

# Projeto em Grafos

## DESCRIÇÃO DO PROJETO

### Entrada/Saída

#### Formato de entrada para a realização dos testes.

Entrada textual no seguinte formato: qtde de vértices e arestas, informações de cada vértice, determinação se grafo é orientado (S) ou não (N), enumeração das arestas, separadas por linhas.

Segue *template* abaixo:

|V|, |E| <newline>

string1 <newline>

string2 <newline>

...

stringn <newline>

S ou N <newline>

int1, int2 <newline>

int3, int4 <newline>

...

Exemplo: suponha o K3.

3,3

a

b

c

N

1,2

2,3

3,1

**Saída: o programador tem liberdade para a escolha do formato de saída.**

### Classe GRAFO

#### Métodos Públicos

Construtor();

Destrutor();

Display();

Display\_Ordem();

Busca\_Profundidade();

Busca\_Largura();

Componentes\_Conexas();

Encontre\_Ciclo();

Coloração\_Mínima();

Arvore\_Geradora\_Min();

Caminho\_Minimo (vértice);

**Fim Classe**

## Métodos Públicos

### Construtor ()

(leitura do qtd de vértices e arestas do grafo)  
(fornecimento das informações de cada vértice)  
(inicializa todos os campos dos vértices);;  
% Pedir para usuário determinar se grafo é orientado (S) ou não (N)  
% Leitura das arestas e geração da adjacência entre os vértices

### Display ()

(Exibição do grafo na tela do computador na forma : (v,w) (y,z), ...

### Display-Ordem ()

(Exibição da ordem de visita de cada vértice, obtida a partir da realização de um algoritmo (busca, ordenação topológica, etc.)

### Display-Caminho (u0)

(Exibição dos caminhos realizados no grafo do vértice u0 até todos os demais vértices do grafo).

### Busca\_Profundidade () % Para Grafos e Dígrafos

### Busca\_Largura () % grafos quaisquer

### Componentes\_Conexas () % Para grafos não orientados

(Utilizar o método de **Busca\_Profundidade ()** para achar o número de componentes conexas do grafo)

### int Distância (v)

(Determina distância de v a todos os demais vértices do grafo)

% Uso de Busca em Largura.

### int Diâmetro (w)

(Determina diâmetro do grafo)

% Uso de Distância(v) para todo vértice do Grafo.

### Boolean Gafro\_Acíclico () % Determina se grafo é acíclico ou não

% Iniciar uma busca em profundidade a partir de vértice x arbitrário.

### Coloração\_Mínima ()

(Algoritmo aproximado de coloração

*Heurística: os vértices de maior grau têm prioridade na coloração )*

1. Ordena vértices de acordo com o seu grau e coloca vértices numa estrutura.

2. Para k = 1 até n faça

f(k) = 0; (f(k) = v indica que vértice v é adjacente a algum outro de cor k.)

3. Para v = 1 até n faça

v.cor = 0;

4. Para v = 1 até n faça (retira vértice da estrutura por ordem não-crescente de graus)

Para todo vértice w adjacente a v faça

Se (w.cor é diferente de zero) então

f(w.cor) = v;

FimPara

c = 1;

Enquanto v.cor = 0 faça

Se f(c) é diferente de v) então

v.cor = c;

Senão

```
c = c + 1;  
FimEnquanto
```

### **Arvore\_Geradora\_Min ()**

*(Solução baseada no algoritmo de Kruskall)*

1. Ordenar arestas do grafo G de acordo com o seu peso.
2. Enquanto qtde de arestas de T (árvore geradora)  $\leq |V| - 1$  faça
  - 2.1 Escolha aresta  $e_k = (v_i, v_j)$  de G, tal que:
    - i)  $e_k.peso()$  é tão pequeno quanto possível
    - ii) T  $[e_1, e_2, \dots, e_{k-1}, e_k]$  é acíclico. T é a árvore geradora sendo formada, que contém as arestas  $e_1, \dots, e_k$  do grafo G.
  - Obs.: Para verificar se T +  $e_k$  é acíclico, realizar Busca\_Profundidade entre seus extremos  $(v_i, v_j)$ .
  - 2.2  $G = G - e_k$ ;  $T = T + e_k$

### **Caminho\_Mínimo (u0)**

*(Solução baseada no algoritmo de Dijkstra)*

*(A função também pode ser modificada para exibir caminho mínimo de u0 até v específico: Cam\_Minimo (u0, v))*

*(Inicialização)*

```
label (u0) = 0 ; // u0 é o vértice origem  
Set = {u0}; // Set é o conjunto de vértices em que já foram obtidos caminhos mínimos.  
Cset = V - Set; // CSet = complemento de Set.  
x = u0; // x é o último vértice acrescentado a Set  
/* Procedimento já realizado no construtor  
Para todo vértice v diferente de u0 faça  
v.label = infinito; // infinito corresponde a valor muito grande  
fimpara  
*/
```

*(Caminho Mínimo)*

```
Para i = 0 até n - 1 faça // para todos os vértices  
Para (todo vértice v em Cset e que seja adjacente a x) faça  
v.label = min { v.label; x.label + peso (x,v) }  
fimpara  
// determinar mínimo label dentre todos os vértices de Cset  
x = min { v.label, para todo vértice v em Cset };  
Set = Set + x; // acrescentar o vértice x a Set;  
Cset = Cset - x; // retirar o vértice x de CSet  
Fimpara  
Fim Classe
```

### **Exemplo de Programa Principal**

Início

```
% Um exemplo de programa  
GRAFO G; (instanciação do objeto)  
G.Display(); (exibição total do objeto)  
G.Busca_Profundidade();
```

```
G.Display_Ordem();  
G.Ordem_Topológica();  
G.Display_Ordem();  
G.Cam_Mínimo(1); (efetua cam_mínimo a partir de vértice 1)  
G.Display_Caminho (); (exibição dos caminhos de 1 até demais vértices  
do grafo)  
Fim
```