

### Contribuições da Análise Fatorial Confirmatória Multigrupo (AFCMG) na avaliação de invariância de instrumentos psicométricos

Bruno Figueiredo Damásio – Universidade Federal do Rio Grande do Sul, Porto Alegre, Brasil

#### Resumo

A Análise Fatorial Confirmatória Multigrupo (AFCMG) é uma técnica da modelagem de equações estruturais que avalia em que medida a configuração e os parâmetros de determinado instrumento psicométrico são invariantes (equivalentes) para diferentes grupos. Tal técnica tem se apresentado como um importante recurso no desenvolvimento, no uso, na avaliação e no refinamento de instrumentos psicométricos. Entretanto, no Brasil há enorme escassez de publicações sobre o tema. Assim, o presente estudo discute a AFCMG, apresentando suas potencialidades. Ao longo do artigo três grandes tópicos são abordados: os diferentes modelos a serem testados, a invariância completa *versus* a invariância parcial, e os métodos de avaliação de invariância dos modelos. Espera-se que esta leitura auxilie pesquisadores na compreensão, na interpretação e no uso da AFCMG.

Palavras-chave: Análise Fatorial Confirmatória Multigrupo, Invariância de medida, Equivalência de medida, Psicometria, Modelagem de equações estruturais.

Contributions of the Multigroup Confirmatory Factor Analysis in the invariance evaluation of psychometric tests



- Técnica de Modelagem de Equações Estruturais que tem por objetivo avaliar se os parâmetros psicométricos de determinado instrumento são invariantes (ou equivalentes) para diferentes grupos;
- ✓ Avaliar diferentes grupos em uma pesquisa transversal (e.g., gênero; idade; etc.);
- ✓ Pesquisas transculturais (e.g., comparação das propriedades psicométricas de um instrumento em uma amostra de russos e brasileiros);
- ✓ Estudos longitudinais (avaliar a invariância de medida através do tempo).



> Porque uma AFCMG e não outras técnicas exploratórias e confirmatórias simples?



- Exemplo Básico: Análise Fatorial Exploratória
- ✓ Avaliar as propriedades psicométricas da Escala de Resiliência (Resilience Scales, RS-13).
  - ✓ Participantes: 1160 respondentes (62,9% mulheres).



#### Análise Fatorial Exploratória para homens e mulheres

Eigenvalues (Masculino)			
Fator	Total	Variance (%)	Cumulative %
1	5,106	39,281	39,281
2	0,954	7,340	46, 621
3	0,914	6,697	53,654
4	0,891	6,401	60,511
13	0,416	2,938	100,00

Eigenvalues (Feminino)			
Fator	Total	Variance (%)	Cumulative %
1	4,141	31,851	31,851
2	1,518	7,832	39,683
3	0,979	7,527	47,210
4	0,920	7,080	54,290
13	0,457	3,515	100,00



Masculino		
Itens	Cargas Fatoriais	
01.	,469	
02.	,663	
04.	,656	
05.	,531	
06.	,688	
<b>07</b> .	,470	
08.	,498	
09.	,655	
10.	,540	
11.	,554	
12.	,576	
13.	,619	
14.	,642	

Var. Explicada = 39,28% Fidedignidade = 0,82



OU



	Feminino
Itens	Cargas Fatoriais
01.	,544
02.	,551
04.	,497
05.	,481
06.	,591
07.	,437
08.	,497
09.	,601
10.	,382
11.	,490
12.	,476
13.	,544
14.	,531

**E**ominino

Var. Explicada = 31,85% Fidedignidade = 0,86



• Análise Fatorial Confirmatória (RS-13) para homens e mulheres

Modelo	Índices de Adequação de Ajuste				
	$\chi^2/\mathrm{df}$	SRMR	RMSEA [90% IC]	TLI	CFI
Total	4,813	0,038	0,058 [.052064]	0,911	0,926
Homens	2,373	0,041	0,057 [.045069]	0,931	0,942
Mulheres	2,852	0,045	0,065 [.057073]	0,923	0,929





- Questões que uma AFCMG responde:
- A estrutura fatorial de determinado instrumento é igual entre os grupos (mesmos itens avaliando o mesmo construto)?
- Os itens que compõem determinado fator apresentam a mesma importância (mesma carga fatorial) nos diferentes subgrupos ou apresenta diferenças que impossibilitam a comparação das diferentes populações?
- O instrumento apresenta itens que s\(\tilde{a}\)o enviesados para um subgrupo em particular?



- Exemplo depressão
  - Choro frequente



- Lógica por trás da AFCMG
- Avalia, simultaneamente em diversos grupos, os parâmetros estruturais de um instrumento;
- É ordenada através de passos hierárquicos;
- Cada modelo é mais restritivo que o outro.

