

# Procesamiento de Lenguaje Natural

Apunte de Clases (Borrador)

Felipe Bravo Márquez

Felipe Bravo Márquez

Ilustración Portada por Paulette Filla

DEPARTAMENTO DE CIENCIAS DE LA COMPUTACIÓN, UNIVERSIDAD DE CHILE

GITHUB.COM/DCCUCHILE/CC6205

Apuntes de clases del curso de Procesamiento de Lenguaje Natural de la Universidad de Chile.

El formato del apunte fue tomado del template de Jasmine Hao.

*Borrador, 6 de noviembre de 2023*



## Índice general

<b>0.1 Ejemplos de Problemas de Clasificación</b>	<b>4</b>
<b>0.2 Clasificador Naïve Bayes</b>	<b>6</b>
0.2.1 Suposiciones de Independencia del Bayes Ingenuo Multinomial .....	7
0.2.2 Clasificador Bayes Ingenuo Multinomial .....	7
0.2.3 Aplicación de los clasificadores Naïve Bayes multinomiales a la clasificación de texto .....	8
0.2.4 Problemas al multiplicar muchas probabilidades .....	8
0.2.5 Aprendizaje del modelo Naïve Bayes multinomial .....	8
0.2.6 Estimación de parámetros .....	9
0.2.7 Probabilidades cero y el problema de las palabras no vistas .....	9
0.2.8 Suavizado Laplaciano (Add-1) para Naïve Bayes .....	9
0.2.9 Naïve Bayes multinomial: aprendizaje .....	10
0.2.10 Palabras desconocidas .....	10
<b>0.3 Ejemplo</b>	<b>10</b>
<b>0.4 Naïve Bayes como modelo de lenguaje</b>	<b>11</b>
<b>0.5 Evaluación</b>	<b>12</b>
0.5.1 La Matriz de Confusión 2x2 .....	12
0.5.2 Evaluación: Exactitud .....	12
0.5.3 Evaluación: Precisión y Recall .....	13
0.5.4 ¿Por qué Precisión y Recall? .....	13
0.5.5 Una Medida Combinada: Medida F .....	13
0.5.6 Conjuntos de Prueba de Desarrollo ("Devsets") .....	14
0.5.7 Validación Cruzada: Múltiples Divisiones .....	14
0.5.8 Matriz de Confusión para clasificación de 3 clases .....	15

La clasificación, que implica la asignación de un objeto a una categoría específica, desempeña un papel fundamental tanto en la inteligencia humana como en la artificial. En este contexto, la clasificación abarca diversas tareas, que van desde determinar qué letra, palabra o imagen se ha

presentado a nuestros sentidos, hasta reconocer caras, voces, clasificar correos electrónicos o calificar tareas.

El propósito subyacente de la clasificación es tomar una única observación, identificar y extraer características relevantes de la misma, y, en última instancia, ubicarla en una de las categorías discretas predefinidas.

**Definición 0.0.1** Formalmente, definimos el problema de clasificación de texto, al escenario en que se tiene un documento  $d$  y un conjunto fijo de clases  $C = \{c_1, c_2, \dots, c_J\}$  y se requiere predecir un clase  $c \in C$  para  $d$ .

Como se discutió en el Capítulo ??, la construcción de clasificadores mediante reglas manuales no resulta ser un enfoque eficaz. Hoy en día la mayoría de las tareas de clasificación en PLN se abordan mediante enfoques de aprendizaje automático supervisado.

Formalmente, se parte de un conjunto fijo de clases  $C = \{c_1, c_2, \dots, c_J\}$  y un conjunto de entrenamiento compuesto por  $m$  documentos que han sido etiquetados manualmente como  $(d_1, c_1), (d_2, c_2), \dots, (d_m, c_m)$ . A través de un proceso de entrenamiento, se desarrolla un clasificador que se define como una función  $\gamma: d \rightarrow c$ .

Diversos algoritmos de clasificación están disponibles para este propósito, como Naïve Bayes, Regresión logística, Redes neuronales, k-vecinos más cercanos, entre otros. En este capítulo, nos centraremos en el modelo Naïve Bayes. Este capítulo se basa en el material del curso de Daniel Jurafsky, al que se puede acceder a través del siguiente enlace<sup>1</sup>.

## 0.1 Ejemplos de Problemas de Clasificación

La clasificación de texto se puede aplicar a varias tareas, incluyendo:

- Análisis de sentimientos
- Detección de spam
- Identificación de autoría
- Identificación de idioma
- Asignación de categorías, temas o géneros

Analicemos estos ejemplos en más detalle:

■ **Ejemplo 0.1** Clasificación de spam. En este problema el objeto a clasificar es un correo electrónico y las etiquetas posibles son SPAM y no SPAM. Las etiquetas se obtienen del mismo usuario que etiqueta los correos.

