

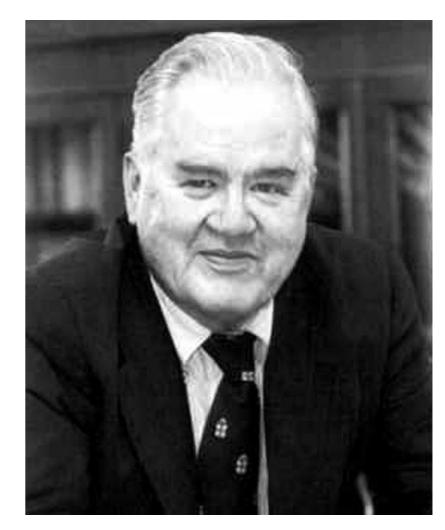
# Análisis Exploratorio de Datos

(con ejemplos en R)

Felipe Bravo

### Análisis Exploratorio de Datos

- El análisis exploratorio de datos o (EDA) engloba un conjunto de técnicas para poder comprender/resumir las características más importantes de un conjunto de datos o dataset.
- Esta metodología fue impulsada por el estadístico John Tukey.
- Se basa principalmente en dos criterios:
   Las estadísticas de resumen y la visualización de datos.
- En esta clase se verán ambos tipos de técnicas, además de su aplicación en R para datasets conocidos.

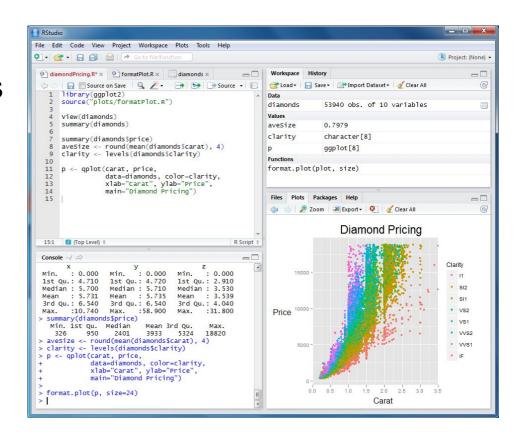


John Tukey

### R y Studio

- R es un ambiente de programación estadístico totalmente gratuito: <a href="http://www.r-project.org/">http://www.r-project.org/</a>
- Permite manipular y almacenar datos de manera efectiva.
- Es un lenguaje de programación completo: variables, loop, condiciones, funciones.
- Provee muchas librerías para realizar distintos tipos de análisis sobre colecciones de datos, ej: visualización de datos, análisis de series temporales, análisis de grafos, análisis de texto.
- Rstudio es un IDE que ofrece un entorno amigable para trabajar con R: <a href="http://www.rstudio.com">http://www.rstudio.com</a>





#### El dataset Iris

- Trabajaremos con un dataset muy conocido en análisis de datos llamado Iris.
- El dataset se compone de 150 observaciones de flores de la planta iris.
- Existen tres tipos de clases de flores iris: virginica, setosa y versicolor.
- Hay 50 observaciones de cada una.
- Las variables o atributos que se miden de cada flor son:
  - El tipo de flor como variable categórica.
  - El largo y el ancho del pétalo en cm como variables numéricas.
  - El largo y el ancho del sépalo en cm como variables numéricas.



#### El dataset Iris



- El dataset se encuentra disponible en R:
- >data(iris) # cara cargar el dataset al workspace
- > names(iris)
- [1] "Sepal.Length" "Sepal.Width" "Petal.Length" "Petal.Width" "Species"
- Para poder acceder a las variables directamente usamos el comando
- attach(iris).

#### Estadísticas de Resumen

- Las estadísticas de resumen son valores que explican propiedades de los datos.
- Algunas de estas propiedades incluyen: frecuencias, medidas de tendencia central y dispersión.
- Ejemplos:
  - Tendencia central: media, mediana, moda.
  - Dispersión: miden la variabilidad de los datos, como la desviación estándar, el rango, etc..
- La mayor parte de las estadísticas de resumen se pueden calcular haciendo una sola pasada por los datos.

#### Frecuencia y Moda

- La frecuencia de un valor de atributo es el porcentaje de veces que éste es observado.
- En R podemos contar las frecuencias de aparición de cada valor distinto de un vector usando el comando table:

```
> table(iris$Species)
    setosa versicolor virginica
    50    50
> vec<-c(1,1,1,0,0,3,3,3,3,2)
> table(vec)
vec
0 1 2 3
2 3 1 4
```

Ejercicio: Calcular las frecuencias porcentuales del vector anterior.
 > table(vec)/length(vec) # Frecuencia porcentual
 vec
 0 1 2 3

0.2 0.3 0.1 0.4

# Frecuencia y Moda (2)

- La moda de un atributo es el valor más frecuente observado.
- No existe la función moda directamente en R, pero es fácil de calcular usando table y max:

```
my_mode<-function(var){
  frec.var<-table(var)
  valor<-which(frec.var==max(frec.var)) # Elementos con el valor máximo
  names(valor)
}
> my_mode(vec)
[1] "3"
> my_mode(iris$Sepal.Length)
[1] "5"
```

 Generalmente usamos la frecuencia y la moda para estudiar variables categóricas.

#### Medidas de Tendencia Central

- Estas medidas tratan de resumir los valores observados en único valor asociado al valor localizado en el centro.
- La media es la medida más común de tendencia central para una variable numérica.
- Si tenemos m observaciones se calcula como la media aritmética o promedio.

$$\operatorname{mean}(x) = \overline{x} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} x_i$$

#### Medidas de Tendencia Central (2)

- El mayor problema de la media es que es una medida muy sensible a outliers o valores atípicos.
- Ejemplo: Tomamos un vector aleatorio de media 20 y luego le agregamos un elemento aleatorio que proviene de una distribución de media mucho mayor.
- Vemos que la media es fuertemente afectada por el ruido:

```
> vec<-rnorm(10,20,10)
> mean(vec)
[1] 16.80036
> vec.ruid<-c(vec,rnorm(1,300,100))
> mean(vec.ruid)
[1] 35.36422
```

#### Medidas de Tendencia Central (3)

- Podemos robustecer la media eliminando una fracción de los valores extremos usando la media truncada o trimmed mean.
- En R podemos darle un segundo parámetro a la función mean llamado trim que define la fracción de elementos extremos a descartar.
- Ejemplo: Descartamos el 10 % de los valores extremos en el ejemplo anterior:

```
> mean(vec,trim=0.1)

[1] 17.78799

> mean(vec.ruid,trim=0.1)

[1] 19.51609 # Mucho más robusto
```

