On se place dans la base $(\overrightarrow{AB}; \overrightarrow{AC})$

On a:
$$\overrightarrow{KJ} = \overrightarrow{KA} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = -\frac{2}{3}\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AB} + \frac{1}{2}(\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC}) = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} - \frac{1}{6}\overrightarrow{AC}$$

et $\overrightarrow{KI} = \overrightarrow{KA} + \overrightarrow{AI} = -\frac{2}{3}\overrightarrow{AC} + 2\overrightarrow{AB}$

On en déduit que : $\overrightarrow{KI} = 4 \, \overrightarrow{KJ}$. Les vecteurs \overrightarrow{KI} et \overrightarrow{KJ} sont donc colinéaires : on en déduit que les points K, I et J sont alignés.