Modelo 1: Equivalência Estrutural

Modelo 2: Equivalência Métrica

Modelo 3: Equivalência de Interceptos (ou thresholds)

Modelo 4: Equivalência de resíduos

Modelo 5: Equivalência da variância fatorial

Modelo 6: Equivalência da covariância

Modelo 7: Igualdade de médias

Necessários para comparação de grupos



#### Modelo 1 (Equivalência Estrutural)

- ✓ Unconstrained Model;
- ✓ Equal Form
- √ Equal number of Factors;
- √ Configural Invariance;
- ✓ Configural Equivalence;

Nenhuma imposição de equivalência de parâmetros é estabelecida

Avalia a plausibilidade da estrutura fatorial para vários grupos simultaneamente;



#### Modelo 2 (Equivalência Métrica)

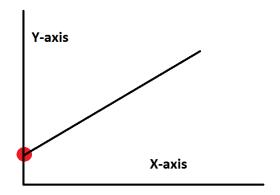
- √ Equal Factors Loadings;
- ✓ Metric Equivalence;
- ✓ Metric Invariance;
- √Os pesos de regressão dos itens são estipulados para serem iguais entre os grupos;
- ✓ Avalia se os itens possuem a mesma importância para os diferentes grupos;
- ✓ Avalia possíveis vieses de itens;

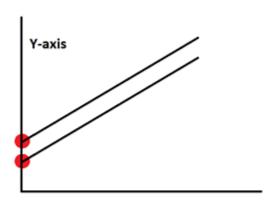


#### Modelo 3 (Equivalência Escalar)

- ✓ Equal Intercepts;
- ✓ Scalar Invariance;

✓A constante (ponto de partida) dos sujeitos é equivalente?







$$y = a + \beta x$$

 $\alpha$  se refere a uma constante, denominada intercepto que é o valor de y quando x=0.

B é a carga fatorial do item x se refere à resposta do sujeito dada ao item;

Para se testar se as médias dos diferentes grupos são equivalentes ( $\mu$ y1 =  $\mu$ y2 = ... =  $\mu$ y3) é preciso garantir,  $\alpha$  (intercepto) e  $\beta$  (cargas fatoriais) sejam equivalentes, variando apenas a resposta do sujeito ao item (x).



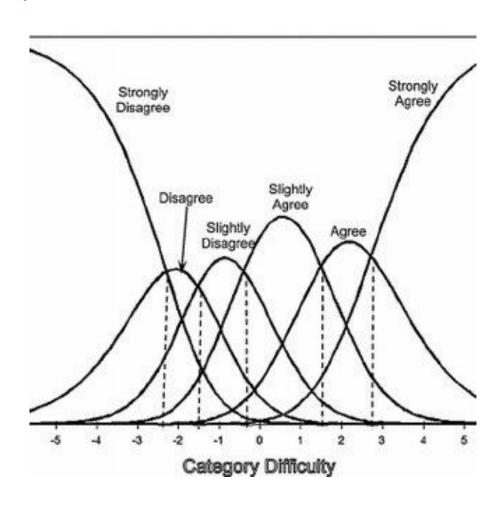
Quando a nossa variável é categórica, a interpretação muda um pouco

Modelo 3 (Equivalência de Thresholds)

- ✓ Equal thresholds;
- ✓ Scalar Invariance;

✓ O nível de traço latente necessário para endossar as categorias do instrumento é o mesmo?





- Os thresholds são:
  - Nível de theta necessário para ter 50% de chance de endossar ambas as categorias



#### Nomenclaturas

Modelo	Imposição
M1. Configural	-
M2. Weak	Cargas fatoriais (metric)
M3. Strong	Cargas fatoriais + interceptos (metric + scalar)
M4. Strict	Cargas fatoriais + interceptos + resíduos (metric + scalar + residual)
M5. Strict	Cargas fatoriais + interceptos + resíduos (metric + scalar + residual + factor variance / covariance)



- √ Modelos são estipulados de maneira hierárquica;
- √Só se passa para um modelo seguinte, se o modelo prévio esteve OK

#### Como Avaliar:

Modelo 1 - Observar se os índices de ajuste estão adequados;

Modelo 2 - Comparar os índices de Ajuste do Modelo 2, com o Modelo 1;

Modelo 3 - Comparar os índices de Ajuste do Modelo 3, com o Modelo 2

(Vandemberg & Lance, 2000)

Ou

Comparar todos os modelos com o modelo 1;



#### Atenção:

Para a AFCMG, apenas alguns índices são plausíveis de comparação:

- Δχ2 (gl); ΔCFI; ΔGamma-Hat; McDonald Non-Centrality Fit Index (ΔMcDonald's NCI);
  ΔRMSEA\*
- $\Delta \chi 2$  (gl) = p > 0,05
- ΔCFI < 0,01 (Cheung & Rensvold) < 0,002 (Meady et al., 2008);</li>
- ΔGamma-Hat < 0,001</li>
- AMcDonald's NCI < 0,02</li>

(Cheung & Rensvold, 2002; Meady, Johnson, & Braddy, 2008)

ΔRMSEA < 0,005; ΔSRMR < 0,025 / 0,030

