4 de fevereiro de 2015

- 1. Escreva um programa em C/C++ chamado negativo5.cpp que lê 5 valores inteiros, um de cada vez, conta quantos destes valores são negativos e imprime esta informação.
- 2. Escreva um programa em C/C++ chamado intervalos.cpp que lê um número não conhecido de valores, um de cada vez, e conta quantos deles estão em cada um dos intervalos [0, 25), [25, 50), [50, 75) e [75, 100].

Para encerrar a entrada de dados o usuário deve pressionar <Ctrl+d>. Para ler valores do terminal até o usuário digitar <Ctrl+d> você pode utilizar o seguinte trecho de código:

```
int x;
...
cout << "Entre com valores inteiros (Ctrl+d p/ encerrar): " << endl;
while( cin >> x ) {
    // Realização da contagem de ocorrências nos intervalos
    ...
}
// Exibir contagem para os intervalos solicitados.
```

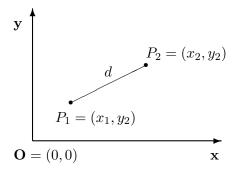
Após encerrada a entrada de dados, o programa deve imprimir a porcentagem de números para cada um dos quatro intervalos indicados.

- 3. Escreva um programa em C/C++ chamado soma_pares.cpp que lê um número não determinado de pares m, n, todos inteiros e positivos, um par de cada vez, calcula e escreve a soma dos n primeiros inteiros consecutivos à partir de m (inclusive). Para encerrar a entrada de dados você pode utilizar Ctrl+d> ou assumir que quando m=n=0 o usuário deseja encerrar.
- 4. Implemente um programa em C/C++ chamado fib01.cpp que recebe um valor inteiro positivo L e imprime os termos da série de Fibonacci inferiores a L.
 - A seqüência de Fibonacci define-se como tendo os dois primeiros termos iguais a 1 e cada termo seguinte é à soma dos dois termos imediatamente anteriores. Desta forma se fosse fornecido ao programa uma entrada L=15 o mesmo deveria produzir a seguinte seqüência de termos da série: $1\ 1\ 2\ 3\ 5\ 8\ 13$.
- 5. Escreva um programa em C/C++ chamado menor_elemento.cpp que lê 20 números reais, os armazena em um arranjo unidimensional (vetor) Vet e o imprime na tela. A seguir, o programa deve encontrar o menor elemento e a sua posição no vetor Vet e escrever na saída padrão qual é o menor elemento e que posição ele ocupa no vetor.
- 6. Escreva um programa em C/C++ chamado troca_interna.cpp que lê 20 inteiros, os armazena em um arranjo unidimensional (vetor) A e o imprime na tela. A seguir, o programa deve trocar o conteúdo do último elemento de A com o 1°, do penúltimo com o 2°, do ante-penúltimo com o 3° e assim pode diante até que todos os elementos tenham sido trocados de lugar apenas uma vez. Por fim, o programa deve imprimir o vetor modificado.

Universidade Federal do Rio Grande do Norte Instituto Metrópole Digital

IMD0030 — Linguagem de Programação 1 — Turma 01

- 7. Escreva um programa em C/C++ chamado troca_seguintes_vet.cpp que lê 20 inteiros, os armazena em um arranjo unidimensional (vetor) B e o imprime na tela. A seguir, o programa deve trocar o conteúdo dos elementos de B de ordem ímpar com os de ordem par imediatamente seguintes e imprimir o vetor modificado.
- 8. Escreva um programa em C/C++ chamado compacta_vet.cpp que lê 20 inteiros, os armazena em um arranjo unidimensional (vetor) C e o imprime na tela. A seguir, o programa deve compactar o vetor C, retirando dele todos os valores nulos ou negativos e imprimir o vetor modificado.
- 9. Implemente um programa em C++ chamado dist_pts.cpp que calcula e imprime a distância Euclidiana entre dois pontos do \mathbb{R}^2 , $P_1 = (x_1, y_1)$ e $P_2 = (x_2, y_2)$, determinados por suas coordenadas Cartesianas (veja figura abaixo). Para tanto o programa deverá ler as coordenadas x e y de cada um dos dois pontos. A fórmula para o cálculo da distância d entre dois pontos P_1 e P_2 é dada por: $d(\overline{P_1P_2}) = \sqrt{(x_2 x_1)^2 + (y_2 y_1)^2}$.



