

5. Penjadwalan *Job* dengan Tenggat Waktu (*Job Schedulling with Deadlines*)

Persoalan:

- Ada *n* buah *job* yang akan dikerjakan oleh sebuah mesin;
- tiap *job* diproses oleh mesin selama 1 satuan waktu dan tenggat waktu (*deadline*) setiap *job i* adalah $d_i \ge 0$;
- job i akan memberikan keuntungan sebesar p_i jika dan hanya jika job tersebut diselesaikan tidak melebihi tenggat waktunya;

- Bagaimana memilih *job-job* yang akan dikerjakan oleh mesin sehingga keuntungan yang diperoleh dari pengerjaan itu maksimum?
- · Fungsi obyektif persoalan ini:

Maksimasi
$$F = \sum_{i \in J} p_i$$

- Solusi layak: himpunan J yang berisi urutan job yang sedemikian sehingga setiap job di dalam J selesai dikerjakan sebelum tenggat waktunya.
- Solusi optimum ialah solusi layak yang memaksimumkan F.

Contoh 7. Misalkan A berisi 4 *job* (n = 4):

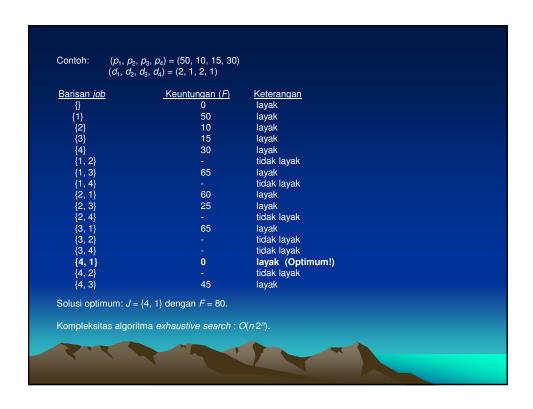
$$(p_1, p_2, p_3, p_4) = (50, 10, 15, 30)$$

$$(d_1, d_2, d_3, d_4) = (2, 1, 2, 1)$$

Mesin mulai bekerja jam 6.00 pagi.

Jo	b	Tenggat	Harus selesai
		(d_i)	sebelum pukul
1		2 jam	8.00
2		1 jam	7.00
3		2 jam	8.00
4		1 jam	7.00

Pemecahan Masalah dengan Exhaustive Search Cari himpunan bagian (subset) job yang layak dan memberikan total keuntungan terbesar.



Pemecahan Masalah dengan Algoritma Greedy

• Strategi *greedy* untuk memilih *job*:

Pada setiap langkah, pilih job i dengan p_i yang terbesar untuk menaikkan nilai fungsi obyektif F.

Contoh: $(p_1, p_2, p_3, p_4) = (50, 10, 15, 30)$ $(d_1, d_2, d_3, d_4) = (2, 1, 2, 1)$

Langkah	J	$F = \sum p_i$	Keterangan
0	{}	0	-
1	{1}	50	layak
2	{4,1}	50 + 30 = 80	layak
3	{4, 1, 3}	-	tidak layak
4	{4, 1, 2}	-	tidak layak

Solusi optimal: $J = \{4, 1\}$ dengan F = 80.

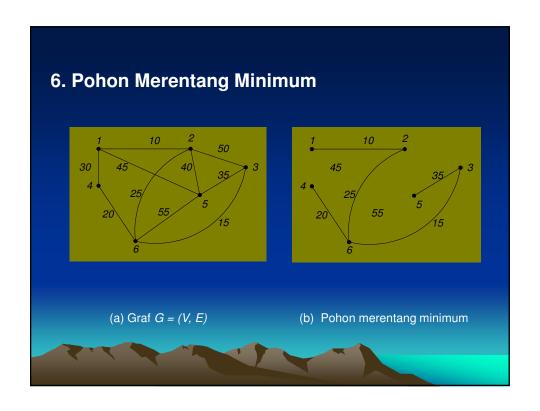
```
function JobSchedullingl(input C : himpunan_job) → himpunan_job
{ Menghasilkan barisan job yang akan diproses oleh mesin }

Deklarasi
i : integer
J : himpunan_job { solusi }

Algoritma
J ← {}

while C ≠ {} do
i ← job yang mempunyai p[i] terbesar
C ← C - {i}
if (semua job di dalam J ∪ {i} layak) then
J ← J ∪ {i}
endif
endwhile
{ C = {} }
return J

Kompleksitas algoritma greedy: O(n²).
```



(a) Algoritma Prim

- Strategi greedy yang digunakan:
 Pada setiap langkah, pilih sisi e dari graf G(V, E) yang mempunyai bobot terkecil dan bersisian dengan simpulsimpul di T tetapi e tidak membentuk sirkuit di T.
- Komplesiats algoritma: *O*(n²)

(a) Algoritma Kruskal

• Strategi greedy yang digunakan:

Pada setiap langkah, pilih sisi *e* dari graf *G* yang mempunyai bobot minimum tetapi *e* tidak membentuk sirkuit di *T*.