■ **Ejemplo 0.2** Detección de Autoría. Un ejemplo histórico de detección de autoría se refiere a la autoría de los Ensayos Federalistas de la Constitución de EE. UU. En 1787, se escribieron ensayos anónimos para persuadir a Nueva York de ratificar la Constitución de EE. UU. La autoría de 12 de estos ensayos estuvo en disputa entre James Madison y Alexander Hamilton (Tabla 1) hasta que en 1963, Mosteller y Wallace [Mosteller and Wallace, 1963] utilizaron métodos bayesianos para identificar que Hamilton era el autor de los mismos.

■ **Ejemplo 0.3** Clasificación por tópico. Aquí los ejemplos incluyen clasificar una noticia en una categoría temática (ej: deportes, política, economía) o etiquetar automáticamente un artículo en

<sup>1</sup><https://web.stanford.edu/~jurafsky/slp3/4.pdf>

Subject: Important notice!  
From: Stanford University <newsforum@stanford.edu>  
Date: October 28, 2011 12:34:16 PM PDT  
To: undisclosed-recipients:;

---

Greates News!

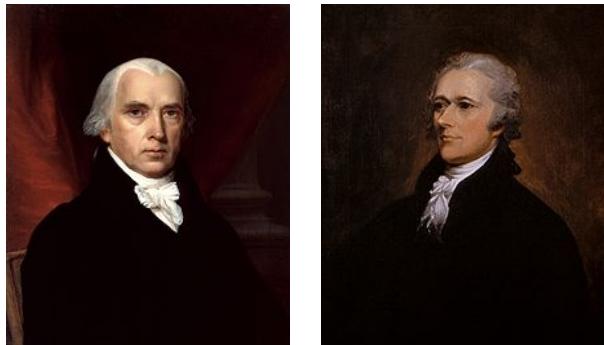
You can now access the latest news by using the link below to login to Stanford University News Forum.

<http://www.123contactform.com/contact-form-StanfordNew1-236335.html>

Click on the above link to login for more information about this new exciting forum. You can also copy the above link to your browser bar and login for more information about the new services.

© Stanford University. All Rights Reserved.

Figura 1: Ejemplo de Spam



James Madison

Alexander Hamilton

Cuadro 1: Autores candidatos a autoría.

ciencias de la vida en una categoría del Medical Subject Headings (MeSH) como se ilustra en la Figura 2.

■ **Ejemplo 0.4** Clasificación de sentimientos. La clasificación de sentimientos se utiliza para determinar si un documento exhibe un sentimiento positivo o negativo. Este enfoque se basa en el análisis del tono y las palabras utilizadas en el texto. A continuación, se presentan ejemplos de reseñas de películas y comentarios de restaurantes:

- + ...una película muy **buena**, especialmente por los giros de la trama. ¡Fue **espectacular**!
- - La actuación fue **patética**, destacando las escenas de baile como lo **peor**.
- + ...la salsa de chocolate con almendras dulces es simplemente **increíble** en este lugar. ¡Me **encanta**!
- - ...la pizza estaba **horrible** y tenía un precio **ridículamente** alto.

Este enfoque se aplica en diversos casos, como medir la confianza del consumidor respecto a un producto o predecir resultados electorales y tendencias del mercado en función del sentimiento. Estas aplicaciones suelen ser el resultado de la implementación de modelos de análisis de sentimientos en datos procedentes de las redes sociales.

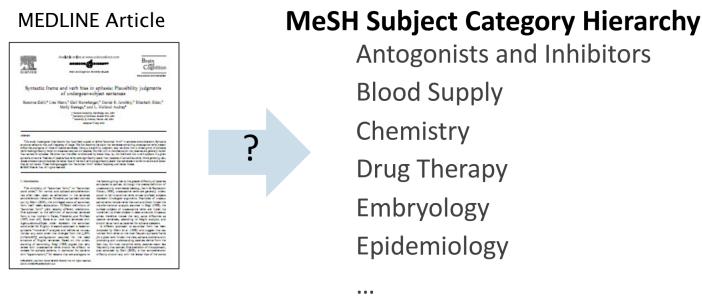


Figura 2: Ejemplo de clasificación por categorías clínicas.

## 0.2 Clasificador Naïve Bayes

Definimos formalmente nuestro conjunto de entrenamiento como el conjunto de pares  $(d^{(i)}, c^{(i)})$  para  $i = 1, \dots, m$ . Cada  $d^{(i)}$  representa una entrada (en nuestro caso, un documento), mientras que  $c^{(i)}$  corresponde a una etiqueta.

La tarea principal es aprender una función  $f$  que asigne etiquetas  $f(d)$  a las entradas  $d$ . El modelo Naïve Bayes sigue un enfoque probabilístico, en el cual buscamos estimar la probabilidad condicional  $p(c|d)$  utilizando ejemplos de entrenamiento para todas las clases o etiquetas (por ejemplo,  $c = c_1, c = c_2, \dots, c = c_k$ ), donde  $0 \leq p(c = c_j|x) \leq 1$  para cada  $j$  y  $\sum_j p(c = c_j|x) = 1$ . Luego, para cualquier entrada de prueba  $d$ , definimos  $f(x) = \arg \max_y p(y|x)$ , lo cual equivale a seleccionar la clase más probable condicionada por los datos.

