# Statystyka i teoria obsługi masowej

## Laboratorium 5

### Dawid Polak

#### Zad 1.

Jako że wyniki testów są mierzalne używam korelacji parametrycznej.

Poziom istotności zostawiam domyślny (0,05).

Z modułu **Statystyki podstawowe** wybieram **Macierze korelacji.** Do jednej listy zmiennych dodałem wszystkie zmienne i wykonałem **Korelacje.** Poniżej otrzymana macierz korelacji.

	Korelacje (School performance.sta)									
	Oznaczone wsp. korelacji są istotne z p < ,05000									
	N=80 (Braki danych usuwano przypadkami)									
Zmienna	Średnia	Odch.std	GEOMETRY	READING	GRAMMAR	DRAWING	CALCULUS	HISTORY	WRITING	SPELLING
GEOMETRY	99,8523	1,798619	1,000000	-0,035582	-0,014342	0,903247	0,809318	-0,020458	-0,031098	0,018067
READING	99,7669	3,295847	-0,035582	1,000000	0,943131	-0,034940	-0,009269	0,950956	0,942327	0,860010
GRAMMAR	99,6856	3,512469	-0,014342	0,943131	1,000000	-0,025917	0,005717	0,924746	0,901969	0,837787
DRAWING	99,7891	2,072439	0,903247	-0,034940	-0,025917	1,000000	0,814418	-0,032686	-0,033889	0,016422
CALCULUS	100,0655	2,337676	0,809318	-0,009269	0,005717	0,814418	1,000000	-0,017948	0,022055	0,040587
HISTORY	101,9269	3,490726	-0,020458	0,950956	0,924746	-0,032686	-0,017948	1,000000	0,909612	0,848156
WRITING	99,8200	3,377652	-0,031098	0,942327	0,901969	-0,033889	0,022055	0,909612	1,000000	0,882936
SPELLING	99,9867	3,757352	0,018067	0,860010	0,837787	0,016422	0,040587	0,848156	0,882936	1,000000

Na czerwono zaznaczone są współczynniki korelacji, które są istotne statystycznie na przyjętym poziomie istotności.

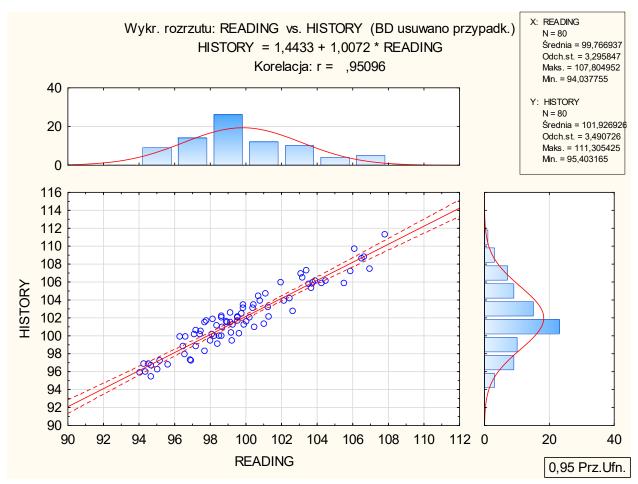
Z zaznaczonych par zmiennych do dalszej części zadania wybieram pary:

- **READING i HISTORY** (korelacja prawie pełna) (korelacja dodatnia)
- GEOMETRY i DRAWING (korelacja prawie pełna) (korelacja dodatnia)

### Zad 1.1. READING i HISTORY

Model reresji: HISTORY = 1,4433 + 1,0072 \* READING

Wykres rozrzutu **READING i HISTORY** 



Na wykresie rozrzutu możemy zaobserwować, że naniesione wartości mniej więcej po równo rozkładają się po obu stronach co pozwala nam stwierdzić, że warunek symetrii reszt jest spełniony.

## Analiza reszt

W zakładce **Statystyka** wybieram moduł **Regresja wieloraka.** Wybieram zmienną zależną HISTORY i zmienną niezależną READING i klikam OK.

