Pourquoi utilise-t-on des puissances?

Les dimensions des objets de l'Univers qui nous entourent vont de l'échelle microscopique à l'échelle macroscopique. En physique et en biologie, on utilise surtout les puissances de 10 pour exprimer ces dimensions.

■ Le diamètre de la Voie lactée est d'environ 10²¹ m.

$$10^{21} = \underbrace{10 \times 10 \times 10 \times \ldots \times 10}_{\text{21 facteurs}}$$

■ Le diamètre d'un atome est d'environ 10⁻¹⁰ m.

$$10^{-10} = 0,00000000001.$$

RÈGLES DE CALCUL (1)

 $a^p \times a^q = a^{p+q}$

$$\frac{a^p}{a^q} = a^{p-q}$$

$$(a^p)^q = a^{p \times q}$$

Exemples. – Écrire les nombres suivants sous la forme d'une puissance de 7 :

1.
$$7^5 \times 7^{-2}$$
 2. $7^{-4} \times 7$ 3. $\frac{7^{34}}{7^{21}}$

2.
$$7^{-4} \times 7$$

3.
$$\frac{7^{34}}{7^{21}}$$

4.
$$(7^3)^6$$

CALCULER AVEC DES PUISSANCES

Dans toute la suite a désigne un nombre réel, n un entier naturel non nul, p et q deux entiers relatifs.

$$a^n = \underbrace{a \times a \times \dots a}_{n \text{ facteurs}}$$

$$a^1 = a$$

$$a^{0} = 1$$

$$a^{-n}=\frac{1}{a^n}$$

RÈGLES DE CALCUL (2)

 $a^p \times b^p = (ab)^p$

$$\frac{a^p}{b^p} = \left(\frac{a}{b}\right)^p$$

Exemples. – Proposer un exemple d'application de chacune des règles précédentes.

4/4