Kompleksitas algoritma: $O(|E| \log |E|)$

7. Lintasan Terpendek (Shortest Path)

Beberapa macam persoalan lintasan terpendek:

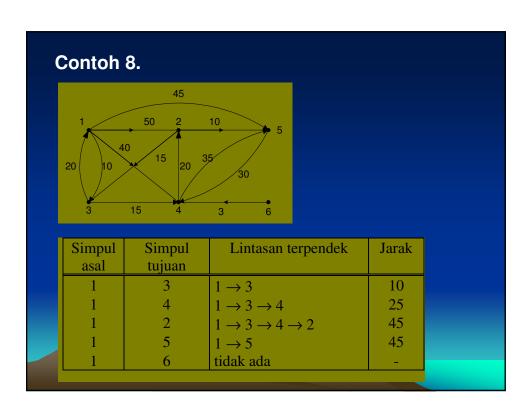
- Lintasan terpendek antara dua buah simpul tertentu (a pair shortest path).
- Lintasan terpendek antara semua pasangan simpul (*all pairs shortest path*).
- Lintasan terpendek dari simpul tertentu ke semua simpul yang lain (*single-source shortest path*).
- Lintasan terpendek antara dua buah simpul yang melalui beberapa simpul tertentu (intermediate shortest path).

Persoalan:

Diberikan graf berbobot G = (V, E). Tentukan lintasan terpendek dari sebuah simpul asal a ke setiap simpul lainnya di G.

Asumsi yang kita buat adalah bahwa semua sisi berbobot positif.



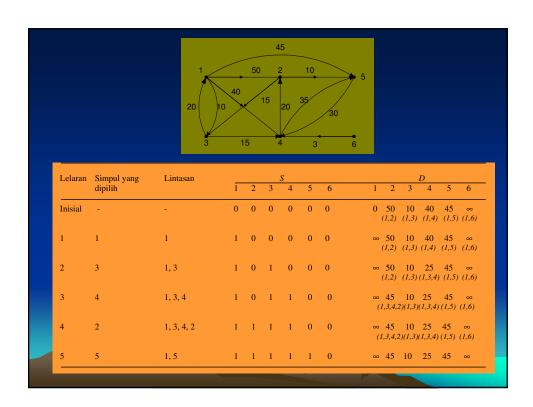


Algoritma Dijkstra

Strategi *greedy*:

Pada setiap langkah, ambil sisi yang berbobot minimum yang menghubungkan sebuah simpul yang sudah terpilih dengan sebuah simpul lain yang belum terpilih.

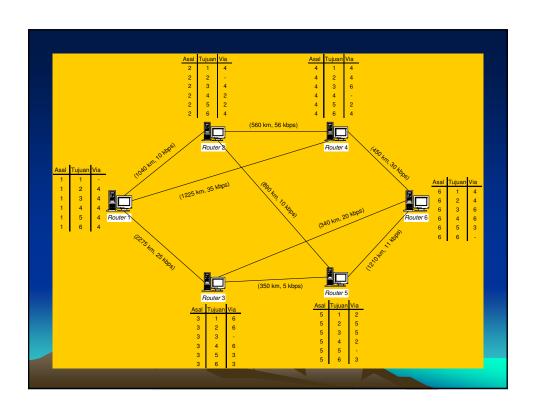
Lintasan dari simpul asal ke simpul yang baru haruslah merupakan lintasan yang terpendek diantara semua lintasannya ke simpul-simpul yang belum terpilih.







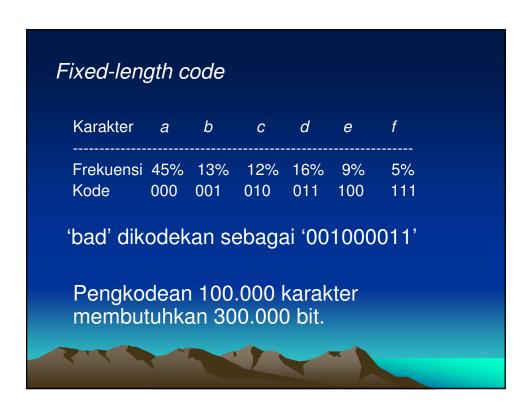
Router Asal	Router Tujuan	Lintasan Terpendek	
5	1	5, 2, 4, 1	
	2	5, 2	
	3	5, 3	
	4	5, 2, 4	
	5	-	
	6	5, 3, 6	
6	1	6, 4, 1	
	2	6, 4, 2	
	3	6, 3	
	4	6, 4	
	5	6, 3, 5	
	6	-	



8. Pemampatan Data dengan Algoritma Huffman

Prinsip kode Huffman:

- karakter yang paling sering muncul di dalam data dengan kode yang lebih pendek;
- sedangkan karakter yang relatif jarang muncul dikodekan dengan kode yang lebih panjang.



Karakter	а	b	С	d	e	f
rekuensi (ode	45% 0	13% 101	12% 100	16% 111	9% 1101	5% 1100
ad' diko	dekan	sebag	ai '10	101	11 '	
engkodea (0,45 × 1 0,09 × 4	+ 0,13	×3 +	0,12	×3 +	- 0,16	$6 \times 3 +$
ah pem		,				
			200 0	nn 🗸	1000/	% = 25,3%
(300.000	<i>- 224</i> .	000 <i>)/3</i>	יט.טע	JU X	100%	o = 23,37

Algoritma Greedy untuk Membentuk Kode Huffman:

- Baca semua karakter di dalam data untuk menghitung frekuensi kemunculan setiap karakter. Setiap karakter penyusun data dinyatakan sebagai pohon bersimpul tunggal. Setiap simpul di-assign dengan frekuensi kemunculan karakter tersebut.
- 2. Terapkan strategi *greedy* sebagai berikut: gabungkan dua buah pohon yang mempunyai frekuensi terkecil pada sebuah akar. Akar mempunyai frekuensi yang merupakan jumlah dari frekuensi dua buah pohon penyusunnya.
- 3. Ulangi langkah 2 sampai hanya tersisa satu buah pohon Huffman.

Kompleksitas algoritma Huffman: $O(n \log n)$ untuk n karakter.

