# Metaheurística: Práctica Alternativa al Examen Búsqueda Ramificada con Momentos

David Cabezas Berrido

20079906D

Grupo 2: Viernes

dxabezas@correo.ugr.es

8 de junio de 2021

## Índice

|    | Descripción de la Metaheurística 1.1. Idea general  |    |
|----|---|----|
|    | Implementación y benchmark2.1. Detalles de implementación2.2. Resultados del benchmark2.3. Análisis de los resultados | 7  |
| 3. | Hibridación con Búsqueda Local  | 10 |
| 4. | Conclusiones y posibles mejoras   | 10 |

### 1. Descripción de la Metaheurística

Nuestro problema es la optimización continua de una serie de funciones. Estamos limitados por el número de evaluaciones, que en nuestro caso será 10000 multiplicado por la dimensión del espacio de soluciones.

Diseñaremos nuestra propia metaheurística y la pondremos a prueba con el benchmark CEC'2017. Por tanto, nuestro objetivo es la optimización de parámetros reales. Con nuestra propuesta esperamos alcanzar un buen compromiso entre exploración y explotación aprovechando la naturaleza continua del espacio de soluciones.

#### 1.1. Idea general

Nuestra metaheurística, **Búsqueda Ramificada con Momentos**, pretende "lanzar" soluciones que se muevan por el espacio como lo harían bombas lanzadas desde un avión bombardeos, fragmentos que se desprenden de un cuerpo celeste o el despliegue de una sonda de una nave espacial. Es decir, se explora el espacio ramificando o dividiendo las soluciones en otras, de forma que las soluciones resultantes conserven la inercia de la solución de la que partieron.



Figura 1: Cuando se despliegan bombas desde un avión, las bombas mantienen la inercia del movimiento del avión.

Para dar sentido a este fenómeno físico que es la conservación de la inercia ideamos una estrategia de explotación basada en momentos, similar a la Búsqueda Local salvo que se pondera el momento de la solución con la dirección de un vecino mejor.

Las soluciones pueden ser truncadas bajo ciertas condiciones, así que se van lanzando nuevas soluciones desde puntos aleatorios hasta agotar el número máximo de evaluaciones.

#### 1.2. Explicación del algoritmo

El algoritmo comienza con una solución aleatoria, un vector aleatorio de flotantes, S. Cada solución tiene asociado otro vector aleatorio que es su momento,  $\nu$ , que intuitivamente se puede interpretar como la dirección en la que se está moviendo la solución actualmente; también tiene un valor escalar positivo,  $\lambda$  que podría interpretarse como un impulso, la solución se desplaza usando su momento y su impulso:  $S \leftarrow S + \lambda \nu$ .

Cada solución tiene un número determinado de evaluaciones. En cada iteración, una solución puede hacer una de las siguientes acciones:

- La solución desaparece, es truncada.
- La solución se divide en dos, que "saldrán disparadas" en direcciones opuestas.

■ La solución desvía su dirección hacia un vecino del entorno con mejor fitness y luego se actualiza usando su impulso y su momento:  $S \leftarrow S + \lambda \nu$ . La solución pierde una cantidad de impulso determinada por el éxito de la búsqueda de un vecino mejor en el entorno.

La acción a realizar en cada momento depende de la fitness de la solución respecto a la mejor fitness encontrada hasta el momento, del número de evaluaciones restantes y del impulso que le quede a la solución. Queremos truncar soluciones que no tengan muchas posibilidades de mejorar, ya sea porque estén muy lejos de la mejor hasta el momento y les queden pocas iteraciones o porque su impulso sea prácticamente nulo. Queremos dividir soluciones que sean de las mejores, tengan bastantes evaluaciones por delante y no acaben de ser lanzadas desde otras, para evitar que haya soluciones muy cercanas entre sí.

Estos objetivos pueden ser muy difíciles de lograr debido al número de factores a tener en cuenta, a continuación presentamos nuestro intento de lograr un equilibrio.

#### Decisión de la acción

En nuestro caso, primero tomaremos la diferencia entre la fitness de la solución y la mejor fitness encontrada hasta el momento:  $D \leftarrow fitness-best$ . Como estamos minimizando, será una cantidad no negativa. En principio tenemos  $D \in [0, +\infty[$ , para normalizar la escala utilizamos una función creciente que identifique este intervalo con el [0, 1[,  $\hat{D} \leftarrow \frac{D}{1+D}$ .

