

SPOJ - HACK14

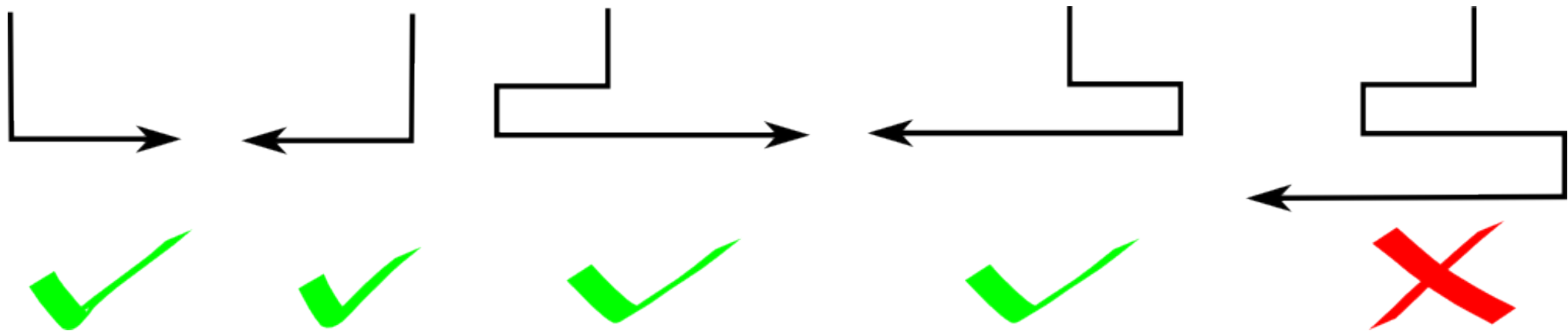
Solusi oleh M. Ayaz
Ditulis oleh Tracy and William

Observasi 1

- Struktur optimal untuk setiap perjalanan pasti:
 - Teleport ke kota x , jalan ke kanan beberapa langkah (boleh 0 langkah), lalu ke kiri beberapa langkah, dan selesai
 - Teleport ke kota x , jalan ke kiri beberapa langkah (boleh 0 langkah), lalu ke kanan beberapa langkah, dan selesai
- Tidak mungkin perjalanannya: kiri, kanan, kiri, kanan, dst, karena tidak akan optimal

Observasi 1 (lanj.)

- Jadi bentuknya seperti “hook”