10. Implemente um programa denominado equação cepp que invoca a função raizes, que por sua vez calcula as raízes de uma equação do segundo grau, do tipo $ax^2 + bx + c = 0$. Essa função deve obedecer o protótipo

onde a, b e c representam os coeficientes da equação, e x1 e x2 são ponteiros para as variáveis onde devem ser guardadas as raízes da equação. A função deve retornar o número de raízes reais que a equação possui.

Vale salientar que:

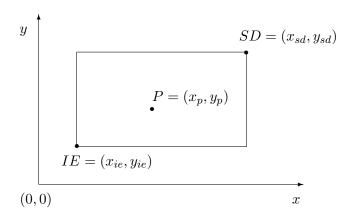
- Se a equação possuir raízes reais e distintas, x1 deve armazenar a raiz menor e x2 a outra raiz. Neste caso a função deve retornar o valor 2, indicando que existem duas raízes.
- 2. Se a equação possuir possuir raízes reais e iguais x1 = x2 e a função deve retornar 1.
- 3. Se a equação não possuir raízes reais então a função deve fazer $\mathtt{x1} = 0$ e $\mathtt{x2} = 0$ e o retorno da função deve ser 0.
- 4. A função sqrt definida na biblioteca padrão da linguagem deve ser usada para calcular a raiz quadrada de números. Para tanto basta incluir a biblioteca <cmath> onde está declarado o protótipo da função: double sqrt(double n)

- 11. Escreva um programa em C++ chamado vet5.cpp que recebe um conjunto de 30 valores inteiros e os coloca em 2 vetores, A e B, conforme forem pares ou ímpares. Os vetores A e B deverão ter 5 posições de armazenamento. Quando um dos dois vetores fica cheio, o programa deve imprimi-lo. Terminada a entrada de dados, o programa deve imprimir o conteúdo dos dois vetores. Note que cada vetor pode ser preenchido tantas vezes quantas forem necessárias.
- 12. Implemente um programa em C++ chamado hanoi.cpp que resolve, recursivamente, o problema das Torres de Hanoi. O problema das Torres de Hanoi consiste em 3 pinos A (origem), B (destino) e C (auxiliar) e n discos de diâmetros diferentes. Inicialmente, todos os discos se encontram empilhados no pino origem (A), em ordem decrescente de tamanho, de baixo para cima. O objetivo é empilhar todos os discos no pino-destino (B), atendendo às seguintes restrições: (i) apenas um disco pode ser movido de cada vez, e; (ii) qualquer disco não pode ser jamais colocado sobre outro de tamanho menor.

O programa deve receber, via linha de comando, um valor inteiro positivo correspondente ao número de discos a ser resolvido e deve exibir a sequência de movimentos para achar a resposta, seguido do número de movimentos feito no total. Segue abaixo um exemplo de execução desse programa:

```
$ ./hanoi 3
Mova disco de A para B
Mova disco de A para C
Mova disco de B para C
Mova disco de A para B
Mova disco de C para A
Mova disco de C para B
Mova disco de A para B
Foram necessários 7 movimentos.
```

13. Implemente um programa em C++ chamado ponto_em_retangulo.cpp que verifica se um ponto $P = (x_p, y_p)$, determinado por suas coordenadas Cartesianas, está localizado dentro, na borda ou fora de um retângulo definho por dois pontos (também determinados por suas coordenadas Cartesianas): o canto inferior esquerdo $IE = (x_{ie}, y_{ie})$ e o canto superior direito $SD = (x_{sd}, y_{sd})$.



O programa deve receber três pares de valores x e y. Os dois primeiros pares correspondentes aos dois pontos, R_1 e R_2 , que definem um retângulo; enquanto que o último par define o ponto de teste P. Note que R_1 e R_2 podem não corresponder diretamente ao canto inferior esquerdo e canto superior direito nesta ordem, podendo seus valores estarem trocados. Portanto o programa deve, primeiramente, assegurar-se de que R_1 corresponda a IE e R_2 corresponda a SD, trocando os valores de suas coordenadas se for o caso. Além disso o programa também deve assegurar-se de que R_1 e R_2 de fato definem um retângulo válido (isto é, $R_1 \neq R_2$). A seguir o programa deve realizar testes e indicar se o ponto P está dentro, na borda ou fora do retângulo, imprimindo uma mensagem para cada situação.