READING b\*=,951 - współczynnik regresji jest istotny

Wykonuję analizę reszt

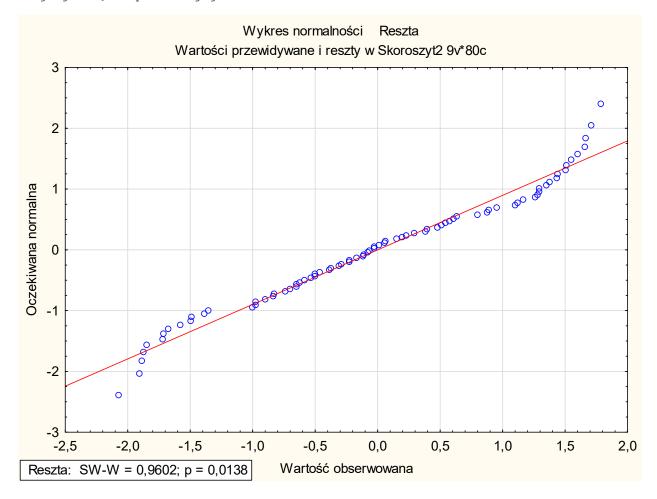
- 1	HISTORY Obserw.	Przewidyw.		Standard.	Standard.	Bł. std.	Mahaln.	Usuniete	Cooka
	Wartość	Wartość	Reszta	Przewid.	Reszta	W.przew.	Odległ.	Reszta	Odległ.
1	99,986923	100,633614	-0,646690	-0,389607	-0,595108	0,130498	0,151794	-0,656153	0,0026
2	103,135422	102,558868	0,576553	0,190372	0,530566	0,123703	0,036241	0,584123	0,0018
3	101,657379	99,944839	1,712540	-0,597100	1,575942	0,141740	0,356529	1,742179	0,0218
4	102,063446	102,369972	-0,306526	0,133467	-0,282077	0,122585	0,017813	-0,310477	0,0005
5	101,457085	101,302986	0,154099	-0,187961	0,141807	0,123648	0,035329	0,156120	0,0001
6	102,773781	104,842499	-2,068718	0,878311	-1,903711	0,162148	0,771430	-2,115827	0,0422
7	101,825745	100,271912	1,553833	-0,498569	1,429895	0,135928	0,248571	1,578531	0,0165
8	107,434486	109,152222	-1,717735	2,176606	-1,580724	0,292536	4,737612	-1,851945	0,1052
9	100,003998	100,376755	-0,372757	-0,466986	-0,343025	0,134241	0,218076	-0,378534	0,0009
10	101,214226	101,441002	-0,226776	-0,146384	-0,208688	0,122805	0,021428	-0,229710	0,0002
11	102,090721	101,706093	0,384628	-0,066526	0,353949	0,121766	0,004426	0,389519	0,0008
12	99,464699	101,368011	-1,903313	-0,168372	-1,751499	0,123226	0,028349	-1,928106	0,0202
13	105,933914	105,961853	-0,027939	1,215513	-0,025710	0,191952	1,477471	-0,028839	0,0000
14	97,203323	99,075142	-1,871819	-0,859095	-1,722517	0,160602	0,738044	-1,913616	0,0338
15	95,989609	96,488190	-0,498581	-1,638407	-0,458813	0,234278	2,684378	-0,522884	0,0053
16	100,470947	99,593079	0,877869	-0,703068	0,807847	0,148827	0,494304	0,894650	0,0063
17	103,421387	102,620041	0,801346	0,208799	0,737428	0,124147	0,043597	0,811943	0,0036
18	103,924744	102,971359	0,953384	0,314633	0,877340	0,127438	0,098994	0,966679	0,0054
19	102,579483	101,282990	1,296494	-0,193984	1,193081	0,123787	0,037630	1,313538	0,0094
20	106,889740	105,290161	1,599579	1,013167	1,471992	0,173507	1,026507	1,641425	0,0290
21	105,343323	105,844437	-0,501114	1,180141	-0,461144	0,188624	1,392733	-0,516681	0,0034
22	100,277199	101,772614	-1,495415	-0,046486	-1,376136	0,121627	0,002161	-1,514386	0,0121
23	102,190582	100,811501	1,379082	-0,336019	1,269082	0,128252	0,112909	1,398563	0,0115
24	105,939163	104,152260	1,786903	0,670376	1,644375	0,146555	0,449404	1,820007	0,0255
25	101,324181	103,211586	-1,887405	0,387001	-1,736860	0,130382	0,149770	-1,914973	0,0223
26	98,814804	98,618729	0,196075	-0,996588	0,180436	0,172066	0,993188	0,201118	0,0004
27	106,088310	106,674202	-0,585892	1,430108	-0,539159	0,212913	2,045208	-0,609281	0,0060
28	108,778542	108,842163	-0,063622	2,083200	-0,058547	0,282187	4,339721	-0,068222	0,0001
29	111,305428	110,022690	1,282738	2,438831	1,180423	0,321975	5,947897	1,406187	0,0735
30		96,665443	0,228447	-1,585009	0,210225	0,321373	2,512255	0,239036	0,0010
31	96,893890 103,457970		1,439323			0,121541		1,457557	
		102,018646		0,027631	1,324519		0,000763		0,0112
32	102,096382	103,451302	-1,354919	0,459215	-1,246847	0,133839	0,210879	-1,375789	0,0121
33	100,357185	101,330383	-0,973198	-0,179707	-0,895573	0,123465	0,032294	-0,985925	0,0053
34	99,949341	100,775391	-0,826050	-0,346897	-0,760162	0,128684	0,120337	-0,837798	0,0041
35	106,495483	105,373932	1,121552	1,038403	1,032093	0,175723	1,078280	1,151667	0,0146
36	104,195526	104,655075	-0,459549	0,821849	-0,422894	0,157661	0,675436	-0,469430	0,0019
37	99,094551	100,582703	-1,488152	-0,404945	-1,369452	0,131194	0,163981	-1,510163	0,0140
38	101,574081	102,197372	-0,623291	0,081472	-0,573575	0,121902	0,006638	-0,631234	0,0021
