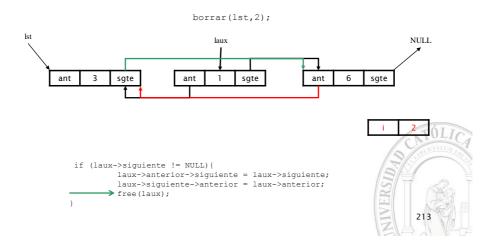
· Función insertar



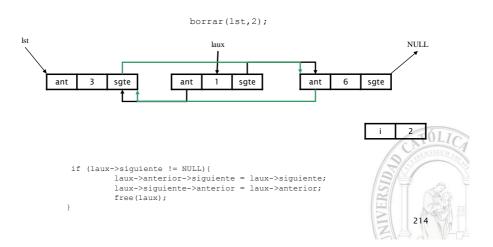
Lista: versión dinámica



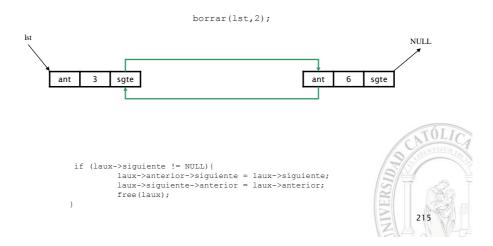
· Función borrar



Lista: versión dinámica



· Función borrar



Lista: versión dinámica

- · Función buscar
 - Recorre la estructura hasta que encuentra el nodo con el valor o llega al final

Índice

- · Introducción
- · Estructuras lineales
- Estructuras no lineales
- · Estructuras en memoria secundaria

Estructuras no lineales

- · Los nodos no tienen una relación uno a uno.
- Cada nodo puede tener de 0 a N sucesores y antecesores.
- · Estudiaremos dos tipos:
 - Árboles
 - Grafos

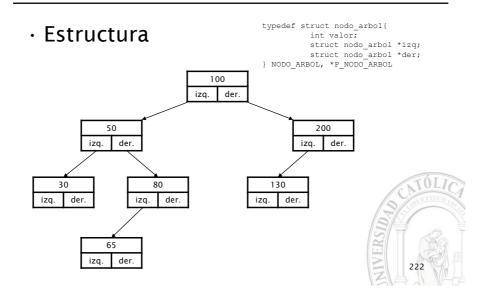


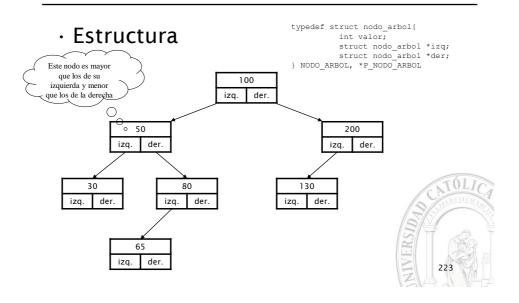
- · Cada nodo tiene
 - Un único predecesor
 - Dos o más sucesores
- Excepto el nodo raíz que no tiene predecesor.
- · Un árbol cuyos nodos tienen 'n' elementos se le llama árbol n-ario.
 - Con dos sucesores: binario.

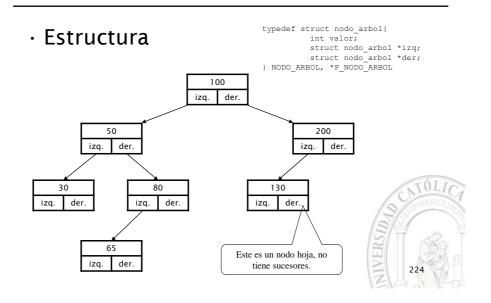
- · Un árbol es siempre acíclico.
 - Un nodo no puede ser sucesort/predecesor-t de sí mismo.
 - No se produce cierre transitivo.
- Nosotros trabajaremos con árboles binarios:

- Nada restringe los datos almacenados en un árbol.
- En la práctica, si existe una relación de orden ya que el dato de un nodo:
 - Suele ser mayor que el de todos los nodos que "cuelgan" del lado izquierdo.
 - Suele ser menor que el de todos los nodos que "cuelgan" del lado derecho.

221







- · Órdenes en un árbol binario
 - Recorrido en orden previo
 - Recorrido en orden simétrico
 - Recorrido en orden posterior



- · Órdenes en un árbol binario
 - Recorrido en orden previo
 - Compuesto por: nodo raíz, seguido del recorrido en orden previo del subárbol izquierdo y seguido recorrido en orden previo del subárbol derecho
 - Recorrido en orden simétrico
 - Recorrido en orden posterior



- · Órdenes en un árbol binario
 - Recorrido en orden previo
 - Recorrido en orden simétrico

Compuesto por: recorrido en orden simétrico del subárbol izquierdo, seguido del nodo raíz y seguido del recorrido en orden simétrico del subárbol derecho

