## Statystyka i teoria obsługi masowej lab. 6 - Koleracja i regresja Dawid Bitner

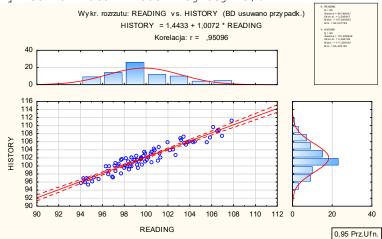
zad 1. W arkuszu School performance dostępnym w przykładowych arkuszach Statistici znajdź dwie pary zmiennych, dla których korelacja jest istotna statystycznie. Zbuduj dla nich model regresji, utwórz wykres rozrzutu i przeprowadź analizę reszt.

	Korelacje (School performance, sta) Oznaczone wsp. korelacji są istotne z p < ,05000 N=80 (Braki danych usuwano przypadkami)									
Zmienna	Srednia		GEOMETRY				CALCULUS	HISTORY		SPELLING
GEOMETRY	99,852	1,79861	1,00000	-0,03558	-0,01434	0,90324	0,80931	-0,02045	-0,03109	0,01806
READING	99,766	3,29584	-0,03558	1,00000	0,94313	-0,03494	-0,00926	0,95095	0,94232	0,86001
GRAMMAR	99,6856	3,51246	-0.01434	0.94313	1,00000	-0,02591	0,00571	0.92474	0,90196	0.83778
DRAWING	99,789	2,07243	0,90324	-0.03494	-0.02591	1,00000	0.81441	-0,03268	-0.03388	0.01642
CALCULUS	100,065	2,33767	0.80931	-0.00926	0,00571	0,81441	1,00000	-0.01794	0,02205	0,04058
HISTORY	101,926	3,49072	-0,02045	0,95095	0,92474	-0,03268	-0,01794	1,00000	0,90961	0,84815

Powyżej została przedstawiona macierz koleracji wszystkich zmiennych dostępnych w arkuszu. Współczynnik istotności pozostał niezmieniony tzn. posida domyślną wartość p = 0.05. Można założyć, na podstawie powyższej tabeli (na podstawie czerwonego koloru czcionki współczynników koleracji), że można doszukać się tutaj paru zmiennych które możliwe, że są ze sobą powiązane.

- a) READING i HISTORY wsp. koleracji: ~0.95
- b) READING i WRITING wsp. koleracji: ~0.94

Wykres rozrzutu i model regresji a):



Powyżej widoczny mamy model regresji, oraz współczynnik r koleracji pomiędzy dwoma zmiennymi READING i HISTORY. Natomiast na histogramach zmiennych, możemy zauważyć, że warunek symetrii reszt jest spełniony.

```
Wyniki regresji wielorakiej dla a):

Zmn. zależ.HISTORY Wielor. R = ,95095561 F = 737,1882

R^2 = ,90431658 df = 1,78

Liczba przyp. 80 Popraw. R^2 = ,90308986 p = 0,000000

Błąd standardowy estymacji: 1,086676619

Wyr. wolny 1,443253062 Błąd std.: 3,702885 t( 78) = ,38976 p = ,6978
```

(istotne b\* są podświetlone na czerwono)

Analiza reszt dla a):

```
Zmn. zależ.HISTORY Wielor. R: ,95095561 F = 737,1882 R^2: ,90431658 df = 1,78 Liczba przyp. 80 Popraw. R^2: ,90308986 p = 0,000000 Błąd standardowy estymacji: 1,086676619 Wyr. wolny 1,443253062 Błąd std.: 3,702885 t( 78) = ,38976 p < ,6978
```