39	100,118370	99,227394	0,890976	-0,813228	0,819909	0,156991	0,661340	0,909968	0,0073
40	100,969246	102,644844	-1,675598	0,216271	-1,541947	0,124338	0,046773	-1,697826	0,0159
41	97,954536	98,694824	-0,740288	-0,973665	-0,681240	0,170093	0,948023	-0,758881	0,0059
42	109,676743	108,324638	1,352104	1,927297	1,244256	0,265110	3,714473	1,437672	0,0520
43	105,775047	105,708282	0,066765	1,139125	0,061439	0,184816	1,297606	0,068754	0,0000
44	96,198524	97,175171	-0,976646	-1,431456	-0,898746	0,213048	2,049067	-1,015687	0,016
45	103,192802	103,416702	-0,223900	0,448791	-0,206041	0,133310	0,201414	-0,227321	0,0003
46	103,937363	104,319313	-0,381950	0,720702	-0,351485	0,150083	0,519412	-0,389378	0,0012
47	99,470917	100,169350	-0,698433	-0,529467	-0,642724	0,137663	0,280335	-0,709825	0,0034
48	96,773735	97,773567	-0,999832	-1,251191	-0,920083	0,195349	1,565478	-1,033222	0,0146
49	100,641258	99,347313	1,293945	-0,777102	1,190736	0,154232	0,603887	1,320547	0,0148
50	101,561523	101,081490	0,480034	-0,254686	0,441745	0,125421	0,064865	0,486515	0,0013
51	100,917328	100,857834	0,059494	-0,322063	0,054749	0,127716	0,103724	0,060327	0,0000
52	102,061447	100,795906	1,265541	-0,340718	1,164598	0,128437	0,116089	1,283471	0,009
53	104,735855	103,298950	1,436905	0,413320	1,322293	0,131584	0,170833	1,458287	0,0132
54	100,171089	99,562424	0,608665	-0,712302	0,560116	0,149482	0,507374	0,620405	0,0030
55	101,155190	100,519287	0,635902	-0,424048	0,585181	0,132093	0,179817	0,645440	0,0026
56	101,987167	101,692528	0,294640	-0,070612	0,271138	0,121800	0,004986	0,298388	0,0004
57	98,789932	99,321175	-0,531242	-0,784977	-0,488869	0,154827	0,616189	-0,542250	0,002
58	103,129051	102,027206	1,101845	0,030210	1,013958	0,121550	0,000913	1,115805	0,006
59	101,667412	101,690887	-0,023476	-0,071106	-0,021603	0,121805	0,005056	-0,023774	0,0000
60	97,306244	99,019707	-1,713463	-0,875794	-1,576792	0,161944	0,767016	-1,752382	0,0288
61	99,920723	98,415909	1,504814	-1,057686	1,384786	0,177434	1,118700	1,546033	0,0269
62	107,170647	108,068375	-0,897728	1,850098	-0,826122	0,256758	3,422862	-0,950809	0,0213
63	104,402931	102,892082	1,510849	0,290751	1,390339	0,126588	0,084536	1,531633	0,0134
64	98,251907	99,831009	-1,579102	-0,631389	-1,453148	0,143944	0,398653	-1,607304	0,019
65	105,821716	106,467781	-0,646065	1,367923	-0,594533	0,206715	1,871213	-0,670321	0,0068
66	102,467674	101,921364	0,546310	-0,001675	0,502735	0,121494	0,000003	0,553226	0,0016
67	101,488388	99,821350	1,667038	-0,634300	1,534070	0,144135	0,402336	1,696891	0,0214
68	100,173172	100,248245	-0,075073	-0,505699	-0,069085	0,136321	0,255731	-0,076274	0,000
69	101,518303	101,118614	0,399689	-0,243502	0,367808	0,125088	0,059293	0,405056	0,000
70	101,216637	102,052658	-0,836021	0,037876	-0,769338	0,121582	0,001435	-0,846620	0,003
71	105,875320	107,724480	-1,849159	1,746501	-1,701665	0,245673	3,050266	-1,948762	0,082
72	99,923119	98,758774	1,164345	-0,954399	1,071473	0,168453	0,910877	1,193013	0,014
73	106,116638	106,105804	0,010834	1,258879	0,009970	0,196086	1,584776	0,011198	0,000
74	95,403168	96,790039	-1,386871	-1,547476	-1,276250	0,224846	2,394682	-1,448902	0,038
75	96,705971	96,822281	-0,116310	-1,537763	-0,107033	0,223848	2,364714	-0,121464	0,000
76	95,869598	96,156586	-0,286987	-1,738303	-0,264096	0,244802	3,021698	-0,302330	0,0019
77	96,897926	96,385246	0,512680	-1,669418	0,471787	0,237528	2,786958	0,538404	0,0058
78	107,271851	105,610710	1,661140	1,109731	1,528643	0,182123	1,231504	1,709148	0,0347
79	97,195847	97,302406	-0,106560	-1,393128	-0,098060	0,209216	1,940805	-0,110662	0,000
13	01,100047	01,002400	-0,164818	2,052295	-0,151671	0,209210	4,211914	-0,176430	0,000