- Recorrido en orden posterior

227

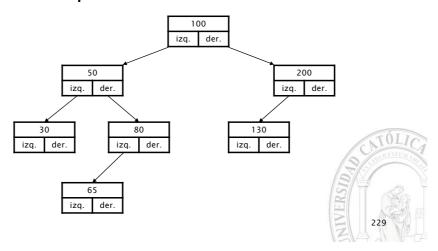
Árboles

- · Órdenes en un árbol binario
 - Recorrido en orden previo
 - Recorrido en orden simétrico
 - Recorrido en orden posterior

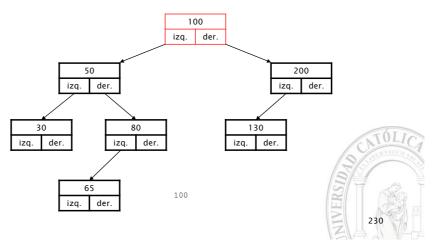
Compuesto por: recorrido en orden posterior del subárbol izquierdo, seguido del recorrido en orden posterior del subárbol derecho y seguido del nodo raíz.

228

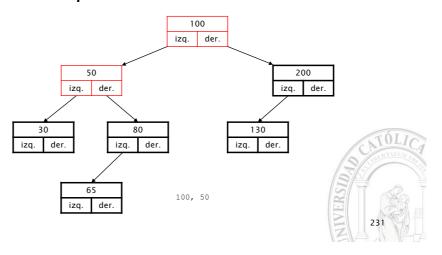
· Orden previo



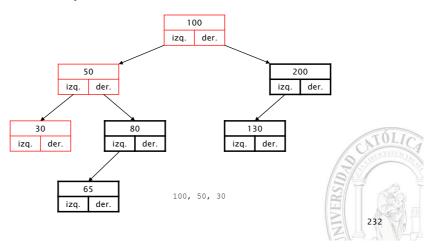
Árboles



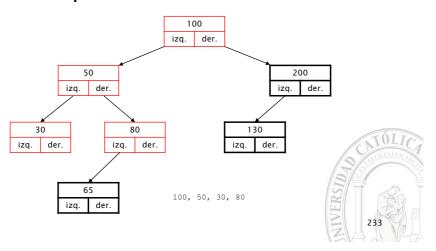
· Orden previo



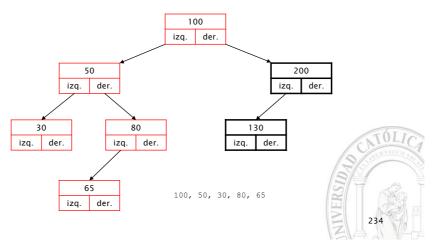
Árboles



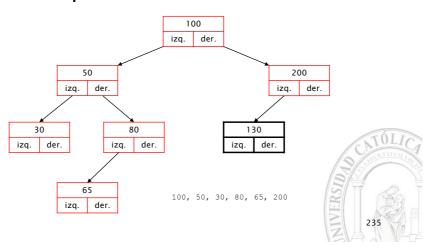
· Orden previo



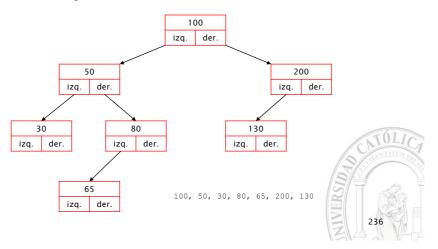
Árboles



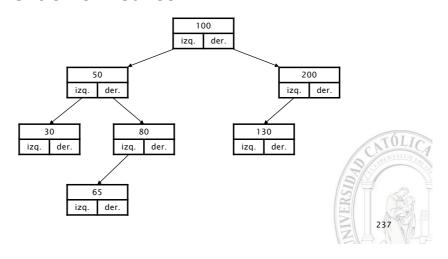
· Orden previo



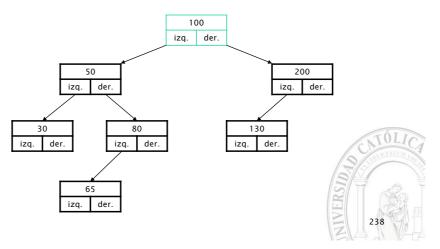
Árboles



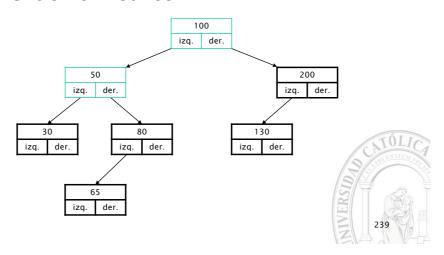
· Orden simétrico



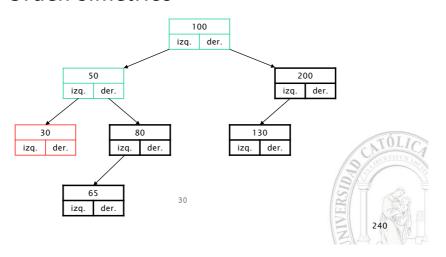
Árboles



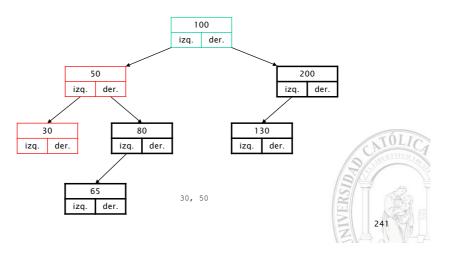
· Orden simétrico



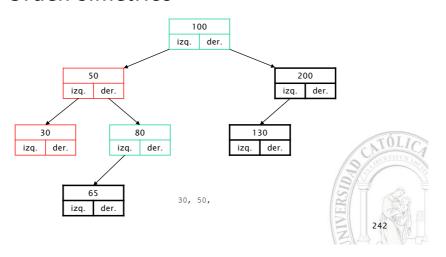
Árboles



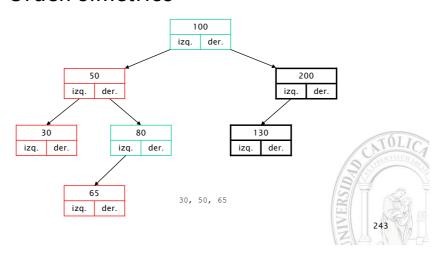
· Orden simétrico