#### Medidas de Tendencia Central (4)

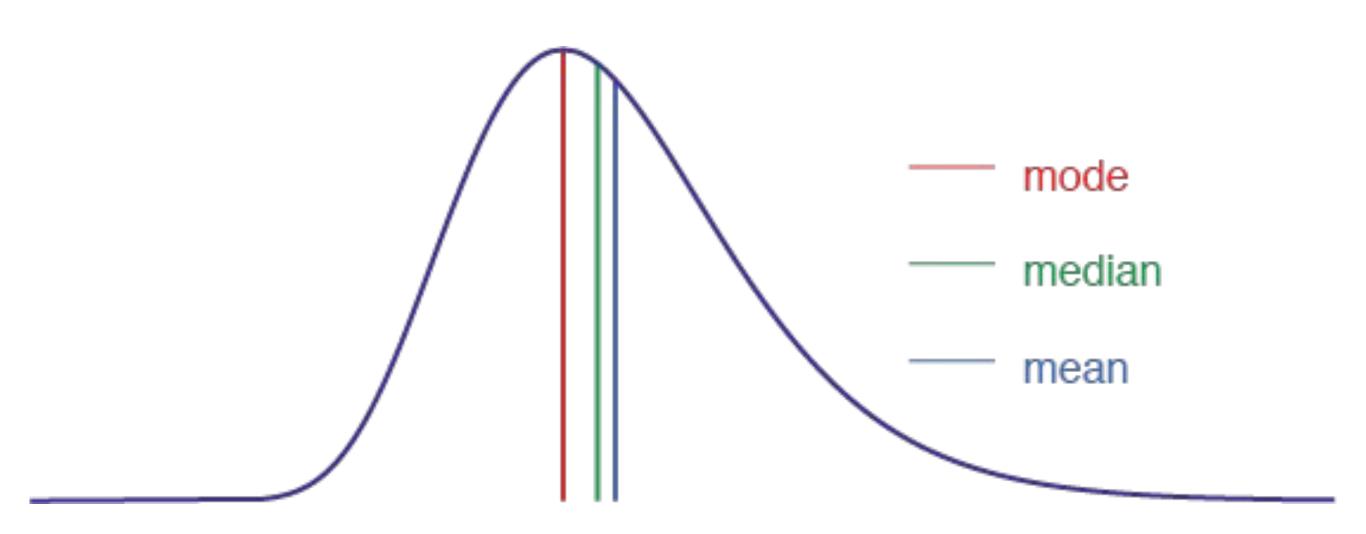
- La mediana representa la posición central de la variable que separa la mitad inferior y la mitad superior de las observaciones.
- Intuitivamente, consiste en el valor donde para una mitad de las observaciones todos los valores son mayores que ésta, y para la otra mitad todos son menores.

median
$$(x) = \begin{cases} x_{r+1} & \text{Si } m \text{ es impar con } m = 2r + 1 \\ \frac{1}{2}(x_r + x_{r+1}) & \text{Si } m \text{ es par con } m = 2r \end{cases}$$

 Para el ejemplo anterior, vemos que la mediana es más robusta al ruido que la media:

```
> median(vec)
[1] 17.64805
> median(vec.ruid)
[1] 17.64839
```

# Comparación entre la moda, la mediana y la media



#### Percentiles o Cuantiles

- El k-ésimo percentil de una variable numérica es un valor tal que el k% de las observaciones se encuentran debajo del percentil y el (100 - k) % se encuentran sobre este valor.
- En estadística se usan generalmente los cuantiles que son equivalentes a los percentiles expresados en fracciones en vez de porcentajes.
- En R se calculan con el comando quantile:
   # Todos los percentiles
   quantile(Sepal.Length,seq(0,1,0.01))

### Percentiles o Cuantiles (2)

- Además es muy común hablar de los cuartiles que son tres percentiles específicos:
  - El primer cuartil Q1 (lower quartile) es el percentil con k = 25.
  - El segundo cuartil Q2 es con k = 50 que equivale a la mediana.
  - El tercer cuartil Q3 (upper quartile) es con k = 75.

```
# El mínimo, los tres cuartiles y el máximo > quantile(Sepal.Length,seq(0,1,0.25)) 0% 25% 50% 75% 100% 4.3 5.1 5.8 6.4 7.9
```

#### Resumiendo un Data Frame

- En R podemos resumir varias estadísticas de resumen de una variable o de un data.frame (tabla en R) usando el comando summary.
- Para las variables numéricas nos entrega el mínimo, los cuartiles, la media y el máximo.
- Para las variables categóricas nos entrega la tabla de frecuencias.

```
> summary(iris)
Sepal.Length
               Sepal.Width
                              Petal.Length
                                             Petal.Width
Min.
       :4.300
              Min.
                      :2.000
                                     :1.000
                              Min.
                                             Min.
                                                    :0.100
1st Ou.:5.100
              1st Ou.:2.800
                              1st Qu.:1.600
                                             1st Ou.:0.300
Median :5.800
              Median :3.000
                              Median : 4.350
                                             Median :1.300
              Mean :3.057
Mean :5.843
                              Mean :3.758
                                                    :1.199
                                             Mean
3rd Ou.:6.400
                                             3rd Ou.:1.800
              3rd Ou.:3.300
                              3rd Ou.:5.100
              Max. :4.400
                                             Max.
Max. :7.900
                              Max. :6.900
                                                    :2.500
```

#### Species

setosa :50
versicolor:50
virginica :50

### Ejercicio

- Usando el comando tapply analice la media, la mediana y los cuartiles para las tres especies de Iris para las cuatro variables.
- ¿Nota alguna diferencia en las distintas especies?

#### Respuesta:

tapply(iris\$Petal.Length,iris\$Species,summary)
tapply(iris\$Petal.Width,iris\$Species,summary)
tapply(iris\$Sepal.Length,iris\$Species,summary)
tapply(iris\$Sepal.Width,iris\$Species,summary)

### Medidas de Dispersión

- Estas medidas nos dicen qué tan distintas o similares tienden a ser las observaciones respecto a un valor particular.
- Generalmente este valor particular se refiere a alguna medida de tendencia central.
- El rango es la diferencia entre el valor máximo y el mínimo:

```
> max(Sepal.Length)-min(Sepal.Length) [1] 3.6
```

# Medidas de Dispersión (2)

 La desviación estándar es la raíz cuadrada de la varianza que mide las diferencias cuadráticas promedio de las observaciones con respecto a la media.

$$var(x) = \frac{1}{m-1} \sum_{i=1}^{m} (x_i - \overline{x})^2$$

$$sd(x) = \sqrt{var(x)}$$

var(Sepal.Length)[1] 0.6856935sd(Sepal.Length)[1] 0.8280661

### Medidas de Dispersión (3)

- Al igual que la media, la desviación estándar es sensible a outliers.
- Las medidas más robustas se basan generalmente en la mediana.
- Sea m(x) una medida de tendencia central de x (usualmente la mediana), se define la desviación absoluta promedio o average absolute deviation (AAD) como:

$$AAD(x) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} |x_i - m(x)|$$

### Medidas de Dispersión (4)

- Ejercicio: programe la desviación absoluta promedio en R como una función Ilmada aad.
- La función recibe un vector x y una función de media central fun.
- El valor absoluto se calcula con el comando abs.
- Solución:

```
aad<-function(x,fun=median){
mean(abs(x-fun(x)))
}
> aad(Sepal.Length)
[1] 0.6846667
> aad(Sepal.Length,mean)
[1] 0.6875556
```

