

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DELLA BASILICATA





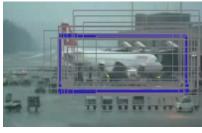


Corso di Visione e Percezione A.A. 2019/2020

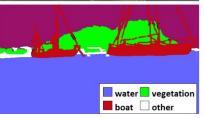
Docente Domenico Daniele Bloisi



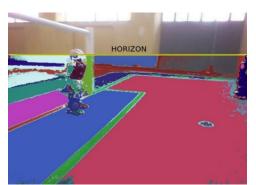
Filtri















Il corso

- Home page del corso <u>http://web.unibas.it/bloisi/corsi/visione-e-percezione.html</u>
- Docente: Domenico Daniele Bloisi
- Periodo: Il semestre marzo 2020 giugno 2020

Martedì 17:00-19:00 (Aula GUGLIELMINI)

Mercoledì 8:30-10:30 (Aula GUGLIELMINI)

Obiettivi del corso

Il corso intende fornire agli studenti conoscenze relative alla programmazione in Python per lo sviluppo di applicazioni basate sul sistema operativo ROS, sulla libreria per la percezione OpenCV e sulla libreria per il Deep Learning Keras



https://www.youtube.com/watch?v=l9KYJILnEbw

Immagine Digitale

- Una immagine digitale è una matrice di pixel
- Il termine pixel deriva da picture element
- Il pixel contiene l'informazione relativa alla rappresentazione della realtà che è stata catturata tramite uno scanner, una macchina fotografica o un frame grabber (per i video)

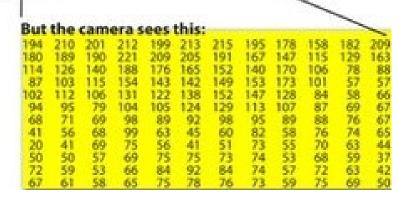
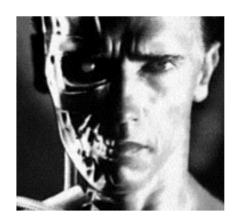


Immagine come funzione

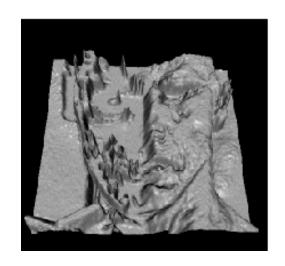
Possiamo pensare ad una immagine come ad una funzione f da R^2 a R

- f(x, y) sarà l'intensità nella posizione (x, y)
- L'immagine sarà definita all'interno di un rettangolo e ogni elemento potrà assumere valori in un range predefinito f:[a,b]x[c,d] → [0,1]

Esempio







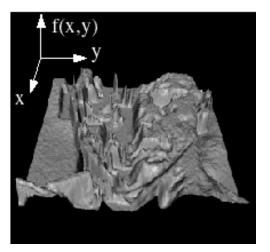


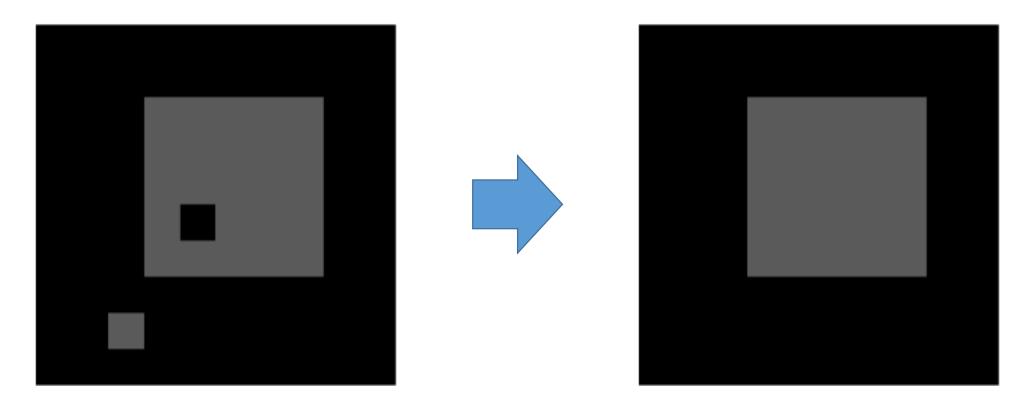
Immagine a colori

Una immagine a colori potrà essere rappresentata come l'unione tra tre funzioni, una per ognuno dei canali denominati red, green, blue

$$f(x,y) = \begin{bmatrix} r(x,y) \\ g(x,y) \\ b(x,y) \end{bmatrix}$$

Image filtering

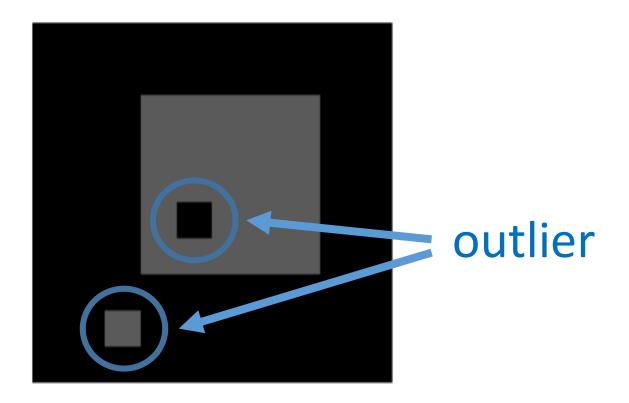
Goal: Vogliamo limitare il rumore presente nell'immagine a sinistra per trasformarla in quella a destra



