# 迷宫问题

作者: 柳絮源

日期: 2025.04.10

本项目旨在探索和实现不同的图搜索算法,以解决带有特殊元素(如传送门、沼泽、加速器)的迷宫问题。我们实现了以下四种经典的寻路算法:

- 1. **深度优先搜索 (DFS)** (对应 maze\_dfs\_enhanced.py )
- 2. 广度优先搜索 (BFS) (对应 maze\_bfs\_enhanced.py )
- 3. Dijkstra 算法 (对应 maze\_dijkstra\_enhanced.py )
- 4. A\* 算法 (对应 maze\_astar\_enhanced.py )

所有算法实现均考虑了增强的迷宫环境,并支持八个方向的移动(上、下、左、右及四个对角线方向)。为了更直观地理解算法的工作原理,我们利用 matplotlib 库对搜索过程和最终找到的路径进行了动态可视化展示。

# 新迷宫元素

- 0: **空地**: 基础移动代价(直行 1, 斜行  $\sqrt{2}$ )。
- 1: 墙壁: 不可通行。
- 2: 沼泽: 可通行,移动代价是相应空地的 2 倍。
- 3: 加速器: 可通行,移动代价是相应空地的 0.5 倍。
- 4, 5, ...: 传送门: 成对出现,进入一个传送门会零代价瞬间移动到同 ID 的另一个传送门位置。

# 算法思路

- 1. 深度优先搜索 (DFS maze\_dfs\_enhanced.py)
  - **核心思想**: DFS 采用"一路走到黑"的策略,沿着一条路径深入探索,直到遇到死路或找到终点才回溯。它不保证找到步数或代价最优的路径,但能找到一条从起点到终点的可行路径(如果存在)。
  - 实现细节:
    - 。 通常使用栈(代码中采用递归或显式栈的迭代方式)来管理待访问节点。
    - 。 使用 visited 集合防止在单次搜索路径中重复访问同一节点,避免无限循环。
    - 。 parent 字典记录路径来源,用于找到路径后回溯。
    - 。 探索邻居时检查 8 个方向。

- 。 **传送门处理**: 当访问到一个传送门节点时,如果其配对的传送门目标尚未被访问,则将其加入 待探索列表(栈顶),并将当前传送门设为其父节点。传送本身代价为 0(体现在路径总代价计 算中)。
- 。 **代价计算**: DFS 本身不直接使用代价来指导搜索,但找到路径后,会根据路径经过的单元格类型(空地、沼泽、加速器)和移动方向(直/斜)计算总代价。

### • 可视化:

- 。 蓝色点 (visited\_scatter) 按 DFS 探索和回溯的顺序动态展示访问过的节点。
- 。 红色路径 (path line) 在找到解后,展示最终的回溯路径。

# 2. 广度优先搜索 (BFS - maze\_bfs\_enhanced.py)

• **核心思想**: BFS 从起点开始,按层级、逐圈向外扩展搜索。它使用队列来管理待访问节点,保证了最先访问距离起点**步数**最近的节点。因此,BFS 找到的路径一定是**步数最少**的路径。但在有不同代价的迷宫中,步数最少不一定意味着总代价最低。

### • 实现细节:

- 。 使用 deque 作为先进先出 (FIFO) 队列。
- 。 visited 集合记录已加入队列或已处理的节点,防止重复。
- o parent 字典用于路径回溯。
- 。 探索邻居时检查 8 个方向。
- 。 **传送门处理**: 当从队列中取出一个传送门节点时,检查其配对目标。如果目标未被访问过,则将其加入 visited 集合,设置父节点,并加入队列。传送本身不计步数(在路径回溯时不体现为一步),代价为 0。
- 。 代价计算: BFS 自身不考虑代价, 寻路基于步数。找到路径后, 同样可以计算其总代价。

