

Programación II

Practica 5:

Complejidad

David Piñuel Bosque



2023

Índice

1. Ejercicio 1 complejidad.....	3
2. Ejercicio 2 Complejidad.....	4
3. Aclaraciones y comentarios.	5

1. Ejercicio 1 complejidad.

```
function Recursiva(n: natural)
  begin
    if (n = 0)
      return 1;
    else
      return 1 + Recursiva(n - 1);
    end if;
  end function;
```

Cuando $n = 0$, la función se detiene y retorna 1. Esto cuenta como una operación.

Cuando n es mayor que 0, la función se llama a sí misma con un argumento decrementado en 1 ($\text{Recursiva}(n - 1)$) y se realiza una suma ($1 + \text{Recursiva}(n - 1)$). Estas dos operaciones se realizan en cada llamada recursiva.

Podemos definir una función $T(n)$ que representa el número total de operaciones para un valor de entrada n .

Para el caso base, cuando $n = 0$, la función realiza 1 operación, por lo que tenemos $T(0) = 1$.

Para $n > 0$, podemos expresar el número total de operaciones como:

$$T(n) = 1 + T(n - 1)$$

Esto significa que el número total de operaciones es igual a 1 (la suma) más el número total de operaciones para $n - 1$.

Expandiendo la formulación, tenemos:

$$\begin{aligned} T(n) &= 1 + (1 + T(n - 2)) \\ &= 1 + 1 + T(n - 2) \\ &= 1 + 1 + 1 + T(n - 3) \\ &= \dots \\ &= 1 + 1 + 1 + \dots + 1 + T(0) \end{aligned}$$

La cantidad de veces que se suma 1 es n , ya que en cada llamada recursiva n se decrementa en 1 hasta llegar a 0.

Simplificando la formulación, obtenemos:

$$\begin{aligned} T(n) &= n * 1 + T(0) \\ &= n + T(0) \end{aligned}$$

La parte $T(0)$ representa el número de operaciones cuando $n = 0$, que es 1.

Por lo tanto, el número total de operaciones para un valor de entrada n es:

$$T(n) = n + 1$$

En términos de orden de complejidad, nos interesa el término dominante a medida que n crece. En este caso, el término dominante es n .

Por lo tanto, el orden de complejidad de la función Recursiva es $O(n)$, lo que significa que el número de operaciones crece linealmente con el valor de entrada n .

2. Ejercicio 2 Complejidad.

```
void Floyd(int C[][], int A[][], int P[][], int nNodos) {
    int i, j, k;
    for (i = 0; i < nNodos; i++) {
        for (j = 0; j < nNodos; j++) {
            A[i][j] = C[i][j];
            P[i][j] = -1;
        }
    }
    for (k = 0; k < nNodos; k++) {
        for (i = 0; i < nNodos; i++) {
            for (j = 0; j < nNodos; j++) {
                if (A[i][k] + A[k][j] < A[i][j]) {
                    A[i][j] = A[i][k] + A[k][j];
                    P[i][j] = k;
                }
            }
        }
    }
}
```

Vamos a analizar el número total de operaciones en función del número de nodos $nNodos$ en el grafo.

El primer bucle para se ejecuta $nNodos$ veces. Dentro de este bucle, hay dos operaciones de protección en cada iteración: $A[i][j] = C[i][j]$ y $P[i][j] = -1$.

Cada una de estas operaciones tiene un tiempo de ejecución constante, por lo que el primer bucle tiene un tiempo de ejecución de $O(nNodos^2)$ debido a las dos dimensiones de la matriz.

Luego, hay un segundo bucle para que también se ejecute $nNodos$ veces.

Dentro de este bucle, hay un tercer bucle que también se ejecuta n_{Nodos} veces.

Dentro del tercer bucle for, se realiza una comparación ($A[i][k] + A[k][j] < A[i][j]$) y una operación de preselección ($A[i][j] = A[i][k] + A[k][j]$) en el condicional if. Estas operaciones tienen un tiempo de ejecución constante.

Por lo tanto, el segundo y tercer bucle for, en total, tienen un tiempo de ejecución de $O(n_{\text{Nodos}}^3)$ debido a las tres dimensiones de las matrices involucradas.

En general, el tiempo de ejecución de la función Floyd está dominado por el segundo y tercer bucle for, lo que resulta en un orden de complejidad de $O(n_{\text{Nodos}}^3)$.

3. Aclaraciones y comentarios.

En el ejercicio 1 he realizado la complejidad de la función recursiva y en el ejercicio 2 he realizado la complejidad de la función Floyd. He dedicado realizarla de esta manera redactando paso a paso a detalle su complejidad que van teniendo cada función.