Decidimos truncar la solución cuando esta diferencia sea alta y las posibilidades de mejorarla sean escasas, ya sea por que la solución tenga pocas evaluaciones restantes o porque su impulso sea bajo.

Decidimos ramificar la solución en dos cuando esta diferencia sea baja, el impulso esté en un rango determinado (no queremos dividir ni muy pronto ni muy tarde) y el número de evaluaciones restantes sea suficiente para que las soluciones resultantes puedan mejorar.

En el resto de casos, la solución se limita a avanzar.

**Input:** Una solución: vector de flotantes S

Algorithm 1: Branch: Búsqueda Ramificada: Bucle Principal.

en detallar cada una de las acciones que aparecen en el bucle.

En nuestra implementación, hemos decidido dar esta estructura al bucle principal, que combina las ideas anteriores con una componente aleatoria.

La solución avanza.

Más adelante discutiremos los parámetros que han aparecido a lo largo del algoritmo. De momento nos centraremos

else if  $p > P_{split} \frac{\hat{D}}{\lambda}$  and  $MinImpulseSplit \leq \lambda \leq MaxImpulseSplit$  and  $evals \geq MinEvalsSplit$  then  $\bot$  La solución se divide en dos.

#### Truncamiento de la solución

else

Cuando una solución es truncada, simplemente se corta el bucle con la orden **break**. Antes, hay que acumular las evaluaciones a realizar para que no se desperdicien, las llamadas restantes se acumulan para mejorar futuras

soluciones:  $spareEvals \leftarrow spareEvals + evals$ .

#### Ramificación de la solución

Cuando una solución se ramifica, se generan dos soluciones con empujes opuestos desde ella y se acumulan los momentos. Además, se recargan en cierta proporción del impulso perdido desde el inicial,  $\lambda_0$ . Las evaluaciones pendientes se reparten equitativamente entre las dos soluciones generadas, como la división es entera, se rescata la evaluación sobrante en caso de que el número de evaluaciones sea impar. La solución es destruida, ya que se queda sin evaluaciones.

#### Algorithm 2: Split: Ramificación de una solución S como la de entrada del Algoritmo 1.

```
modification \leftarrow vector aleatorio, las componentes se generan con una <math>U[0,1]
\mu_1 \leftarrow \mu + modification
                                                                       // Las soluciones salen en direcciones opuestas
\mu_2 \leftarrow \mu - modification
\lambda_1 \leftarrow \lambda + SplitImpulse \cdot (\lambda_0 - \lambda)
                                                                                       // Se recarga parcialmente el impulso
\lambda_2 \leftarrow \lambda + SplitImpulse \cdot (\lambda_0 - \lambda)
S_1 \leftarrow S + \lambda_1 \mu_1
S_2 \leftarrow S + \lambda_2 \mu_2
\operatorname{clip}(S_1)
                                                // Si alguna componente se sale del rango, se fija en el borde
clip(S_2)
if evals \%2 = 1 then
 | spareEvals \leftarrow spareEvals + 1
                                                                                            // Para evitar perder evaluaciones
\operatorname{branch}(S_1, \mu_1, \lambda_1, evals/2)
\operatorname{branch}(S_2, \mu_2, \lambda_2, evals/2)
break
                                                                                                       // Esta solución desaparece
```

#### Avance de la solución

Para el avance de la solución se buscan vecinos aleatorios en un entorno de la solución, para mí siempre se tiene  $\lambda \in ]0,1]$  y he escogido radio  $\sqrt{\lambda}$ . Si se encuentra un vecino mejor en un determinado número de intentos, se considera un éxito y se modifica el momento de la solución desviándolo hacia la dirección del vecino, la medida en la que se desvía depende de la mejora que aporte; después se desplaza la solución usando el momento y el impulso y se reduce el impulso ligeramente. Si se fracasa al encontrar un vecino mejor (se agotan los intentos) interpretamos que estamos en un máximo local (o se acabaron las evaluaciones) y se reduce más severamente el impulso.

