## CONNAÎTRE LES ENSEMBLES DE NOMBRES

**Définition.** – Les entiers naturels sont les nombres ...... L'ensemble des entiers naturels est noté ....

$$\mathbb{N} = \{ exttt{0; 1; 2; ...} \}$$

Notation. – On écrit par exemple 2... $\mathbb{N}$  (se lit « 2 ...... à  $\mathbb{N}$  »).

**Définition.** – Les nombres décimaux sont les nombres qui s'écrivent comme quotient d'un entier (relatif) par une puissance de 10, c'est-à-dire par 1, 10, 100, 1000 etc (ou plus généralement  $10^k$  où k est un entier naturel). L'ensemble des nombres décimaux est noté  $\mathbb{D}$ .

## Exemples. -

- 1. Par exemple, 0, 2 est un nombre décimal car on peut écrire  $0, 2 = \frac{2}{10}$ . Donner deux autres exemples de nombres décimaux.
- 2. L'entier naturel 4 est-il un nombre décimal? Et l'entier relatif -7?

$$\mathbb{Z} = \{\ldots; -3; -2; -1; 0; 1; 2; 3; \ldots\}$$

**Proposition.** – Tout entier ...... est aussi un entier ..... : on dit que l'ensemble des entiers ..... est ..... dans l'ensemble des entiers ...... Cette inclusion se note :

$$\mathbb{N} \dots \mathbb{Z}$$

2

**Proposition.** – L'ensemble des ...... est ..... dans l'ensemble des ..... :  $\mathbb{Z}$  ...  $\mathbb{D}$ . On a donc :

$$\mathbb{N} \dots \mathbb{Z} \dots \mathbb{D}$$

8

**Définition.** – Les nombres ...... sont les nombres qui s'écrivent comme le quotient de ..... L'ensemble des nombres rationnels est noté ....

## Exemples. -

- 1. Le nombre  $\frac{2}{3}$  est le quotient des entiers 2 et 3 donc  $\frac{2}{3}$  est un nombre rationnel.
- 2. Les nombres  $\frac{4}{7}$ , 3, -4 et 0, 23 sont-ils des nombres rationnels?

8

**Définition.** – À chaque point de la droite graduée ci-dessous, on a associé un nombre unique, qui est appelé son ......... Inversement, à chaque nombre correspond un unique point de la droite graduée.



Les nombres ..... sont les abscisses de tous les points d'une droite graduée. L'ensemble des nombres réels est noté ....

**Proposition.** – L'ensemble des nombres ...... est inclus dans l'ensemble des nombres .....  $\subset$  ...  $\subset$  ...  $\subset$  ... On a donc :

**Proposition.** – Il existe des nombres réels qui ne sont pas rationnels, comme ..... (il faudra savoir le démontrer) ou .... Ces nombres sont appelés des nombres ..........