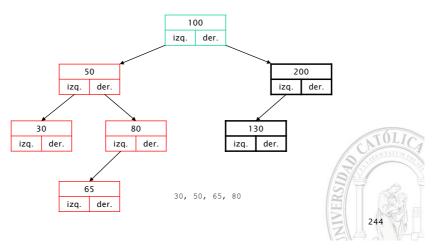
Árboles



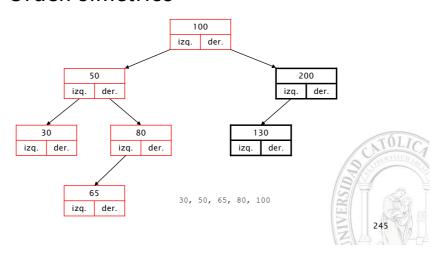
· Orden simétrico



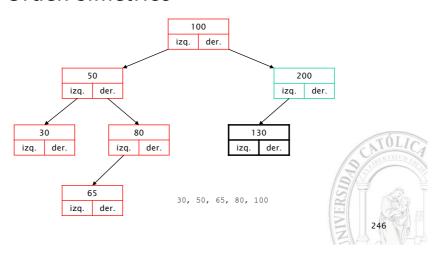
Árboles



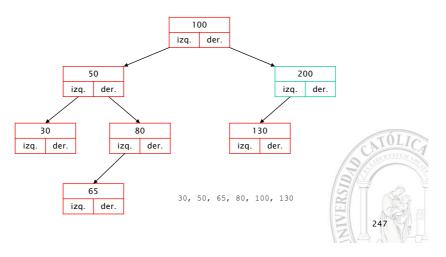
· Orden simétrico



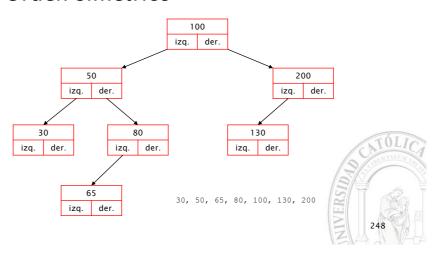
Árboles



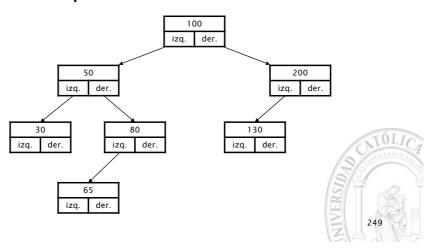
· Orden simétrico



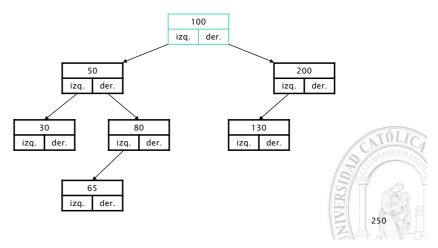
Árboles



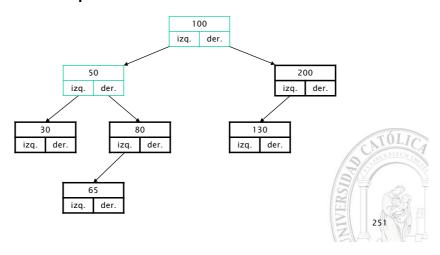
· Orden posterior



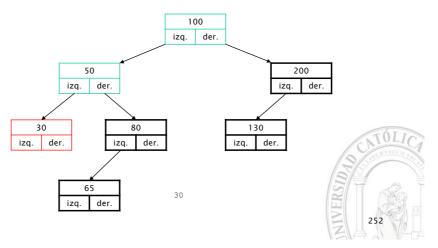
Árboles



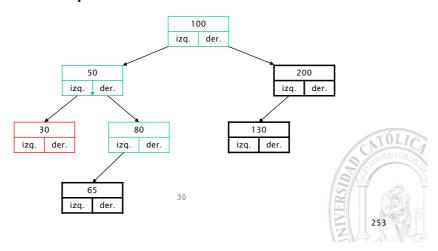
· Orden posterior



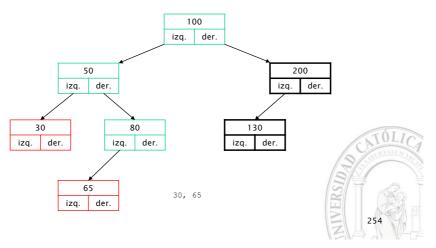
Árboles



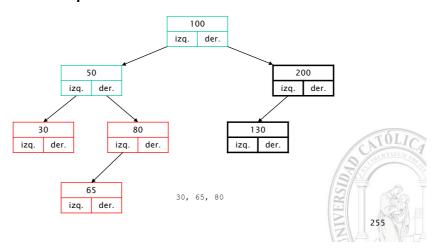
· Orden posterior



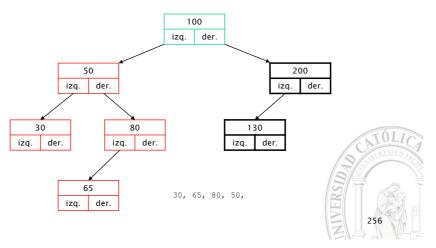
Árboles



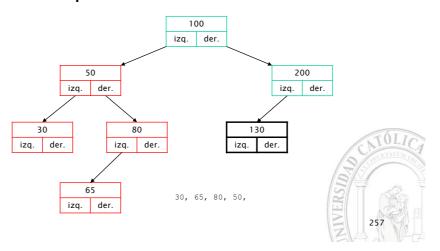
· Orden posterior



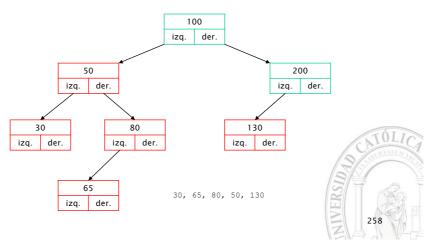
Árboles



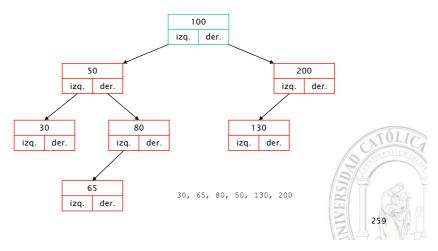
· Orden posterior



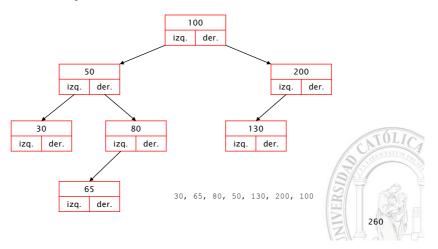
Árboles



· Orden posterior

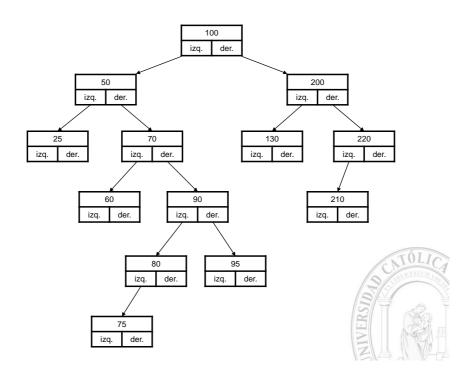


Árboles



- · Ejercicio:
 - Orden previo, simétrico y posterior del siguiente árbol





- · Orden previo