#### **Algorithm 3:** ADVANCE: Avance de la solución S (la de entrada del Algoritmo 1).

```
while no se encuentre un vecino mejor and no se excedan ImproveLimit intentos and evals > 0 do
    modification \leftarrow vector aleatorio, las componentes se generan con una <math>U[-\sqrt{\lambda},\sqrt{\lambda}]
                                                                                                        // Vecino aleatorio
    S' \leftarrow S + modification
    clip(S')
   neighbor\_fitness \leftarrow eval(S')
   evals \leftarrow evals - 1
if el vecino S' mejora la fitness de S then
    best \leftarrow \min(best, neighbor\_fitness)
    D \leftarrow fitness - neighbor\_fitness
    \hat{D} \leftarrow \frac{D}{1+D}
                                                                                          // Mejora normalizada en [0,1[
    neighbor\_weight \leftarrow BaseWeight + (1 - BaseWeight) \cdot \hat{D}
    \mu \leftarrow (1 - neighbor\_weight)\mu + neighbor\_weight \cdot modification
                                                                                         // Se desvía la inercia de la
     solución hacia el vecino mejor
    S \leftarrow S + \lambda \mu
                                                                       // La solución se desplaza en su dirección
   clip(S)
    fitness \leftarrow eval(S)
   evals \leftarrow evals - 1
    best \leftarrow \min(best, fitness)
   \lambda \leftarrow DecreaseSuccess \cdot \lambda
                                                                       // Éxito: se reduce ligeramente el impulso
else
    \lambda \leftarrow DecreaseFail \cdot \lambda
                                                                    // Fracaso: se reduce severamente el impulso
```

#### Invocación del algoritmo

Para aprovechar las evaluaciones de las soluciones que son truncadas se vuelven a lanzar nuevas soluciones. Cada ejecución parte de una solución aleatoria con momento aleatorio y un impulso inicial  $\lambda_0$ .

Algorithm 4: Main: Llamadas sucesivas al algoritmo de búsqueda Ramificada con Momentos hasta consumir todas las evaluaciones disponibles.

```
best \leftarrow \text{un valor mayor que cualquiera que vaya a aparecer al evaluar posteriormente} \\ spareEvals \leftarrow 10000 \cdot \text{dimensión del espacio de soluciones} \\ \textbf{while } spareEvals > 0 \textbf{ do} \\ evals \leftarrow spareEvals \\ spareEvals \leftarrow 0 \\ S \leftarrow \text{vector solución aleatorio, componentes generadas de forma uniforme en el rango: } U[-100, 100] \\ \mu \leftarrow \text{vector momento aleatorio, componentes generadas con } U[-1, 1] \\ \text{branch}(S, \mu, \lambda_0, evals)  // spareEvals puede verse incrementada durante la ejecución
```

## 2. Implementación y benchmark

#### 2.1. Detalles de implementación

Como hemos comentado, nuestra explicación de la metaheurística es una forma de implementar las ideas que hemos ido comentando. Probablemente existan mejores alternativas para tomar las decisiones del Algoritmo 1, que se basen en las mismas ideas intuitivas que hemos comentado. Como otro ejemplo, la división de la solución podría ser en más de dos soluciones.

Además, fijada una implementación concreta (la que acabamos de describir), quedan por discutir un gran número de parámetros que han ido apareciendo a lo largo de la explicación del algoritmo. A continuación presentamos una tabla con los distintos parámetros, su papel en la metaheurística y el valor concreto que les damos en la ejecución.

Nota: Todos los parámetros toman valores positivos por naturaleza.

| Parámetro               | Tipo / Rango                            | Papel  | Valor                  |
|-------------------------|---|--|------------------------|
| $\lambda_0$             | Real                                    | Impulso inicial de las soluciones de partida   | 1                      |
| MaxEvalsTruncate        | Entero menor que $10000 \cdot \dim$     | Máximo de evaluaciones restantes con las que una solución puede ser truncada           | 1200 · dim             |
| MinImpulse              | Real menor que $\lambda_0$              | Impulso por debajo del cual<br>la solución es truncada                                 | $0.01 \cdot \lambda_0$ |
| MinImpulseSplit         | Real menor que $\lambda_0$              | Mínimo impulso con el que una solución se puede ramificar                              | $0.1 \cdot \lambda_0$  |
| MaxImpulseSplit         | Real en ] $MinImpulseSplit, \lambda_0[$ | Máximo impulso con el que una solución se puede ramificar                              | $0.7 \cdot \lambda_0$  |
| MinEvalsSplit           | Entero menor que $10000 \cdot \dim$     | Mínimo de evaluaciones restantes<br>para dividir la solución                           | 400 · dim              |
| SplitImpulse            | Proporción (real en [0,1])              | Proporción del impulso perdido que recuperan las soluciones que surgen de una división | 0.5                    |
| ImproveLimit            | Entero menor que $10000 \cdot \dim$     | Máximo de intentos para encontrar<br>un vecino mejor                                   | $10 \cdot \dim$        |
| BaseWeight              | Proporción en [0,1[                     | Mínimo peso en el momento<br>para el vecino que mejora                                 | 0.2                    |
| DecreaseSuccess         | Proporción en ]0,1[                     | Reducción del impulso en caso de acierto   | 0.99                   |
| $\boxed{Decrease Fail}$ | Proporción en $]0, DecreaseSuccess[$    | Reducción del impulso en caso de fallo   | 0.9                    |

Tabla 1: Tabla con los parámetros del modelo y sus valores concretos en la ejecución.