Outlier

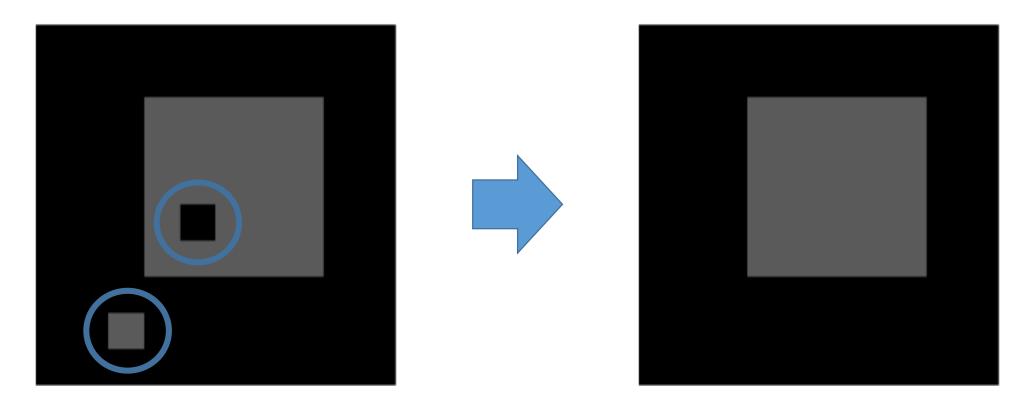
A person, thing, or fact that is very different from other people, things, or facts, so that it cannot be used to draw general conclusions

Source: https://dictionary.cambridge.org/it/dizionario/inglese/outlier



Smoothing

Una possibilità è quella di "smussare" l'immagine per ridurre il contrasto e nascondere gli outlier

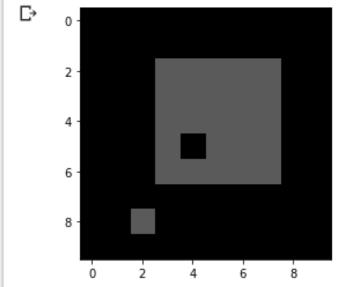


Creiamo l'immagine in Colab

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from PIL import Image

numpy_img = np.ones([10,10,3], dtype=np.uint8)*0
numpy_img[2:7,3:8] = 90
numpy_img[5,4] = 0
numpy_img[8,2] = 90