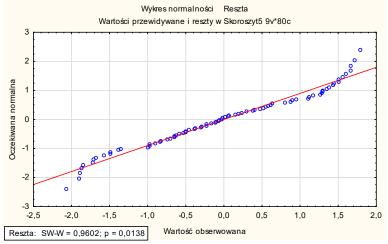
	Wartości przew HISTORY	vidywane i reszty	У			
	Obserw.	Przewidyw.	Reszta	Standard.	Standard.	Bł. std.
	Wartość	Wartość	Reszla	Przewid.	Reszta	W.przew.
1	99,986923	100,633614	-0,646690	-0,389607	-0,595108	0,130498
2	103,135422	102,558868	0,576553	0,190372	0,530566	0,123703
3		99,944839	1,712540	-0,597100	1,575942	0,141740
4		102,369972	-0,306526	0,133467	-0,282077	0,122585
5	_	101,302986	0,154099	-0,187961	0,141807	0,123648
6	102,773781	104,842499	-2,068718	0,878311	-1,903711	0,162148
7	101,825745	100,271912	1,553833	-0,498569	1,429895	0,135928
8	107,434486	109,152222	-1,717735	2,176606	-1,580724	0,292536
9	100,003998	100,376755	-0,372757	-0,466986	-0,343025	0,134241
10	101,214226	101,441002	-0,226776	-0,146384	-0,208688	0,122805
11	102,090721	101,706093	0,384628	-0,066526	0,353949	0,121766
12	99,464699	101,368011	-1,903313	-0,168372	-1,751499	0,123226
13		105,961853	-0,027939	1,215513	-0,025710	0,191952
14	97,203323	99,075142	-1,871819	-0,859095	-1,722517	0,160602
15		96,488190	-0,498581	-1,638407	-0,458813	0,234278
16	100,470947	99,593079	0,877869	-0,703068	0,807847	0,148827
17	103,421387	102,620041	0,801346	0,208799	0,737428	0,124147
18		102,971359	0,953384	0,314633	0,877340	0,127438
19		101,282990	1,296494	-0,193984	1,193081	0,123787
20	106,889740	105,290161	1,599579	1,013167	1,471992	0,173507
21	105,343323	105,844437	-0,501114	1,180141	-0,461144	0,188624
22	100,277199	101,772614	-1,495415	-0,046486	-1,376136	0,121627
23		100,811501	1,379082	-0,336019	1,269082	0,128252
24		104,152260	1,786903	0,670376	1,644375	0,146555
25		103,211586	-1,887405	0,387001	-1,736860	0,130382
26	98,814804	98,618729	0,196075	-0,996588	0,180436	0,172066
27	106,088310	106,674202	-0,585892	1,430108	-0,539159	0,212913
28	<del></del>	108,842163	-0,063622	2,083200	-0,058547	0,282187
29		110,022690	1,282738	2,438831	1,180423	0,321975
30	_	96,665443	0,228447	-1,585009	0,210225	0,228721
31	· · ·	102,018646	1,439323	0,027631	1,324519	0,121541
32	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	103,451302	-1,354919	0,459215	-1,246847	0,133839
33		101,330383	-0,973198	-0,179707	-0,895573	0,123465
34	99,949341	100,775391	-0,826050	-0,346897	-0,760162	0,128684
35	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	105,373932	1,121552	1,038403	1,032093	0,175723
36		104,655075	-0,459549	0,821849	-0,422894	0,157661
37	99,094551	100,582703	-1,488152	-0,404945	-1,369452	0,131194
38		102,197372	-0,623291	0,081472	-0,573575	0,121902
39		99,227394	0,890976	-0,813228	0,819909	0,156991
40		102,644844	-1,675598	0,216271	-1,541947	0,124338
41	97,954536	98,694824	-0,740288	-0,973665	-0,681240	0,170093
42	<del>                                     </del>	108,324638	1,352104	1,927297	1,244256	0,265110
43		105,708282	0,066765	1,139125	0,061439	0,184816
44	<del></del>	97,175171	-0,976646	-1,431456	-0,898746	0,213048
45	103,192802	103,416702	-0,223900	0,448791	-0,206041	0,133310