Los modelos de aprendizaje automático que intentan estimar  $p(c|d)$  directamente de los datos se conocen como modelos discriminativos, como la regresión logística a estudiarse en el Capítulo ??.

Naïve Bayes, por otro lado, es un modelo generativo, donde la idea general es construir un modelo para cada clase y clasificar viendo cual clase generaría el ejemplo objetivo con mayor probabilidad.

Para un documento  $d$  y una clase  $c$ :

$$P(c|d) = \frac{P(d|c)P(c)}{P(d)}$$

MAP significa “máximo a posteriori”, que representa la clase más probable:

$$c_{\text{MAP}} = \arg \max_{c \in C} P(c|d)$$

Para calcular la clase más probable, aplicamos la regla de Bayes:

$$= \arg \max_{c \in C} \frac{P(d|c)P(c)}{P(d)}$$

Finalmente, podemos eliminar el denominador ya que permanece constante para todas las clases:

$$= \arg \max_{c \in C} P(d|c)P(c)$$

Para clasificar el documento  $d$ , usamos la estimación MAP:

$$c_{\text{MAP}} = \arg \max_{c \in C} P(d|c)P(c)$$

Alternativamente, podemos entender a los modelos generativos como un intento de estimar la distribución conjunta  $p(x,y)$  a partir de los ejemplos de entrenamiento. Usando la definición de probabilidad condicional tenemos  $p(x,y) = p(y)p(x|y)$ . Luego tenemos

$$p(y|x) = \frac{p(y)p(x|y)}{p(x)} \quad \text{donde} \quad p(x) = \sum_y p(y)p(x|y).$$

El Bayes Ingenuo es un método de clasificación simple ("ingenuo") basado en la regla de Bayes. Se basa en una representación muy simple de un documento: *Bolsa de palabras*.

El documento  $d$  se representa como un conjunto de características  $x_1, x_2, \dots, x_n$ . El clasificador calcula la probabilidad condicional de las características dada una clase y la probabilidad a priori de la clase:

$$= \arg \max_{c \in C} P(x_1, x_2, \dots, x_n | c)P(c)$$

El término  $P(x_1, x_2, \dots, x_n | c)$  representa la "verosimilitud" de las características dada la clase. El término  $P(c)$  representa la probabilidad "a priori" de la clase. El clasificador Bayes Ingenuo [McCallum et al., 1998] calcula la estimación MAP considerando las probabilidades de verosimilitud y a priori:

$$c_{\text{MAP}} = \arg \max_{c \in C} P(x_1, x_2, \dots, x_n | c)P(c)$$

La probabilidad de las características dada la clase,  $P(x_1, x_2, \dots, x_n | c)$ , puede estimarse contando las frecuencias relativas en un corpus. La probabilidad a priori de la clase,  $P(c)$ , representa con qué frecuencia ocurre esta clase. Sin algunas suposiciones simplificadoras, estimar la probabilidad de cada posible combinación de características en  $P(x_1, x_2, \dots, x_n | c)$  requeriría un gran número de parámetros y conjuntos de entrenamiento imposiblemente grandes. Por lo tanto, los clasificadores Bayes Ingenuo realizan dos suposiciones simplificadoras.

### 0.2.1 Suposiciones de Independencia del Bayes Ingenuo Multinomial

Suposición de Bolsa de Palabras: asumimos que la posición de las palabras en el documento no importa. Suposición de Independencia Condicional: asumimos que las probabilidades de las características  $P(x_i | c_j)$  son independientes dada la clase  $c_j$ . En el clasificador Bayes Ingenuo Multinomial, la probabilidad de un documento con características  $x_1, x_2, \dots, x_n$  dada la clase  $c$  se puede calcular como:

$$P(x_1, x_2, \dots, x_n | c) = P(x_1 | c) \cdot P(x_2 | c) \cdot P(x_3 | c) \cdots \cdot P(x_n | c)$$

### 0.2.2 Clasificador Bayes Ingenuo Multinomial

La estimación del Máximo A Posteriori (MAP) para la clase  $c$  en el clasificador Bayes Ingenuo Multinomial se calcula como:

$$c_{\text{MAP}} = \arg \max_{c \in C} P(x_1, x_2, \dots, x_n | c)P(c)$$

Alternativamente, podemos escribirlo como:

$$c_{\text{NB}} = \arg \max_{c \in C} P(c_j) \prod_{x \in X} P(x | c)$$

$P(c_j)$  representa la probabilidad a priori de la clase  $c_j$ .  $\prod_{x \in X} P(x | c)$  representa la verosimilitud de las características  $x_1, x_2, \dots, x_n$  dadas la clase  $c$ .

