Calcul littéral

CALCUL LITTÉRAL

1 - DÉVELOPPER

DÉFINITION

Développer un produit, c'est l'écrire sous la forme d'une somme (ou d'une différence).

RAPPEL

- Une expression est une somme (algébrique) si la **dernière** opération effectuée (celle qui donne le résultat final) est une addition ou une soustraction.
- Une expression est un produit si la **dernière** opération effectuée (celle qui donne le résultat final) est une multiplication.

Par exemple:

- $3 \times 5 2 \times 45$ et 2x + 8y sont des sommes algébriques
- $5 \times (3+8)$ et (x+1)(y-5) sont des produits.

PROPRIÉTÉS (DISTRIBUTIVITÉ)

- k(a+b) = ka + kb
- k(a-b) = ka kb
- (a+b)(c+d) = ac+ad+bc+bd

EXEMPLES

Développer les expressions suivantes :

- A = 3(x-2)
 - A = 3x 6
- B = (x+3)(2x-5)

$$B = 2x^2 - 5x + 6x - 15$$

$$B = 2x^2 + x - 15$$

PROPRIÉTÉS (IDENTITÉS REMARQUABLES - DÉVELOPPEMENT)

- $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- $(a-b)^2 = a^2 2ab + b^2$
- $(a+b)(a-b) = a^2 b^2$

EXEMPLES

Développer les expressions suivantes :

Calcul littéral 2

```
C = (x+1)<sup>2</sup>
C = x<sup>2</sup> + 2 × x × 1 + 1<sup>2</sup> (première identité remarquable avec a = x et b = 1) C = x<sup>2</sup> + 2x + 1
D = (2x-1)<sup>2</sup>
D = 4x<sup>2</sup> - 2 × 2x × 1 + 1<sup>2</sup> (seconde identité remarquable avec a = 2x et b = 1) D = 4x<sup>2</sup> - 4x + 1
E = (x+2) (x-2)
E = x<sup>2</sup> - 2<sup>2</sup> (troisième identité remarquable avec a = x et b = 2) E = x<sup>2</sup> - 4
```

2 - FACTORISER

DÉFINITION

Factoriser une somme (ou une différence), c'est l'écrire sous la forme d'un produit.

PROPRIÉTÉS

- ka + kb = k(a + b)
- ka kb = k(a b)

k est le facteur commun

EXEMPLES

Factoriser les expressions suivantes :

•
$$A = (x+3)(x+2) - 7(x+2)$$

Le facteur commun est $(x+2)$
 $A = (x+2)[(x+3)-7]$
 $A = (x+2)(x-4)$
• $B = (2x+1)^2 - (2x+1)(x+3)$
 $B = (2x+1)(2x+1) - (2x+1)(x+3)$
Le facteur commun est $(2x+1)$
 $B = (2x+1)[(2x+1) - (x+3)]$
 $B = (2x+1)(2x+1-x-3)$
 $B = (2x+1)(x-2)$

REMARQUES

• Avec des carrés :

Pour factoriser $(x+1)^2 + (x+1)(x+2)$, on utilise le fait que $(x+1)^2 = (x+1)(x+1)$ ce qui fait apparaître le facteur commun (x+1): $(x+1)^2 + (x+1)(x+2) = (x+1)(x+1) + (x+1)(x+2)$

$$(x+1)^{2} + (x+1)(x+2) = (x+1)(x+1) + (x+1)(x+2)$$

$$= (x+1)[(x+1) + (x+2)]$$

$$= (x+1)(2x+3)$$

• Attention à ne pas oublier le 1!

Pour factoriser $x^2 - x$ on écrit que $x^2 = x \times x$ et $x = x \times 1$; x est alors facteur commun : $x^2 - x = x \times x - x \times 1 = x(x - 1)$

Calcul littéral

PROPRIÉTÉS (IDENTITÉS REMARQUABLES - FACTORISATION)

•
$$a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$$

•
$$a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$$

•
$$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$$

EXEMPLES

Factoriser les expressions suivantes :

•
$$C = x^2 - 6x + 9$$

$$C = x^2 - 2 \times x \times 3 + 3^2$$

 $C = (x-3)^2$ (seconde identité remarquable avec a = x et b = 3)

•
$$D = 25x^2 - 4$$

$$D = (5x)^2 - 2^2$$

D = (5x + 2)(5x - 2) (troisième identité remarquable avec a = 5x et b = 2)