#### • 可视化:

- 。 蓝色点 (visited\_scatter) 按 BFS 的层级访问顺序动态展示已探索的节点。
- 。 红色路径 (path line) 在搜索结束后,展示回溯得到的最短步数路径。

### 3. Dijkstra 算法 (maze\_dijkstra\_enhanced.py)

• **核心思想**: Dijkstra 算法旨在寻找图中从单一源点到所有其他可达点的**最低累计代价**路径。它使用优 先队列(最小堆)来管理待访问节点,每次总是选择当前已知距离起点代价最小的节点进行扩展。

#### • 实现细节:

- 。 使用 heapq (最小堆) 作为优先队列,存储 (当前累计代价,节点)。
- o dist (或 g\_score)字典存储从起点到各节点的当前已知最低代价。
- o parent 字典用于路径回溯。
- o processed 集合记录已确定最低代价的节点(从优先队列中取出并处理过的)。
- 。 探索邻居 (8 方向): 计算到达邻居的**新代价** = 当前节点代价 + 移动到邻居的单步代价。单步代价根据目标单元格类型(沼泽\*2, 加速器\*0.5)和移动方向(直行 1, 斜行  $\sqrt{2}$ )计算。

- 。 **代价更新**: 如果新代价低于邻居当前的已知最低代价,则更新 dist ,记录 parent ,并将 (新代价,邻居节点) 加入优先队列。
- 。 **传送门处理**: 当处理一个传送门节点时,计算到达其配对目标的代价 (当前代价 + 0)。如果这个代价更低,则更新目标的 dist 和 parent ,并将 (新代价,目标节点) 加入优先队列。

### • 可视化:

- 。 蓝色点 ( visited\_scatter ) 按 Dijkstra 算法处理节点(即确定其最低代价)的顺序动态展示。 这通常是代价大致递增的顺序。
- 。 红色路径 (path line) 在搜索结束后,展示回溯得到的全局最低代价路径。

### 4. A\* 算法 (maze\_astar\_enhanced.py)

• **核心思想**: A\* 算法是 Dijkstra 算法的一种优化,属于启发式搜索。它在选择下一个要探索的节点时,不仅考虑从起点到该节点的实际代价 g(n) (同 Dijkstra),还考虑一个**启发式函数** h(n) 估算的从该节点到终点的代价。A\* 优先探索 f(n) = g(n) + h(n) 值最低的节点,这使得搜索更具方向性,通常能更快地找到最优路径。

### • 实现细节:

- 。 使用 heapq 作为优先队列,存储 (f\_score, 节点) 或 (f\_score, g\_score, 节点)。
- 。 g\_score 存储实际代价, parent 用于回溯, processed 记录已处理节点。
- 。 探索邻居 (8 方向): 计算实际代价 new g 到达邻居 (同 Dijkstra)。
- 。 **启发式函数**: 使用**对角距离(Chebyshev距离)** h(n) = max(abs(dx), abs(dy)) 作为启发式,它适用于 8 方向移动且是"可接受的"(admissible,即不高于实际最低代价),保证 A\* 找到最优解。
- 。 **代价与入队:** 计算 f\_new = new\_g + h(邻居节点)。 如果 new\_g 比邻居已知的 g\_score 更低,则更新 g\_score ,记录 parent ,并将 (f\_new,邻居节点) 加入优先队列。
- 。 **传送门处理:** 当处理一个传送门节点时,计算到达其配对目标的 new\_g (当前 g\_score + 0)。 如果更低,更新目标的 g\_score 和 parent ,计算目标的 f\_new = new\_g + h(目标节点) ,并将 (f\_new, 目标节点) 加入优先队列。

### • 可视化:

- 。 蓝色点 ( visited\_scatter ) 按 A\* 算法处理节点的顺序动态展示。由于启发式的引导,探索范围通常比 Dijkstra 更聚焦于目标方向。
- 。 红色路径(path\_line)在搜索结束后,展示回溯得到的最优(最低代价)路径。