img = Image.fromarray(numpy_img)
_ = plt.imshow(img)
```



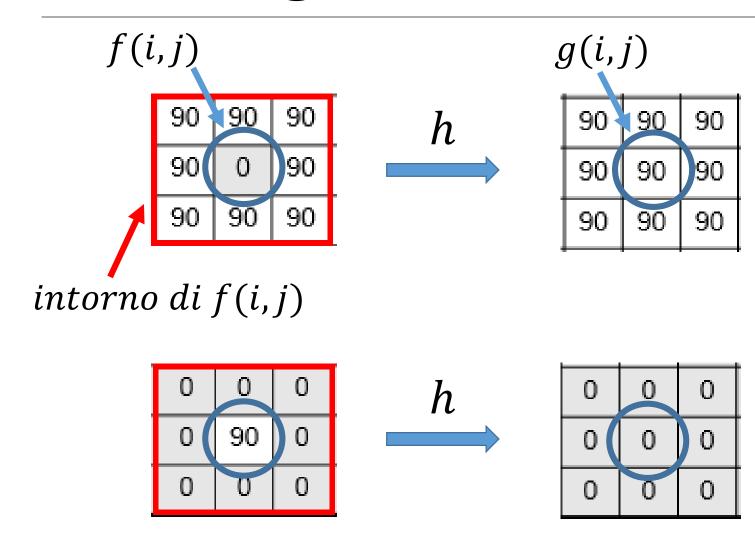
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	90	90	90	90	90	0	0
0	0	0	90	90	90	90	90	0	0
0	0	0	90	90	90	90	90	0	0
0	0	0	90	0	90	90	90	0	0
0	0	0	90	90	90	90	90	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	90	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

Filtering

Per smussare possiamo utilizzare una trasformazione h dell'immagine che modifichi i valori di intensità dei pixel in modo da renderli simili ai valori dei loro "vicini"

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	90	90	90	90	90	0	0
0	0	0	90	90	90	90	90	0	0
0	0	0	90	90	90	90	90	0	0
0	0	0	90	0	90	90	90	0	0
0	0	0	90	90	90	90	90	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	90	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

Filtering



Il pixel f(i,j) verrà modificato attraverso una trasformazione locale h che coinvolgerà un intorno di f(i,j) per produrre il nuovo valore g(i,j)

Linear filtering

L'operazione di trasformare i valori del pixel *p* utilizzando una combinazione lineare pesata dei valori dei pixel in un intorno (piccolo) di *p* prende il nome di linear filtering

Cross-correlation filtering

- Si assuma di avere una finestra di filtraggio di dimensione (2k+1) x (2k+1)
- L'immagine filtrata g sarà

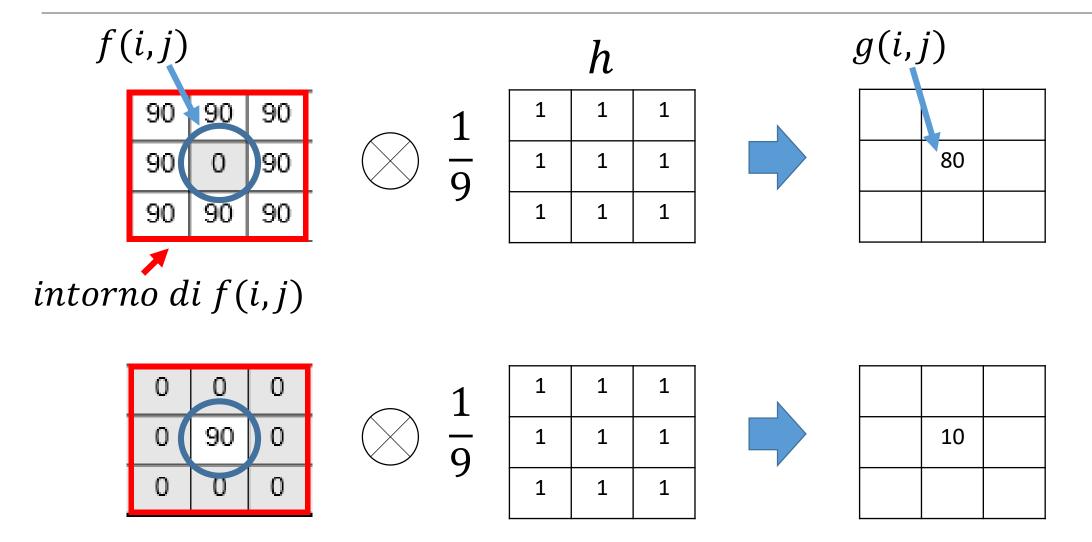
$$g(i,j) = \sum_{u,v=-k}^{k} f(i+u,j+v)h(u,v)$$

 Questa trasformazione è detta (cross-)correlazione e viene denotata con

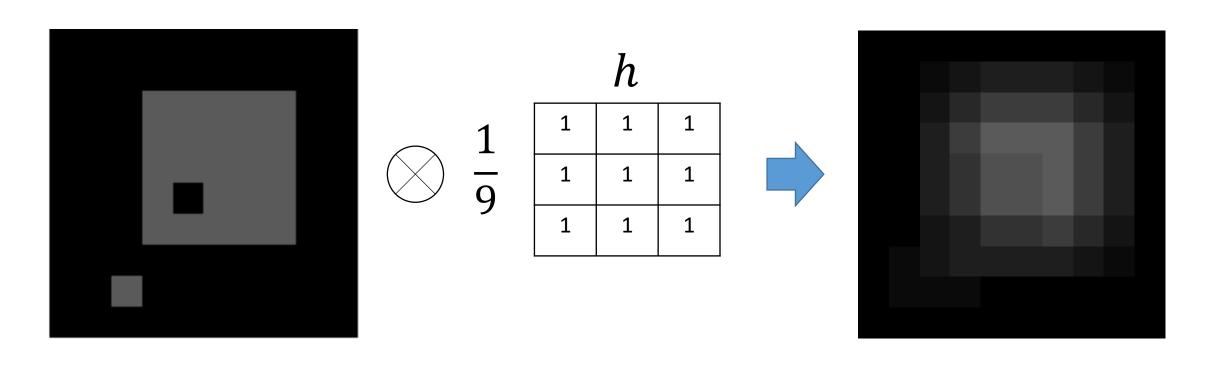
$$g = f \otimes h$$

• h(u, v) prende il nome di kernel o maschera (mask)

Mean kernel



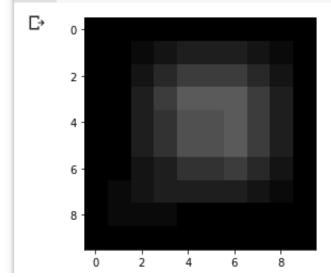
Mean filtering



Esempio mean filtering in Colab



Abbiamo usato indici negative nella formula della correlazione. Nell'implementazione utilizziamo h(u+k,v+k) invece di h(u,v)



Una variante della formula di correlazione è la seguente

$$g(i,j) = \sum_{u,v=-k}^{\kappa} f(i-u,j-v)h(u,v)$$

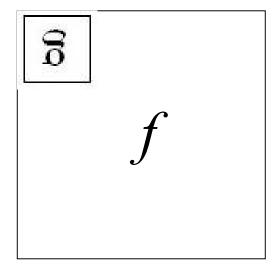
dove il segno degli offset in f è stato invertito.