14. Implemente um programa denominado q6.cpp que cria um vetor de inteiros (pode ser estático ou fornecido pelo usuário) e invoca a função maiores. Esta função recebe como parâmetro o vetor de números inteiros (vet) de tamanho n e um valor x. A função deve retornar quantos números maiores do que x existem nesse vetor. O protótipo da função é:

int maiores (const int* const vet, const int n, const int x);

- 15. Desenvolva funções para implementar as seguintes ações:
 - 1. Swap: Trocar o conteúdo de duas variáveis passadas por referência.
 - 2. Ordena3: Recebe como parâmetros três números inteiros e um flag ordem, e os coloca em ordem crescente se ordem= V, ou em ordem decrescente se ordem= F (usar passagem de parâmetro por referência e a função Swap()).
 - 3. EhPrimo: Verifica se um número recebido como parâmetro é primo¹.
 - 4. EhPar: Retorna verdadeiro (V) se um número recebido como parâmetro é par, retornando falso (F) caso contrário.
 - 5. EhAmigo: Retorna verdadeiro (V) se os dois números recebidos como parâmetros são amigos², falso (F) caso contrário.
 - 6. mdc: Retorna o Máximo Divisor Comum³ de 3 números recebidos como parâmetros.
 - 7. mmc: Retorna o Mínimo Múltiplo Comum⁴ de 3 números recebidos como parâmetros.
 - 8. Fatorial: Retorna o fatorial do número recebido como parâmetro.
- 16. Implemente um programa em C++ denominado ordena_insert.cpp que lê, para um vetor V de 30 posições, vinte valores inteiros que ocuparão as 20 primeiras posições de V. Ordene, a seguir, os elementos de V em ordem não decrescente. Leia, a seguir, 10 valores inteiros, um por vez, e insira-os nas posições adequadas de V, de forma que V continue ordenado em ordem não decrescente. Ao final imprima o conteúdo de V.

¹Um número natural maior do que 1 cujos únicos divisores naturais são 1 e o próprio número.

²Dois números são *amigos* se cada um deles é igual a soma dos divisores próprios do outro (os *divisores* próprios de um número positivo n são todos os divisores inteiros positivos de n exceto o próprio n).

³Maior número inteiro encontrado que seja *fator* dos números sobre o qual deseja-se achar o mdc.

 $^{^4}mmc(a,b) = \frac{ab}{mdc(a,b)}$.

17. Faça um programa chamado deslocamentos.cpp que recebe quatro números inteiros, n1, n2, n3 e n4, e um certo número de deslocamentos, d, que esses números devem sofrer em relação a seqüência original de entrada de dados. Se d=0 a seqüência de saída é a mesma da entrada; se d>0 você deve deslocar os números para a 'direita' d vezes, imaginando que os números formam um círculo (i.e. após o n-ésimo termo segue-se o 1°); se d<0 o deslocamento deve ser feito para a 'esquerda'.

Por exemplo, se a entrada for n1=5, n2=-2, n3=7, n4=45 e d=3 o resultado final seria (-2,7,45,5), ou seja, os números foram deslocados para a direita três vezes: $(5,-2,7,45) \rightarrow (45,5,-2,7) \rightarrow (7,45,5,-2) \rightarrow (-2,7,45,5)$.

Utilize uma função denominada ShiftN(n1,n2,n3,n4,d) que recebe os números como parâmetros por referência e aplica o deslocamento d sobre eles. Tente fazer esta função de forma mais otimizado possível, evitando deslocamentos desnecessários (dica: utilize o operador resto ou % em C++).

18. Faça uma função em C++ chamada inverteVetor que recebe um vetor de inteiros como parâmetro e inverte a ordem dos seus elementos, alterando o vetor original passado como argumento. O parâmetro formal da função correspondente ao vetor a ser invertido deve ser um ponteiro simples. Utilize aritmética de ponteiros ao invés de indexação para percorrer o vetor. Implemente sua função de tal forma que não seja necessário o uso de um vetor auxiliar e nem percorrer todos os elementos do vetor original. A função inverteVetor deve obedecer o seguinte protótipo:

```
void inverteVetor(int *piVet, const int tam);
```

onde piVet é o ponteiro para o vetor a ser invertido e tam é o tamanho do mesmo.

19. Faça uma função em C++ chamada intercalaVetores que recebe como parâmetro dois vetores, vetA e vetB, de caracteres (possivelmente de tamanhos diferentes) e os combina em um só vetor. Para gerar o vetor combinado deve-se intercalar elementos dos dois vetores da seguinte forma: para o vetA deve-se iniciar com seu primeiro elemento, avançando seqüencialmente pelo vetor até o seu último elemento; para o vetB deve-se iniciar pelo último elemento, retrocedendo seqüencialmente pelo vetor até o seu primeiro elemento.