# Medidas de Dispersión (5)

 Sea b una constante de escala se define la desviación media absoluta o median absolute deviation como:

$$MAD(x) = b \times median(|x_i - m(x)|)$$

 En R se calcula con el comando mad con los parámetros center como una función que mide la tendencia central de la variable y constant como la constante b. Por defecto se usa la mediana y el valor 1,482.

```
> mad(Sepal.Length) [1] 0.7
```

 Finalmente, se define el rango intercuartil (IQR) como la diferencia entre el tercer y el primer cuartil (Q3 – Q1).

```
IQR(Sepal.Length) [1] 1.3
```

# Estadísticas de Resumen Multivariadas

- Para comparar cómo varía una variable respecto a otra, usamos medidas multivariadas.
- La covarianza cov(x, y) mide el grado de variación lineal conjunta de un par de variables x, y :

$$cov(x,y) = \frac{1}{m-1} \sum_{i=1}^{n} (x - \overline{x})(y - \overline{y})$$

- Donde cov(x, x) = var(x)
- En R se calcula con el comando cov:

> cov(Sepal.Length,Sepal.Width) [1] -0.042434

# Estadísticas de Resumen Multivariadas (2)

- Para comparar cómo varía una variable respecto a otra, usamos medidas multivariadas.
- La covarianza cov(x, y) mide el grado de variación lineal conjunta de un par de variables x, y :

$$cov(x,y) = \frac{1}{m-1} \sum_{i=1}^{n} (x - \overline{x})(y - \overline{y})$$

- Donde cov(x, x) = var(x)
- En R se calcula con el comando cov:

> cov(Sepal.Length,Sepal.Width) [1] -0.042434

# Estadísticas de Resumen Multivariadas (3)

- Para datasets de varias columnas numéricas uno puede calcular una matriz de covarianza.
- Cada celda i,j de esta matriz contiene la covarianza entre los atributos i y j.
- Esta matriz es simétrica.
- En R esta matriz se obtiene al aplicar el comando cov a una matriz o un data.frame de variables numéricas:

#### > cov(iris[,1:4])

```
Sepal.LengthSepal.WidthPetal.LengthPetal.WidthSepal.Length0.6856935-0.04243401.27431540.5162707Sepal.Width-0.04243400.1899794-0.3296564-0.1216394Petal.Length1.2743154-0.32965643.11627791.2956094Petal.Width0.5162707-0.12163941.29560940.5810063
```

# Estadísticas de Resumen Multivariadas (4)

- Si dos variables son independientes entre sí, su covarianza es cero.
- Para tener una medida de relación que no dependa de la escala de cada variable, usamos la correlación lineal.
- Se define a la correlación lineal o coeficiente de correlación de **Pearson** r(x, y) como:

$$r(x,y) = \frac{cov(x,y)}{sd(x)sd(y)}$$

- La correlación lineal varía entre –1 a 1.
- Un valor cercano a 1 indica que mientras una variable crece la otra también lo hace en una proporción lineal.
- Un valor cercano a -1 indica una relación inversa (una crece la otra decrece).

# Estadísticas de Resumen Multivariadas (5)

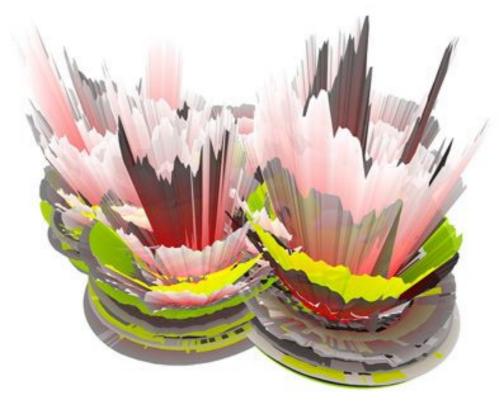
- Una correlación cercana a 0 no implica que no pueda haber una relación no-lineal entre las variables.
- La correlación lineal se calcula en R con el comando cor.
- Podemos usarla de forma análoga a la covarianza para obtener una matriz de correlaciones.

### Tablas de Contingencia

- Para analizar la relación entre variables de naturaleza categórica usamos tablas de contingencia.
- La tabla se llena con las frecuencias de co-ocurrencia de todos los pares de valores entre dos variables categóricas.
- En R se crean usando el comando *table* que usábamos para frecuencias, pero aplicado sobre dos vectores:

#### Visualización de Datos

- La visualización de datos es la transformación de un dataset a un formato visual que permita a las personas identificar las características y las relaciones entre sus elementos (columnas y files).
- La visualización permite que las personas reconozcan patrones o tendencias en base a su criterio o conocimiento en el dominio de aplicación.



#### Representación

- Se entiende por representación como el mapeo que se hace a partir de los datos hacia un formato visual.
- Se traducen los datos, sus atributos y relaciones a elementos gráficos como puntos, líneas, formas y colores.
- Los objetos son usualmente representados como puntos.
- Los valores de atributos se representan como la posición de los puntos o las características de los puntos, ej: color, tamaño y forma.
- Cuando se usa la posición para representar los valores es simple detectar si es que se forman grupos de objetos o la presencia de objetos atípicos.

#### Graficando en R

- En R la función de visualización más frecuente en plot.
- Es una función genérica cuyo resultado depende de la naturaleza de las variables usadas.
- A todos los gráficos les podemos agregar parámetros adicionales como: main para el título, xlab e ylab para el nombre del eje x y del el eje y.
- Otras propiedades son col para definir el color, type para definir el tipo de gráfico: (p) para puntos o (l) para líneas.
- Además podemos agregar nuevas capas a un gráfico con el comando lines.
- Para grabar una imagen en un archivo podemos usar el botón export de Rstudio.
- Para hacerlo de la línea de comandos en R:

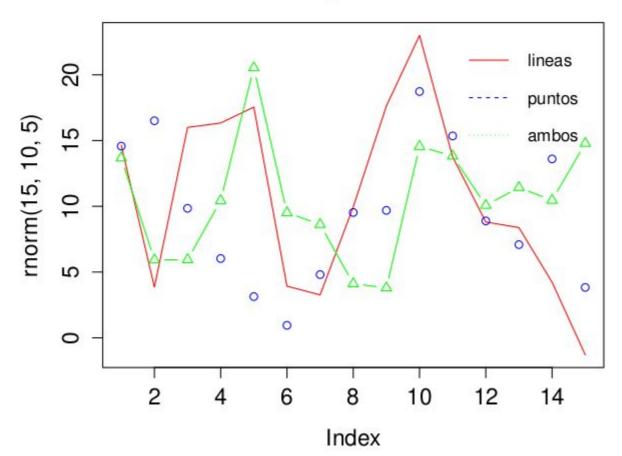
```
png("imagen.png")
plot(1:10)
dev.off()
```