Dla kolumny Reszta klikam PPM, wybieram Statystyki bloku danych dla kolumn i wybieram srednią. Otrzymuję poniższy wynik

	Wartości przewidywane i reszty HISTORY					
	Reszta					
ŚREDNIA przyp. 1-80	-2,86102E-7					

Średnia wartość reszty jest bliska 0, więc możemy uznać, że warunek nieobciążoności reszt jest spełniony.

Otrzymane Wartości przewidywane i reszty oznaczam jako Aktynwy arkusz wejściowy w celu stwrzenia wykresu normalności wraz z testem Shapiro-Wilka, którego wynik znajduje się na poniższej grafice.



Przy przyjętym poziomie istotności równym 0,05, mamy podstawy do stwierdzenia, że założenie o normalności reszt nie zostało spełnione. Gdybyśmy ustalili poziom istotności na poziomie 0,01 to wyżej pokazane reszty spełniłyby założenie rozkładu normalnego, więc zmniejszenie poziomu istotności pozwoliłoby na spełnienia warunku normalności reszt, który jest wymagany do oceny użyteczności i jakości przyjętego modelu regresji.

Z ciekawości sprawdziłem Odstające i chcąc wygenerować wykres dla **Standaryzowanych reszt (+- 2-5 sigma)** otrzymałem komunikat, że nie ma wartości odstających (wszystkie reszty są w przedziale +-2 odch.std.).

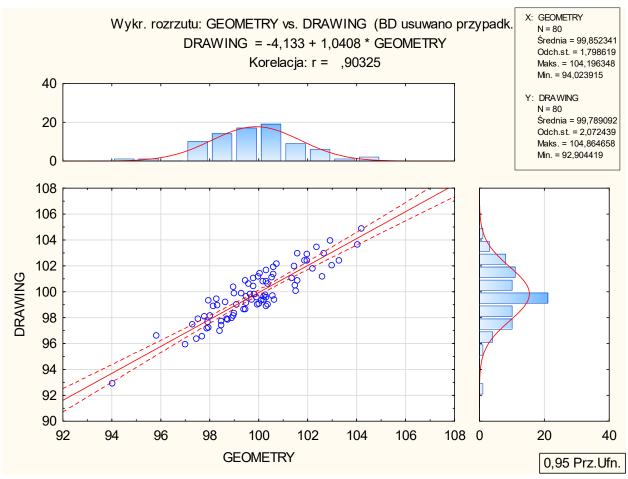
Wykonałem również wykres odstających wybierając typ wartości odstającej jako **Standaryzowane reszty** w celu wizualizacji odstawania reszt.