### 0.2.3 Aplicación de los clasificadores Naive Bayes multinomiales a la clasificación de texto

El clasificador Naive Bayes multinomial para la clasificación de texto se puede aplicar de la siguiente manera:

$$c_{\text{NB}} = \arg \max_{c_j \in C} P(c_j) \prod_{i \in \text{positions}} P(x_i | c_j)$$

Donde:

- $c_{\text{NB}}$  representa la clase predicha para el documento de prueba.
- $C$  es el conjunto de todas las clases posibles.
- $P(c_j)$  es la probabilidad previa de la clase  $c_j$ .
- $\prod_{i \in \text{positions}} P(x_i | c_j)$  calcula la probabilidad de cada característica  $x_i$  en la posición  $i$  dada la clase  $c_j$ .
- El producto se toma sobre todas las posiciones de palabras en el documento de prueba.

### 0.2.4 Problemas al multiplicar muchas probabilidades

Multiplicar muchas probabilidades puede resultar en un desbordamiento de punto flotante, especialmente cuando se manejan probabilidades pequeñas. Por ejemplo,  $0,0006 \times 0,0007 \times 0,0009 \times 0,01 \times 0,5 \times 0,000008 \dots$

Para solucionar este problema, podemos utilizar logaritmos, ya que  $\log(ab) = \log(a) + \log(b)$ . En lugar de multiplicar las probabilidades, podemos sumar los logaritmos de las probabilidades. Así, el clasificador Naive Bayes multinomial se puede expresar utilizando logaritmos de la siguiente manera:

$$c_{\text{NB}} = \arg \max_{c_j \in C} \left( \log(P(c_j)) + \sum_{i \in \text{position}} \log(P(x_i | c_j)) \right)$$

Al tomar logaritmos, evitamos el problema del desbordamiento de punto flotante y realizamos cálculos en el espacio logarítmico. El clasificador se convierte en un modelo lineal, donde la predicción es el argmax de la suma de pesos (logaritmos de probabilidades) y las entradas (logaritmos de probabilidades condicionales). Por lo tanto, Naive Bayes es un clasificador lineal que opera en el espacio logarítmico.

### 0.2.5 Aprendizaje del modelo Naive Bayes multinomial

El primer intento: Estimaciones de máxima verosimilitud

- Las probabilidades se estiman utilizando las frecuencias observadas en los datos de entrenamiento.
- La probabilidad previa de una clase  $c_j$  se estima como:

$$\hat{P}(c_j) = \frac{N_{c_j}}{N_{\text{total}}}$$

donde  $N_{c_j}$  es el número de documentos en la clase  $c_j$  y  $N_{\text{total}}$  es el número total de documentos.

- La estimación de la probabilidad de la palabra  $w_i$  dada la clase  $c_j$  se calcula como:

$$\hat{P}(w_i | c_j) = \frac{\text{count}(w_i, c_j)}{\sum_{w \in V} \text{count}(w, c_j)}$$

donde  $w \in V$  representa una palabra en el vocabulario  $V$ .

- El denominador es la suma de las frecuencias de todas las palabras en el vocabulario dentro de la clase  $c_j$ .

### 0.2.6 Estimación de parámetros

Para estimar los parámetros del modelo Naive Bayes multinomial, seguimos estos pasos:

- Creamos un mega-dокументo para cada tema  $c_j$  concatenando todos los documentos de ese tema.
- Calculamos la frecuencia de la palabra  $w_i$  en el mega-documento, que representa la fracción de veces que la palabra  $w_i$  aparece entre todas las palabras en los documentos del tema  $c_j$ .
- La probabilidad estimada  $\hat{P}(w_i|c_j)$  de la palabra  $w_i$  dada la clase  $c_j$  se obtiene dividiendo el recuento de ocurrencias de  $w_i$  en el mega-dокументo del tema  $c_j$  por el recuento total de palabras en el mega-dокументo:

$$\hat{P}(w_i|c_j) = \frac{\text{count}(w_i, c_j)}{\sum_{w \in V} \text{count}(w, c_j)}$$

Aquí,  $\text{count}(w_i, c_j)$  representa el número de veces que la palabra  $w_i$  aparece en el mega-dокументo del tema  $c_j$ , y  $\text{count}(w, c_j)$  es el recuento total de palabras en el mega-dокументo.