#### Graficando en R

#### Ejemplo:

```
plot(rnorm(15,10,5),col="red",type="l")
lines(rnorm(15,10,5),col="blue",type="p",pch=1)
lines(rnorm(15,10,5),col="green",type="b",pch=2)
title(main="Mi gráfico")
legend('topright', c("lineas","puntos","ambos"), lty=1:3, col=c("red", "blue","green"), bty='n', cex=.75)
```

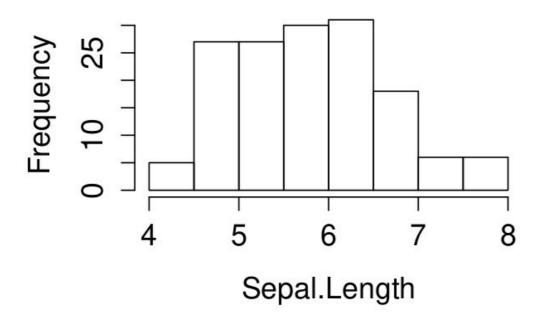
#### Mi gráfico



### Histogramas

- Muestran la distribución de los valores de una variable.
- Los valores de los elementos se dividen en contenedores (bins) y se crean gráficos de barra por cada contenedor.
- La altura de cada barra indica el número de elementos o frecuencia del contenedor.
- En R se crean con el comando hist.
  - > hist(Sepal.Length)

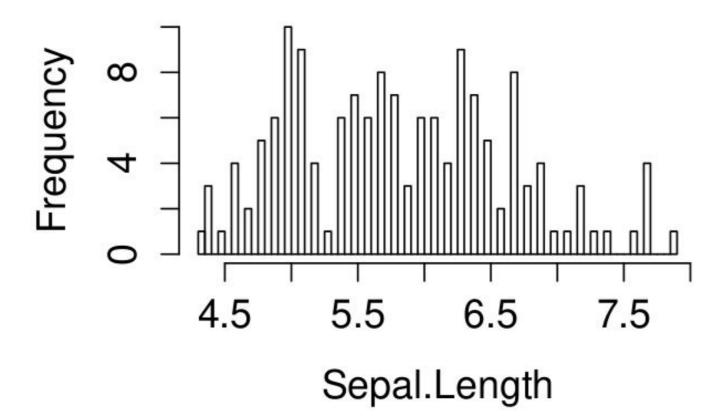
#### Histogram of Sepal.Length



# Histogramas (2)

- La forma del histograma depende del número de contenedores.
- En R se puede definir esa cantidad con el parámetro nclass.
   hist(Sepal.Length,nclass=100)

#### Histogram of Sepal.Length

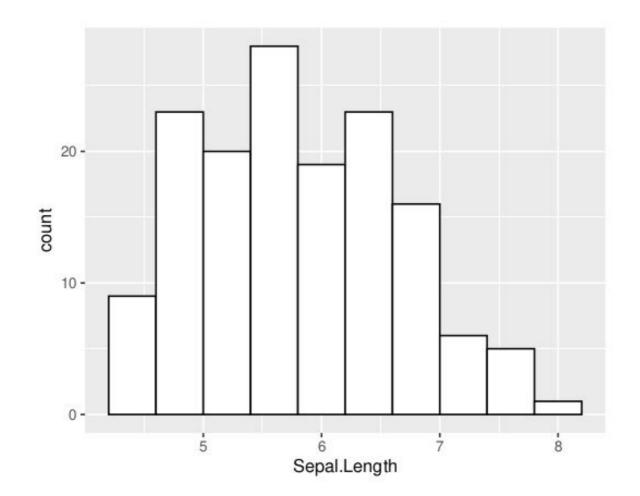


# Histogramas (3)

- Una librería muy popular para hacer visualizaciones en R es ggplot2.
- Se basa en la idea de descomponer el gráfico en componentes semánticos como escalas y capas.

```
>install.packages("ggplot2")
```

- >library(ggplot2)
- >ggplot(iris, aes(x=Sepal.Length))
- + geom\_histogram(bins = 10, color="black", fill="white")



#### Densidad

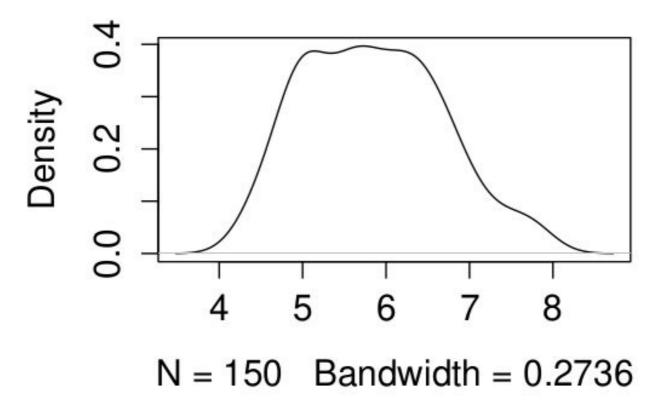
- Otra forma de visualizar cómo se distribuyen los datos es estimando una densidad.
- Se calculan usando técnicas estadísticas no paramétricas llamadas estimación de densidad de kernel.
- La densidad es una versión suavizada del histograma y nos permite determinar más claramente si los datos observados se comportan como una densidad conocida ej: normal.

### Densidad

• En R se crean con el comando *density*, para luego visualizarlas con el comando *plot*.

plot(density(iris\$Sepal.Length),main="Densidad de Sepal.Length")

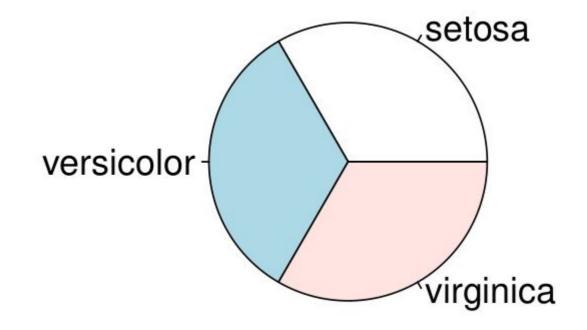
#### Densidad de Sepal.Length



### Gráficos de Torta o Pie Charts

- Los gráficos de torta, gráficos circulares o pie charts representan la frecuencia de los elementos en un círculo.
- Cada elemento tiene una participación proporcional a su frecuencia relativa.
- Se usan generalmente para variables categóricas.
- No se recomienda mucho su uso, pues pueden entregar información engañosa.