					Reszty standa Uporządkowa	aryz.: HISTOR\	(School pe	erformance.sta	)				
Przyp1,9	Reszty 	standaryz.	1,64 .	+3.	Obserw. Wartość	Przewidyw. Wartość	Reszta	Standard Przewid.	Standard Reszta	Bł. std. W.przew.	Mahaln. Odległ.	Usunięte Reszta	Cooka Odległ.
6 .*		<u> </u>	1,04 .	тэ.	102,7738	104,8425	-2,06872	0,87831	-1,90371	0,162148	0,771430	-2,11583	0,042204
		i .			99,4647	101,3680	-1,90331	-0,16837	-1,75150	0,123226	0,028349	-1,92811	0,020241
25 . *		1 .			101,3242	103,2116	-1,88741	0,38700	-1,73686	0,130382	0,149770	-1,91497	0,022353
		<u> </u>			97,2033	99,0751	-1,87182	-0,85910	-1,72252	0,160602	0,738044	-1,91362	0,033867
71 . *			. *		105,8753	107,7245 104,1523	-1,84916 1,78690	1,74650	-1,70167 1,64438	0,245673 0,146555	3,050266 0,449404	-1,94876 1,82001	0,082187
8 . *		1 .			105,9392 107,4345	104,1523	-1,71774	0,67038 2,17661	-1,58072	0,140535	4,737612	-1,85195	0,025510
		i .			97,3062	99,0197	-1,71346	-0,87579	-1,57679	0,161944	0,767016	-1,75238	0,028877
3 .		1 .	. *.		101,6574	99,9448	1,71254	-0,59710	1,57594	0,141740	0,356529	1,74218	0,021864
40 . *		1 .			100,9692	102,6448	-1,67560	0,21627	-1,54195	0,124338	0,046773	-1,69783	0,015980
		<u> </u>	* * * * * * * * * * * * * * * * * * * *		101,4884	99,8214	1,66704	-0,63430	1,53407	0,144135	0,402336	1,69689	0,021449
78 .		-	. *.		107,2719 106,8897	105,6107	1,66114	1,10973 1,01317	1,52864 1,47199	0,182123	1,231504 1,026507	1,70915 1,64143	0,034742
		<u> </u>	. * .		98,2519	105,2902 99,8310	1,59958 -1,57910	-0,63139	-1,45315	0,173507 0,143944	0,398653	-1,60730	0,029083
		1 .	. * .		101,8257	100,2719	1,55383	-0,49857	1,42990	0,135928	0,248571	1,57853	0,016508
63 .		1 .	. * .		104,4029	102,8921	1,51085	0,29075	1,39034	0,126588	0,084536	1,53163	0,013479
61 .		1 .	. * .		99,9207	98,4159	1,50481	-1,05769	1,38479	0,177434	1,118700	1,54603	0,026982
	* .	<u> </u>			100,2772	101,7726	-1,49542	-0,04649	-1,37614	0,121627	0,002161	-1,51439	0,012165
37 . 31 .		<u> </u>	*		99,0946 103,4580	100,5827 102,0186	-1,48815 1,43932	-0,40495	-1,36945 1,32452	0,131194 0,121541	0,163981 0,000763	-1,51016 1,45756	0,014075
		<u> </u>	* * .		103,4360	102,0180	1,43691	0,02763 0,41332	1,32229	0,121541	0,000703	1,45730	0,011233
	.* .	1 .			95,4032	96,7900	-1,38687	-1,54748	-1,27625	0,224846	2,394682	-1,44890	0,038056
23 .		1 .	. * .		102,1906	100,8115	1,37908	-0,33602	1,26908	0,128252	0,112909	1,39856	0,011536
32 .	.* .				102,0964	103,4513	-1,35492	0,45922	-1,24685	0,133839	0,210879	-1,37579	0,012157
		1 .	.* .		109,6767	108,3246	1,35210	1,92730	1,24426	0,265110	3,714473	1,43767	0,052089
19 . 49 .			.* .		102,5795 100,6413	101,2830 99,3473	1,29649 1,29395	-0,19398 -0,77710	1,19308 1,19074	0,123787 0,154232	0,037630 0,603887	1,31354 1,32055	0,009480
		.	.* .		111,3054	110,0227	1,29395	2,43883	1,19074	0,154232	5,947897	1,40619	0,014874
52 .			.* .		102,0614	100,7959	1,26554	-0,34072	1,16460	0,128437	0,116089	1,28347	0,009744
72 .		1 .	* .		99,9231	98,7588	1,16435	-0,95440	1,07147	0,168453	0,910877	1,19301	0,014482
35 .		1 .	*		106,4955	105,3739	1,12155	1,03840	1,03209	0,175723	1,078280	1,15167	0,014685
58 .		<u> </u>	*		103,1291	102,0272	1,10185	0,03021	1,01396	0,121550	0,000913	1,11581	0,006596
48 .		<u> </u>			96,7737 96,1985	97,7736 97,1752	-0,99983 -0,97665	-1,25119 -1,43146	-0,92008 -0,89875	0,195349 0,213048	1,565478 2.049067	-1,03322 -1,01569	0,014608
	. *.	1 .			100,3572	101,3304	-0,97320	-0,17971	-0,89557	0,123465	0,032294	-0,98593	0,005313
18 .		. *			103,9247	102,9714	0,95338	0,31463	0,87734	0,127438	0,098994	0,96668	0,005442
62 .		1 .			107,1706	108,0684	-0,89773	1,85010	-0,82612	0,256758	3,422862	-0,95081	0,021370
39 .		. *			100,1184	99,2274	0,89098	-0,81323	0,81991	0,156992	0,661340	0,90997	0,007318
16 .		. *			100,4709 101,2166	99,5931	0,87787	-0,70307 0,03788	0,80785	0,148827 0,121582	0,494304	0,89465	0,006357