### 0.2.7 Probabilidades cero y el problema de las palabras no vistas

Consideremos el escenario en el que no hemos encontrado la palabra "fantástico."<sup>en</sup> ningún documento de entrenamiento clasificado como positivo (pulgar hacia arriba). Utilizando la estimación de máxima verosimilitud, la probabilidad  $\hat{P}(\text{"fantástico"} | \text{positivo})$  se calcularía como:

$$\hat{P}(\text{"fantástico"} | \text{positivo}) = \frac{\text{count}(\text{"fantástico"}, \text{positivo})}{\sum_{w \in V} \text{count}(w, \text{positivo})}$$

En este caso, el recuento de la palabra "fantástico" en los documentos positivos es cero, lo que conduce a una probabilidad cero:

$$\hat{P}(\text{"fantástico"} | \text{positivo}) = \frac{0}{\sum_{w \in V} \text{count}(w, \text{positivo})} = 0$$

Sin embargo, las probabilidades cero no pueden eliminarse, independientemente de la evidencia adicional presente. Esto plantea un problema al calcular la estimación del máximo a posteriori (MAP), que se utiliza para la clasificación:

$$c_{\text{MAP}} = \arg \max_c \left( \hat{P}(c) \prod_i \hat{P}(x_i | c) \right)$$

Con una probabilidad cero para una palabra, toda la expresión se vuelve cero, independientemente de la otra evidencia.

### 0.2.8 Suavizado Laplaciano (Add-1) para Naïve Bayes

Manejo de probabilidades cero con el suavizado Laplaciano (Add-1):

- Para abordar el problema de las probabilidades cero, podemos utilizar la técnica de suavizado Laplaciano (Add-1).

- La estimación suavizada  $\hat{P}(w_i | c)$  se calcula como:

$$\hat{P}(w_i | c) = \frac{\text{count}(w_i, c) + 1}{\sum_{w \in V} (\text{count}(w, c) + 1)}$$

- Aquí, se agrega un recuento adicional de 1 tanto al numerador como al denominador.
- El denominador se ajusta agregando el tamaño del vocabulario  $V$  para garantizar una normalización adecuada.
- Al hacerlo, evitamos las probabilidades cero y permitimos que cierta masa de probabilidad se distribuya a palabras no vistas.
- Esta técnica de suavizado ayuda a mitigar el problema de las palabras no vistas y evita la eliminación completa de ciertas clases durante la clasificación.

### 0.2.9 Naïve Bayes multinomial: aprendizaje

Aprendiendo el modelo Naïve Bayes multinomial:

- Para aprender los parámetros del modelo, necesitamos calcular los términos  $P(c_j)$  y  $P(w_k | c_j)$ .
- Para cada clase  $c_j$  en el conjunto de clases  $C$ , realizamos los siguientes pasos:
  - Recuperamos todos los documentos  $docs_j$  que pertenecen a la clase  $c_j$ .
  - Calculamos el término  $P(w_k | c_j)$  para cada palabra  $w_k$  en el vocabulario  $V$ :

$$P(w_k | c_j) = \frac{n_k + \alpha}{n + \alpha \cdot |\text{Vocabulary}|}$$

donde  $n_k$  representa el número de ocurrencias de la palabra  $w_k$  en el documento concatenado  $Text_j$ .

- Calculamos la probabilidad a priori  $P(c_j)$ :

$$P(c_j) = \frac{|docs_j|}{|\text{total number of documents}|}$$

- Para calcular  $P(w_k | c_j)$ , necesitamos extraer el vocabulario  $V$  del corpus de entrenamiento.

### 0.2.10 Palabras desconocidas

Tratamiento de palabras desconocidas en los datos de prueba:

- Cuando encontramos palabras desconocidas en los datos de prueba que no aparecen en los datos de entrenamiento o en el vocabulario, las ignoramos.
- Eliminamos estas palabras desconocidas del documento de prueba como si no estuvieran presentes en absoluto.
- No asignamos ninguna probabilidad a estas palabras desconocidas en el proceso de clasificación.

Esto es una visión general del modelo Naive Bayes multinomial y su aplicación a la clasificación de texto. Cabe destacar que existen variantes y extensiones más sofisticadas de Naive Bayes que se adaptan a diferentes requisitos y características de los datos.

## 0.3 Ejemplo

**Datos de Entrenamiento:**

Test:

Categoría	Texto
Negative	Just plain boring, entirely predictable and lacks energy.
Negative	No surprises and very few laughs.
Positive	Very powerful.
Positive	The most fun film of the summer.

Categoría	Texto
?	Predictable with no fun.

## 0.4 Naive Bayes como modelo de lenguaje

Cuando utilizamos características de palabras individuales y consideramos todas las palabras en el texto, el naive Bayes tiene una similitud importante con la modelización del lenguaje.

Específicamente, un modelo naive Bayes se puede ver como un conjunto de modelos de lenguaje de unigramas específicos de cada clase, en el que el modelo para cada clase instancia un modelo de lenguaje de unígrafo.

Las características de verosimilitud del modelo naive Bayes asignan una probabilidad a cada palabra  $P(\text{word}|c)$ , y el modelo también asigna una probabilidad a cada oración:

$$P(s|c) = \prod_{i \in \text{positions}} P(w_i|c)$$

Consideremos un modelo naive Bayes con las clases positiva (+) y negativa (-) y los siguientes parámetros del modelo:

w	$P(w +)$	$P(w -)$
I	0.1	0.2
love	0.1	0.001
this	0.01	0.01
fun	0.05	0.005
film	0.1	0.1
...	...	...