Note que a função deve alocar dinamicamente uma quantidade de memória do tamanho exato para conter a combinação resultante dos dois vetores. A função deve utilizar aritmética de ponteiros para percorrer os dois vetores passados como argumento.

A função intercalaVetores deve obedecer o seguinte protótipo:

onde vetA é o ponteiro para o primeiro vetor e tamA seu tamanho; vetB é o ponteiro para o segundo vetor e tamB seu tamanho. A função deve retornar um ponteiro para o vetor contendo a combinação dos dois vetores passados como parâmetro.

20. Desenvolva duas funções, NesimoFib(n) e FibMenorL(L), que imprimem, respectivamente, a seqüência de Fibonacci até seu *n*-ésimo termo e os *m* primeiros termos da série de Fibonacci que são *menores* que L. Lembre-se que a série de Fibonacci é dada por {1,1,2,3,5,8,13,21,...}, ou seja, os primeiros dois termos da série são 1 e os próximos termos são calculados como a soma dos dois termos precedentes imediatos.

Desenvolva também uma função denominada de PiramideFib(h) que recebe como parâmetro h indicando a altura da pirâmide de Fibonacci e a imprime da tela (utilize as funções anteriores). A pirâmide de Fibonacci para h=7 deve corresponder a:

Note que a pirâmide esta "deitada" para a esquerda.

21. Implemente um programa chamado avalia_poli.cpp que recebe como entrada de dados inteiros correspondente a um polinômio e um valor real para o qual o polinômio deve ser avaliado. O polinômio poderá ter, no máximo, 4 termos ou monômios.

Por exemplo, a seguinte entrada de dados:

corresponde ao polinômio de grau 2, $4x^2 - 2x + 5$, o qual deve ser avaliado para o valor x = 5.0, resultando $4(5.0)^2 - 2(5.0) + 5 = 95.0$.

Após a leitura de um polinômio e de um valor a ser avaliado o programa deve invocar a função avalia que deve receber os 4 termos do polinômio e o valor a ser avaliado como parâmetros e retornar o valor da avaliação. O resultado da função deve ser exibido na tela, juntamente com uma representação do polinômio, da seguinte forma:

$$f(x)=4x^2 - 2x + 5$$
, $f(5.0) = 95.0$

Nesta representação deve haver apenas um e apenas um espaço em branco ''antes e depois dos sinais '-' e '+'.

22. Faça uma função em C++ chamada uniaoIntersecao que recebe como parâmetro dois vetores, vetA e vetB, de inteiros (possivelmente de tamanhos diferentes) e os combina em dois vetores de saída, vetUni e vetInt. Para gerar o vetor vetUni a

função deve realizar a $uni\tilde{a}o$ entre os elementos de vetA e vetB. Para gerar o vetor vetInt a função deve realizar a intersecção entre os elementos de vetA e vetB.

Note que a função deve alocar dinamicamente os dois vetores de saída, i.e., vetUni e vetInt, de tal forma que os mesmos tenham o tamanho exato do resultado de suas respectivas operações de combinação. A função deve utilizar aritmética de ponteiros para percorrer os dois vetores de entrada, vetA e vetB, passados como argumento.

A função uniaoIntersecao poderia ter o seguinte protótipo:

onde vetA e vetB são os vetores de entrada com seus respectivos tamanhos, tamA e tamB; vetUni está associado ao vetor que conterá a união dos vetores de entrada, cujo tamanho será indicado em tamUni; e vetInt está associado ao vetor que conterá a intersecção dos vetores de entrada, cujo tamanho será indicado em tamInt. Modifique o protótipo acima introduzindo o qualificador de tipo const de tal forma a restringir ao máximo o acesso aos dados externos mas que ainda permita a função executar o seu propósito original.

Implemente um programa em C++ chamado test_string.cpp onde você deverá implementar as funções solicitadas nas questões 16 à 19. Não esqueça de declarar o protótipo de cada função no início do programa. Basicamente o que o programa deve fazer é criar uma série de *strings* e aplicar cada uma das funções de forma a testar sua funcionalidade e se a mesma funciona como deveria.

Algumas observações devem ser feitas com relação a funções que criam e manipulam strings:

- ▷ Geralmente a *string* passada como parâmetro não deve ser alterada, e;
- ▶ Novas strings deve ser criada com alocação dinâmica (uso de new e delete⁵).
- 16. Implemente uma função que receba uma string e um número inteiro n como parâmetros, e retorne uma nova string com os n primeiros caracteres da string passada como parâmetro. Por exemplo, recebendo como parâmetros a string "Gosto de programar em C++" e o número 5, essa função deve alocar dinamicamente uma nova string contendo a seqüência de caracteres "Gosto". Essa função deve obedecer o protótipo:

```
char * prefix ( const char * str, int n );
```

Obs.: Teste se n é sempre menor do que o tamanho da *string* (que pode ser recuperado com a função **strlen**); se n for maior ou igual ao tamanho da *string* função deve simplesmente retornar uma cópia da *string* original.