	\\/ + - \( \cdot \)		<b>- 1</b> . ·
	HISTORY	ewidywane i r	
	Mahaln.	Usunięte	Cooka
	Odległ.	Reszta	Odległ.
1	0,151794	-0,656153	0,002629
2	0,036241	0,584123	0,001872
3	0,356529	1,742179	0,021864
4	0,017813	-0,310477	0,000519
5	0,035329	0,156120	0,000134
6	0,771430	-2,115827	0,042204
7	0,248571	1,578531	0,016508
8	4,737612	-1,851945	0,105240
9	0,218076	-0,378534	0,000926
10	0,021428	-0,229710	0,000285
11	0,004426	0,389519	0,000807
12	0,028349	-1,928106	0,020241
13	1,477471	-0,028839	0,000011
14	0,738044	-1,913616	0,033867
15	2,684378	-0,522884	0,005381
16	0,494304	0,894650	0,006357
17	0,043597	0,811943	0,003643
18	0,098994	0,966679	0,005442
19	0,037630	1,313538	0,009480
20	1,026507	1,641425	0,029083
21	1,392733	-0,516681	0,003406
22	0,002161	-1,514386	0,012165
23	0,112909	1,398563	0,011536
24	0,449404	1,820007	0,025510
25	0,149770	-1,914973	0,022353
26	0,993188	0,201118	0,000429
27	2,045208	-0,609281	0,006034
28	4,339721	-0,068222	0,000133
29	5,947897	1,406187	0,073502
30	2,512255	0,239036	0,001072
31	0,000763	1,457557	0,011253
32	0,210879	-1,375789	0,012157
33	0,032294	-0,985925	0,005313
34	0,120337	-0,837798	0,004168
35	1,078280	1,151667	0,014685
36	0,675436	-0,469430	0,001964
37	0,163981	-1,510163	0,014075
38	0,006638	-0,631234	0,002123
39	0,661340	0,909968	0,007318
40	0,046773	-1,697826	0,015980
41	0,948023	-0,758881	0,005974
42	3,714473	1,437672	0,052089
43	1,297606	0,068754	0,000058
44	2,049067	-1,015687	0,016790
45	0,201414	-0,227321	0,000329

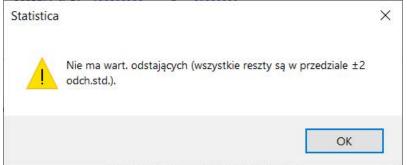
	Wartości przew HISTORY	idywane i reszt	у			
	Obserw.	Przewidyw.	Reszta	Standard.	Standard.	Bł. std.
	Wartość	Wartość	Reszla	Przewid.	Reszta	W.przew.
46	103,937363	104,319313	-0,381950	0,720702	-0,351485	0,150083
47	99,470917	100,169350	-0,698433	-0,529467	-0,642724	0,137663
48	96,773735	97,773567	-0,999832	-1,251191	-0,920083	0,195349
49	100,641258	99,347313	1,293945	-0,777102	1,190736	0,154232
50	101,561523	101,081490	0,480034	-0,254686	0,441745	0,125421
51	100,917328	100,857834	0,059494	-0,322063	0,054749	0,127716
52	102,061447	100,795906	1,265541	-0,340718	1,164598	0,128437
53	104,735855	103,298950	1,436905	0,413320	1,322293	0,131584
54	100,171089	99,562424	0,608665	-0,712302	0,560116	0,149482
55	101,155190	100,519287	0,635902	-0,424048	0,585181	0,132093
56	101,987167	101,692528	0,294640	-0,070612	0,271138	0,121800
57	98,789932	99,321175	-0,531242	-0,784977	-0,488869	0,154827
58	103,129051	102,027206	1,101845	0,030210	1,013958	0,121550
59	101,667412	101,690887	-0,023476	-0,071106	-0,021603	0,121805
60	97,306244	99,019707	-1,713463	-0,875794	-1,576792	0,161944
61	99,920723	98,415909	1,504814	-1,057686	1,384786	0,177434
62	107,170647	108,068375	-0,897728	1,850098	-0,826122	0,256758
63	104,402931	102,892082	1,510849	0,290751	1,390339	0,126588
64	98,251907	99,831009	-1,579102	-0,631389	-1,453148	0,143944
65	105,821716	106,467781	-0,646065	1,367923	-0,594533	0,206715
66	102,467674	101,921364	0,546310	-0,001675	0,502735	0,121494
67	101,488388	99,821350	1,667038	-0,634300	1,534070	0,144135
68	100,173172	100,248245	-0,075073	-0,505699	-0,069085	0,136321
69	101,518303	101,118614	0,399689	-0,243502	0,367808	0,125088
70	101,216637	102,052658	-0,836021	0,037876	-0,769338	0,121582
71	105,875320	107,724480	-1,849159	1,746501	-1,701665	0,245673
72	99,923119	98,758774	1,164345	-0,954399	1,071473	0,168453
73	106,116638	106,105804	0,010834	1,258879	0,009970	0,196086
74	95,403168	96,790039	-1,386871	-1,547476	-1,276250	0,224846
75	96,705971	96,822281	-0,116310	-1,537763	-0,107033	0,223848
76	95,869598	96,156586	-0,286987	-1,738303	-0,264096	0,244802
77	96,897926	96,385246	0,512680	-1,669418	0,471787	0,237528
78	107,271851	105,610710	1,661140	1,109731	1,528643	0,182123
79	97,195847	97,302406	-0,106560	-1,393128	-0,098060	0,209216
80	108,574753	108,739571	-0,164818	2,052295	-0,151671	0,278782

