CONJUNTO DE EJERCICIOS 1

Resuelva los siguientes ejercicios, tome en cuenta que debe mostrar el desarrollo completo del ejercicio.

1. Calcule los errores absoluto y relativo en las aproximaciones de p por p^* .

a.
$$p = \pi, p^* = \frac{22}{7}$$

b.
$$p = \pi, p^* = 3.1416$$

c.
$$p = e, p^* = 2.718$$

d.
$$p = \sqrt{2}, p^* = 1.414$$

2. Calcule los errores absoluto y relativo en las aproximaciones de p por p^* . a. $p=e^{10}, p^*=22000$ b. $p=10^\pi, p^*=1400$

$$a n = e^{10} n^* = 22000$$

b.
$$p = 10^{\pi}$$
, $p^* = 1400$

c.
$$p = 8!, p^* = 39900$$

d.
$$p = 9!, p^* = \sqrt{18\pi} (9/e)^9$$

3. Encuentre el intervalo más largo en el que se debe encontrar p^* para aproximarse a p con error relativo máximo de 10^{-4} para cada valor de p

4. Use la aritmética de redondeo de tres dígitos para realizar lo siguiente. Calcule los errores absoluto y relativo con el valor exacto determinado para por lo menos cinco dígitos.

a.
$$\frac{\frac{13}{14} \cdot \frac{5}{7}}{2e - 5.4}$$

b.
$$-10\pi + 6e - \frac{3}{61}$$

d. $\frac{\sqrt{13} + \sqrt{11}}{\sqrt{13} - \sqrt{11}}$

c.
$$\left(\frac{2}{9}\right) \cdot \left(\frac{9}{11}\right)$$

d.
$$\frac{\sqrt{13} + \sqrt{11}}{\sqrt{13} - \sqrt{11}}$$

5. Los primeros tres términos diferentes a cero de la serie de Maclaurin para la función arcotangente son: $x - (1/3)x^3 + (1/5)x^5$. Calcule los errores absoluto y relativo en las siguientes aproximaciones de π mediante el polinomio en lugar del arcotangente:

a.
$$4\left[\arctan\left(\frac{1}{2}\right) + \arctan\left(\frac{1}{3}\right)\right]$$

b. 16
$$\arctan\left(\frac{1}{5}\right) - 4 \arctan\left(\frac{1}{239}\right)$$

6. El número e se puede definir por medio de $e = \sum_{n=0}^{\infty} (1/n!)$, donde $n! = n(n-1) \cdots 2 \cdot 1$ para $n \neq 0$ y 0! = 1. Calcule los errores absoluto y relativo en la siguiente aproximación de e:

a.
$$\sum_{n=0}^{5} {1 \choose n!}$$

b.
$$\sum_{n=0}^{10} {1 \choose n!}$$

7. Suponga que dos puntos (x_0, y_0) y (x_1, y_1) se encuentran en línea recta con $y_1 \neq y_0$. Existen dos fórmulas para encontrar la intersección x de la línea:

$$x = \frac{x_0 y_1 - x_1 y_0}{y_1 - y_0} \quad \text{y} \quad x = x_0 - \frac{(x_1 - x_0) y_0}{y_1 - y_0}$$

a. Use los datos $(x_0, y_0) = (1.31, 3.24)$ y $(x_1, y_1) = (1.93, 5.76)$ y la aritmética de redondeo de tres dígitos para calcular la intersección con x de ambas maneras. ¿Cuál método es mejor y por qué?