Observasi 2

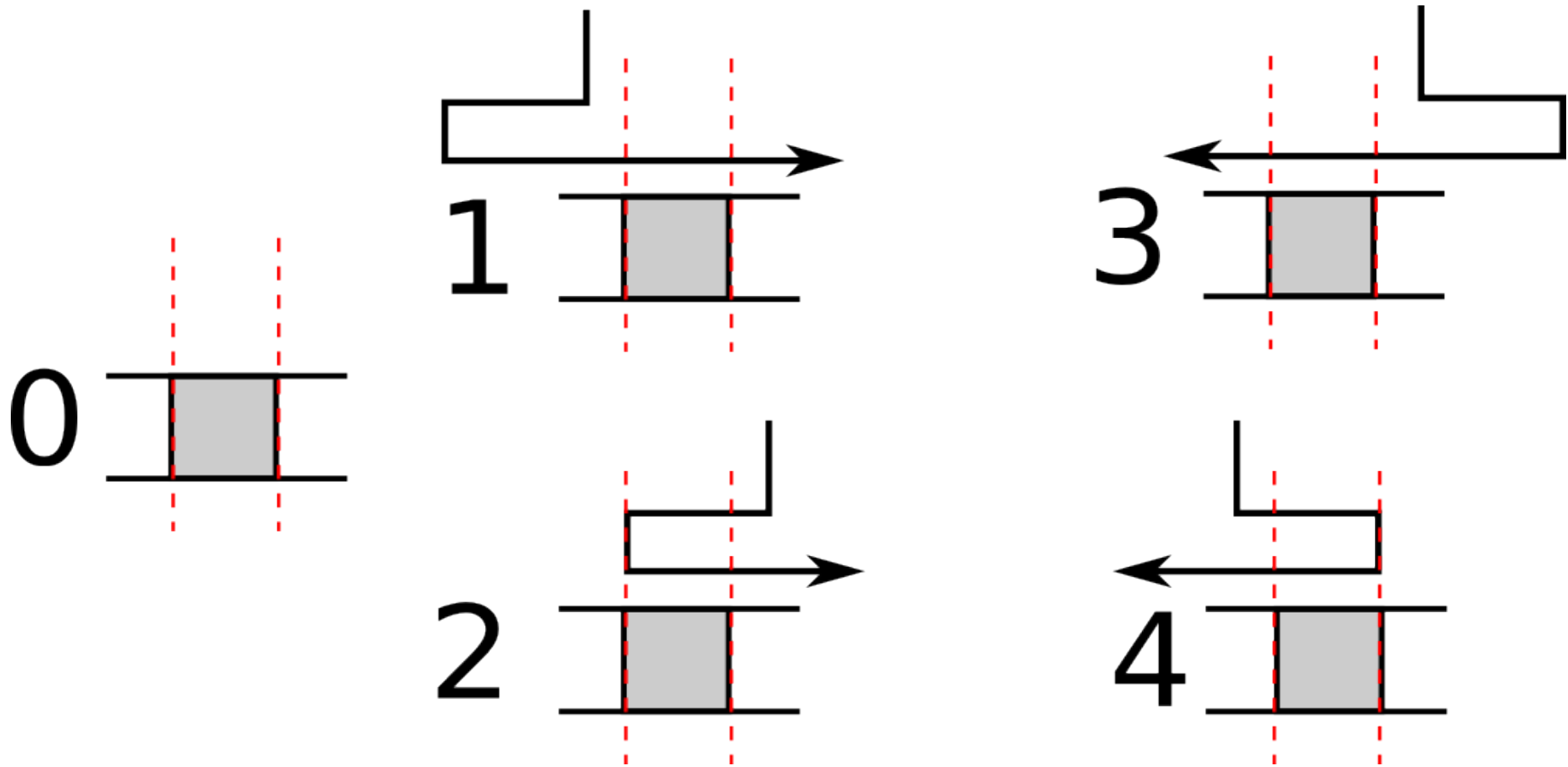
- Solusi optimal dicapai dengan membentuk maksimal K buah struktur “hook”, dan penghasilan bersihnya maksimal
- Penghasilan bersih = uang yang didapat – biaya berjalan – biaya teleport

Ide Solusi DP Profile

- Membangun struktur “hook” dari kiri ke kanan
- Tinjau setiap kota dari kiri ke kanan
- Untuk setiap kota, tentukan peran kota tersebut supaya hasilnya maksimum

Ide Solusi DP Profile (lanj.)

- Peran suatu kota bisa berupa:

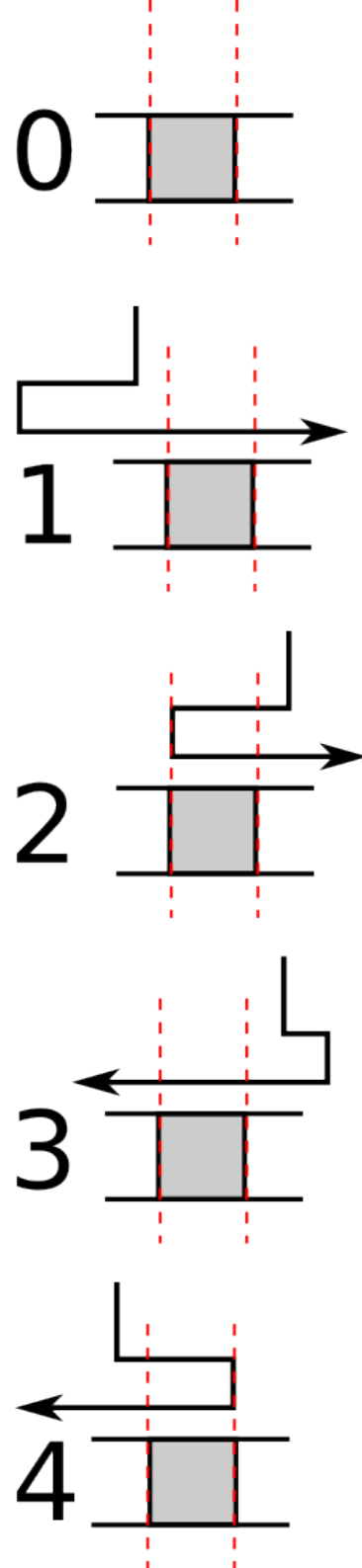


Formulasi State

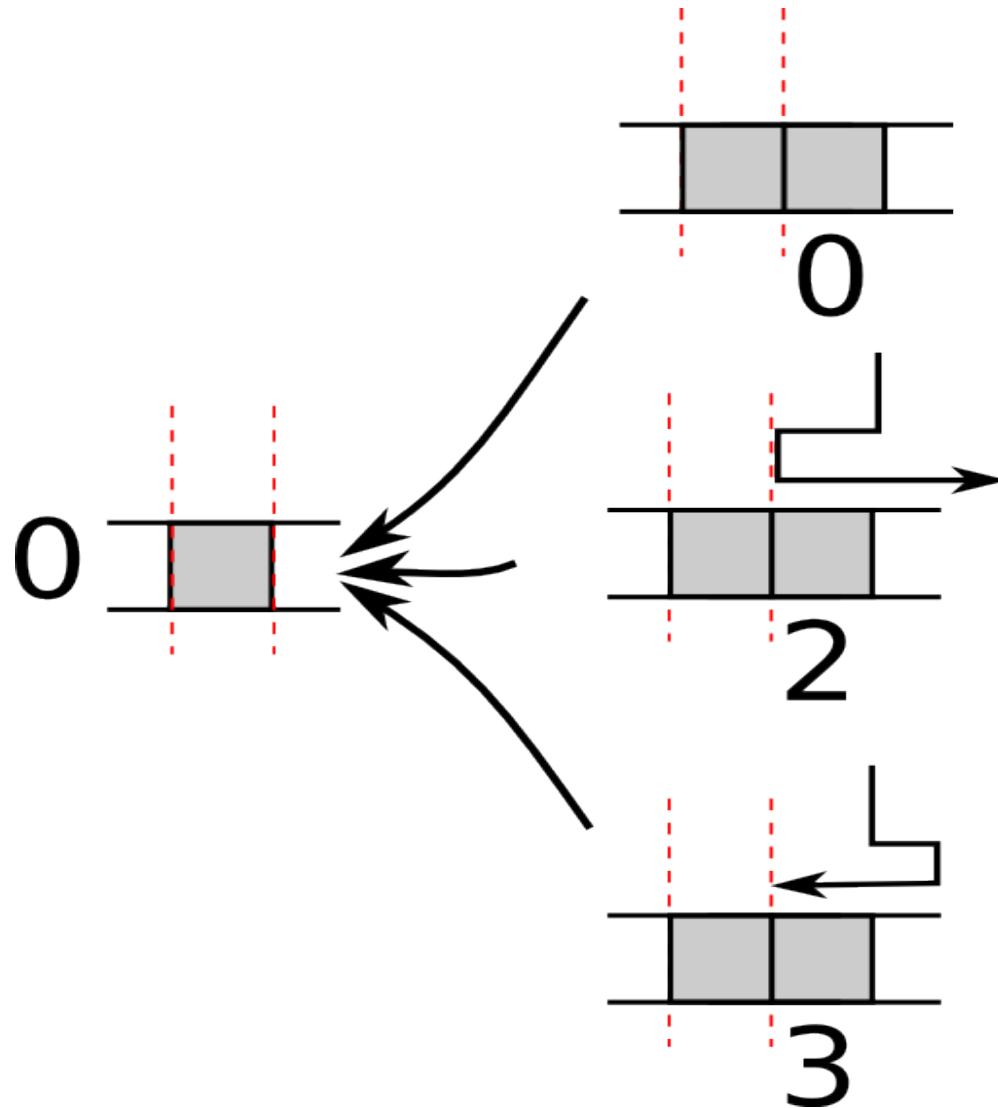
- $dp(i, t, \text{status})$ dengan makna solusi optimal jika ditinjau kota $i..N$, sisa teleport t kali, dan status sesuai dengan profile (lihat slide sebelumnya)
- Tabel DP akan diisi dari $dp(n, *, *)$, kemudian $dp(n-1, *, *)$, $dp(n-2, *, *)$, ...
- Solusi optimal = nilai maksimal dari $dp(1, 0..K, 0/2/3)$