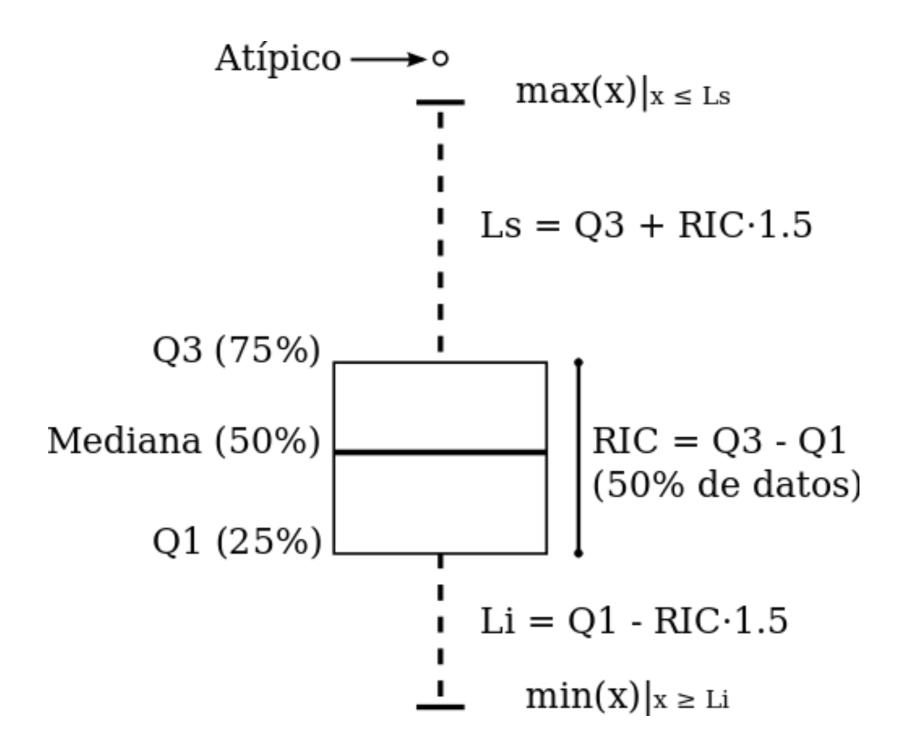
pie(table(iris\$Species))



### **Boxplots**

- Los Boxplots o diagramas de caja se construyen a partir de los percentiles.
- Se construye una rectángulo usando entre el primer y el tercer cuartil (Q1 y Q3).
- La altura del rectángulo es el rango intercuartil RIC (Q3 Q1).
- La mediana es una línea que divide el rectángulo.
- Cada extremo del rectángulo se extiende con una recta o brazos de largo Q1 – 1,5\*RIC para la recta inferior y Q3 + 1,5\*RIC para la recta superior.
- Los valores más extremos que el largo de los brazos son considerados atípicos.
- El boxplot nos entrega información sobre la simetría de la distribución de los datos.
- Si la mediana no está en el centro del rectángulo, la distribución no es simétrica.
- Son útiles para ver la presencia de valores atípicos u outliers.

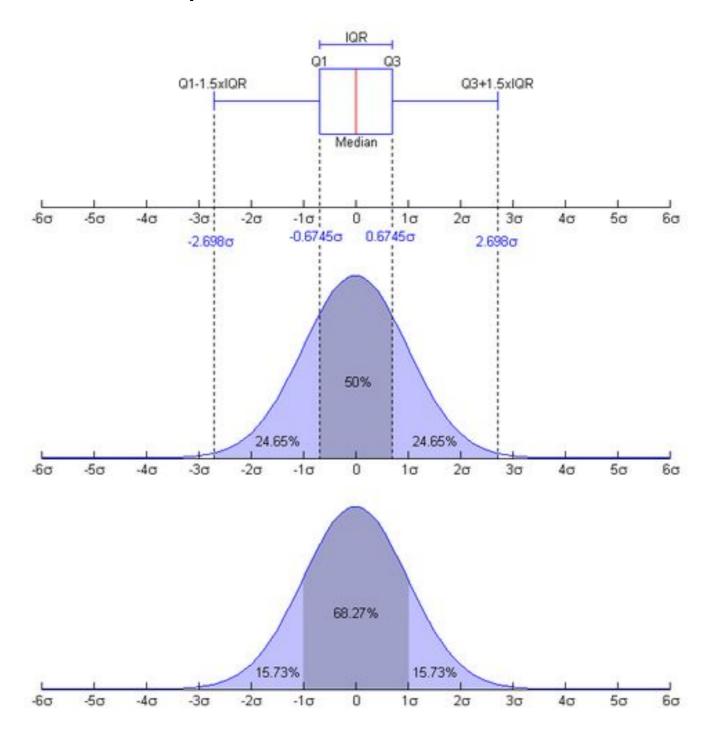
## Boxplots (2)



Fuente:

### Boxplots (3)

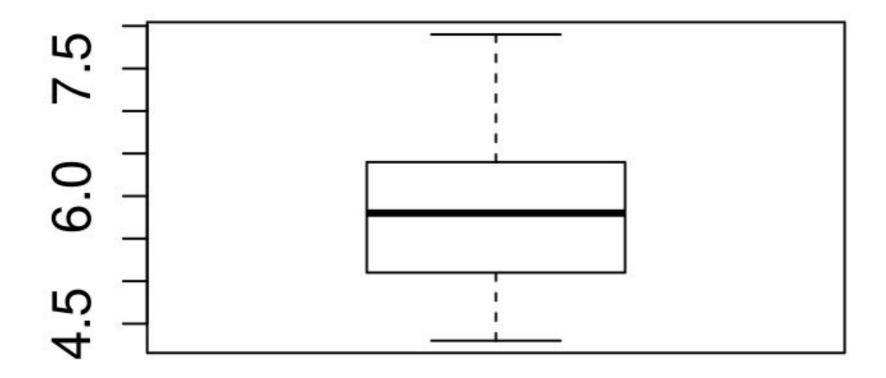
El largo de los brazos así como el criterio para identificar valores atípicos se basa en el comportamiento de una normal.



### Boxplots (4)

- En R los boxplots se grafican con el comando boxplot:
- > boxplot(Sepal.Length,main="Boxplot Sepal.Length")

### **Boxplot Sepal.Length**



### Boxplots (4)

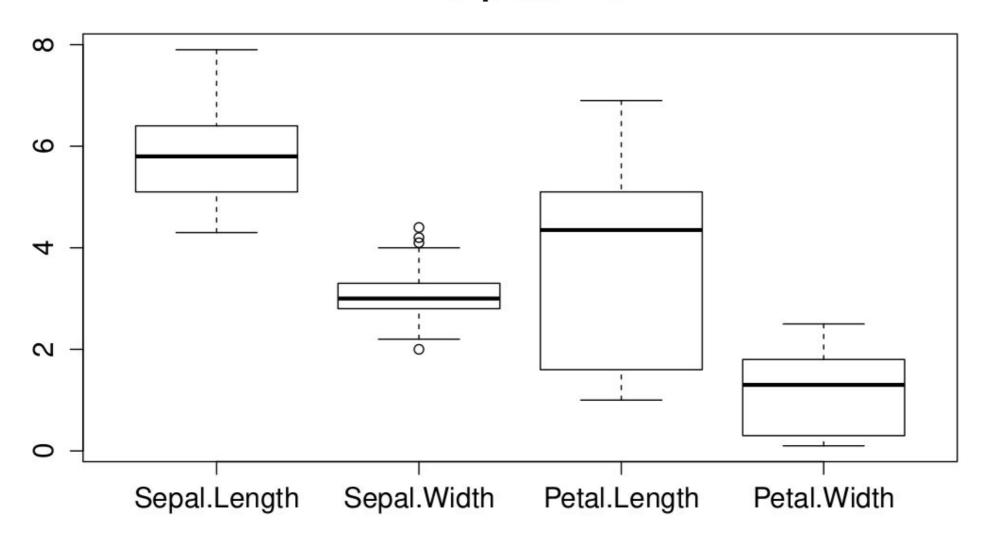
- Si tenemos una variable factor podemos crear un boxplot para cada categoría de la siguiente manera:
- > boxplot(Sepal.Length~Species,ylab="Sepal.Length")