Questa operazione prende il nome di convoluzione ed è indicata come g = f * h

Equivalentemente, otteniamo una convoluzione se applichiamo la formula

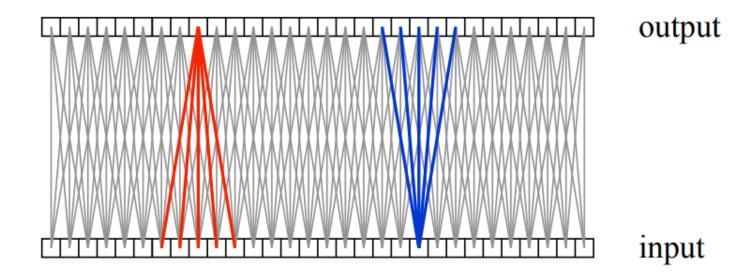
$$g(i,j) = \sum_{u,v=-k}^{k} f(i+u,j+v)h(-u,-v)$$

Che equivale a capovolgere sottosopra da sinistra a destra il kernel



Two pixels are connected by a gray edge if one contributes a value to the other. This is a symmetric view of convolution.

The blue view follows physics for image blur, and the view in red lends itself best to mathematical expression, because it reflects the definition of function.



Source: https://www2.cs.duke.edu/courses/spring19/compsci527/notes/convolution-filtering.pdf

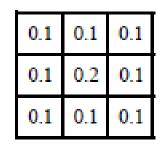
La convoluzione è commutativa e associativa

Inoltre,

$$(((a*b)*c)*d) = a*(b*c*d)$$

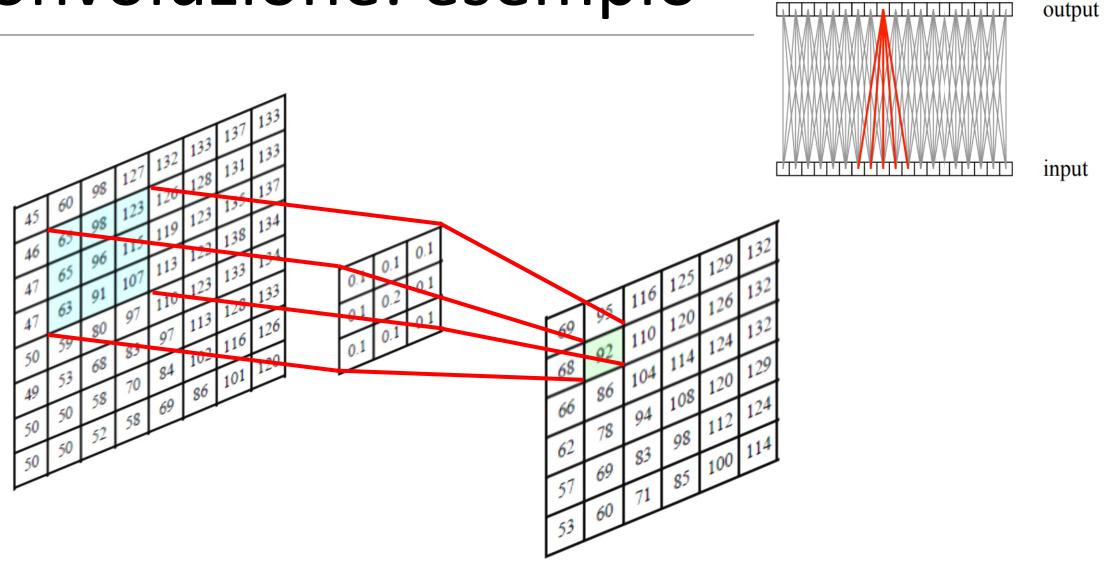
Convoluzione: esempio

45	60	98	127	132	133	137	133
46	65	98	123	126	128	131	133
47	65	96	115	119	123	135	137
47	63	91	107	113	122	138	134
50	59	80	97	110	123	133	134
49	53	68	83	97	113	128	133
50	50	58	70	84	102	116	126
50	50	52	58	69	86	101	120



69	95	116	125	129	132
68	92	110	120	126	132
66	86	104	114	124	132
62	78	94	108	120	129
57	69	83	98	112	124
53	60	71	85	100	114

Convoluzione: esempio





Original

0	0	0
0	1	0
0	0	0

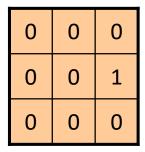
Filtered (no change)

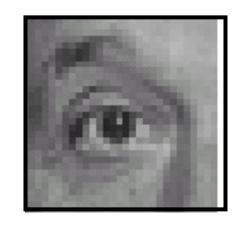


Shift



Original





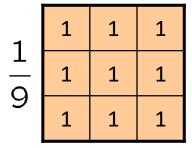
Shifted left by 1 pixel

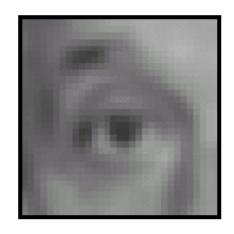
Source: D. Lowe

Blurring



Original



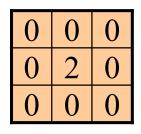


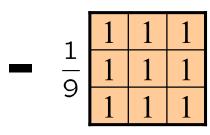
Blur (with a box filter)

Sharpening



Original





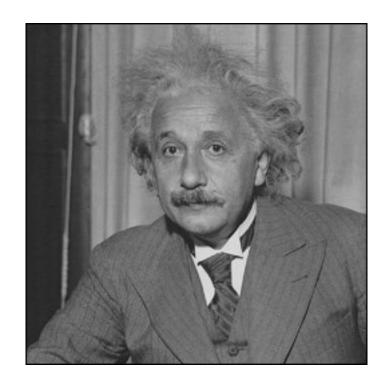


Sharpening filter

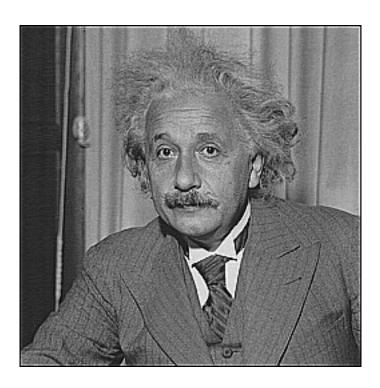
- Accentuates differences with local average
- Also known as Laplacian

Source: D. Lowe

Sharpening







after

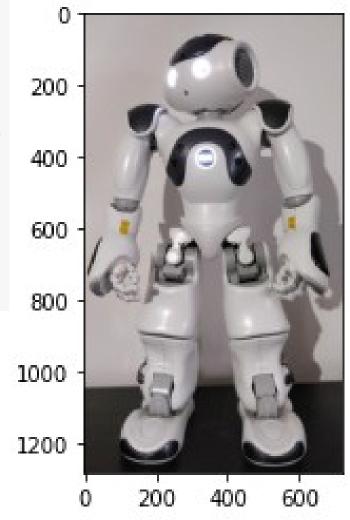
Slide credit: Bill Freeman

How to read an image from url