 - 100, 50, 25, 70, 60, 90, 80, 75, 95, 200, 130, 220, 210.
- · Orden simétrico
 - 25, 50, 60, 70, 75, 80, 90, 95, 100, 130, 200, 210, 220.
- Orden posterior
 - 25, 60, 75, 80, 95, 90, 70, 50, 130, 210, 220, 200, 100

- · Operaciones básicas:
 - Insertar
 - Pertenece
 - Encontrar
 - Padre de
 - Borrar



Lista: versión dinámica

- · Operaciones básicas:
 - Insertar

```
P_NODO_ARBOL insertar (P_NODO_ARBOL arbol, int i) {
        P_NODO_ARBOL p;
        if (arbol == NULL) {
            p = alojar_nodo_arbol();
            p >> izq = p->der = NULL;
            p >> valor = i;
            return p;
        }
        if (arbol->valor == i) return arbol;
        if (arbol->valor > i)
            arbol->izq = insertar(arbol->izq, i);
        else
            arbol->der = insertar(arbol->der, i);
        return arbol;
}
```



Lista: versión dinámica

- · Operaciones básicas:
 - Pertenece

```
int pertenece (P_NODO_ARBOL arbol, int i){
    if (arbol == NULL) {
        return 0;
    }
    if (arbol->valor == i) return 1;

    if (arbol->valor > i)
        return pertenece(arbol->izq, i);
    else
        return pertenece(arbol->der, i);
}
```



