## CARACTÉRISER UN ENSEMBLE À L'AIDE D'UNE VALEUR ABSOLUE

**Définition.** – Soit x un nombre réel. On appelle ...... de x le nombre noté |x| défini par :

$$|x| = \begin{cases} x \text{ si } \dots \\ -x \text{ si } \dots \end{cases}$$

Exemples. – Donner la valeur absolue des nombres 5, –2,  $\pi$  – 5 et  $\frac{1}{7}$  – 0, 1.

1

**Définition.** – On appelle ...... entre deux réels a et b le nombre ..... (qui est aussi égal à .....). Sur une droite graduée, si A est le point d'abscisse a et B le point d'abscisse b, la distance entre a et b est égale à la distance AB.

Exemples. – Déterminer la distance entre 3 et -1, puis la distance entre -15 et 12.

## **Proposition.** – On retiendra les propriétés suivantes :

- La valeur absolue d'un nombre est .....
- Un nombre et son opposé ont .....

Remarque. – La valeur absolue |x| d'un réel x est donc la distance entre . et . .

Exemples. – Après avoir traduit chacune des égalités et inégalités suivantes à l'aide d'une distance, représenter l'ensemble des réels x tels que :

1. 
$$|X-4|=2$$

2. 
$$|x-2|=3$$

3. 
$$|x+3|=1$$

4. 
$$|X + 1| = 2$$

5. 
$$|x-3| \leq 2$$

6. 
$$|x+7| < 1$$

7. 
$$|x-5| \ge 3$$

8. 
$$|x+6| > 1$$

6

<b>Proposition. –</b> On remarquera que l'intervalle $[a-r;a+r]$ est l'ensemble des réels $x$ tels que
Exemples. – Compléter chacune des phrases suivantes : 1. L'intervalle [2; 8] est l'ensemble des réels x tels que
2. L'intervalle [2, 25; 6, 35] est l'ensemble des réels x tels que
3. Traduire à l'aide d'une valeur absolue la condition $y \in [7,4;7,6]$ .

6

<b>Proposition.</b> – On remarquera que l'intervalle $]a-r;a+r[$ est l'ensemble des réels $x$ tels que
Exemples. – Compléter chacune des phrases suivantes : 1. L'intervalle ]20; 30[ est l'ensemble des réels x tels que
2. L'intervalle ]2, 15; 10, 55[ est l'ensemble des réels x tels que
3. Traduire à l'aide d'une valeur absolue la condition $y \in ]18;25[$ .

6 / 6