Base Case

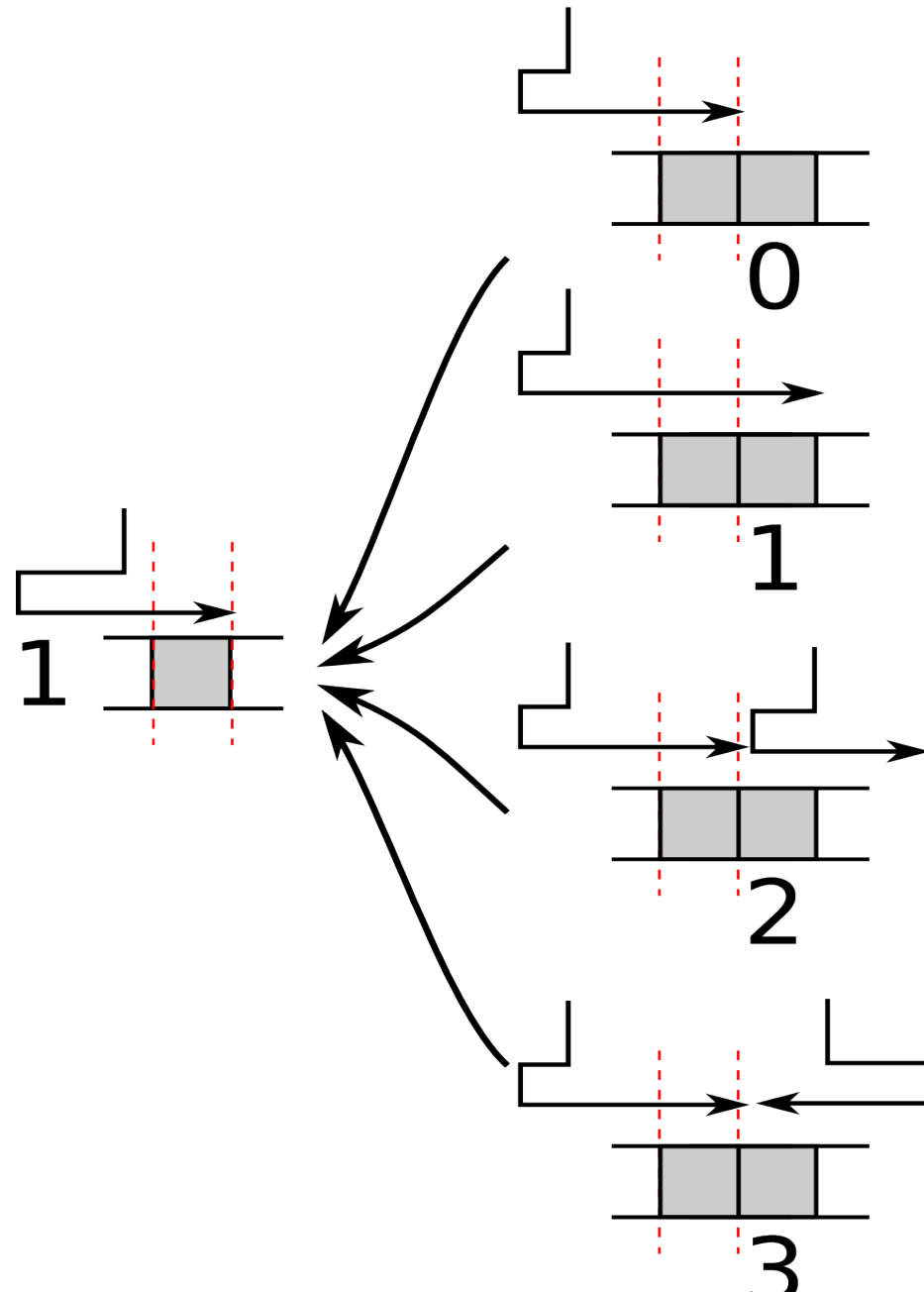
- $dp(n, t, \text{status})$ dengan rincian:
 - $dp(n, *, 0) = 0$
 - $dp(n, *, 1) = G[n]$
 - $dp(n, 0, 2) = -\text{INF}$
 - $dp(n, >0, 2) = G[n] - T[n]$
 - $dp(n, 0, 3) = -\text{INF}$
 - $dp(n, >0, 3) = G[n] - T[n]$
 - $dp(n, *, 4) = G[n]$