Cada una de las dos columnas anteriores instancian un modelo de lenguaje que puede asignar una probabilidad a la oración "I love this fun film":

$$P("I love this fun film" | +) = 0,1 \times 0,1 \times 0,01 \times 0,05 \times 0,1 = 0,0000005$$

$$P("I love this fun film" | -) = 0,2 \times 0,001 \times 0,01 \times 0,005 \times 0,1 = 0,000000010$$

Como sucede, el modelo positivo asigna una probabilidad más alta a la oración:

$$P(s|\text{pos}) > P(s|\text{neg})$$

Cabe destacar que esto es solo la parte de verosimilitud del modelo naive Bayes; una vez que multiplicamos por la probabilidad a priori, un modelo naive Bayes completo podría tomar una decisión de clasificación diferente.

Cat	Documents
Training	- just plain boring - entirely predictable and lacks energy - no surprises and very few laughs + very powerful + the most fun film of the summer
Test	? predictable <del>with</del> no fun

### 1. Prior from training:

$$\hat{P}(c_j) = \frac{N_{c_j}}{N_{total}} \quad P(-) = 3/5 \quad P(+) = 2/5$$

### 2. Drop "with"

### 3. Likelihoods from training:

$$p(w_i|c) = \frac{\text{count}(w_i, c) + 1}{(\sum_{w \in V} \text{count}(w, c)) + |V|}$$

$$P(\text{"predictable"}|-) = \frac{1+1}{14+20} \quad P(\text{"predictable"}|+) = \frac{0+1}{9+20}$$

$$P(\text{"no"}|-) = \frac{1+1}{14+20} \quad P(\text{"no"}|+) = \frac{0+1}{9+20}$$

$$P(\text{"fun"}|-) = \frac{0+1}{14+20} \quad P(\text{"fun"}|+) = \frac{1+1}{9+20}$$

### 4. Scoring the test set:

$$P(-)P(S|-) = \frac{3}{5} \times \frac{2 \times 2 \times 1}{34^3} = 6.1 \times 10^{-5}$$

$$P(+)P(S|+) = \frac{2}{5} \times \frac{1 \times 1 \times 2}{29^3} = 3.2 \times 10^{-5}$$

## 0.5 Evaluación

- Consideraremos solo tareas de clasificación de texto binario.
- Imagina que eres el CEO de Delicious Pie Company.
- Quieres saber lo que la gente está diciendo sobre tus pasteles.
- Por lo tanto, construyes un detector de tweets de "Delicious Pie" en las siguientes clases:
  - Clase positiva: tweets sobre Delicious Pie Co.
  - Clase negativa: todos los demás tweets.

### 0.5.1 La Matriz de Confusión 2x2

	Sistema Positivo	Sistema Negativo
Oro Positivo	Verdadero Positivo (VP)	Falso Negativo (FN)
Oro Negativo	Falso Positivo (FP)	Verdadero Negativo (VN)

**Recall** (también conocido como **Sensibilidad** o **Tasa de Verdaderos Positivos**):

$$\text{Recall} = \frac{VP}{VP + FN}$$

**Precisión:**

$$\text{Precisión} = \frac{VP}{VP + FP}$$

**Exactitud:**

$$\text{Exactitud} = \frac{VP + VN}{VP + FP + VN + FN}$$

### 0.5.2 Evaluación: Exactitud

¿Por qué no usamos la exactitud como nuestra métrica?

Imagina que vimos 1 millón de tweets:

- 100 de ellos hablaban sobre Delicious Pie Co.
- 999,900 hablaban de otra cosa.

Podríamos construir un clasificador tonto que simplemente etiquete todos los tweets como "no sobre pasteles":

- ¡¡¡Obtendría una exactitud del 99.99 %!!! ¡¡¡Wow!!!
- ¡Pero sería inútil! ¡No devuelve los comentarios que estamos buscando!

Por eso usamos precisión y recall en su lugar.

### 0.5.3 Evaluación: Precisión y Recall

**Precisión** mide el porcentaje de elementos que el sistema detectó (es decir, los elementos que el sistema etiquetó como positivos) que son realmente positivos (según las etiquetas de oro humanas).

$$\text{Precisión} = \frac{\text{Verdaderos Positivos}}{\text{Verdaderos Positivos} + \text{Falsos Positivos}}$$

**Recall** mide el porcentaje de elementos que el sistema identificó correctamente de todos los elementos que deberían haber sido identificados.

$$\text{Recall} = \frac{\text{Verdaderos Positivos}}{\text{Verdaderos Positivos} + \text{Falsos Negativos}}$$

### 0.5.4 ¿Por qué Precisión y Recall?

Considera nuestro clasificador tonto de pasteles que simplemente etiqueta nada como "sobre pasteles".