```
from PIL import Image
import matplotlib.pyplot as plt
import urllib.request

url = "http://web.unibas.it/bloisi/corsi/images/nao-v6-spqr.jpg"

img = Image.open(urllib.request.urlopen(url))
_ = plt.imshow(img)
```

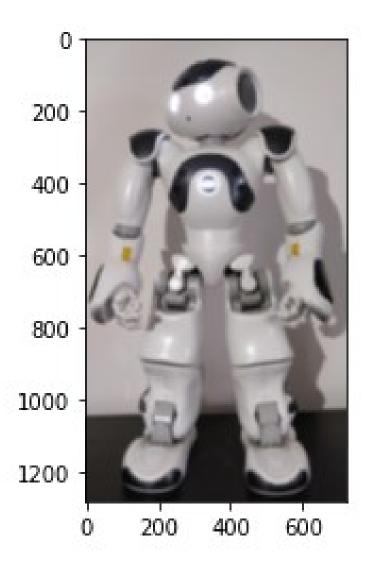


BoxBlur

```
from PIL import Image, ImageFilter
import matplotlib.pyplot as plt
import urllib.request

url = "http://web.unibas.it/bloisi/corsi/images/nao-v6-spqr.jpg"
img = Image.open(urllib.request.urlopen(url))
blur_img = img.filter(ImageFilter.BoxBlur(5)) #11x11 kernel

