

COMPLEJIDAD

① $x = x + 1$

orden 1, ya que es una asignación.

② $i = 1;$
 $\text{while } (i \leq n) \text{ do } \{$
 $x = x + 1;$
 $i = i + 2;$
 $\}$

$$O(1) + O(1) \cdot O(n) + O(1) \cdot O(n) + O(1) \cdot O(n) =$$
$$= O(1) + O(n) + O(n) + O(n) = O(n).$$

Orden = n

③ $\text{for } (i = 1; i \leq n; i++)$
 $\text{for } (j = 1; j \leq n; j++)$
 $x = x + 1;$

$$O(1) + O(1) \cdot O(n) + O(1) \cdot O(n) + O(1) \cdot O(n) + O(1)$$
$$\cdot O(n) \cdot O(n) + O(1) \cdot O(n) \cdot O(n) + O(1) \cdot O(n) \cdot O(n)$$
$$O(1) + O(n) + O(n) + O(n) + O(n^2) + O(n^2) + O(n^2)$$
$$O(n^2)$$

Orden = n^2

④ `int recursiva1 (int n) {
 if (n <= 1) return 5;
 else return recursiva1(n-1) + recursiva(n-1);
}`

Introduzco $T(n)$, y puede ser $\begin{cases} 5 & \text{si } n \leq 1 \\ 2T(n-1) & \text{si } n > 1 \end{cases}$

El $T(n-1) \xrightarrow{n>1} 2 \cdot T(n-2) \rightarrow 4 \cdot T(n-3) \rightarrow 8 \cdot T(n-4)$
 porque como devuelve la suma de los dos, será el doble de lo anterior. (2.2)
 cada vez, lo n es un número menos, hasta que llegue a $T(n-k)$, sea $k = (n-1)$

$\rightarrow 32 \cdot T(n-5) \dots x \cdot T(n-k)$, para $k = n-1$.

Por lo tanto, como es:

$$2 \cdot T(n-1) \rightarrow 2^k = 2^1 = 2$$

$$4 \cdot T(n-2) \rightarrow 2^k = 2^2 = 4$$

$$8 \cdot T(n-3) \rightarrow 2^k = 2^3 = 8$$

\vdots

$$x \cdot T(n-k) \rightarrow 2^k = x$$

Así que el orden es $\boxed{2^k}$

⑤ `int recursiva2 (int n) {`
 `if (n <= 1) return 1;`
 `else return 2 * recursiva2 (n/2);`

$$T(n) \begin{cases} 1 & \text{si } n \leq 1 \\ 2 \cdot T(n/2) & \text{si } n > 1 \end{cases}$$

$$2 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) \xrightarrow{n > 1} 2 \cdot 2 \cdot T\left(\frac{n}{4}\right) \rightarrow 2 \cdot 4 \cdot T\left(\frac{n}{8}\right) \rightarrow 2 \cdot 8 \cdot T\left(\frac{n}{16}\right) \\ \rightarrow 2 \cdot 16 \cdot T\left(\frac{n}{32}\right)$$

Así que :

$$2 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) \rightarrow \log_2 n \text{ siendo } n = \frac{n}{2} = \frac{2}{2} = 1 \rightarrow \log_2 2 = 1$$

$$4 \cdot T\left(\frac{n}{4}\right) \rightarrow \log_2 4 = 2, \text{ para } n = 4$$

$$8 \cdot T\left(\frac{n}{8}\right) \rightarrow \log_2 8 = 3, \text{ para } n = 8$$

El orden es $\boxed{\log_2 n}$