# 1. Relacje

## 1 Uwagi ogólne

Celem ćwiczenia jest zapoznanie się z operacjami na strukturach i tablicach struktur.

Oprócz zadań opisanych w kolejnych sekcjach, program należy dodatkowo uzupełnic o funkcje:

- 1. add\_to\_relation(), która dodaje parę liczb do relacji, jeżeli ta para jeszcze w tej relacji nie występuje,
- 2.  $read_relation()$ , która czyta liczbę par relacji (n), a następnie n par liczb całkowitych definiujących relację,
- 3. print\_int\_array(), która wypisuje długość tablicy całkowitej (n), a następnie n wartości tej tablicy.

#### 2 Zadania

### 2.1 Własności relacji

Szablon programu należy uzupełnić o definicję funkcji:

- 1. is\_reflexive(), która sprawdza, czy relacja jest zwrotna
- 2. is\_irreflexive(), która sprawdza, czy relacja jest przeciwzwrotna
- 3. is\_symmetric(), która sprawdza, czy relacja jest symetryczna
- 4. is\_antisymmetric(), która sprawdza, czy relacja jest antysymetryczna
- 5. is\_asymmetric(), która sprawdza, czy relacja jest asymetryczna
- 6. is\_transitive(), która sprawdza, czy relacja jest przechodnia

Użyteczny link:

https://en.wikipedia.org/wiki/Homogeneous\_relation.

#### • Wejście

1

- n (liczba elementów relacji)
- n linii składających się z par liczb naturalnych (first, second)

#### • Wyjście

Sześć wartości 0 lub 1 reprezentujących własności zadanej relacji

#### • Przykład:

Wejście:

1

10

2 3

2 4

3 4

0 1

0 2

0 3

0 4

1 3

1 2

1 4

Wyjście:

0 1 0 1 1 1

#### 2.2 Porządki, wartości minimalne i maksymalne

Szablon programu należy uzupełnić o definicję funkcji:

- 1. is\_partial\_order(), która sprawdza, czy relacja jest relacją częściowego porządku
- 2. is\_total\_order(), która sprawdza, czy relacja jest relacją całkowitego porządku
- 3. find\_max\_elements(), która dla relacji porządku znajduje elementy maksymalne
- 4. find\_min\_elements(), która dla relacji porządku znajduje elementy minimalne
- 5. find\_domain(), która znajduje dziedzinę relacji R (zbiór X, na iloczynie kartezjańskim którego opisana jest relacja, czyli  $R \subseteq X \times X$ )

Relacja  $R\subseteq X\times X$  jest relacją częściowego porządku jeżeli jest zwrotna, antysymetryczna i przechodnia.

Element  $g \in X$  jest elementem maksymalnym jeżeli nie istnieje element  $x \in X$ , taki że  $x \neq g$  i gRx. Podobnie element  $m \in X$  jest elementem minimalnym jeżeli nie istnieje element  $x \in X$  taki, że  $x \neq m$  i xRm.

Zbiór X częściowo uporządkowany przez relację R może zawierać kilka elementów maksymalnych / minimalnych.

Relacja  $R \subseteq X \times X$  jest spójna jeżeli dla każdych  $x, y \in X$  zachodzi xRy lub yRx (lub jedno i drugie).

Jeżeli relacja  $R\subseteq X\times X$  jest relacją częściowego porządku oraz jest spójna, to zbiór X jest liniowo (całkowicie) uporządkowany przez R.

Dziedzinę (zbiór X) wyznaczamy jako unikalną tablicę poprzedników i następników par należących do relacji.

Pomocne linki:

```
1. https://en.wikipedia.org/wiki/Partially_ordered_set.
```

2. https://en.wikipedia.org/wiki/Total\_order

#### • Wejście

2

- n (liczba elementów relacji)
- n linii składających się z par liczb naturalnych (first, second)

#### • Wyjście

Dwie wartości 1 lub 0 (relacja jest / nie jest relacją częściowego / całkowitego porządku)

- d (liczność domeny relacji)
- d liczb całkowitych (domena relacji)

Jeżeli relacja jest relacją częściowego porządku to dodatkowo program wyprowadza:

max (liczba wartości maksymalnych)

max liczb całkowitych (wartości maksymalne)

min (liczba wartości minimalnych)

min liczb całkowitych (wartości minimalne)

**Uwaga**: Wszystkie trzy tablice wyjściowe powinny zawierać unikalne liczby całkowite w porządku rosnącym.

#### • Przykład:

Wejście:

2

12

1 4

1 1

1 5

1 6

2 4

2 2

2 6

3 4

3 3

4 4

6 6

5 5

## Wyjście:

1 0

6

1 2 3 4 5 6

3

4 5 6

3

1 2 3

## 2.3 Złożenie relacji

Szablon programu należy uzupełnić o definicję funkcji composition(), która wyznacza złożenie dwóch zadanych relacji.

Użyteczny link:

https://en.wikipedia.org/wiki/Composition\_of\_relations

## • Wejście

```
3n<br/>1 relacja R -n<br/>1 par liczb całkowitych n<br/>2 relacja S -n<br/>2 par liczb całkowitych
```

## • Wyjście

 ${\tt n3}-{\tt liczba}$ elementów relacji złożonej R ${\tt o}$  S

## • Przykład:

Wejście:

3

7

1 2

2 3

3 4

3 2

2 5

5
4

\_

2 4

1 3

5 4

3 5

3 1

1 2

Wyjście:

5