70 . 34 .		<u> </u>			99,9493	102,0527 100,7754	-0,83602 -0,82605	-0,34690	-0,76934 -0,76016	0,121562	0,001435 0,120338	-0,84662 -0,83780	0,003799
17 .		1 . *			103,4214	102,6200	0,80135	0,20880	0,73743	0,124147	0,043597	0,81194	0,003643
41 .	*	1 .			97,9545	98,6948	-0,74029	-0,97366	-0,68124	0,170093	0,948023	-0,75888	0,005974
47 .		1 .			99,4709	100,1693	-0,69843	-0,52947	-0,64272	0,137663	0,280335	-0,70982	0,003424
	*	<u> </u>			99,9869	100,6336	-0,64669	-0,38961	-0,59511	0,130498	0,151794	-0,65615	0,002629
	*	.*			105,8217 101,1552	106,4678 100,5193	-0,64606 0,63590	1,36792 -0,42405	-0,59453 0,58518	0,206715 0,132093	1,871213 0,179817	-0,67032 0,64544	0,006885
	*	<u> </u>			101,1332	100,3133	-0,62329	0,08147	-0,57358	0,132033	0,006638	-0,63123	0,002000
		.*			100,1711	99,5624	0,60867	-0,71230	0,56012	0,149482	0,507374	0,62041	0,003084
	*	1 .			106,0883	106,6742	-0,58589	1,43011	-0,53916	0,212913	2,045208	-0,60928	0,006034
		*			103,1354	102,5589	0,57655	0,19037	0,53057	0,123704	0,036241	0,58412	0,001872
		*			102,4677	101,9214	0,54631	-0,00167	0,50274	0,121494	0,000003	0,55323	0,001620
	*	*			98,7899 96,8979	99,3212 96,3853	-0,53124 0,51268	-0,78498 -1,66942	-0,48887 0,47179	0,154827 0,237528	0,616189 2,786958	-0,54225 0,53840	0,002527 0,005864
	*	i .			105,3433	105,8444	-0,50111	1,18014	-0,46114	0,237326	1,392733	-0,51668	0,003406
15 .	*	1 .			95,9896	96,4882	-0,49858	-1,63841	-0,45881	0,234278	2,684378	-0,52288	0,005381
		*			101,5615	101,0815	0,48003	-0,25469	0,44174	0,125421	0,064865	0,48651	0,001335
	*				104,1955	104,6551	-0,45955	0,82185	-0,42289	0,157661	0,675436	-0,46943	0,001964
		*.			101,5183 102,0907	101,1186	0,39969	-0,24350	0,36781	0,125089	0,059293	0,40506	0,000921
46 .	*	1 .			102,0907	101,7061 104,3193	0,38463 -0,38195	-0,06653 0,72070	0,35395 -0,35148	0,121766 0,150083	0,004426 0,519412	0,38952 -0,38938	0,000807 0,001225
	*				100,0040	100,3768	-0,37276	-0,46699	-0,34302	0,134241	0,218076	-0,37853	0,000926
4 .		*  .			102,0634	102,3700	-0,30653	0,13347	-0,28208	0,122585	0,017813	-0,31048	0,000519
56 .		* .			101,9872	101,6925	0,29464	-0,07061	0,27114	0,121801	0,004986	0,29839	0,000474
76 .		*  .			95,8696	96,1566	-0,28699	-1,73830	-0,26410	0,244802	3,021698	-0,30233	0,001964
30 . 10 .		*  .			96,8939	96,6654	0,22845	-1,58501	0,21023 -0,20869	0,228721 0,122805	2,512255 0,021428	0,23904	0,001072 0,000285
45 .		*  .			101,2142 103,1928	101,4410 103,4167	-0,22678 -0,22390	-0,14638 0,44879	-0,20869	0,122805	0,021428	-0,22971 -0,22732	0,000285
26 .		* .			98,8148	98,6187	0,19608	-0,99659	0,18044	0,172066	0,993188	0,20112	0,000429
80 .		* .			108,5748	108,7396	-0,16482	2,05230	-0,15167	0,278782	4,211914	-0,17643	0,000867
5 .		* .			101,4571	101,3030	0,15410	-0,18796	0,14181	0,123648	0,035329	0,15612	0,000134
75 .		* .			96,7060	96,8223	-0,11631	-1,53776	-0,10703	0,223848	2,364714	-0,12146	0,000265
79 . 68 .		* .			97,1959 100,1732	97,3024 100,2482	-0,10656 -0.07507	-1,39313 -0.50570	-0,09806 -0,06909	0,209216 0,136321	1,940805 0,255731	-0,11066 -0,07627	0,000192
43 .		* .	· ·		100,1732	100,2462	-0,07507 0,06676	-0,50570 1,13913	0,06144	0,136321	1,297606	0,06875	0,000058
28 .		* .			108,7785	108,8422	-0,06362	2,08320	-0,05855	0,282187	4,339721	-0,06822	0,000133
51 .		* .			100,9173	100,8578	0,05949	-0,32206	0,05475	0,127716	0,103724	0,06033	0,000021
13 .		* .			105,9339	105,9619	-0,02794	1,21551	-0,02571	0,191952	1,477471	-0,02884	0,000011
		* .			101,6674	101,6909	-0,02348	-0,07111	-0,02160	0,121805	0,005056	-0,02377	0,000003
73 .		* .			106,1166	106,1058	0,01083	1,25888	0,00997	0,196086	1,584776	0,01120	0,000002
Minimum .* Maksim			. *		95,4032 111,3054	96,1566 110,0227	-2,06872 1,78690	-1,73830 2,43883	-1,90371 1,64438	0,121494 0,321975	0,000003 5,947897	-2,11583 1,82001	0,000002 0,105240
		* .			101,9269	101,9269	-0,00000	0,00000	-0,00000	0,321973	0,987500	-0,00172	0,103240
Średnia .								.,	.,,,,,,,	0,145345			