Lista: versión dinámica

- · Operaciones básicas:
 - Encontrar



Lista: versión dinámica

- · Operaciones básicas:
 - Encontrar

```
P_NODO_ARBOL padre_de (P_NODO_ARBOL arbol, P_NODO_ARBOL arbol) {
    if (arbol == NULL) {
        return NULL;
    }
    if (arbol->izq == nodo || arbol->der == nodo)
        return arbol;

    else if (arbol->valor > nodo->valor)
        return padre_de(arbol->izq, nodo);
    else
        return padre_de (arbol->der, nodo);
}
```



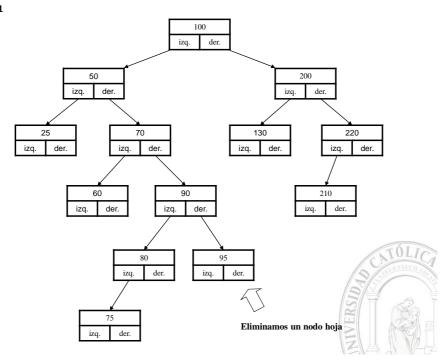
Lista: versión dinámica

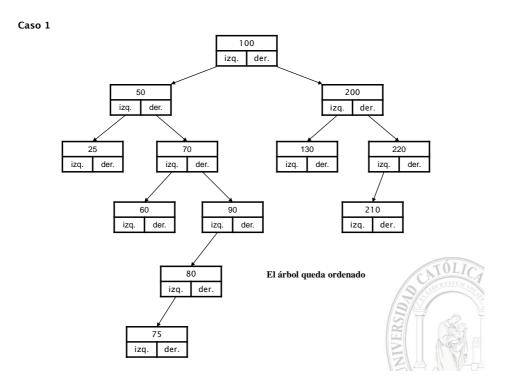
- · Operaciones básicas:
 - Eliminar
 - · La función de eliminar es más complicada ya que el árbol debe de quedar ordenado
 - · Habrá tres casos:

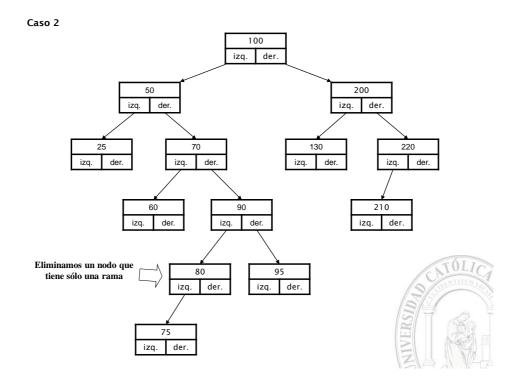
Ν°	Caso	Solución
1	El nodo sea hoja	Se borra directamente
2	El nodo tenga una rama vacía	Se borra y se deja la otra rama "colgando" de donde lo hace ahora el nodo
3	El nodo tenga nodos en ambas ramas	Se busca el mayor de los menores para sustituirlo por el que se quiere eliminar.