⁵Veja a observação no final desse documento.

17. Implemente uma função que receba uma string como parâmetro e retorne uma nova string que é o reverso da string original. Por exemplo, recebendo como parâmetros a string "Sabedoria e honra" a função deve retornar uma nova string contendo "arnoh e airodebaS". Essa função deve obedecer o protótipo:

```
char * reverse ( const char * str );
```

18. Implemente uma função que receba uma string como parâmetro e retorne uma nova string com os caracteres minúsculos trocados para maiúsculas e vice-versa. Caracteres que não forem letras devem ser copiados sem alteração para a nova string. Por exemplo, se for passado como parâmetro a string "UFRN - DIMAp - Dim0426", essa função deve retornar uma nova string contendo a seqüência "ufrn - dimaP - dIM0426". Essa função deve obedecer o protótipo:

```
char * invertCase ( const char * str );
```

19. Implemente uma função que receba uma string como parâmetro e retorne uma nova string com as letras da string original substituídas por suas sucessoras no alfabeto. Por exemplo, recebendo como parâmetro a string "Casa", essa função retornaria a string "Dbtb". Essa função deve obedecer o protótipo:

```
char* shiftString ( const char * str );
```

Obs.: A letra 'z' deve ser substituída pela letra 'a' (e 'Z' por 'A'). Caracteres que não forem letras devem ser copiados para a nova *string* sem sofrer alteração. A *string* passada como parâmetro não pode ser alterada.

20. Implemente um programa em C++ chamado busca_palindromo.cpp que lê uma string do usuário e verifica se a mesma é um palíndromo. Um palíndromo é uma palavra, frase, número ou qualquer outra seqüência de unidades (como uma cadeia de ADN) que tenha a propriedade de poder ser lida tanto da direita para a esquerda como da esquerda para a direita (o ajustamento de espaços entre letras é geralmente permitido) ⁶.

Exemplos de palavras: anilina, arara, mirim, radar, rotor, osso, ovo, iriri, mussum.

Exemplos de frases: "A rara arara", "Socorram-me, subi no ônibus em Marrocos", "A mala nada na lama".

Identificar palíndromos em palavras é relativamente fácil. A maior dificuldade será identificar frases que são palíndromos. Para tanto o programa deverá eliminar todos os espaços em brancos e separadores como hífen, vírgulas, ponto-e-vírgula, etc.

Obs.: Considere que serão fornecidas apenas *strings* sem acentos gráficos como á ou é; crie funções parar eliminar os espaços em brancos e separadores de forma a facilitar a busca de palíndromos.

21. Escreva um programa que lê valores reais para uma matriz M[5] [5] e calcula e imprime as seguintes somas:

⁶Fonte: http://pt.wikipedia.org.

Universidade Federal do Rio Grande do Norte Instituto Metrópole Digital

IMD0030 — Linguagem de Programação 1 — Turma 01

- a) da linha 4 de M
- b) da coluna 2 de M
- c) da diagonal principal de M
- d) da diagonal secundária de M
- e) de todos os elementos da matriz
- 22. Implemente um programa em C++ chamado preenche_matriz.cpp que lê um inteiro positivos n e cria uma matriz quadrada $n \times n$ que deverá ser preenchida automaticamente com inteiros positivos de 1 até n^2 , dando prioridade a linhas ao invés de colunas (row-major). Por exemplo, uma matriz 3×3 deverá ser preenchida da seguinte forma:

$$\left[\begin{array}{ccc}
1 & 2 & 3 \\
4 & 5 & 6 \\
7 & 8 & 9
\end{array}\right]$$

Faça o seu programa imprimir na tela a matriz assim preenchida.

23. Escreva um programa em C++ que lê uma matriz M[6][6], calcula as somas das pares hachuriadas, imprime o conteúdo da matriz M e as somas calculadas.