- Exactitud = 99.99 % (etiqueta correctamente la mayoría de los tweets como no relacionados con pasteles)
  - Recall = 0 (no detecta ninguno de los 100 tweets relacionados con pasteles)
- La precisión y el recall, a diferencia de la exactitud, enfatizan los verdaderos positivos:
- Se centran en encontrar las cosas que se supone que debemos buscar.

### 0.5.5 Una Medida Combinada: Medida F

La medida F es un número único que combina la precisión (P) y el recall (R), definida como:

$$F_{\beta} = \frac{(\beta^2 + 1)PR}{\beta^2P + R}$$

La medida F, definida con el parámetro  $\beta$ , pondera diferencialmente la importancia del recall y la precisión.

- $\beta > 1$  favorece al recall
- $\beta < 1$  favorece a la precisión

Cuando  $\beta = 1$ , la precisión y el recall son iguales, y tenemos la medida  $F_1$  equilibrada:

$$F_1 = \frac{2PR}{P+R}$$

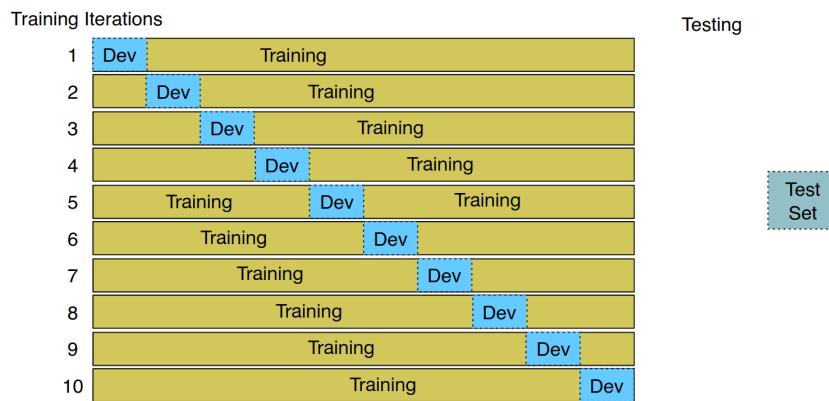


### 0.5.6 Conjuntos de Prueba de Desarrollo ("Devsets")

- Para evitar el sobreajuste y proporcionar una estimación más conservadora del rendimiento, comúnmente utilizamos un enfoque de tres conjuntos: conjunto de entrenamiento, conjunto de desarrollo y conjunto de prueba.
  - **Conjunto de entrenamiento:** Se utiliza para entrenar el modelo.
  - **Conjunto de desarrollo:** Se utiliza para ajustar el modelo y seleccionar los mejores hiperparámetros.
  - **Conjunto de prueba:** Se utiliza para informar el rendimiento final del modelo.
- Este enfoque garantiza que el modelo no esté ajustado específicamente al conjunto de prueba, evitando el sobreajuste.
- Sin embargo, crea una paradoja: queremos la mayor cantidad de datos posible para el entrenamiento, pero también para el conjunto de desarrollo.
- ¿Cómo dividimos los datos?

### 0.5.7 Validación Cruzada: Múltiples Divisiones

- La validación cruzada nos permite utilizar todos nuestros datos para el entrenamiento y la prueba sin tener un conjunto de entrenamiento, conjunto de desarrollo y conjunto de prueba fijos.
- Elegimos un número  $k$  y dividimos nuestros datos en  $k$  subconjuntos disjuntos llamados pliegues.
- En cada iteración, uno de los pliegues se selecciona como conjunto de prueba mientras que los  $k - 1$  pliegues restantes se utilizan para entrenar el clasificador.
- Calculamos la tasa de error en el conjunto de prueba y repetimos este proceso  $k$  veces.
- Finalmente, promediamos las tasas de error de estas  $k$  ejecuciones para obtener una tasa de error promedio.
- Por ejemplo, la validación cruzada de 10 pliegues implica entrenar 10 modelos con el 90 % de los datos y probar cada modelo por separado.
- Las tasas de error resultantes se promedian para obtener la estimación final del rendimiento.
- Sin embargo, la validación cruzada requiere que todo el corpus sea ciego, lo que impide examinar los datos para sugerir características o comprender el comportamiento del sistema.
- Para abordar esto, se crea un conjunto de entrenamiento y un conjunto de prueba fijos, y se realiza la validación cruzada de 10 pliegues dentro del conjunto de entrenamiento.
- La tasa de error se calcula convencionalmente en el conjunto de prueba.