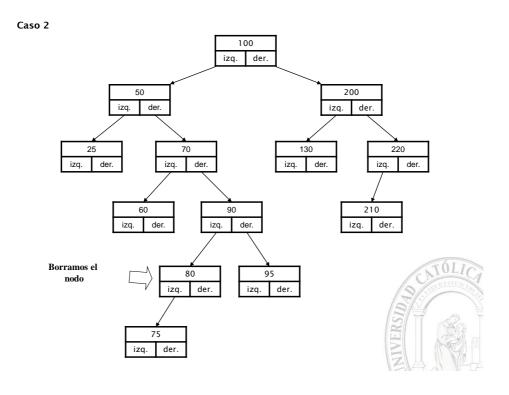
269

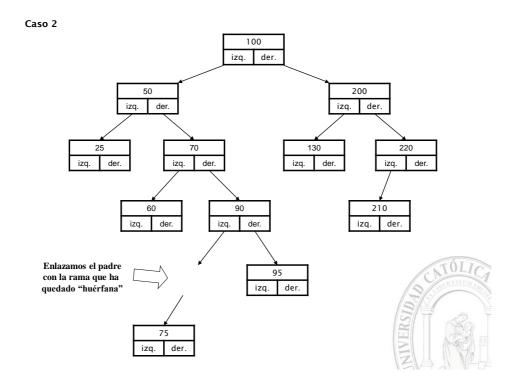
Caso 1

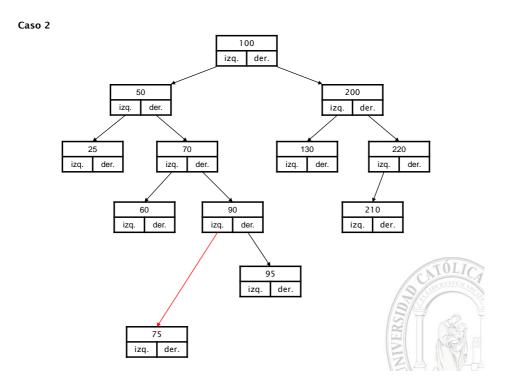


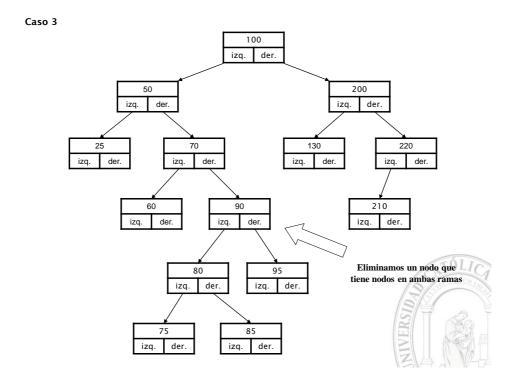




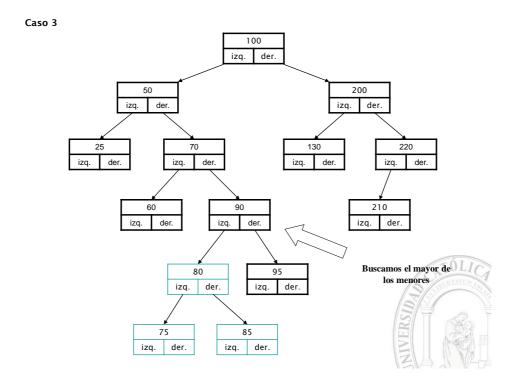




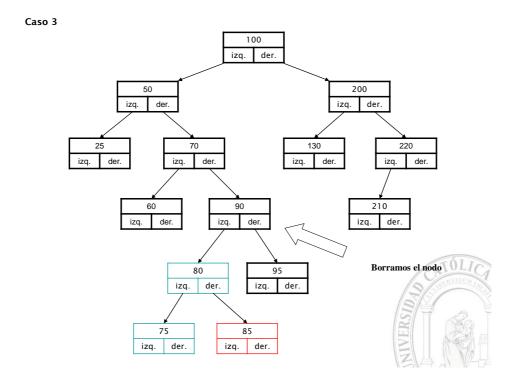




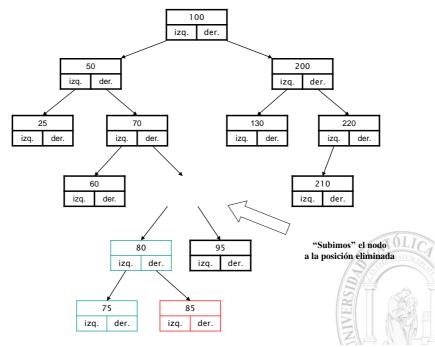
Caso 3 100 izq. der. 200 izq. der. izq. der. 70 izq. der. izq. der. izq. der. izq. der. 90 izq. der. izq. der. izq. der. Buscamos el mayor de los menores 80 izq. der. izq. der. 85 izq. izq. der.



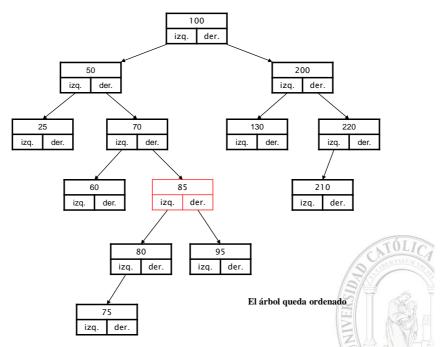
Caso 3 100 izq. der. 200 izq. der. izq. der. 70 izq. der. izq. der. izq. der. izq. der. 90 izq. der. izq. der. izq. der. Buscamos el mayor de los menores 80 izq. der. izq. der. 85 75 izq. izq. der.



Caso 3







```
P NODO ARBOL eliminar (P NODO ARBOL a, int i) {
          P_NODO_LISTA q,p;
if (a == NULL) return a;
if (a->valor > i) a-> izq = eliminar (a->izq, i);
else if (a->valor < i) a-> der = eliminar (a->der, i);
                     if ((a->der == NULL) && (a->izq == NULL)) //caso 1
                               return borraNodo(a);
                     //Caso 2
                     if (a->der == NULL) {
                                q = a->izq;
                                borraNodo (a);
                                return q;
                     if (a->izq == NULL) {
                                q = a->der;
                                borraNodo (a);
                                return q;
                      //Caso 3
                     for (p=a, q=a-)izq; q-)der != NULL; q = q-)der
                               p=q;
                     if (p!=a)
                               p-> der = q->izq;
                     else
                     p->izq =q->izq;
a->valor =q->value;
                     borrarNodo(q);
          return a;
```

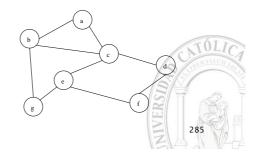
Grafos

- · Cada nodo tiene
 - Uno o más predecesores
 - Uno o más sucesores
- · Dos tipos:
 - No dirigido
 - Dirigido



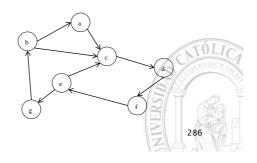
Grafos

- · Cada nodo tiene
 - Uno o más predecesores
 - Uno o más sucesores
- · Dos tipos:
 - No dirigido
 - · Sin dirección
 - Dirigido