Basamos estas elecciones únicamente en nuestra intuición y en el comportamiento del algoritmo (número de veces que hace cada acción y en qué orden, y valores de las variables, no en los resultados) sobre la función con ID = 4 del benchmark en dimensión 10. De modo que seguramente habrá mejores valores para estos parámetros.

#### 2.2. Resultados del benchmark

Ejecutamos nuestra metaheurística sobre el benchmark en dimensiones 10 y 30. Compararemos los resultados obtenidos con los de los algoritmos recomendados como referencias: DE, PSO, AEO y SSA. Esto lo conseguimos fácilmente gracias a la herramienta TACO. Nuestro algoritmo aparecerá con el nombre de BRANCH.

En las siguientes tablas mostramos los resultados obtenidos en el benchmark para cada algoritmo se calcula el error medio (respecto al mínimo) de varias ejecuciones con distintas semillas. Para nuestro algoritmo hacemos 10 ejecuciones, las 10 semillas que usamos son los números 42, 47, ..., 87, saltando de 5 en 5. En las tablas marcamos en rojo los resultados de los algoritmos de referencia que son superados por el nuestro, y en azul los resultados de nuestro algoritmo que superan a almenos uno de los otros.

## Resultados en dimensión 10

|      | AEO         | BRANCH        | DE            | PSO         | SSA         |
|------|-------------|---------------|---------------|-------------|-------------|
| F01  | 5.134e + 06 | 7.229e+09     | 0.000e+00     | 5.255e + 07 | 3.766e + 03 |
| F02  | 1.000e+00   | $1.254e{+}12$ | 0.000e+00     | 1.000e+00   | 1.000e+00   |
| F03  | 3.575e + 02 | 1.493e + 04   | 0.000e+00     | 1.989e + 03 | 1.000e-10   |
| F04  | 1.414e+01   | 7.058e + 02   | 1.105e-04     | 4.684e + 01 | 4.172e+00   |
| F05  | 3.876e + 01 | 6.928e + 01   | 1.151e + 02   | 3.212e+01   | 4.840e + 01 |
| F06  | 2.617e+01   | 6.047e + 01   | 3.460e + 01   | 1.001e+01   | 2.632e+01   |
| F07  | 6.753e+01   | 4.108e + 02   | 3.848e + 01   | 4.275e + 01 | 6.198e + 01 |
| F08  | 2.808e+01   | 6.439e + 01   | 2.983e + 01   | 2.203e+01   | 3.849e + 01 |
| F09  | 2.207e+02   | 1.267e + 03   | 1.938e + 02   | 5.686e + 01 | 2.439e+02   |
| F10  | 1.172e + 03 | 1.073e + 03   | 3.597e + 02   | 1.077e + 03 | 1.086e + 03 |
| F11  | 9.704e+01   | 7.980e + 02   | 1.942e-02     | 3.843e + 01 | 9.529e + 01 |
| F12  | 2.525e+05   | 8.224e + 07   | 4.931e+00     | 2.517e + 06 | 2.313e+04   |
| F13  | 7.788e + 02 | 5.489e + 03   | 5.988e + 00   | 8.409e + 03 | 8.101e+03   |
| F14  | 7.452e+01   | 1.882e + 02   | 5.240 e-02    | 9.993e+01   | 1.181e + 02 |
| F15  | 2.045e+02   | 3.979e + 03   | 6.060 e-02    | 2.066e + 03 | 5.244e + 02 |
| F16  | 1.804e+02   | 4.391e + 02   | 4.561e + 02   | 1.415e + 02 | 1.884e + 02 |
| F17  | 8.969e+01   | 1.392e+02     | 2.350e + 01   | 6.497e + 01 | 9.769e + 01 |
| F18  | 1.926e+03   | 4.558e + 03   | 3.630 e-02    | 1.484e + 04 | 1.360e + 04 |
| F19  | 6.418e + 01 | 3.723e + 03   | 5.192e-03     | 3.220e + 03 | 1.246e + 02 |
| F20  | 1.284e+02   | 2.083e + 02   | 3.837e + 02   | 8.444e + 01 | 1.058e + 02 |
| F21  | 1.769e + 02 | 2.641e + 02   | 1.889e + 02   | 1.320e + 02 | 1.044e + 02 |
| F22  | 1.148e + 02 | 1.182e + 03   | 1.005e + 02   | 7.740e + 01 | 1.091e + 02 |
| F23  | 3.428e+02   | 4.512e + 02   | 8.098e + 02   | 3.304e+02   | 3.487e + 02 |
| F24  | 3.460e+02   | 4.297e + 02   | 1.000e + 02   | 1.810e + 02 | 2.597e + 02 |
| F25  | 4.348e+02   | 8.055e + 02   | 4.040e + 02   | 4.478e + 02 | 4.380e + 02 |
| F26  | 5.047e + 02 | 1.397e + 03   | 2.706e + 02   | 3.729e + 02 | 3.904e+02   |
| F27  | 4.197e + 02 | 5.203e + 02   | 3.897e + 02   | 4.134e + 02 | 4.117e + 02 |
| F28  | 5.469e+02   | 8.027e + 02   | 3.517e + 02   | 4.698e + 02 | 4.318e + 02 |
| F29  | 3.752e+02   | 4.729e + 02   | 2.375e + 02   | 3.193e+02   | 3.676e + 02 |
| F30  | 2.471e+06   | $5.310e{+06}$ | $8.051e{+04}$ | 6.352e + 05 | 1.469e + 06 |
| Best | 0           | 0             | 21            | 8           | 1           |