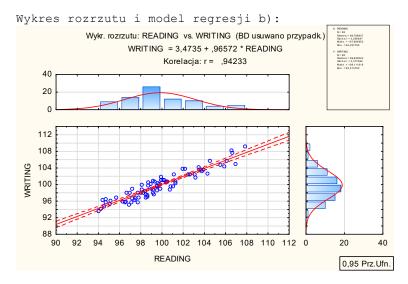
	Martaási s=	owidynyana : =	ooztv					
	Wartości przewidywane i reszty HISTORY							
	Mahaln.	Usunięte	Cooka					
	Odległ.	Reszta	Odległ.					
46	0,519412	-0,389378	0,001225					
47	0,280335	-0,709825	0,001223					
48	1,565478	-1,033222	0,003424					
49	0,603887	1,320547	0,014874					
50	0,003867	0,486515	0,001335					
51	0,004603	0,460313	0,0001333					
52	0,103724	1,283471	0,000021					
53	0,170833	1,458287	0,003744					
54	0,170033	0,620405	0,003084					
55	0,307374	0,620403	0,003084					
56	0,004986	0,298388	0,002000					
57	0,616189	-0,542250	0,000474					
58	0,000913	1,115805	0,002527					
59	0,000913	-0,023774	0,0000390					
60	0,767016	-1,752382	0,000003					
61	1,118700	1,546033	0,026982					
62	3,422862	-0,950809	0,020302					
63	0,084536	1,531633	0,021370					
64	0,398653	-1,607304	0,019193					
65	1,871213	-0,670321	0,006885					
66	0,000003	0,553226	0,000603					
67	0,402336	1,696891	0,001020					
68	0,402330	-0,076274	0,000039					
69	0,059293	0,405056	0,000033					
70	0,003233	-0,846620	0,000321					
71	3,050266	-1,948762	0,082187					
72	0,910877	1,193013	0,002107					
73	1,584776	0,011198	0,000002					
74	2,394682	-1,448902	0,038056					
75	2,364714	-0,121464	0,000265					
76	3,021698	-0,302330	0,000263					
77	2,786958	0,538404	0,001364					
78	1,231504	1,709148	0,034742					
79	1,940805	-0,110662	0,000192					
80	4,211914	-0,176430	0,000867					
	1,211014	5, 17 5 700	3,000001					

Średnia otrzymanych reszt wynosi -0,000000286102294940263. Można stwierdzić, że jest ona zerowa i świadczy to o nieobciążoności reszt. Możemy stwierdzić, że model regresji jest użyteczny. Wykres normalności dla reszty przedstawia się następująco:



Odstawanie reszt w tym przypadku jest takie małe, że Statistica nie pozwalała na wizualizację danych:





Powyżej widoczny mamy model regresji, oraz współczynnik r koleracji pomiędzy dwoma zmiennymi READING i WRITING. Natomiast na histogramach zmiennych, możemy zauważyć, że warunek symetrii reszt jest spełniony.