Grafos

- · Cada nodo tiene
 - Uno o más predecesores
 - Uno o más sucesores
- · Dos tipos:
 - No dirigido
 - Dirigido
 - · Con dirección



Grafos

- · Ejemplos:
 - Red de carreteras de un país.
 - · Un arco = carretera entre dos localidades.
 - \cdot Se asocia un peso al arco.
 - Un autómata
 - · Un arco = transición entre dos estados
 - Se asocia el evento que genera la transición al arco

Grafos

- · Representación:
 - Matriz de adyacencia A
 - A[i,j] = true si existe un arco entre el nodo 'i' y el 'j'
 - Se pueden definir las etiquetas de los arcos mediante estructuras en la posición de la matriz.

· Matriz de adyacencia (no dirigido)

	a	b	С	d	e	f	g
a		Т	Т				
b	Т		Т				Т
С	Т	Т		Т	Т		
d			Т			Т	
e			Т			Т	Т
f				Т	Т		13
g		Т			Т		VFR

Grafos

· Matriz de adyacencia (no dirigido)

	a	b	С	d	e	f	g
a		Т	Т				
b	Т		Т				Т
С	Т	Т		Т	Т		
d			Т			Т	
e			Т			Т	Т
f				Т	Т		(3)
g		Т			Т		VER

· Matriz de adyacencia (no dirigido)

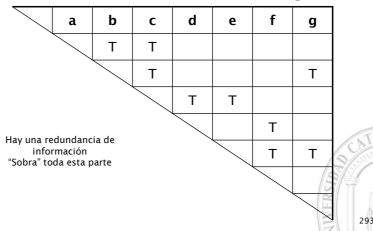
	a	b	С	d	e	f	g
a		T	Т				
b	(T)		Т				Т
С	T	Т		Т	Т		
d			Т			Т	
e			Т			Т	Т
f				Т	Т		(E)
g		Т			Т		d d A

Grafos

· Matriz de adyacencia (no dirigido)

	a	b	С	d	e	f	g
a		Т	Т				
b	Т		Т				Т
С	Т	Т		Т	Т		
d			Т			Т	
e			Т			Т	(T)
f				Т	Т		15
g		Т			Т		F

· Matriz de adyacencia (no dirigido)



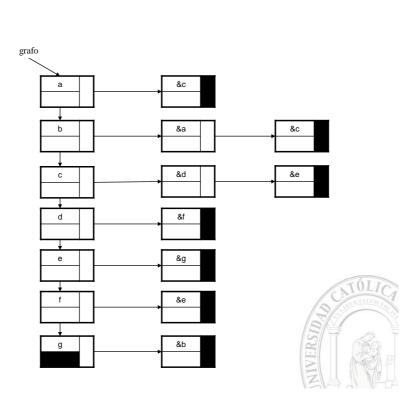
Grafos

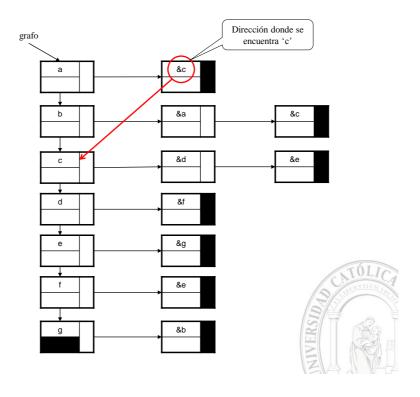
· Matriz de adyacencia (dirigido)

	a	b	С	d	e	f	g
a			Т				
b	Т		Т				
С				Т	Т		
d						Т	
e							Т
f					Т		15
g		Т					VFR

- Un grafo también se puede representar mediante listas
 - Es irrelevante el orden en que aparecen los nodos en la lista principal

(Ver siguiente transparencia)





- · Problemas típicos
 - Dijkstra: caminos más cortos con un solo origen.
 - Floyd: recuperación de caminos.
 - Warshall: cierre transitivo de la conectividad.

- Problema: encontrar la forma más económica de moverse desde un nodo a otro.
- · Elementos:
 - N nodos numerados de 0 a n-1.
 Siendo 0 el nodo origen.
 - Matriz de costes C[i,j]: coste de ir del nodo 'i' al 'j'.
 - · No negativos.