 $Tabla\ 2: Resultados\ de\ nuestra\ metaheur ística\ comparados\ con\ los\ de\ otras\ metaheur ísticas\ de\ referencia.\ Benchmark\ CEC'2017,\ dimensión\ 10.$ 

#### Resultados en dimensión 30

|      | AEO         | BRANCH      | DE          | PSO         | SSA         |
|------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| F01  | 1.782e + 08 | 8.644e + 10 | 4.909e + 04 | 4.175e + 09 | 3.765e+03   |
| F02  | 1.000e+00   | 1.238e + 46 | 1.309e + 19 | 1.000e+00   | 1.000e+00   |
| F03  | 2.989e+04   | 1.284e + 05 | 3.481e + 03 | 5.453e + 04 | 2.416e-05   |
| F04  | 2.018e+02   | 2.271e + 04 | 8.430e + 01 | 1.183e + 03 | 8.388e+01   |
| F05  | 2.496e+02   | 4.455e + 02 | 2.015e + 02 | 2.170e + 02 | 2.649e+02   |
| F06  | 6.894e+01   | 7.838e + 01 | 6.320e+00   | 3.694e + 01 | 6.384e + 01 |
| F07  | 5.291e+02   | 2.522e + 03 | 2.334e+02   | 3.596e + 02 | 4.609e+02   |
| F08  | 1.894e+02   | 3.226e + 02 | 1.894e + 02 | 1.745e + 02 | 2.205e+02   |
| F09  | 5.919e+03   | 1.073e + 04 | 6.530e + 01 | 2.842e + 03 | 6.212e+03   |
| F10  | 6.042e+03   | 4.106e + 03 | 3.764e + 03 | 6.938e + 03 | 4.844e + 03 |
| F11  | 3.980e+02   | 9.516e + 03 | 7.958e + 01 | 1.207e + 03 | 1.537e + 02 |
| F12  | 8.585e+07   | 1.129e + 10 | 3.258e + 05 | 3.586e + 08 | 2.528e + 06 |
| F13  | 1.880e + 06 | 5.992e + 09 | 1.536e + 02 | 4.508e + 07 | 1.926e + 05 |
| F14  | 1.797e + 04 | 2.262e + 05 | 7.100e+01   | 3.059e + 05 | 3.286e+03   |
| F15  | 6.164e+04   | 4.986e + 08 | 6.256e + 01 | 2.737e + 05 | 8.852e+04   |
| F16  | 2.008e+03   | 2.208e + 03 | 1.319e + 03 | 1.568e + 03 | 1.658e + 03 |
| F17  | 8.224e+02   | 1.115e + 03 | 4.809e + 02 | 4.725e + 02 | 8.471e+02   |
| F18  | 3.110e+05   | 5.123e + 06 | 6.122e+01   | 2.170e + 06 | 8.855e+04   |
| F19  | 1.888e + 06 | 1.196e + 09 | 3.572e + 01 | 1.260e + 06 | 1.510e + 05 |
| F20  | 7.208e+02   | 8.443e + 02 | 2.751e + 02 | 4.621e + 02 | 6.450e + 02 |
| F21  | 4.478e + 02 | 5.517e + 02 | 3.255e + 02 | 4.113e+02   | 4.502e+02   |
| F22  | 1.987e + 03 | 4.869e + 03 | 1.002e+02   | 1.027e + 03 | 4.196e+03   |
| F23  | 8.410e+02   | 1.325e + 03 | 5.346e + 02 | 6.404e + 02 | 8.365e+02   |
| F24  | 8.788e + 02 | 1.201e + 03 | 6.059e + 02 | 7.095e + 02 | 9.264e+02   |
| F25  | 5.055e+02   | 6.959e + 03 | 3.870e + 02 | 6.864e + 02 | 4.176e + 02 |
| F26  | 4.529e+03   | 8.579e + 03 | 4.038e + 02 | 3.369e + 03 | 5.522e+03   |
| F27  | 8.127e+02   | 1.761e + 03 | 4.925e + 02 | 8.068e + 02 | 6.550e + 02 |
| F28  | 5.547e + 02 | 5.328e + 03 | 3.943e+02   | 1.105e + 03 | 4.896e + 02 |
| F29  | 2.088e+03   | 2.659e + 03 | 1.025e+03   | 1.409e + 03 | 1.934e+03   |
| F30  | 9.839e + 06 | 5.358e + 08 | 3.657e + 03 | 1.359e + 07 | 2.308e+06   |
| Best | 0           | 0           | 24          | 2           | 3           |