	Wartości przew READING	vidywane i reszt	у			
	Obserw.	Przewidyw.	Reszta	Standard.	Standard.	Bł. std.
	Wartość	Wartość	Neszta	Przewid.	Reszta	W.przew.
1	98,482849	97,043762	1,439087	-0,876813	1,296300	0,165526
2	100,394371	100,374115	0,020256	0,195500	0,018246	0,126498
3	97,798988	97,081581	0,717407	-0,864635	0,646226	0,164524
4		100,884468	-0,677643	0,359824	-0,610407	0,132005
5	99,147446	98,874992	0,272453	-0,287191	0,245420	0,129198
6	102,661713	102,185059	0,476654	0,778592	0,429360	0,157678
7	98,123734	98,911804	-0,788071	-0,275337	-0,709878	0,128795
8	106,940697	104,525909	2,414787	1,532303	2,175191	0,228111
9	98,227821	98,059929	0,167892	-0,549627	0,151234	0,141838
10	99,284477	100,563812	-1,279335	0,256580	-1,152399	0,128189
11	99,547676	99,726570	-0,178894	-0,012998	-0,161144	0,124129
12	99,212006	97,754974	1,457031	-0,647816	1,312464	0,148163
13		102,845306	0,927773	0,991179	0,835719	0,175305
14	96,935493	98,163139	-1,227646	-0,516393	-1,105838	0,139876
15		96,535164	-2,168167	-1,040573	-1,953041	0,179715
16	97,449730	96,949135	0,500595	-0,907282	0,450926	0,168069
17	100,455109	100,647835	-0,192726	0,283633	-0,173604	0,129075
18		99,476013	1,327904	-0,093673	1,196149	0,124669
19	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	98,140594	0,987000	-0,523652	0,889069	0,140297
20	103,106178	102,119057	0,987122	0,757339	0,889179	0,156055
21	103,656502	103,216507	0,439995	1,110700	0,396338	0,186147
22	99,613724	100,201607	-0,587883	0,139956	-0,529553	0,125343
23		99,655853	-0,996384	-0,035766	-0,897522	0,124199
24		103,407104	-1,430710	1,172068	-1,288754	0,191928
25		99,577911	1,464523	-0,060862	1,319213	0,124351
26	96,482330	96,067795	0,414536	-1,191055	0,373405	0,193743
27	104,480354	105,208542	-0,728188	1,752098	-0,655937	0,251588
28	<del></del>	106,893677	-0,260834	2,294682	-0,234954	0,312330
29		108,310760	-0,505806	2,750956	-0,455620	0,365329
30		95,065468	-0,522484	-1,513788	-0,470643	0,226174
31	· ·	98,991806	0,866196	-0,249577	0,780251	0,127973
32		100,571274	0,709167	0,258981	0,638804	0,128264
33		100,853340	-1,678688	0,349802	-1,512128	0,131584
34	· · ·	97,155800	1,467819	-0,840739	1,322182	0,162581
35		101,466263	1,723091	0,547151	1,552125	0,141689
36		102,149773	0,325851	0,767229	0,293520	0,156807
37	98,432297	97,771675	0,660622	-0,642438	0,595075	0,147797
38		100,924339	-0,888878	0,372662	-0,800683	0,132559
39		96,022285	1,064377	-1,205711	0,958769	0,195152
40		100,560699	-0,080971	0,255576	-0,072937	0,128158
41	96,557884	96,174423	0,383461	-1,156724	0,345414	0,190470
42	<del>                                     </del>	105,248444	0,870567	1,764946	0,784189	0,252985
43		103,313110	0,208206	1,141804	0,187548	0,189061
44	<del> </del>	95,681900	-0,632820	-1,315306	-0,570031	0,205899
45	101,246086	100,310585	0,935501	0,175044	0,842680	0,126029

	NA	., .	
	READING	ewidywane i re	eszty
	Mahaln.	Usunięte	Cooka
	Odległ.	Reszta	Odległ.
1	0,768801	1,471808	0,019538
2	0,038220	0,020523	0,000002
3	0,747594	0,733518	0,004794
4	0,129473	-0,687361	0,002710
5	0,082478	0,276194	0,000419
6	0,606206	0,486468	0,001937
7	0,075810	-0,798823	0,003485
8	2,347954	2,521236	0,108883
9	0,302089	0,170679	0,000193
10	0,065833	-1,296623	0,009094
11	0,000169	-0,181159	0,000166
12	0,419666	1,483455	0,015903
13	0,982435	0,951499	0,009159
14	0,266662	-1,247450	0,010023
15	1,082791	-2,226516	0,052706
16	0,823160	0,512338	0,002441
17	0,080448	-0,195367	0,000209
18	0,008775	1,344864	0,009254
19	0,274211	1,003019	0,006519
20	0,573562	1,007021	0,008130
21	1,233654	0,452724	0,002338
22	0,019588	-0,595474	0,001834
23	0,001279	-1,009013	0,005170
24	1,373742	-1,474790	0,026374
25	0,003704	1,483132	0,011197
26	1,418613	0,427558	0,002259
27	3,069849	-0,767611	0,012277
28	5,265564	-0,283254	0,002576
29	7,567760	-0,567234	0,014136
30	2,291553	-0,545110	0,005004
31		0,877861	0,004155
32		0,718762	0,002798
33	0,122361	-1,702608	0,016523
34	0,706842	1,499990	0,019578
35	0,299374	1,751624	0,020277
36	0,588641	0,332485	0,000895
37	0,412727	0,672542	0,003252
38	0,138877	-0,901735	0,004704
39	1,453739	1,098317	0,015123
40	0,065319	-0,082064	0,000036
41	1,338010	0,395091	0,001864
42	3,115035	0,918253	0,017765
43	1,303716	0,214425	0,000541
44	1,730031	-0,655364	0,005994
45	0,030641	0,947715	0,004696
70	0,0000-1	5,547710	0,00-000