### Boxplots (5)

- También podemos podemos comparar varios boxplots en un mismo gráfico:
- > boxplot(x=iris[,1:4],main="Boxplots Iris")

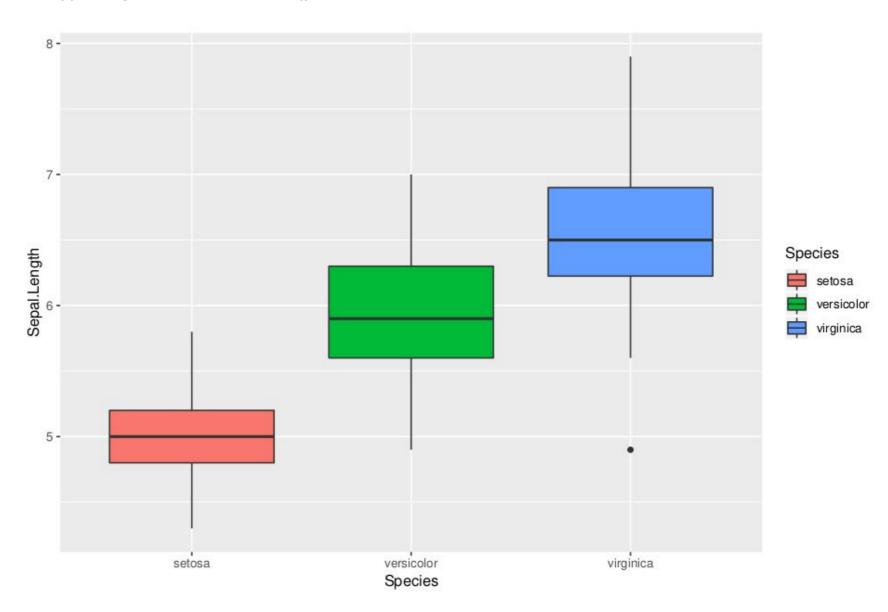
#### **Boxplots Iris**



### Boxplots (6)

#### Ahora usando ggplot2:

> ggplot(iris, aes(x = Species, y = Sepal.Length, fill = Species)) + geom\_boxplot()



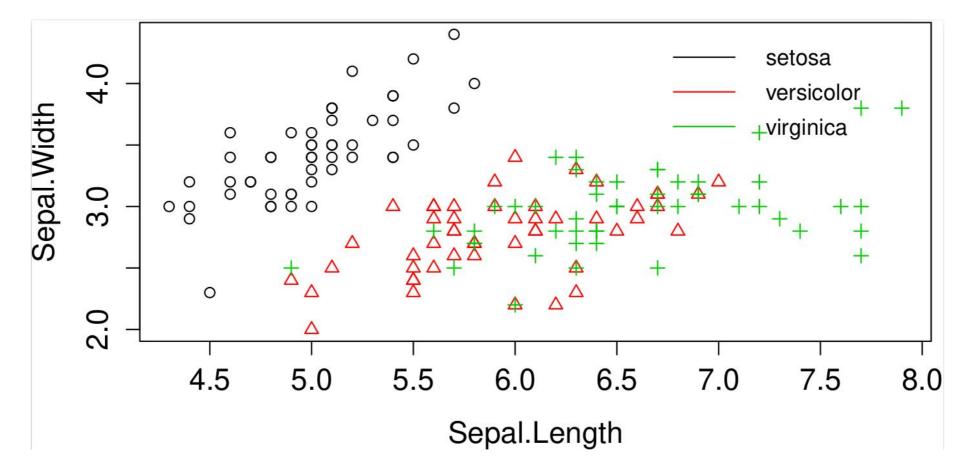
### Diagramas de Dispersión

- Los diagramas de dispersión o scatter plots usan coordenadas cartesianas para mostrar los valores de dos variables numéricas del mismo largo.
- Los valores de los atributos determinan la posición de los elementos.
- Otros atributos pueden usarse para definir el tamaño, la forma o el color de los objetos.
- En R podemos graficar un scatterplot de dos variables numéricas usando el comando *plot(x,y)*, que sería y vs x.
- También se pueden definir fórmulas f(x) = y usando la notación y~x.
- De esta manera el comando  $plot(y \sim x)$  es equivalente a plot(x,y).
- Si tenemos un data.frame o matriz numérica podemos ver los scatterplots de todos los pares usando el comando pairs(x).

## Diagramas de Dispersión (2)

#### Ejemplo

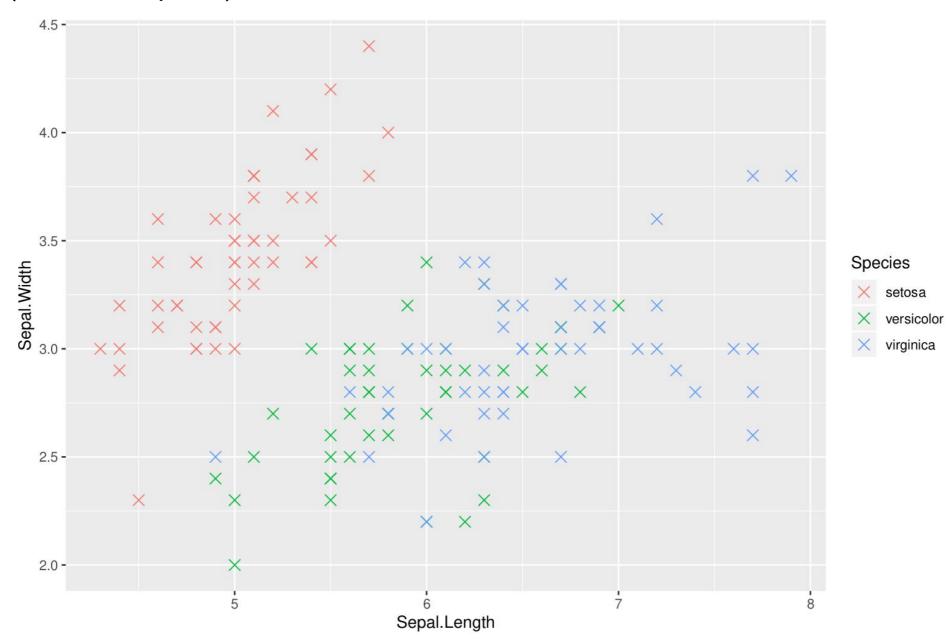
```
# El ancho del sépalo vs el largo del sépalo plot(Sepal.Width~Sepal.Length, col=Species) # Equivalente plot(Sepal.Length, Sepal.Width,col=Species, pch=as.numeric(Species)) # Le agregamos una leyenda legend('topright', levels(Species), lty=1, col=1:3, bty='n', cex=.75)
```