## 0.6 Conjuntos de entrenamiento, prueba y validación

Cuando entrenamos un modelo, nuestro objetivo es producir una función  $f(\vec{x})$  que mapee correctamente las entradas  $\vec{x}$  a las salidas  $\hat{y}$  según lo evidenciado por el conjunto de entrenamiento. La evaluación del rendimiento en los datos de entrenamiento puede ser engañosa, ya que nuestro objetivo es entrenar una función capaz de generalizar a ejemplos no vistos. Una forma común de abordar esto es dividir el conjunto de entrenamiento en subconjuntos de entrenamiento y prueba (80% y 20% respectivamente). Se entrena el modelo en el subconjunto de entrenamiento y se calcula la precisión en el subconjunto de prueba.

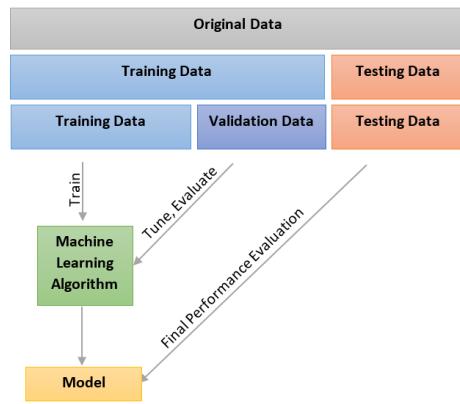
Sin embargo, este enfoque tiene una limitación. En la práctica, a menudo se entranan varios modelos, se comparan sus calidades y se selecciona el mejor. Si se selecciona el mejor modelo en función de la precisión en el subconjunto de prueba, se obtendrá una estimación excesivamente optimista de la calidad del modelo. No se sabe si la configuración elegida del clasificador final es buena en general o simplemente es buena para los ejemplos particulares en los subconjuntos de prueba.

La metodología aceptada es utilizar una división de tres vías de los datos en conjuntos de entrenamiento, validación (también llamado desarrollo) y prueba<sup>2</sup>. Esto proporciona dos conjuntos apartados: un conjunto de validación (también llamado conjunto de desarrollo) y un conjunto de prueba. Todos los experimentos, ajustes, análisis de errores y selección de modelos deben realizarse

basados en el conjunto de validación. Luego, una única ejecución del modelo final sobre el conjunto de prueba proporcionará una buena estimación de su calidad esperada en ejemplos no vistos. Es importante mantener el conjunto de prueba lo más limpio posible, realizando la menor cantidad de experimentos posible en él. Incluso algunos defienden que no se deben mirar siquiera los ejemplos en el conjunto de prueba, para evitar sesgar el diseño del modelo.

<sup>2</sup>Un enfoque alternativo es la validación cruzada, pero no se escala bien para entrenar redes neuronales profundas.

<sup>2</sup>Fuente: <https://www.codeproject.com/KB/AI/1146582/validation.PNG>



### 0.6.1 Matriz de Confusión para clasificación de 3 clases

		gold labels			
		urgent	normal	spam	
system output	urgent	8	10	1	precision <sub>u</sub> = $\frac{8}{8+10+1}$
	normal	5	60	50	precision <sub>n</sub> = $\frac{60}{5+60+50}$
	spam	3	30	200	precision <sub>s</sub> = $\frac{200}{3+30+200}$
		recall <sub>u</sub> = $\frac{8}{8+5+3}$	recall <sub>n</sub> = $\frac{60}{10+60+30}$	recall <sub>s</sub> = $\frac{200}{1+50+200}$	

Cómo combinar métricas binarias (Precisión, Recall,  $F_1$ ) de más de 2 clases para obtener una métrica única:

- Macro-promedio:
  - Calcular las métricas de rendimiento (Precisión, Recall,  $F_1$ ) para cada clase individualmente.
  - Promediar las métricas en todas las clases.
- Micro-promedio:
  - Recopilar las decisiones para todas las clases en una matriz de confusión.
  - Calcular la Precisión y el Recall a partir de la matriz de confusión.

Class 1: Urgent		Class 2: Normal		Class 3: Spam		Pooled			
true	true	true	true	true	true	true	true		
urgent	not	normal	not	spam	not	yes	no		
system	urgent	8	11	system	60	55	system	268	99
system	not	8	340	system	40	212	system	99	635

$\text{precision} = \frac{8}{8+11} = .42$        $\text{precision} = \frac{60}{60+55} = .52$        $\text{precision} = \frac{200}{200+33} = .86$        $\text{microaverage precision} = \frac{268}{268+99} = .73$   
 $\text{macroaverage precision} = \frac{.42+.52+.86}{3} = .60$



## Bibliografía

[McCallum et al., 1998] McCallum, A., Nigam, K., et al. (1998). A comparison of event models for naive bayes text classification. In *AAAI-98 workshop on learning for text categorization*, volume 752, pages 41–48. Madison, WI.

[Mosteller and Wallace, 1963] Mosteller, F. and Wallace, D. L. (1963). Inference in an authorship problem: A comparative study of discrimination methods applied to the authorship of the disputed federalist papers. *Journal of the American Statistical Association*, 58(302):275–309.