

1. Operacje na macierzach

Uwagi ogólne

W segmencie głównym programu są zdefiniowane tablice tablic (tablice “dwuwymiarowe”) `A[SIZE][SIZE]`, `B[SIZE][SIZE]`, `C[SIZE][SIZE]`, do których dane są wczytywane w `main()`. Funkcje, których definicje należy uzupełnić, wykonują obliczenia korzystając z tych tablic. Rozmiarów tych tablic nie należy zmieniać.

Wartości rzeczywiste (typu `double`) wypisujemy z dokładnością 4 miejsc po kropce dziesiętnej.

1 Mnożenie macierzy

Szablon programu należy uzupełnić o definicję funkcji `matrix_product()`, która oblicza iloczyn macierzy `A` i `B` i zapisuje go w macierzy `AB`.

- **Wejście**

1

liczba wierszy i liczba kolumn macierzy `A`, liczba kolumn macierzy `B`

elementy macierzy `A`

elementy macierzy `B`

- **Wyjście**

elementy macierzy `AB`

- **Przykład:**

Wejście:

1

2 3 2

1 2 3

10 20 30

11 23

1 1.5

-2 0

Wyjście:

7.0000 26.0000

70.0000 260.0000

2 Triangularyzacja macierzy i obliczanie wyznacznika - wersja uproszczona (bez zamiany wierszy)

Szablon programu należy uzupełnić o definicję funkcji `gauss_simplified()`, która przekształca macierz kwadratową A o wymiarach $n \times n$ do postaci trójkątnej górnej metodą Gaussa i zwraca wartość wyznacznika. W przypadku, gdy element na przekątnej głównej jest równy zeru, triangularyzacja nie jest kończona, a wyznacznik = NAN.

Funkcja może zmienić wartości elementów tablicy A .

- **Wejście**

2

n – liczba wierszy/kolumn macierzy A

elementy macierzy A

- **Wyjście**

wyznacznik macierzy

- **Przykład:**

Wejście:

2

4

1 1 0 3

2 1 -1 1

3 -1 -1 2

-1 2 3 -1

Wyjście:

39.0000

3 Rozwiązywanie układu równań liniowych metodą Gaussa - wersja z rozszerzaną macierzą współczynników

Szablon programu należy uzupełnić o definicję funkcji `gauss(double A[][SIZE], const double b[], double x[], int n, double eps)`, która przekształca macierz kwadratową A do postaci trójkątnej górnej metodą Gaussa i zwraca wartość wyznacznika. Wiersze macierzy są zamieniane tak, aby wartość bezwzględna elementu głównego była największa. Zamiana wierszy nie jest realizowana poprzez przepisanie wierszy w tablicy, lecz z zastosowaniem wektora permutacji indeksów wierszy. W przypadku, gdy po zamianie wierszy element na przekątnej głównej jest mniejszy od `eps`, triangularyzacja nie jest kończona, a wyznacznik przyjmuje wartość 0.

Jeżeli argumenty funkcji b i x oraz wyznacznik nie są zerowe, funkcja rozwiązuje układ równań i rozwiązanie zapisuje w tablicy x .

Funkcja może zmienić wartości elementów tablicy A .

- **Wejście**

3

n – liczba wierszy/kolumn macierzy A
elementy macierzy A
elementy wektora b

- **Wyjście**

wyznacznik macierzy
elementy wektora x

- **Przykład:**

Wejście:

```
3
4
1 -1 2 -1
2 -2 3 -3
1 1 1 0
1 -1 4 3
-8 -20 -2 4
```

Wyjście:

```
4.0000
-7.0000 3.0000 2.0000 2.0000
```

4 Odwracanie macierzy kwadratowej metodą Gaussa - Jordana

Szablon programu należy uzupełnić o definicję funkcji `matrix_inv(double A[][SIZE], double B[][SIZE], size_t n, double eps)`, która wyznacza macierz B - odwrotną do nieosobliwej macierzy A . Należy zastosować metodę Gaussa - Jordana z rozszerzaniem macierzy A o macierz jednostkową. Wiersze macierzy rozszerzonej są zamieniane analogicznie jak w zadaniu 3. Funkcja zwraca wyznacznik macierzy A . W przypadku, gdy po zamianie wierszy element na przekątnej głównej jest mniejszy od `eps`, to algorytm odwracania nie jest kończony, a wyznacznik przyjmuje wartość 0 (układ równań nie jest rozwiązywany).

Funkcja może zmienić wartości elementów tablicy A .

- **Wejście**

4
 n – liczba wierszy i macierzy A
elementy macierzy A

- **Wyjście**

wyznacznik macierzy
elementy macierzy odwrotnej B

- **Przykład:**

Wejście:

```
4
3
1 2 -1
2 1 0
-1 1 2
```

Wyjście:

-9.000

-0.2222 0.5556 -0.1111

0.4444 -0.1111 0.2222

-0.3333 0.3333 0.3333