## Diagramas de Dispersión (3)

#### Lo mismo usando ggplot2:

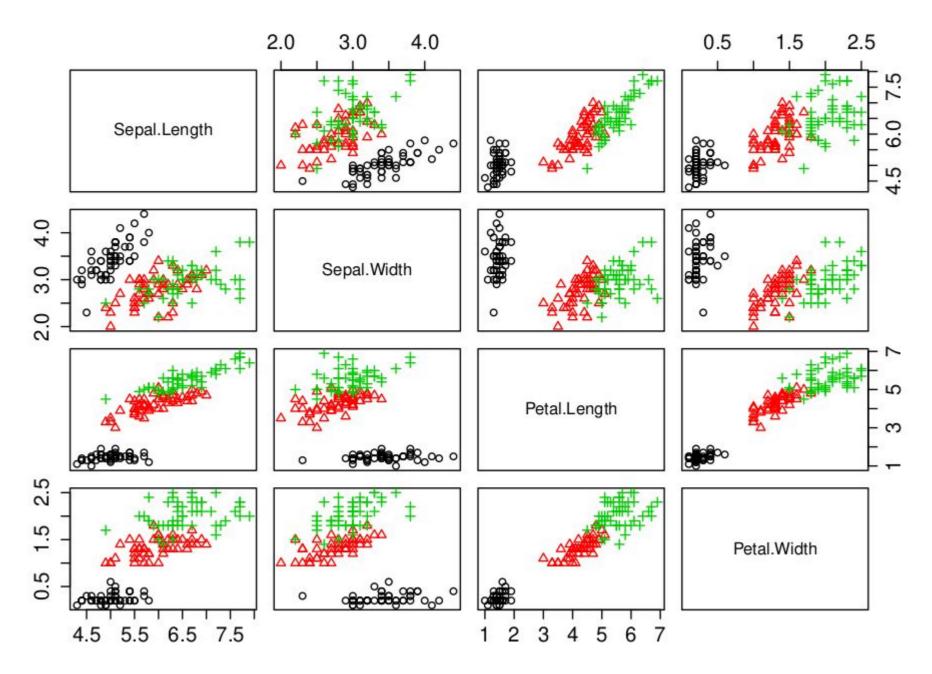
```
ggplot(iris, aes(x=Sepal.Length,
y=Sepal.Width, color=Species)) +
geom_point(size=3,shape=4)
```



## Diagramas de Dispersión (4)

Ahora grafiquemos todos los pares de las 4 variables del dataset iris usando un color y un carácter distinto para cada especie:

pairs(iris[,1:4],pch=as.numeric(iris\$Species),col=iris\$Species)



## Diagramas de Dispersión (5)

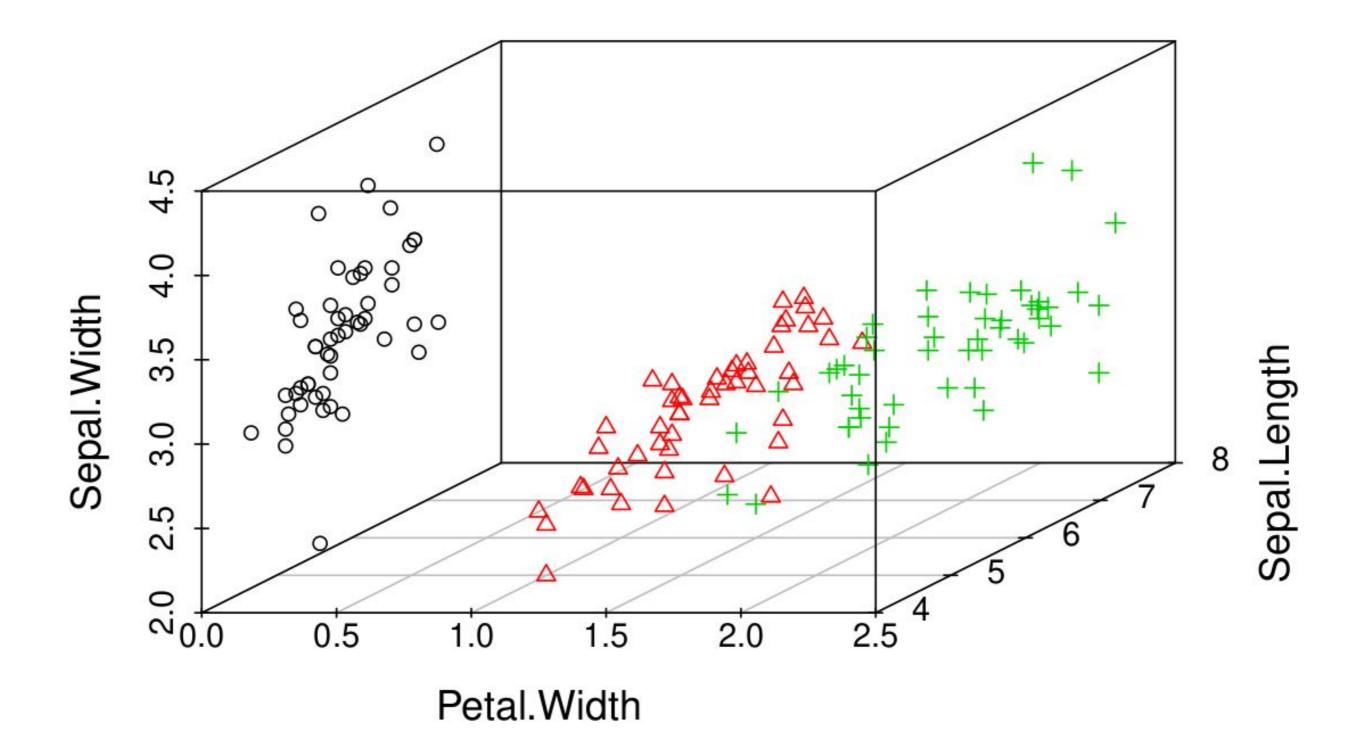
- También se pueden crear scatterplots en tres dimensiones.
- Se debe instalar la librería scatterplot3d usando el siguiente comando:

install.packages("scatterplot3d",dependencies=T)

- Luego cargan la librería escribiendo library(scatterplot3d).
- Un scatterplot 3d para el ancho del pétalo, el largo del sépalo y el ancho del sépalo:

```
scatterplot3d(iris$Petal.Width, iris$Sepal.Length, iris$Sepal.Width, color=as.numeric(iris$Species), pch=as.numeric(iris$Species))
```