Zad 1.2. GEOMETRY i DRAWING

Model reresji: DRAWING = -4,133 + 1,0408 \* GEOMETRY

 ${\tt Wykres\ rozrzutu\ \textbf{GEOMETRY\ i\ DRAWING}}$ 



Na wykresie rozrzutu możemy zaobserwować, że naniesione wartości mniej więcej po równo rozkładają się po obu stronach co pozwala nam stwierdzić, że warunek symetrii reszt jest spełniony.

#### Analiza reszt

W zakładce **Statystyka** wybieram moduł **Regresja wieloraka.** Wybieram zmienną zależną DRAWING i zmienna niezależną GEOMETRY i klikam OK.

GEOMETRY b\*=,903 - współczynnik regresji jest istotny

Wartości przewidywane i reszty

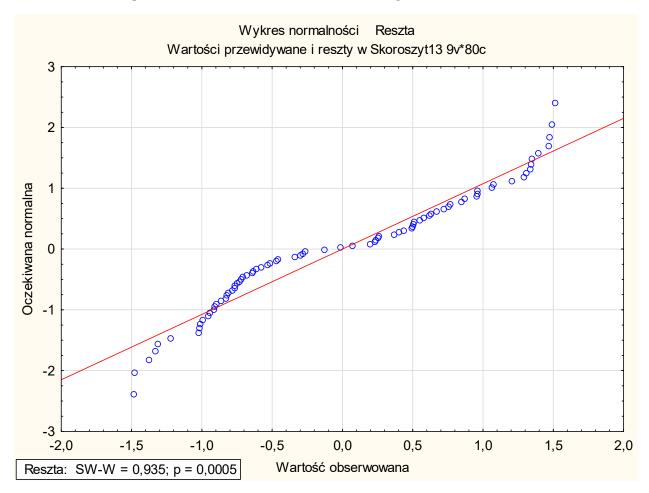
Ľ,	Wartości przewidywane i reszty DRAWING								
	Obserw. Wartość	Przewidyw. Wartość	Reszta	Standard. Przewid.	Standard. Reszta	Bł. std. W.przew.	Mahaln. Odległ.	Usunięte Reszta	Cooka Odległ.
1	99,162720	98,542854	0,619865	-0,665752	0,692580	0,120446	0,443225	0,631299	0,0045
2	97,871696	98,590408	-0,718712	-0,640349	-0,803022	0,119041	0,410047	-0,731655	0,0059
3	96,949478	98,276932	-1,327454	-0,807811	-1,483173	0,128957	0,652559	-1,355596	0,0238
4	98,151184	97,894684	0,256500	-1,012012	0,286590	0,142821	1,024169	0,263202	0,0011
5	99,317650	97,822121	1,495529	-1,050773	1,670965	0,145632	1,104125	1,536202	0,0390
6	98,116196	98,882507	-0,766312	-0,484307	-0,856205	0,111316	0,234553	-0,778352	0,0058
7	92,904419	93,723122	-0,818703	-3,240501	-0,914742	0,341305	10,500848	-0,958020	0,0833
8	98,651215	99,328316	-0,677101	-0,246149	-0,756530	0,103089	0,060590	-0,686205	0,0038
9	101,635757	100,283211	1,352547	0,263961	1,511210	0,103535	0,069676	1,370892	0,0156
10	98,339333	98,916451	-0,577118	-0,466174	-0,644818	0,110529	0,217318	-0,586056	0,0032
11	103,473099	102,396492	1,076607	1,392897	1,202900	0,172296	1,940161	1,118040	0,0289
12	97,709602	98,350044	-0,640442	-0,768753	-0,715570	0,126513	0,590982	-0,653499	0,0053
13	96,523727	97,537201	-1,013474	-1,202984	-1,132361	0,157121	1,447171	-1,045701	0,0210
14	102,944717	102,707588	0,237129	1,559089	0,264946	0,186173	2,430758	0,247854	0,0016
15	100,864990	101,593735	-0,728745	0,964058	-0,814231	0,139417	0,929408	-0,746867	0,0084
16	101,765762	102,234879	-0,469116	1,306561	-0,524147	0,165296	1,707102	-0,485682	0,0050
17	100,060249	101,541260	-1,481010	0,936026	-1,654743	0,137466	0,876145	-1,516792	0,0338
18	97,412292	98,349831	-0,937538	-0,768867	-1,047518	0,126520	0,591157	-0,956655	0,0114
19	102,023026	103,044144	-1,021118	1,738879	-1,140903	0,201675	3,023699	-1,075738	0,0366
20	100,844452	99,370277	1,474174	-0,223735	1,647106	0,102570	0,050057	1,493793	0,0182
21	101,333244	100,574203	0,759041	0,419415	0,848082	0,108613	0,175909	0,770386	0,0054
22	99,007492	99,903038	-0,895546	0,060871	-1,000600	0,100253	0,003705	-0,906925	0,0064
23	100,605614	100,341278	0,264336	0,294985	0,295344	0,104381	0,087016	0,267981	0,0006
24	101,074654	100,492310	0,582344	0,375665	0,650657	0,106977	0,141125	0,590784	0,0031
25	96,573990	95,612114	0,961876	-2,231382	1,074711	0,245967	4,979066	1,040458	0,0510
26	100,497406	101,486641	-0,989235	0,906846	-1,105279	0,135468	0,822369	-1,012429	0,0146
27	99,397682	100,180305	-0,782623	0,208988	-0,874431	0,102254	0,043676	-0,792974	0,005
28	99,009995	100,319084	-1,309090	0,283128	-1,462655	0,104047	0,080161	-1,327024	0,0148
29	99,689308	100,547081	-0,857773	0,404925	-0,958396	0,108054	0,163964	-0,870460	0,0068
30	97,867699	97,372292	0,495407	-1,291079	0,553522	0,164057	1,666884	0,512631	0,0055
31	100,388794	98,870888	1,517906	-0,490514	1,695967	0,104037	0,240604	1,541876	0,0030
32	98,879929	100,250328	-1,370399	0,246397	-1,531157	0,111392	0,060711	-1,388827	0,0250
33	97,191132	97,825600	-0,634468	-1,048917	-0,708896	0,145496	1,100227	-0,651690	0,0070
34	98,072441	97,634827	0,437614	-1,150828	0,488950	0,153108	1,324404	0,450807	0,007
35				1,173997				0,430607	0,0032
36	102,388962	101,986725	0,402237		0,449422	0,154882	1,378270 0,001075		
	99,570496	99,850464	-0,279968 -0,335251	0,032785	-0,312811 -0,374578	0,100120		-0,283516	0,0006
37	101,011024	101,346275		0,831864		0,130498	0,691998	-0,342533	0,0015
38	99,816643	99,580849	0,235794	-0,111246	0,263454	0,100690	0,012376	0,238817	0,0004
39	97,667107	97,790031	-0,122925	-1,067917	-0,137345	0,146891	1,140447	-0,126328	0,0002
40	100,762489	100,261276	0,501213	0,252247	0,560009	0,103239	0,063628	0,507972	0,002