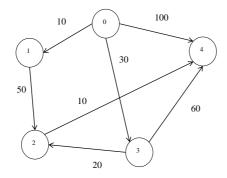
Grafos: Dijkstra

- Problema: encontrar la forma más económica de moverse desde un nodo a otro.
- · Elementos:
 - Vector de costes D[i]: coste total de ir del nodo origen al 'i'.
 - · Inicialmente D[i] = C[0,i]
 - Si no se puede ir del nodo 'i' al 'j' entonces C[i,j] = ∞

· Esquema del algoritmo (pseudo-C)

Grafos: Dijkstra

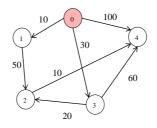
· Ejemplo





\cdot Ejemplo

Iteración	S	w	D[1]	D[2]	D[3]	D[4]
inicial	{0}	-	10	∞	30	100

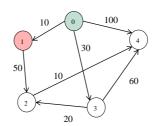




Grafos: Dijkstra

· Ejemplo

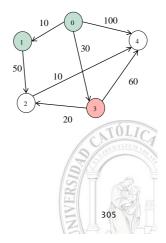
Iteración	S	w	D[1]	D[2]	D[3]	D[4]
inicial	{0}	-	10	8	30	100
1	{0,1}	1	10	60	30	100





\cdot Ejemplo

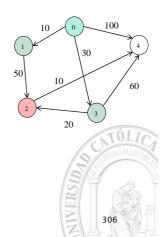
Iteración	S	w	D[1]	D[2]	D[3]	D[4]
inicial	{0}	-	10	8	30	100
1	{0,1}	1	10	60	30	100
2	{0,1,3}	3	10	50	30	90



Grafos: Dijkstra

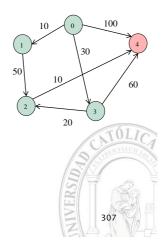
· Ejemplo

Iteración	S	w	D[1]	D[2]	D[3]	D[4]
inicial	{0}	-	10	∞	30	100
1	{0,1}	1	10	60	30	100
2	{0,1,3}	3	10	50	30	90
3	{0,1,3,2}	2	10	50	30	60



Ejemplo

Iteración	S	w	D[1]	D[2]	D[3]	D[4]
inicial	{0}	-	10	∞	30	100
1	{0,1}	1	10	60	30	100
2	{0,1,3}	3	10	50	30	90
3	{0,1,3,2}	2	10	50	30	60
4	{0,1,3,2, 4}	4	10	50	30	60



Grafos: Floyd

- Problema: conocer cuál es el camino que debemos recorrer para conseguir el coste mínimo.
- · Elementos:
 - Matriz de costes no negativos C[i,j].
 - Matriz de costes A[i,j]: coste mínimo entre cualquier par de nodos 'i' y 'j'.
 - Matriz de nodos P[i,j], número de un nodo que se encuentra en algún punto intermedio de camino mínimo.

Grafos: Floyd

· Esquema del algoritmo

Grafos: Floyd

 Función para obtener el listado del camino más corto



Grafos: Warshall

- <u>Problema</u>: conocer si existe conectividad entre dos nodos
 - No interesa el coste.
 - No interesa el camino.
- · Elementos:
 - Matriz de conexiones C[i,j], indica la existencia de conexión directa.
 - Matriz de conexiones A[i,j], indica la existencia de conexión entre 'i' y 'j'.

311

Grafos: Floyd

· Esquema del algoritmo

Índice

- · Introducción
- · Estructuras lineales
- · Estructuras no lineales
- · Estructuras en memoria secundaria

313

Memoria secundaria

- Los archivos o ficheros en memoria secundaria son estructuras de datos con persistencia.
- · Características
 - Realizar operaciones de apertura.
 - Realizar operaciones de cierre.
 - El acceso a los datos no se hace directamente
 - · Operaciones de lectura y escritura



Memoria secundaria

- Los archivos o ficheros en memoria secundaria son estructuras de datos con persistencia.
- · Características
 - Se utiliza un buffer para leer y escribir.
 - FILE * es un puntero al fichero (buffer).
 - · Se incluye en stdio.h
 - El acceso a los datos es secuencial.

315

Memoria secundaria

· Operación de apertura

FILE *fopen(char *nombre fichero, char *modo)

"r"	Abre el fichero para lectura
"w"	Crea el fichero para escritura, o lo trunca a longitud cero si ya existe
"a"	Añadir. Abre el fichero (o lo crea si no existe) para escritura al final
"r+"	Abre el fichero para actualización
"w+"	Crea el fichero para actualización o lo trunca a longitud cero si existe
"a+"	Abre el fichero (o lo crea si no existe) para actualización, pero las escrituras serán realizadas al final

Memoria secundaria

· Operación de cierre

```
int fclose( FILE *fp);
```

- Devuelve cero si se cierra correctamente
- Devuelve otro valor si no se realiza correctamente.
- · Lectura y escritura

```
size_t fread(void *buf, size_t tam, size_t n, FILE *fp);
size_t fwrite(void *buf, size_t tam, size_t n, FILE *fp);
```

Memoria secundaria

· Acceso secuencial

int fseek(FILE *fp, long int offset, int origen);

SEEK_SET	La posición indicada por offset se considera con respecto al comienzo del archivo
SEEK_CUR	La posición indicada por offset se considera con respecto a la posición actual dentro del archivo
SEEK_END	La posición indicada por offset se considera con respecto al final del archivo

fseek(fp,0,SEEK_SET)	Posiciona el fichero fp al principio
int i fseek(fp, i,SEEK_CUR)	Retrocede el fichero fp tantas posiciones como ocupa el entero
fseek(fp,0,SEEK_END)	Posiciona el fichero fp al final