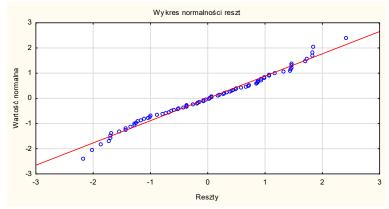
	Wartości przew READING	idywane i reszt	у			
	Obserw. Przewidyw.		Reszta	Standard.	Standard.	Bł. std.
	Wartość	Wartość	Reszla	Przewid.	Reszta	W.przew.
46	102,142265	103,424477	-1,282211	1,177660	-1,154990	0,192461
47	98,021896	98,092148	-0,070251	-0,539251	-0,063281	0,141216
48	95,643204	97,077248	-1,434044	-0,866031	-1,291758	0,164639
49	97,205727	99,077927	-1,872200	-0,221849	-1,686440	0,127174
50	98,927528	100,094620	-1,167091	0,105507	-1,051292	0,124816
51	98,705467	100,410583	-1,705116	0,207243	-1,535934	0,126789
52	98,643982	97,580750	1,063232	-0,703913	0,957738	0,152103
53	101,129173	102,167419	-1,038246	0,772911	-0,935231	0,157242
54	97,419296	96,579239	0,840057	-1,026380	0,756707	0,178437
55	98,369339	98,520393	-0,151054	-0,401364	-0,136067	0,133860
56	99,534210	99,493614	0,040596	-0,088004	0,036568	0,124604
57	97,179771	96,897446	0,282326	-0,923924	0,254313	0,169477
58	99,866501	100,973946	-1,107445	0,388635	-0,997564	0,133273
59	99,532585	98,660255	0,872330	-0,356331	0,785777	0,131857
60	96,880455	95,436325	1,444130	-1,394378	1,300843	0,213862
61	96,280968	96,218483	0,062485	-1,142537	0,056285	0,189130
62	105,864578	104,046135	1,818443	1,377823	1,638017	0,212182
63	100,725212	98,900208	1,825005	-0,279072	1,643927	0,128920
64	97,685974	95,984505	1,701469	-1,217876	1,532649	0,196327
65	104,275398	102,441986	1,833412	0,861317	1,651500	0,164252
66	99,761421	100,127731	-0,366310	0,116169	-0,329965	0,124964
67	97,676384	98,100754	-0,424370	-0,536481	-0,382264	0,141051
68	98,100235	99,825447	-1,725212	0,018838	-1,554036	0,124141
69	98,964394	98,999077	-0,034683	-0,247237	-0,031242	0,127902
70	99,891769	101,591530	-1,699760	0,587485	-1,531110	0,144186
71	105,523140	104,352005	1,171135	1,476310	1,054935	0,222275
72	96,621384	98,166389	-1,545006	-0,515348	-1,391710	0,139816
73	103,916008	103,339516	0,576492	1,150304	0,519293	0,189863
74	94,666695	96,021072	-1,354378	-1,206101	-1,219996	0,195190
75	94,698708	96,719505	-2,020798	-0,981218	-1,820293	0,174428
76	94,037758	93,968277	0,069481	-1,867063	0,062587	0,264173
77	94,264786	94,636131	-0,371346	-1,652027	-0,334500	0,240794
78	103,424446	103,796829	-0,372383	1,297553	-0,335435	0,204135
79	95,175400	96,427429	-1,252029	-1,075260	-1,127803	0,182872
80	106,530991	107,541420	-1,010429	2,503241	-0,910174	0,336394