24. Implemente uma função que indique se uma matriz quadrada de números inteiros é uma matriz identidade ou não. A função deve retornar 1 se a matriz for uma matriz identidade, e 0 caso contrário (matriz identidade é aquela em que a diagonal principal contém apenas 1s e o resto da matriz contém zeros). A função recebe como parâmetro a matriz de inteiros, usando a representação de matrizes através de **ponteiro simples**, e um inteiro n, indicando a dimensão da matriz. Essa função deve obedecer o protótipo:

```
int ehMatrizIdentidade ( const int * mat, int n );
```

25. Implemente uma função que indique se uma matriz quadrada de números inteiros é uma matriz triangular superior ou não. A função deve retornar 1 se a matriz for uma matriz triangular superior, e 0 caso contrário. A função recebe como parâmetros a matriz de inteiros, usando a representação de matrizes através de **ponteiro simples**, e um inteiro n, indicando a dimensão da matriz. Essa função deve obedecer o protótipo:

```
int ehTrianguloSuperior ( const int * mat, int n );
```

26. Implemente uma função que retorne a soma dos elementos abaixo da diagonal de uma matriz quadrada de números de ponto flutuante (float), isto é, a soma de todos os elementos $a_{i,j}$ onde i > j. A função recebe como parâmetros a matriz de números de ponto flutuante, usando a representação de matrizes através de **ponteiro duplo**, e um inteiro n, indicando a dimensão da matriz. Essa função deve obedecer o protótipo:

```
float somaTrianguloInferior ( const float ** mat, int n );
```

- 27. Uma matriz que tem aproximadamente 2/3 de seus elementos iguais a zero é denominada de *matriz esparsa*. Implemente um programa em C++ chamado esparsa.cpp que lê uma matriz esparsa de inteiros M[10] [10] e forma uma matriz condensada, de apenas 3 colunas com os elementos não nulos da matriz M, de forma que:
 - a) a primeira coluna contém o valor não nulo de M.
 - b) a segunda coluna contém a linha de M onde foi encontrado o valor.
 - c) a terceira coluna contém a coluna de M onde foi encontrado o valor.

A seguir, imprima a matriz lida e a matriz condensada.

- 28. Na teoria dos Sistemas define-se como elemento minimáx de uma matriz, o menor elemento da linha em que se encontra o maior elemento da matriz. Implemente um programa em C++ chamado minmax.cpp que lê uma matriz A[10][10] e determina o elemento minimáx desta matriz, imprimindo a matriz A e a posição do elemento minimáx.
- 29. Considerando a estrutura

```
typedef struct _Ponto {
    int x;
    int y;
} Ponto;
```

para representar um ponto em uma grade 2D, implemente uma função que indique se um ponto p está localizado dentro ou fora de um retângulo. O retângulo é definido por seus vértices inferior esquerdo v1 e superior direito v2. A função deve retornar 1 caso o ponto esteja localizado dentro do retângulo e 0 caso contrário. Essa função deve obedecer o protótipo:

Obs.: Repare que os pontos v1, v2 e p são passados como **referência constante** de forma que seus valores não podem ser alterados dentro da função. Isso é uma boa prática de programação, uma vez que para calcular se p está dentro do retângulo definido por v1 e v2 não é necessário modificar seus valores.

30. Considerando a estrutura da questão 29 para representar um ponto em uma grade 2D, implemente uma função que indique se um ponto p está localizado dentro ou fora de um círculo. O círculo é definido por seu centro c e seu raio r. A função deve retornar 1 caso o ponto esteja localizado dentro ou na borda do círculo e 0 (zero) caso contrário. Essa função deve obedecer o protótipo:

int dentroCirc (const Ponto *c, int raio, const Ponto *p);

31. Faça uma função denominada PontoEmEsfera que verifica se um ponto P especificado por suas coordenadas Cartesianas P = (x, y, z) está dentro está dentro, na superfície ou fora de uma esfera de raio r e centro em $C = (x_c, y_c, z_c)$.

Faça um programa chamado de verifica_esferas.cpp que lê, de um arquivo texto, uma seqüência de definições de ponto e esfera (um conjunto por linha) e imprime a classificação do ponto (dentro, superfície ou fora) na saída padrão e em um arquivo denominado saida_esferas.txt. Segue abaixo um exemplo de formato de arquivo.

```
1.5 2.5 1.0 3.0 3.0 3.0 4.0 ... x y z xc yc zc r
```

A fórmula da distância Euclidiana entre dois pontos P_1 e P_2 é:

$$d(\overline{P_1P_2}) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}.$$

A equação Cartesiana da esfera com centro (x_c, y_c, z_c) e raio r é dada por:

$$(x - x_c)^2 + (y - y_c)^2 + (z - z_c)^2 = r^2.$$

Observação: Pense como seria a solução do mesmo problema considerando uma caixa ao invés de uma esfera. Neste caso a caixa teria seus planos paralelos aos planos Cartesianos, mas seus comprimentos (altura, largura, profundidade) poderiam ser de tamanhos distintos. Um caixa pode ser especificada por apenas 2 vértices em faces opostas de forma a constituirem uma diagonal principal da caixa: canto inferior esquerdo na face da frente e canto superior direito na face de trás.