_ = plt.imshow(blur_img)
```

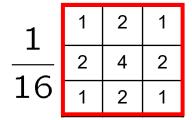


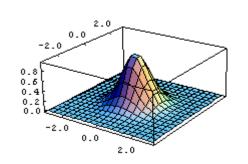
Gaussian blurring

Un kernel Gaussiano darà meno peso ai pixel distanti dal centro della finestra

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	90	90	90	90	90	0	0
0	0	0	90	90	90	90	90	0	0
0	0	0	90	90	90	90	90	0	0
0	0	0	90	0	90	90	90	0	0
0	0	0	90	90	90	90	90	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	90	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

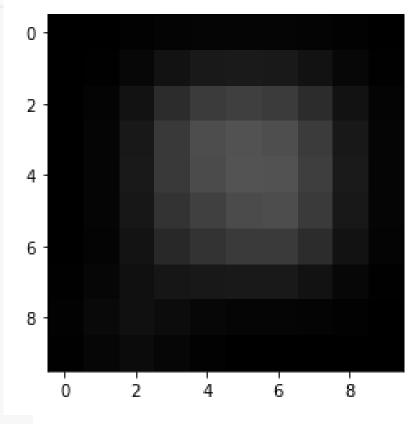
Questo kernel è una approssimazione della funzione Gaussiana: $h(u,v)=\frac{1}{2\pi\sigma^2}e^{-\frac{u^2+v^2}{\sigma^2}}$





Gaussian blurring

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from PIL import Image
numpy_img = np.ones([10,10,3], dtype=np.uint8)*0
numpy_img[2:7,3:8] = 90
numpy_img[5,4] = 0
numpy img[8,2] = 90
img = Image.fromarray(numpy_img)
blur_img = img.filter(ImageFilter.GaussianBlur(1))
= plt.imshow(blur img)
```

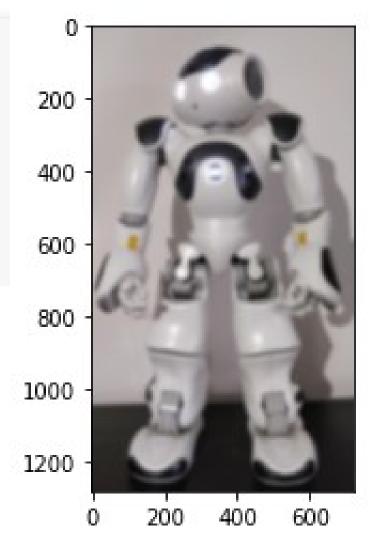


Gaussian blurring

```
from PIL import Image, ImageFilter
import matplotlib.pyplot as plt
import urllib.request

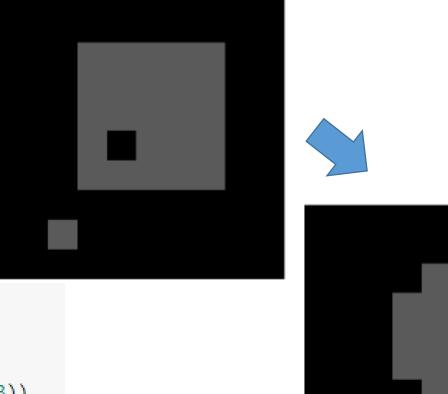
url = "http://web.unibas.it/bloisi/corsi/images/nao-v6-spqr.jpg"
img = Image.open(urllib.request.urlopen(url))
blur_img = img.filter(ImageFilter.GaussianBlur(5)) #11x11 kernel

_ = plt.imshow(blur_img)
```



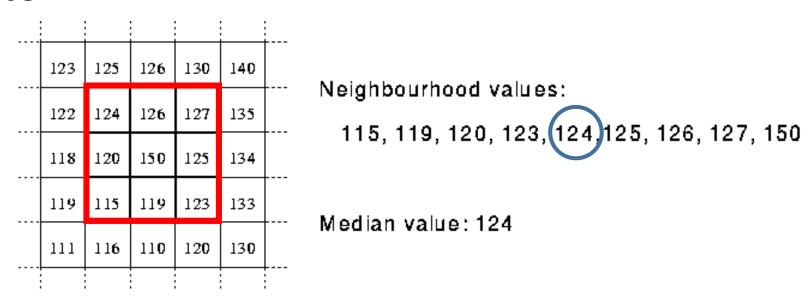
Median filter

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from PIL import Image
numpy_img = np.ones([10,10,3], dtype=np.uint8)*0
numpy img[2:7,3:8] = 90
numpy_img[5,4] = 0
numpy img[8,2] = 90
img = Image.fromarray(numpy_img)
filtered_img = img.filter(ImageFilter.MedianFilter(3))
_ = plt.imshow(filtered_img)
```



Median filter: esempio

Per realizzare il median filter andremo ad ordinare tutti i valori presenti nell'intorno del pixel su cui è applicato il filtro e poi prenderemo il valore che si trova nel mezzo del vettore ordinato



Souce: https://homepages.inf.ed.ac.uk/rbf/HIPR2/median.htm

Median filter

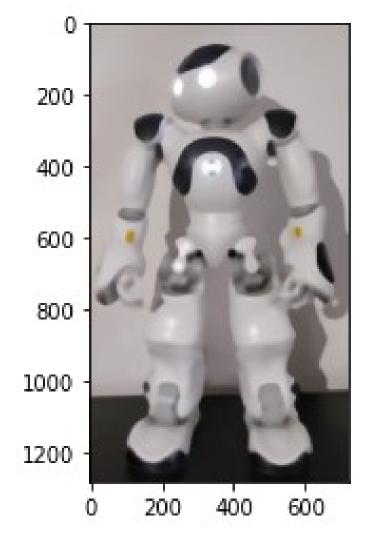
```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from PIL import Image
numpy_img = np.ones([10,10,3], dtype=np.uint8)*0
numpy img[2:7,3:8] = 90
numpy img[5,4] = 0
numpy img[8,2] = 90
img = Image.fromarray(numpy img)
filtered_img = img.filter(ImageFilter.MedianFilter(5))
_ = plt.imshow(filtered_img)
```

Median filter