Tabla 3: Resultados de nuestra metaheurística comparados con los de otras metaheurísticas de referencia. Benchmark CEC'2017, dimensión 30.

#### 2.3. Análisis de los resultados

Lo primero que observamos claramente en ambas tablas es que nuestro algoritmo es el peor con diferencia, sólo consigue superar a cada uno de los algoritmos de referencia en 3 ó 4 funciones como mucho, y no es el mejor en ninguna función.

El desempeño es algo mejor en dimensión 10 (Tabla 2), que en dimensión 30 (Tabla 3) donde supera a muy pocos valores. Esto podría deberse a que hemos ajustado los parámetros basándonos en un ejemplo de dimensión 10.

Parece que nuestra metaheurística ha obtenido resultados decentes en la función F10, donde supera en ambas dimensiones a todos los algoritmos de referencia salvo a DE. En dimensión 10, supera a PSO y SSA también en las funciones F13 y F18, y en 4 funciones a DE. Luego tampoco podemos considerar nuestra metaheurística como mala del todo, ya que consigue superar a algoritmos competitivos en algunos ejemplos.

Además, debemos tener en cuenta que hemos realizado pocos experimentos para perfilar nuestra idea, y que darle una forma concreta que funcione correctamente es una tarea muy complicada, debido a la cantidad de decisiones que tomamos y la cantidad de parámetros que hay que seleccionar.

Por tanto, para ser una primera aproximación los resultados son medianamente satisfactorios, y no podemos descartar que la idea tenga potencial.

A nivel teórico, utilizar momentos para que las soluciones se desplacen por el espacio tiene una clara desventaja: requiere el más evaluaciones que otro tipo de trayectorias como la Búsqueda Local o el Enfriamiento simulado, ya que los vecinos que evaluamos y solución a la que saltamos realmente son diferentes. Sin embargo, es normal que para cada salto se realicen un gran número de evaluaciones, sobre todo a partir de cierto número de saltos, cuando la calidad de la solución es medianamente decente y cuesta encontrar un vecino que mejore a la solución, de modo que una evaluación extra no supone mucha diferencia en estas etapas del algoritmo, sí que la puede suponer en las primeras etapas, cuando encontrar un vecino mejor es relativamente sencillo. Por otra parte, el uso de momentos puede ayudar a que la solución no quede atrapada en máximos locales.

Como hemos comentado, aun se puede mejorar mucho esta metaheurística, a continuación probaremos a combinarla con la Búsqueda Local.

## 3. Hibridación con Búsqueda Local

## 4. Conclusiones y posibles mejoras

#### TODO

En lugar de partir de un momento aleatorio, construir el vector momento a partir de algunas iteraciones de Búsqueda Local. Esto evita el mayor consumo de evaluaciones extra en las primeras etapas que comentamos previamente.