32. Considerando a estrutura (com typedef)

```
struct _Vetor {
  float x;
  float y;
  float z;
} Vetor;
```

para representar um vetor no ponto no \mathbb{R}^3 , implemente uma função que calcule a soma de dois vetores. Essa função deve obedecer o protótipo:

```
void soma ( const Vetor *v1, const Vetor *v2, Vetor **res );
```

onde v1 e v2 são ponteiros para os vetores a serem somados pela função, e o parâmetro res é um ponteiro para um ponteiro para uma estrutura vetor onde o resultado da operação deve ser armazenado. Para tanto é necessário alocar dinamicamente a estrutura para receber o resultado da soma.

Além da função mencionada acima, implemente uma outra versão da soma que deve seguir o protótipo:

Universidade Federal do Rio Grande do Norte Instituto Metrópole Digital

IMD0030 — Linguagem de Programação 1 — Turma 01

Vetor soma2 (const Vetor *v1, const Vetor *v2);

onde v1 e v2 são ponteiros para os vetores a serem somados pela função, e a função retorna uma estrutura do tipo Vetor que foi alocada dinamicamente pela função e contém o resultado da soma.

33. Considerando a estrutura da questão 32 para representar um vetor no \mathbb{R}^3 , implemente uma função que calcule a subtração de dois vetores. Essa função deve obedecer o protótipo:

```
void sub ( const Vetor *v1, const Vetor *v2, Vetor **res );
```

onde v1 e v2 são ponteiros para os vetores a serem subtraídos pela função, e o parâmetro res deve ser alocado dinamicamente dentro da função e receber o resultado da operação de subtração (v1 - v2).

34. Considerando a estrutura da questão 32 para representar um vetor no \mathbb{R}^3 , implemente uma função que calcule o produto escalar de dois vetores. Essa função deve obedecer o protótipo:

float dot (const Vetor *v1, const Vetor *v2);

onde v1 e v2 são ponteiros para os vetores a serem multiplicados, e o resultado da operação $v1\cdot v2$ deve ser retornado.

O produto escalar entre dois vetores
$$\vec{X} = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$$
 e $\vec{Y} = \{y_1, y_2, \dots, y_n\}$ é $\vec{X} \cdot \vec{Y} = \sum_{i=1}^n x_i y_i = x_1 y_1 + \dots + x_n y_n$.

- 35. Aritmética sobre os números naturais.
 - (i) Defina um módulo que implementa recursivamente o cálculo da multiplicação MultSoma(m,n) de dois números não-negativos m e n em termos de adições sucessivas.

Dica: faça uso da equação de recorrência

$$\operatorname{MultSoma}(m,n) = \left\{ \begin{array}{l} 0, \text{ se } n=0 \\ \operatorname{MultSoma}(m,n-1) + m, \text{ em caso contrário} \end{array} \right.$$

- (ii) Defina um módulo que implementa recursivamente o cálculo da exponencial ExpoMult(m,n) de dois números não-negativos m e n em termos de multiplicações sucessivas. Qual é, neste caso, a equação de recorrência adequada para esta tarefa?
- (iii) Faça uso dos dois módulos anteriores para definir o módulo ExpoSoma, que implementa o cálculo da exponencial de dois números não-negativos em termos de adições sucessivas.
- (iv) Supondo a existência de um módulo que calcula a função Sucessor, que recebe um número natural e devolve o número que o segue segundo a ordem usual dos naturais, utilize tal módulo para implementar a função binária Soma sobre pares de naturais.
- 36. Cálculo recursivo do Máximo Divisor Comum (MDC).

(i) Dados dois números inteiros não nulos m e n, calcule seu MDC através da implementação da seguinte equação de recorrência:

$$\mathrm{MDC}(m,n) = \left\{ \begin{array}{l} \mathrm{MDC}(m,m-n), \ \mathrm{se} \ m > n \\ \mathrm{MDC}(n-m,m), \ \mathrm{se} \ m < n \\ m, \ \mathrm{em} \ \mathrm{caso} \ \mathrm{contrário} \end{array} \right.$$

(Este procedimento é estendido e otimizado no algoritmo abaixo.)