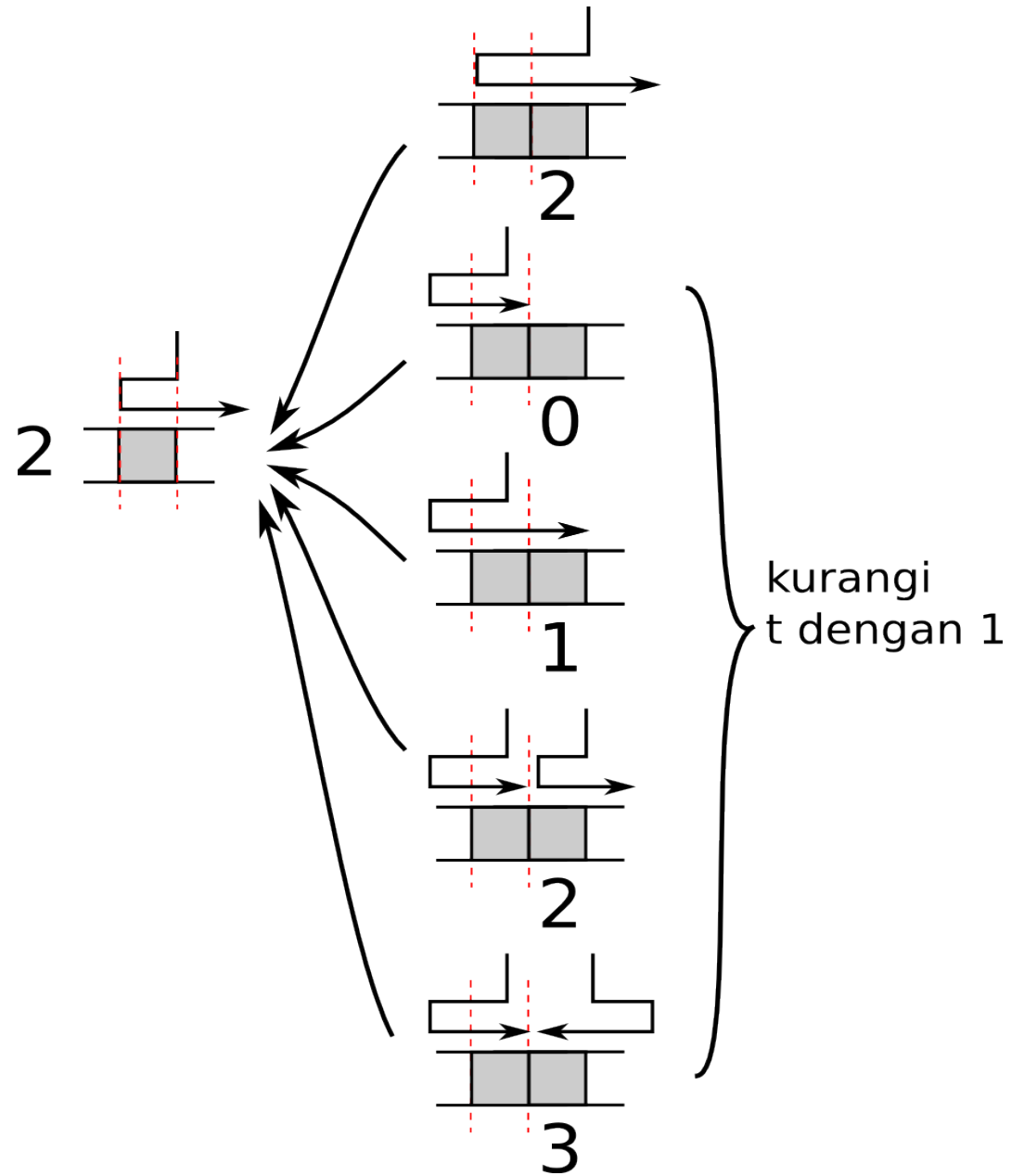
Recurrence case



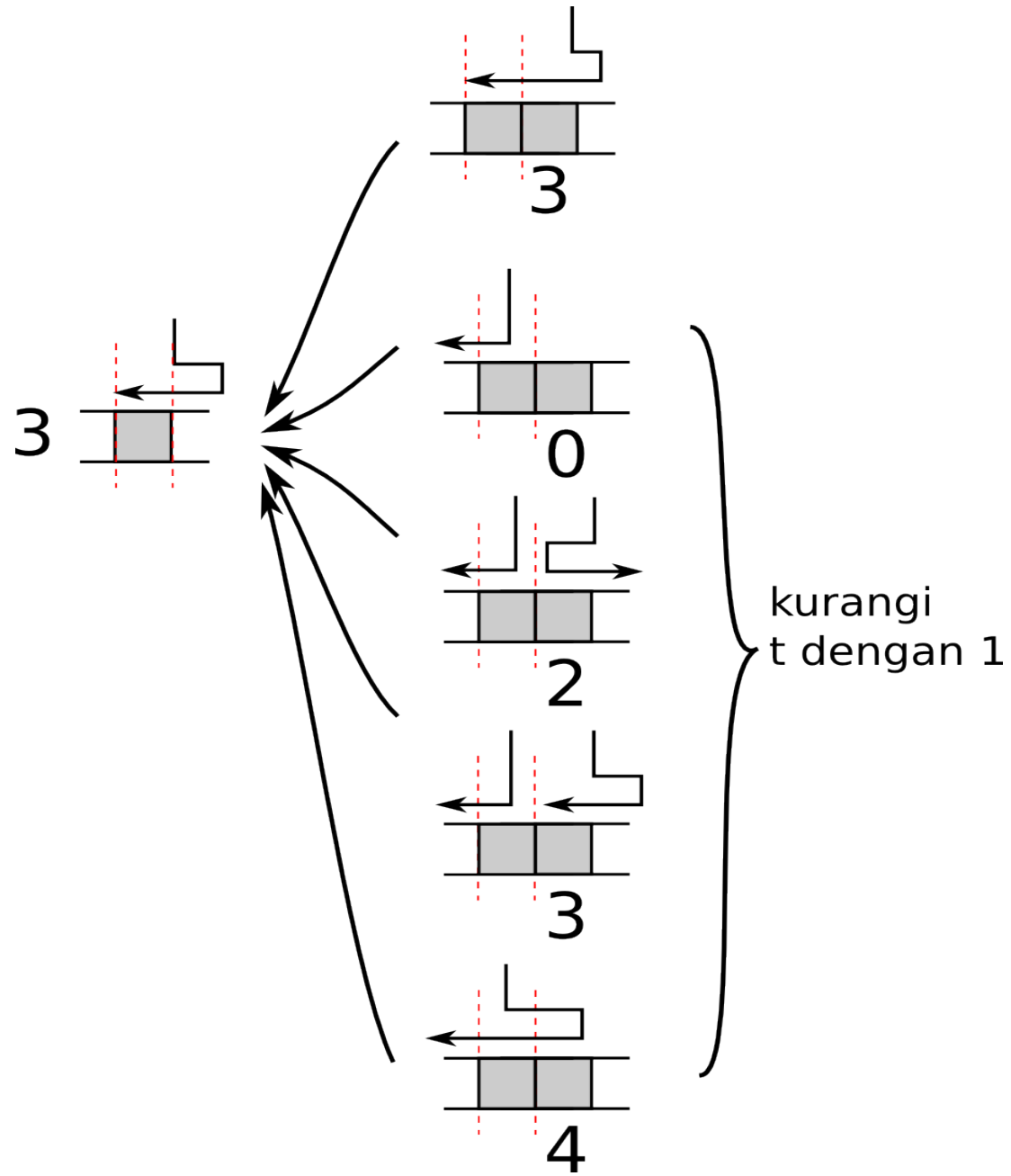
Recurrence case



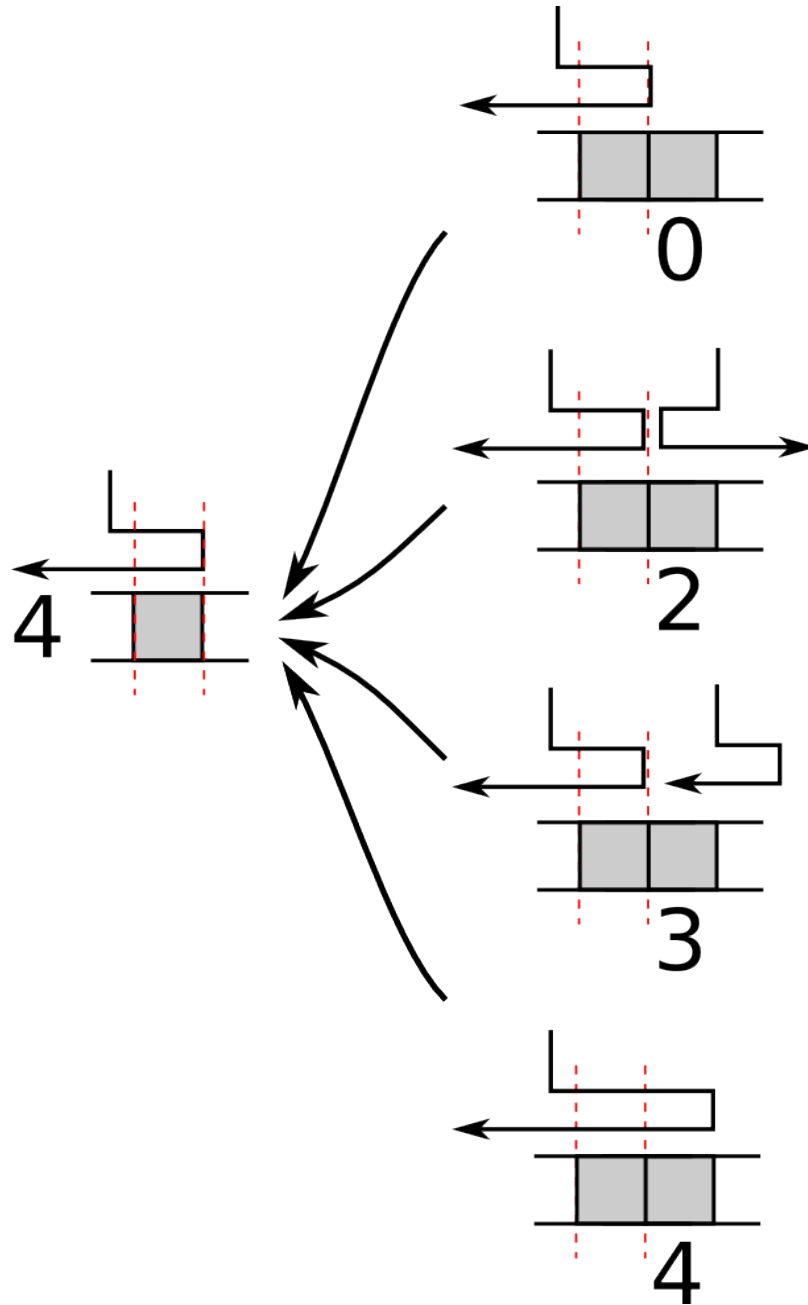
Recurrence case



Recurrence case



Recurrence case



Analisis Kompleksitas

- Banyaknya state: $N \cdot K \cdot 5$
- Setiap state diisi dengan komputasi $O(1)$
- Total kompleksitas $O(NK)$

Tambahan

- Bisa digunakan flying table
- Karena banyaknya state ~ 5 juta, sebaiknya gunakan bottom up