41	99,761101	100,217682	-0,456581	0,228959	-0,510141	0,102687	0,052422	-0,462672	0,001
42	99,368439	100,589897	-1,221458	0,427797	-1,364744	0,108944	0,183010	-1,239828	0,0142
43 44	102,169113	100,700996	1,468117	0,487147	1,640337	0,111442	0,237312	1,491237	0,0215
45	99,851913	98,894997	0,956917	-0,477634	1,069170	0,111024	0,228135	0,971872	0,0090
46	99,613853	99,416771	0,197083	-0,198897	0,220202	0,102050	0,039560	0,199678	0,0003
	99,556343	100,261765	-0,705421	0,252505	-0,788172	0,103245	0,063759	-0,714935	0,0042
47	97,149757	97,758522	-0,608765	-1,084748	-0,680177	0,148136	1,176679	-0,625911	0,0066
48	99,328262	100,077179	-0,748917	0,153897	-0,836770	0,101258	0,023684	-0,758627	0,004
49	100,426193	99,705078	0,721115	-0,044882	0,805707	0,100167	0,002014	0,730262	0,004
50	99,651031	100,178215	-0,527184	0,207875	-0,589026	0,102231	0,043212	-0,534153	0,0023
51	103,941971	102,976234	0,965736	1,702600	1,079024	0,198511	2,898847	1,015703	0,0316
52	99,832809	99,756134	0,076675	-0,017605	0,085670	0,100081	0,000310	0,077646	0,0000
53	99,887222	99,216278	0,670944	-0,306004	0,749651	0,104702	0,093638	0,680254	0,0039
54	102,372215	103,381638	-1,009422	1,919174	-1,127835	0,217624	3,683230	-1,072853	0,0424
55	98,609215	99,373421	-0,764206	-0,222057	-0,853853	0,102533	0,049309	-0,774369	0,0049
56	102,925323	101,579597	1,345726	0,956505	1,503589	0,138888	0,914903	1,378932	0,028
57	104,864655	104,310143	0,554512	2,415190	0,619560	0,262982	5,833146	0,606911	0,0198
58	98,951927	98,180832	0,771095	-0,859150	0,861550	0,132278	0,738139	0,788315	0,0084
59	102,400436	101,886703	0,513733	1,120566	0,573997	0,150815	1,255667	0,528746	0,0049
60	101,145279	99,935684	1,209595	0,078310	1,351489	0,100375	0,006133	1,225002	0,011
61	98,903130	98,029892	0,873238	-0,939781	0,975675	0,137726	0,883189	0,894417	0,0118
62	101,022232	99,710045	1,312187	-0,042228	1,466116	0,100155	0,001783	1,328828	0,0138
63	101,175201	102,649055	-1,473854	1,527820	-1,646748	0,183525	2,334234	-1,538546	0,062
64	100,776604	100,146194	0,630409	0,190767	0,704361	0,101892	0,036392	0,638687	0,0033
65	101,954224	101,445839	0,508385	0,885052	0,568022	0,133999	0,783317	0,520042	0,0037
66	103,642372	104,153290	-0,510918	2,331395	-0,570852	0,255199	5,435402	-0,556133	0,0156
67	97,974754	98,802673	-0,827919	-0,526956	-0,925040	0,113264	0,277683	-0,841394	0,0070
68	96,362579	97,316414	-0,953835	-1,320929	-1,065726	0,166449	1,744853	-0,988006	0,0210
69	95,936676	96,842842	-0,906166	-1,573913	-1,012466	0,187433	2,477203	-0,947731	0,0245
70	101,381866	99,986481	1,395386	0,105447	1,559074	0,100627	0,011119	1,413250	0,0157
71	97,489204	97,116341	0,372864	-1,427808	0,416603	0,175169	2,038635	0,387715	0,0035
72	99,402969	99,665443	-0,262474	-0,066054	-0,293264	0,100286	0,004363	-0,265811	0,0005
73	99,447411	98,155174	1,292236	-0,872853	1,443825	0,133185	0,761873	1,321500	0,024
74	101,905426	100,567871	1,337555	0,416032	1,494460	0,108481	0,173082	1,357498	0,0168
75	99,106728	99,402290	-0,295563	-0,206632	-0,330234	0,102205	0,042697	-0,299468	0,0007
76	97,820656	98,630470	-0,809814	-0,618947	-0,904811	0,117888	0,383095	-0,824112	0,0073
77	99,039932	99,948898	-0,908966	0,085371	-1,015594	0,100434	0,007288	-0,920558	0,0066
78	100,594261	99,531433	1,062828	-0,137642	1,187505	0,100434	0,007200	1,076543	0,0000
79	102,860199	102,009018	0,851181	1,185908	0,951031	0,155799	1,406377	0,877780	0,0032
10	98,996201	99,008255	-0,012054	-0,417129	-0,013469	0,133799	0,173997	-0,012234	0,0000

Dla kolumny Reszta klikam PPM, wybieram Statystyki bloku danych dla kolumn i wybieram srednią. Otrzymuję poniższy wynik

	Wartości przewidywane i reszty DRAWING				
	Reszta				
ŚREDNIA przyp. 1-80	2,0546E-17				

Średnia wartość reszty jest bardzo bliska 0, więc możemy uznać, że warunek nieobciążoności reszt jest spełniony.

Otrzymane Wartości przewidywane i reszty oznaczamy jako Aktynwy arkusz wejściowy w celu stwrzenia wykresu normalności wraz z testem Shapiro-Wilka



Przy przyjętym poziomie istotności równym 0,05, mamy podstawy do stwierdzenia, że założenie o normalności reszt nie zostało spełnione. Otrzymany wynik jest dużo mniejszy od przyjętego poziomu istotności co świadczy o dużym rozrzucie wartości i prawdopodobnym braku liniowości. W tym przypadku należałoby wykonać na nich transformację do modelu liniowego (jeśli dobrze zrozumiałem).