# Diagramas de Dispersión (6)



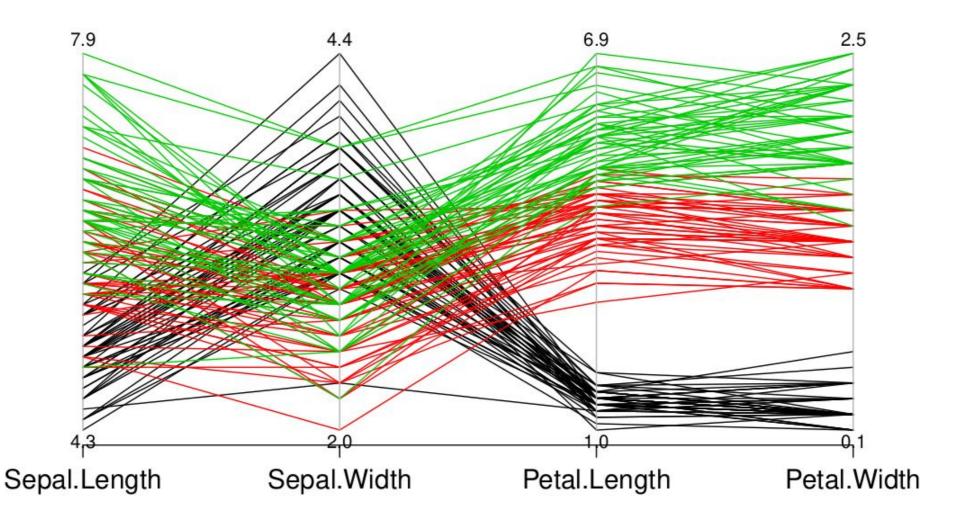
## Gráficos de Coordenadas Paralelas

- Los gráficos de coordenadas paralelas ofrecen una alternativa para visualizar datos multidimensionales.
- En vez de usar ejes perpendiculares (x-y-z) usamos varios ejes paralelos entre sí.
- Cada atributo es representado por uno de los ejes paralelo con sus respectivos valores.
- Los valores de los distintos atributos son escalados para que cada eje tenga la misma altura.
- Cada observación representa una línea que une los distintos ejes de acuerdo a sus valores.
- De esta manera, objetos similares entre sí tienden a agruparse en líneas con trayectoria similar.
- En muchas ocasiones es necesario realizar un reordenamiento de los ejes para poder visualizar un patrón.

# Gráficos de Coordenadas Paralelas (2)

 En R podemos crear gráficos de coordenadas paralelas con el comando parcoord de la librería MASS.

library(MASS)
parcoord(iris[1:4], col=iris\$Species,var.label=T)



### Gráficos de Estrellas

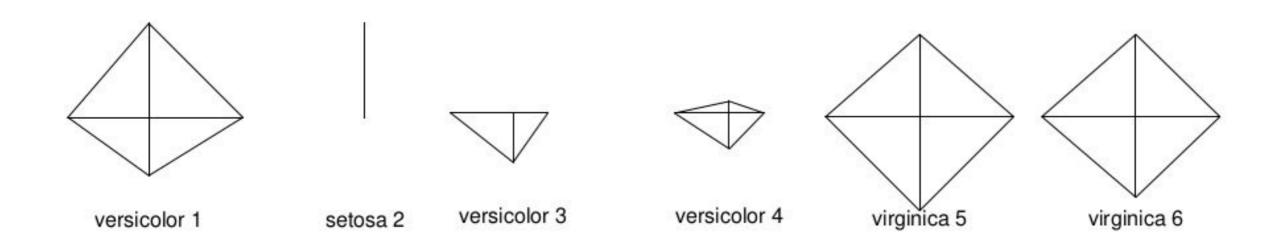
- Los gráficos de estrella o gráficos radiales representan cada ejemplo como estrella.
- Cada variable se representa como un eje que parte del centro de la estrella y se extiende hacia afuera en diferentes direcciones, como las agujas del reloj.
- El valor de cada variable se representa mediante una línea o segmento que conecta el centro de la estrella con el punto correspondiente en el eje.
- El tamaño de cada línea o segmento en relación con el centro de la estrella refleja el valor reescalado de la variable.
- Si una línea es más larga, indica un valor más alto, mientras que una línea más corta indica un valor más bajo.
- Al unir todos los puntos correspondientes a cada variable, se forma un polígono que representa el perfil o características del objeto o ejemplo que se está representando.
- Sirve para comparar objetos o detectar valores atípicos.

### Gráficos de Estrellas

 Estos gráficos son útiles para comparar objetos o detectar valores atípicos porque permiten visualizar rápidamente cómo se distribuyen los valores en múltiples variables.

#### Ejemplo:

iris\_sample1<-iris[sample(1:dim(iris)[1],size=6,replace=F),] rownames(iris\_sample1)<-paste(as.character(iris\_sample1\$Species),1:6) stars(iris\_sample1[1:4])



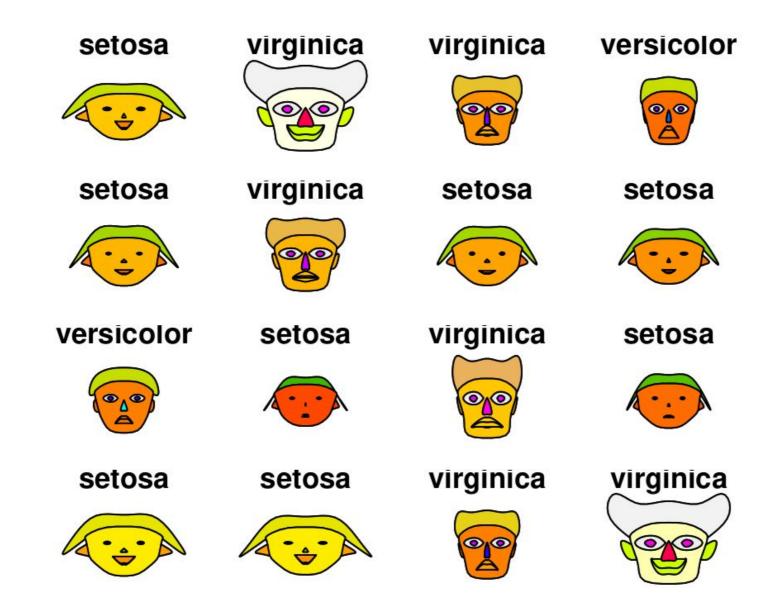
### Caras de Chernoff

- Enfoque creado por Herman Chernoff basado en la capacidad humana para distinguir rostros.
- Cada observación se representa gráficamente como una cara.
- Cada atributo corresponde se mapea alguna característica de la cara (ej: boca, ojos, nariz, etc..)
- El valor de los atributos determina la apariencia de la característica facial (ej: tamaño, forma).

### Caras de Chernoff (2)

#### Ejemplo:

library("aplpack")
iris\_sample<-iris[sample(1:dim(iris)[1],size=16,replace=F),]
faces(iris\_sample[1:4],face.type=1,labels=iris\_sample\$Species)





www.dcc.uchile.cl

