Statistique et aide à la décision Session 1

David Causeur Agrocampus Ouest IRMAR CNRS UMR 6625

Plan

1 Modèle de risque

2 Comparaison inter-groupe d'un risque



medRxiv preprint doi: https://doi.org/10.1101/2020.03.11.20031096 this version posted March 27, 2020. The copyright holder for this preprint (which was not certified by peer review) is the author/funder, who has granted medRxiv a license to display the preprint in perpetuity.

All rights reserved. No reuse allowed without permission.

Relationship between the ABO Blood Group and the COVID-19 Susceptibility

```
Jiao Zhao<sup>1,*</sup>, Yan Yang<sup>2,*</sup>, Hanping Huang<sup>3,*</sup>, Dong Li<sup>4,*</sup>, Dongfeng Gu<sup>1</sup>, Xiangfeng Lu<sup>5</sup>, Zheng Zhang<sup>2</sup>, Lei Liu<sup>2</sup>, Ting Liu<sup>3</sup>, Yukun Liu<sup>6</sup>, Yunjiao He<sup>1</sup>, Bin Sun<sup>1</sup>, Meilan Wei<sup>1</sup>, Guangyu Yang<sup>7,*</sup>, Xinghuan Wang<sup>8,*</sup>, Li Zhang<sup>3,*</sup>, Xiaoyang Zhou<sup>4,*</sup>, Mingzhao Xing<sup>1,*</sup>, Peng George Wang<sup>1,*</sup>
```

We collected and ABO-typed blood samples from 1.775 patients infected with SARS-CoV-2, including 206 dead cases, at the Jinyintan Hospital in Wuhan, Hubei province, China, Another 113 and 285 patients with COVID-19 were respectively recruited from Renmin Hospital of Wuhan University, Hubei province and Shenzhen Third People's Hospital, Guangdong province, China. The diagnosis of COVID-19 was confirmed by a positive real-time reverse transcriptase polymerase-chain-reaction test of SARS-CoV-2 on nasal and pharyngeal swab specimens from patients. Two recent surveys of ABO blood group distribution of 3,694 normal people from Wuhan City and 23,386 normal people from Shenzhen City were used as comparison controls for the Wuhan and Shenzhen patients with COVID-19, respectively 5-6. Statistical analyses were performed using chi-squared test. Data from different hospitals were meta-analyzed using random effects models, with calculation of odds ratio (OR) and 95% confidence interval (CI). Statistical analyses were performed using SPSS

Ceci a-t'il un effet sur cela?

Deux types de variables derrière cette question :

- cela est la variable réponse Y,
- ceci est la variable explicative X.

... les variations de Y sont-elles liées à celles de X?

$$\blacktriangleright$$
 mod = lm(y^x , data=...)

Le modèle linéaire répond à la problématique si :

- Y quantitative continue, par exemple un rendement
- X quantitative ou catégorielle.

Et si Y n'est pas une variable quantitative continue?

Exemple: le statut, sain/malade, d'un patient

Plan

Modèle de risque

2 Comparaison inter-groupe d'un risque

Effet groupe sur un risque

Soit $Y \in \{y_1, \dots, y_K\}$ une variable réponse à K groupes et $X \in \{x_1, \dots, x_I\}$ une variable explicative à I groupes Indépendance entre X et Y:

$$\mathbb{P}(Y = y_k \mid X = x_i) = \mathbb{P}(Y = y_k)$$
, pour tout k , pour tout i

Effet groupe sur un risque

Soit $Y \in \{y_1, \dots, y_K\}$ une variable réponse à K groupes et $X \in \{x_1, \dots, x_I\}$ une variable explicative à I groupes Indépendance entre X et Y:

$$\mathbb{P}(Y = y_k \mid X = x_i) = \mathbb{P}(Y = y_k), \text{ pour tout } k, \text{ pour tout } i$$

$$\frac{\mathbb{P}(Y = y_k, X = x_i)}{\mathbb{P}(X = x_i)} = \mathbb{P}(Y = y_k), \text{ [Théorème de Bayes]},$$

$$\mathbb{P}(Y = y_k, X = x_i) = \mathbb{P}(Y = y_k)\mathbb{P}(X = x_i).$$

On peut tester ces égalités à partir de la table de contingence.

Soit $Y \in \{y_1, \dots, y_K\}$ une variable réponse à K groupes et $X \in \{x_1, \dots, x_I\}$ une variable explicative à I groupes Table de contingence de X et Y:

| | <i>y</i> ₁ | Ук | Total |
|-----------------------|-----------------------|---------------------|----------------|
| <i>X</i> ₁ | n ₁₁ | n_{1K} | $n_{1\bullet}$ |
| <i>X</i> ₂ | n ₂₁ | n_{2K} | $n_{2\bullet}$ |
| : | i | : | : |
| x_{l} | n _{/1} | n_{lK} | $n_{l\bullet}$ |
| Total | n _{●1} | n _{•K} | n |



Sous H_0 : X et Y sont indépendantes,

$$\mathbb{P}_{H_0}(Y=y_k,X=x_i) = \mathbb{P}(Y=y_k)\mathbb{P}(X=x_i).$$

Soit n_{ik}^{\star} le nombre attendu d'individu sous H_0 pour lesquels $X = x_i$ et $Y = y_k$:

$$n_{ik}^{\star} = n \mathbb{P}_{H_0}(Y = y_k, X = x_i),$$

$$= n \mathbb{P}(Y = y_k) \mathbb{P}(X = x_i),$$

$$\hat{n}_{ik}^{\star} = n \frac{n_{\bullet k}}{n} \frac{n_{i\bullet}}{n},$$

$$= \frac{n_{\bullet k} n_{i\bullet}}{n}.$$



Statistique de test : distance du χ^2 de Pearson

$$D^{2} = \sum_{i=1}^{I} \sum_{k=1}^{K} \left(\frac{n_{ij} - n_{ij}^{\star}}{\sqrt{n_{ij}^{\star}}} \right)^{2}$$

Si $n_{ik}^{\star} \geq 5$, alors approximativement, :

$$D^2 \sim \chi^2_{(I-1)(K-1)}$$
 sous H_0 .

Degrés de liberté : (I-1)(K-1) = (IK-1) - ((I-1) + (K-1))



Supposons que Y a deux modalités, $Y = \pm 1$

Evaluation du risque : odds d'un groupe

$$odds_i = \frac{\mathbb{P}(Y = +1 \mid X = x_i)}{\mathbb{P}(Y = -1 \mid X = x_i)}$$

Comparaison par groupe des niveaux de risque : odds-ratio

$$\frac{\text{odds-ratio}_{i|j}}{\text{odds}_{j}} = \frac{\text{odds}_{i}}{\text{odds}_{j}}$$



Limite du test du χ^2 de Pearson

Test d'indépendance entre deux variables

or il est souvent nécessaire de prendre en compte des facteurs de confusion

Etude Covid19-groupe sanguin:

Hypothèse implicite : dans l'échantillon, les patients atteints de Covid19 ont la même exposition à tous les autres facteurs de risque, quelque soit leur groupe sanguin.