(ii) Algoritmo de Euclides (cerca de 300 A.C.). Dados dois números naturais nãonulos m e n, tais que $0 \le n < m$, calcule seu MDC através da implementação da seguinte equação de recorrência:

$$\mathrm{MDC}(m,n) = \left\{ \begin{array}{l} m, \text{ se } n=0 \\ \mathrm{MDC}(n,m \text{ } \mathbf{resto} \text{ } n), \text{ em caso contrário} \end{array} \right.$$

- (iii) Dois números naturais positivos são ditos co-primos ou primos entre si caso eles não possuam fatores comuns para além da unidade. Use o módulo determinado por algum dos algoritmos acima para determinar se dois números a e b são primos entre si. Compare o número de chamadas recursivas efetuadas caso seja utilizado o módulo (i) com o número de chamadas geradas pelo módulo (ii).
- 37. Implemente cada um dos seguintes algoritmos de forma *imperativa* e de forma *recursiva*:
 - (i) Defina o módulo MembroQ que recebe um número N e um vetor V de números e devolve verdadeiro se N pertence a V e falso caso contrário.
 - (ii) Defina o módulo Ocorrencias que recebe um número N e um vetor V e conta quantas vezes N ocorre em V.
 - (iii) Defina um módulo que recebe um vetor V e um número N e devolve uma tripla [A,B,C] tal que A é o número de elementos de V maiores que N, B é o número de elementos de V iguais a N, e C é o número de elementos menores que N.
 - (iv) Defina um módulo Prefixo que recebe como argumento dois vetores U e V e devolve <u>verdadeiro</u> se U é prefixo de V e <u>falso</u> caso contrário.
 - (v) Defina uma sub-rotina ProdEscalar que recebe como argumento um vetor V e um escalar X e calcula o produto escalar de V por X, alterando diretamente o vetor V.

Dica. Acrescente a cada módulo alguns parâmetros de entrada convenientes para a realização da tarefa correspondente, tais como dim para a dimensão do vetor e pos para a posição do elemento em foco numa determinada execução do módulo em questão.

38. Estudo de uma função.

Sejam $X = [x_1, \ldots, x_n]$ e $Y = [y_1, \ldots, y_n]$ dois vetores tais que $f(x_i) = y_i$, para alguma função f. Assuma que o vetor X está ordenado.

- (i) Defina a função Máximo que calcula o máximo da função f.
- (ii) Defina a função Monotonia que devolve 1 se a função f é crescente, -1 se a função f é decrescente, e 0 caso contrário.

13

(ii) Defina a função TVM que calcula a Taxa de Variação Média de f em cada intervalo. Esta função deverá devolver um vetor de comprimento n-1 em que na i-ésima posição do vetor ocorre a TVM de f no intervalo $[x_i, x_{i+1}]$.

Observações

Alocações dinâmicas de memória devem ser realizadas com os operadores new e delete do C++. Além disso todas as entradas e saídas de dados devem ser feitas através de cout e cin. Para compilar os programas utilize o compilador g++ com a seguinte sintaxe:

Segue abaixo um programa bem simples em C++ para servir de ponto de partida. Note que este programa exemplifica o uso de alocação dinâmica da forma correta (i.e. testando se a alocação foi bem sucedida ou não, com o uso de exceções).

```
1 // Demonstrating a simple program in C++
2 #include <iostream>
3 using std::cout;
4 using std::cin;
5 using std::cerr;
6 using std::endl;
8 \text{ \#include } < \text{new} >
9 using std::bad_alloc;
10
11 // Para usar a funcao assert()
12 #include <cassert>
14 // Uso correto do new
15 int main()
17
     // Futuro vetor alocado dinamicamente.
18
    int *array;
19
    // Tamanho do vetor a ser alocado
20
    int arrayLength = 10;
21
22
     // A alocacao de memoria deve ser feita dentro da
23
     // estrutura try{} cath{}, capturando a excecao se
24
     // a mesma for gerada.
25
     try {
26
       // Dentro do try vai o comando "perigoso" que pode gerar excecao.
      array = new int [ arrayLength ];
27
28
29
     catch ( const bad_alloc& exception ) {
30
       // Aqui dentro vai a acao a ser tomada.
31
       cerr << "\n[main()]:Erro durante alocacao de array[]!\n";</pre>
32
       // Aborta o programa, usado apenas em testes.
33
       assert ( false );
34
35
36
     // Apagando o vetor recem alocado da forma correta.
37
     delete [] array;
38
39
     // Saida normal.
40
    return EXIT_SUCCESS;
41 }
```