

Губайдуллин Роман V3116

Сортировка выбором

Для массива $A[N]$ инвариант сортировки выбором такой:

$A[0] \leq A[1] \ \&\&$

$A[1] \leq A[2] \ \&\&$

.....

$A[i-1] \leq A[i]$,

где i — итератор.

Доказательство:

- До входа во внешний цикл сортировки $i = 0$, следовательно инвариант: $A[0] \leq A[0]$ истинен.
- После первого прохода по телу цикла на 0 место встает наименьший элемент массива, а $i = 1$. Инвариант: $A[0] \leq A[1]$, так как $A[0]$ — минимальный элемент из всех.
- Так как после каждого прохода тела цикла на текущее место ставится минимальный элемент из оставшихся (по методу мат. Индукции с базой $i=1$ и шагом 1), то для каждой итерации инвариант будет истинным.
- Когда $i = N$, массив будет полностью отсортирован, значит, что после цикла инвариант так же будет истинным.

Доказано.

Анализ сложности:

for(size_t i = 0; i < arrSize - 1; i++)	C_1	N
size_t iMin = i;	C_2	$N-1$
for(size_t j = i + 1; j < arrSize; j++)	C_3	$\sum_{l=0}^{N-1} T_l$
if(array[j] < array[iMin])	C_4	$\sum_{l=0}^{N-1} (T_l - 1)$
iMin = j;	C_5	$\sum_{l=0}^{N-1} (T_l - 1)$
if(iMin != i)	C_6	$N-1$
swap(array[iMin], array[i]);	C_7	$N-1$

$$T_n = C_1 N + (C_2 + C_6 + C_7)(N-1) + C_3 * \sum_{l=0}^{N-1} T_l + (C_4 + C_5) * \sum_{l=0}^{N-1} (T_l - 1)$$

- Best case ($C_5 = 0, C_7 = 0$):

$$T_n = C_1 N + (C_2 + C_6)(N-1) + C_3 N(N-1)/2 + C_4(N(N-1)/2 - N)$$

Сложность: $O(N^2)$

- Worst case:

$$T_n = C_1 N + (C_2 + C_6 + C_7)(N-1) + C_3 N(N-1)/2 + (C_4 + C_5)(N(N-1)/2 - N)$$

Сложность: $O(N^2)$