```
from PIL import Image, ImageFilter
import matplotlib.pyplot as plt
import urllib.request

url = "http://web.unibas.it/bloisi/corsi/images/nao-v6-spqr.jpg"
img = Image.open(urllib.request.urlopen(url))

filtered_img = img.filter(ImageFilter.MedianFilter(21))
_ = plt.imshow(filtered_img)
```

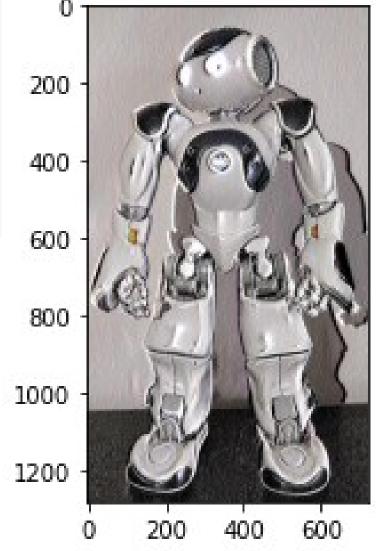


Custom filters

```
from PIL import Image, ImageFilter
import matplotlib.pyplot as plt
import urllib.request

url = "http://web.unibas.it/bloisi/corsi/images/nao-v6-spqr.jpg"
img = Image.open(urllib.request.urlopen(url))

filtered_img = img.filter(ImageFilter.Kernel((3,3),[11,0,-11,15,0,-15,1,0,1]))
_ = plt.imshow(filtered_img)
```



Gradiente

La derivata di una immagine è definita come la variazione nei valori di intensità dei pixel nell'immagine. Il tasso di variazione può essere calcolato come:

$$\lim_{h\to 0}\frac{f(x+h)-f(x)}{h}$$

che diventa la differenza finita nel caso di immagini digitali

$$\frac{\partial f}{\partial x}[x,y] \approx F[x+1,y] - F[x,y]$$

Gradiente

Per una funzione 2D f(x,y) avremo:

$$\frac{\partial f}{\partial x} = \lim_{\varepsilon \to 0} \left(\frac{f(x + \varepsilon, y)}{\varepsilon} - \frac{f(x, y)}{\varepsilon} \right)$$

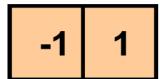
che è una operazione lineare invariante rispetto allo shift (così come la convoluzione)



Possiamo utilizzare una approssimazione

$$\frac{\partial f}{\partial x} \approx \frac{f(x_{n+1}, y) - f(x_n, y)}{\Delta x}$$

che può essere calcolata con una convoluzione



Gradiente

Gradiente dell'immagine:

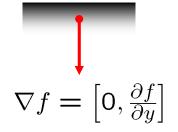
$$\nabla f = \left[\frac{\partial f}{\partial x}, \frac{\partial f}{\partial y} \right]$$



$$rac{\partial f}{\partial x}[i,j] pprox f[i+1,j] - f[i,j] \qquad \stackrel{
abla f = \left[rac{\partial f}{\partial x}, ext{O}
ight]}{\longrightarrow}$$

$$\frac{\partial f}{\partial u}[i,j] \approx f[i,j+1] - f[i,j]$$

$$\nabla f = \left[\frac{\partial f}{\partial x}, 0\right]$$

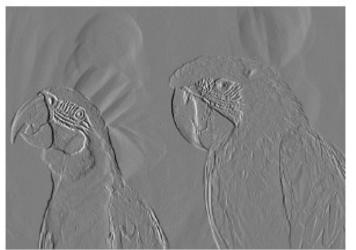


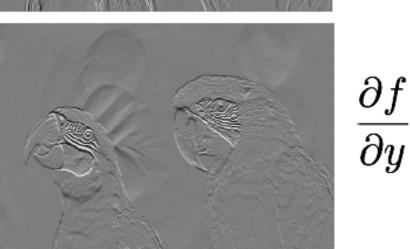


Il gradiente punta nella direzione del più rapido cambio di intensità

 $\nabla f = \left[\frac{\partial f}{\partial x}, \frac{\partial f}{\partial y} \right]$

Esempio gradiente





Source: https://www.uio.no/studier/emner/matnat/its/UNIK4690/v16/forelesninger/lecture 2 1 filtering.pdf

Direzione del gradiente

La direzione del gradiente è data da:

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{\partial f}{\partial y} / \frac{\partial f}{\partial x}\right)$$

La forza di un bordo è data da:

$$\|\nabla f\| = \sqrt{\left(\frac{\partial f}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial y}\right)^2}$$

Gradient magnitude





Source: https://www.uio.no/studier/emner/matnat/its/UNIK4690/v16/forelesninger/lecture 2 1 filtering.pdf

Sobel operator

$$\mathbf{S}_{\mathbf{x}} \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{S}_{\mathbf{y}} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & -1 \end{bmatrix}$$

L'operatore di Sobel fa uso di due kernel 3x3 per calcolare il valore approssimato delle derivate in direzione orizzontale e in direzione verticale

Skimage (scikit-image)

scikit-image.org



Download Gallery Documentation Community Guidelines Source Search documentation ...

Stable (release notes) 0.16.2 - October 2019

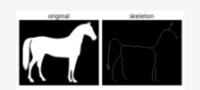
Download

Development pre-0.17

Download

Image processing in Python

scikit-image is a collection of algorithms for image processing. It is available free of charge and free of restriction. We pride ourselves on high-quality, peer-reviewed code, written by an active community of volunteers.



GitHub source & bug reports

Contribute get involved

Mailing List dev. discussion

Forum advice & community

StackOverflow code help

If you find this project useful, please cite:

[BiBTeX]

Stéfan van der Walt, Johannes L. Schönberger, Juan Nunez-Iglesias, François Boulogne, Joshua D. Warner, Neil Yager, Emmanuelle Gouillart, Tony Yu and the scikit-image contributors. **scikit-image: Image processing in Python**. PeerJ 2:e453 (2014) https://doi.org/10.7717/peerj.453

Sobel edge detection