	Wartości prz READING	ewidywane i r	eszty
	Mahaln.	Usunięte	Cooka
	Odległ.	Reszta	Odległ.
46	1,386883	-1,321943	0,021309
47	0,290792	-0,071407	0,000033
48	0,750010	-1,466293	0,019184
49	0,049217	-1,897096	0,019161
50	0,011132	-1,182033	0,007165
51	0,042950	-1,727651	0,015795
52	0,495493	1,083573	0,008942
53	0,597392	-1,059502	0,009137
54	1,053456	0,862336	0,007794
55	0,161093	-0,153283	0,000139
56	0,007745	0,041114	0,000009
57	0,853635	0,289062	0,000790
58	0,151037	-1,123639	0,007382
59	0,126972	0,884812	0,004481
60	1,944290	1,499789	0,033867
61	1,305392	0,064353	0,000049
62	1,898396	1,887390	0,052794
63	0,077881	1,849953	0,018724
64	1,483221	1,756401	0,039143
65	0,741868	1,874445	0,031204
66	0,013495	-0,371011	0,000708
67	0,287812	-0,431333	0,001218
68	0,000355	-1,747058	0,015484
69	0,061126	-0,035150	0,000007
70	0,345139	-1,728925	0,020457
71	2,179490	1,220045	0,024209
72	0,265584	-1,569907	0,015860
73	1,323200	0,593862	0,004185
74	1,454679	-1,397582	0,024497
75	0,962789	-2,071948	0,042997
76	3,485924	0,073651	0,000125
77	2,729194	-0,389679	0,002898
78	1,683644	-0,385415	0,002038
79	1,156184	-1,286951	0,018233
80	6,266215	-1,112586	0,046111

Średnia otrzymanych reszt wynosi -0.000000286102294910773.

Można stwierdzić, że jest ona zerowa i świadczy to o nieobciążoności reszt. Możemy stwierdzić, że model regresji jest użyteczny.

Wykres normalności dla reszty przedstawia się następująco:



Nie widać na nim dużych zaburzeń.

Reszty odstające dla b):

	121			2.0				Reszty standaryz.: READING (School performance.sta) Odstajace								
Prsyp.	Resuty standarys. -543. ±2. 3. 4. 5				5.	Obserw. Wartość	Przewidyw. Wartość	Reszta	Standard Przewid.	Standard Reszta	Bł. std. W.przew.					
	8 .			14		- 2	- 5	106,9407	104,5259	2,414787	1,532303	2,175191	0,22811			
Minimu	١.			17		1961	. 940	106,9407	104,5255	2,414787	1,532303	2,175191	0,22811			
Maksim.				14			- 0	106,9407	104,5259	2,414787	1,532303	2,175191	0,22811			
Šrednia	. 74	17.0	17.0	1.8	- 51	18	- 12	106,9407	104,5259	2,414787	1,532303	2,175191	0,22811			
Mediana				1.8	4		140	108,9407	104,5259	2,414787	1,532303	2,175191	0.22811			

## Podsumowanie:

Badane zmienne tj.:

- a) READING i HISTORY wsp. koleracji: ~0.95
- b) READING i WRITING wsp. koleracji: ~0.94

mają bardzo wysokie współczynniki korelacji chyba jednak. Zależność zmiennych potwierdzają nam powyżej przeprowadzone badania, opierające się na modelu regresji, wykresach rozrzutu i analizie reszt. Nie ma przesłanek do tego, by z tych badań wnioskować inaczej. Dodatkowo, powiązania pomiędzy tymi zmiennymi wydają się logicznie uzasadnione. Co prawda, nie mamy żadnych informacji dotyczących społeczności, na której te badania były przeprowadzane, ale uzasadnione wydaje się powiązanie znajomości historii z umiejętnością czytania (możliwe jest jednak znanie się na historii bez tego – informacje można przekazywać ustnie, jednak analizowany przykład tego nie potwierdza). Również uzasadnione wydaje się być chodzenie w parze umiejętności czytania i pisania.