```
from PIL import Image
import matplotlib.pyplot as plt
                                                                     200
from urllib.request import urlopen
from skimage import filters
                                                                     400
url = "http://web.unibas.it/bloisi/corsi/images/nao-v6-spqr.jpg"
                                                                     600
img = np.array(Image.open(urlopen(url)).convert('L'));
edges = filters.sobel(img)
                                                                     800
  = plt.imshow(edges, cmap="gray")
                                                                    1000
                                                                    1200
```

200

Canny edge detection

```
from PIL import Image
import matplotlib.pyplot as plt
from urllib.request import urlopen
from skimage import feature

url = "http://web.unibas.it/bloisi/corsi/images/nao-v6-spqr.jpg"
img = np.array(Image.open(urlopen(url)).convert('L'));
edges = feature.canny(img, sigma=3)
    _ = plt.imshow(edges, cmap="gray")
```

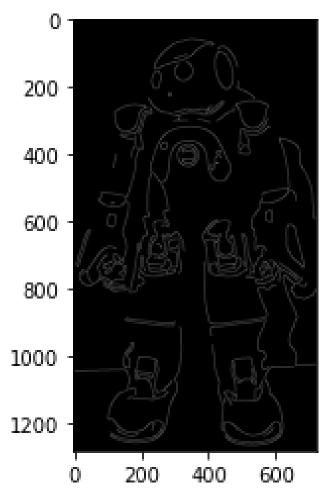
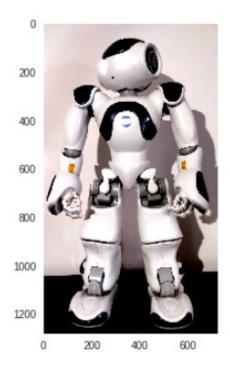


Image enhancement

```
import matplotlib.pyplot as plt
import urllib.request
from PIL import Image
from PIL import ImageEnhance
url = "https://dbloisi.github.io/corsi/images/nao-v6-spqr.jpg"
img = Image.open(urllib.request.urlopen(url))
enhancer = ImageEnhance.Contrast(img)
new img = enhancer.enhance(2)
                                                 200
plt.grid(b=False)
plt.imshow(new_img)
```



Esercizio

Applicare i filtri di Sobel e Canny sull'immagine http://web.unibas.it/bloisi/corsi/images/nao-v6-spqr.jpg modificata tramite il contrast enhancement

Esercizio

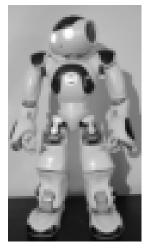
Provare a modificare l'immagine http://web.unibas.it/bloisi/corsi/images/nao-v6-spqr.jpg tramite cambio della **brightness**

https://pillow.readthedocs.io/en/stable/reference/ImageEnhance.html#PIL. ImageEnhance.PIL.ImageEnhance.Brightness

Esercizio

Usando l'immagine originale http://web.unibas.it/bloisi/corsi/images/nao-v6-spqr.jpg generare l'output a lato

Original



Gradient Magnitude



X Derivative



Y Derivative





UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DELLA BASILICATA







Corso di Visione e Percezione A.A. 2019/2020

Docente Domenico Daniele Bloisi



Filtri

